

# Week 7 - 25/11/2022

## Exercício 1

---

```
-----BEGIN DH PARAMETERS-----
MIICCAKCAgEAux0Gojz+Dg6hCLPKAsphVM5GzoBBSdFaqBHPePiiEWJGPURMY/0G
poNJyk1ltbA+BMDE7IjHV68ZDfm179UE2TXOqrfeMpNEhfKFIdO4CfiCM+AG9/i5
Q/MA1luJWtJdsP+qEYzaQ0HIeyaMW7GUudwYhJs+9VFWhLtnvKn/Sav6RYS914s6
vI+3kNHOZp+kHT8DKyLvHC91509CWonl37azGdedMQKlsC/s52JU2G5cJ6BMqnH9
vbxZnbyGWkTX9gUx1jBFHwodjyA00ToYHwUlyuh3OYqasV1HnAWhw/hjSZMwveuI
Dlw+fgo5PH3pci05y+soEKj55RJrKxwXvXnH+tELHESd4NnFUuJIyLPukTrcKU9Z
FenXW6Uo069k7aIybx6D7Qtuc+i5UJfLjDJI06j9Du8AZpFGLHctB/vsDmZyq21Q
QynaDPXVAQC7Bbs2M4Z8S28xbX21cz19vSz5uJiWW1erN4tpMB9Ac4DKAknfam4
oHtf0UM91yAQoeKhLhqm5qopgSJ/9MiVhEmzPQh3SCmMo9vfnIegBzj2IOF+/UNC
5H3zLA/jemk6WpnzjyuZNr+rQcGLukSCeLA0UBYSBakez+0UnOgzua/zIF/Smc0F
k3pOlB86P4Ohc7CO+cIFxIMQ7aFyQsqLkrEJ4AxWZOwY9rqV8iSnozMCAQI=
-----END DH PARAMETERS-----
```

## Exercício 2

---

```

-----BEGIN X9.42 DH PARAMETERS-----
MIIELAKCAgEAh/pVNCPkeQvetk5HygBmQ6dnKdEbks3567AAxr36HeyeNIADwlqM
+ZKNnxYlGcWgOkzKL8xXHYjV0Ys7nBsgTNPB5UjXG5iAwvbsge7k9COGmbPHZF+r
MtmEjot6ueqD0ksa2ny16VaAYjXmgl7l7z5Gqh/7t1Vx2YtsxPJ5UEKSE/YO1wWLS
Y3n0WmJAKImCnVjtveCbanViU8A0fj8aOhdQHSGXbEtwjDJRfWSUhTqQtXBLuzmM
8qlYTMyv9yaV0+od+KPpJFy0omHnftmVWS8RmzTM2vj2RsM/w1HCzD6e/Kg326VT
sk66a7MY8GlyJ1JuylIPQ6G8x/4LhKwuCQ3OjppzPRIKA0hIN1lF45BISqi8IW/UR
6jA3jJJWytPt1j8zsNw9HwJhvusY9YYJUTugTh3Tk5Sf/Sdn68xIF+D0v4aOkwai
0J6qRzC7nEdnJn/020EzrZpvm+WZpZHN23v/a77XWUwUZQUUFoPI3E+cJ30UtXYP
UVCKKFU1F0ys6quzFb+XY6Ao4kWUNtBCW0P1VzaGxg+Jgp5jmeu/qgsOrgxFCAj1
FsLSJmUqRLSEsglIgwmsYNZ4ICSKr2EwDlCD796sXTXgSswrv2RwWAcspIDPIqBP
X/Mdv7z6F/3wuXE9/nIOBkEuGiDPFxxzvcv1US/sogLWUtnp3oSiXK30CggIAft+y
A8xtPKBxxFdvppwKaPws/6IIIsKQFB/ci44xSM/dShK2EyeyFSmpzi7tlat0MI3jiI
11LRhrwCm6WwMS+b3fBoT16t7FL5luYkI9S2PKY/oNzYjPFwgBjBh83i59bbFq96
oIYdhFEitYkfg//zHkoZFtcy2dOyr4ydqfqweMtukZ4Uje9pfUYc/e2Iu9gHseLV
bgAunrj09v/9ekHW382/5c3IzuHirDI2b/BQ36RmvDyF1PyzeXFwBXkRRzhX2mob
9nE1HRmjZuEjBMcCwpX9U1+hSvuvFZMynK70ZG92zmsjSqa+2FFBtmeSe+WPVdLk
+ZcOLfkqj7PiMjY5gDGD9PoVwldBTiSYyaN9XZ6BE4tpWJyr8XSETszbFRG+qhjD
1TZDdl3Yixdj33u/0/NGpsgquBa/4ce4N/2gaS/6OUOX5C2xclOTMWE/9FPP1urD
jk3B1LYkEsZStrWVkpK4lrGOJIETyLTUEv3Urfd+yfFW93DEy8Iwd6JrZaYHodtT
kaISgyAXzAerfCCPpj9C66nl6duijI58x94vBdstW47EBfSK58H6X7zge8koolI
U0klT6wLMGY5djgETzuoP/RsBfeAOhQhM1Bj0xxDTUm9yxspjzYiPQpS+SFpqwqy
wrpgftlatQBGj7uTgZesYZk9jtZEYdForstbxFUCIQDI7RUYzMSAAEr738cxhStD
6hFl8aT/HXwOaxF8IxSAwQ==
-----END X9.42 DH PARAMETERS-----

```

## Exercício 3

A primeira abordagem demora bastante mais tempo pois tem que obedecer às regras tradicionais de primos Diffie Hellman, isto é, seja o primo gerado  $p$ , para  $p$  ser admissível,  $(p-1)/2$  terá também que ser primo. Esta regra (não aplicada na geração do segundo parâmetro DH), leva a que o conjunto de números primos que são elegíveis seja bastante mais reduzido, tornando assim mais exigente a computação destes mesmos primos (o que explica a diferença considerável no tempo de cálculo do exercício 1 para o exercício 2).

### Código para verificar a estrutura:

```
#!/usr/bin/env sage -python
import sys
import numpy as np
import sage as sg
from sage.all import *

payload = 0xBB1D06A23CFE0E0EA108B3CA02CA6154CE46CE804149D15AA811CF78F8A23
toCheck = (payload - 0x1)//2

print(is_pseudoprime(toCheck)) #True
```

## Exercício 5

---

Código de resolução:

```
#!/usr/bin/env sage -python
import sys
import numpy as np
from sage.all import *

#Calcular Y

p = 1373
g = 2
y = 871

Y = (g^y)%p

print('Y enviado pelo Bob: ' + str(Y))

# Descobrir o Expoente secreto da Alice

X = 974

_,gA,_ = xgcd(X,p) #g^a vai ser o inverso multiplicativo do valor enviado

if(gA < 0): #Condição necessária pois não existem logaritmos de números negativos
    gA = gA + p

secExp = log(gA,g).n() #Expoente Secreto

print('Expoente secreto da Alice: ' + str(secExp))
```

## Exercício 6

---

## Problema CDH:

O problema CDH consiste na capacidade de, dado  $g^a$  e  $g^b$ , se conseguir computar  $g^{ab}$ , tornando possível computar o segredo partilhado com apenas informação disponível no canal.

## Problema DDH:

O problema DDH, consiste num problema de indistinguibilidade, ou seja, conhecendo  $g^a$  e  $g^b$ , ser capaz de distinguir, com uma probabilidade superior a  $1/2$ ,  $g^{ab}$  de um  $g^c$  em que  $c$  é um expoente aleatório. Ou seja, ser capaz de distinguir o segredo partilhado de um elemento aleatório.

## Resposta:

Dadas as definições acima descritas, assumindo a existência de um algoritmo que resolva CDH, esse mesmo algoritmo, dadas as informações disponíveis no problema DDH, é capaz de, dado um  $g^a$  e um  $g^b$ , calcular  $g^{ab}$  e por fim comparar com o valor facultado, avaliando se é de facto o segredo ou um elemento aleatório e resolvendo assim também DDH.