

# Week 5 - 21/10/2022

## Exercício 1

---

Como a cifragem por stream cipher consiste num XOR do plaintext com a stream cipher. Pelas propriedades da operação XOR sabemos que se aplicarmos duas vezes a função XOR com o mesmo valor, a função não se altera. Assim sabemos que se:

```
C1 = M1 XOR S e C2 = M2 XOR S,  
sendo C1 a cifra de M1 e C2 a cifra de M2,  
aplicando a stream cipher S.
```

então:

```
C1 XOR C2 = (M1 XOR S) XOR (M2 XOR S) = M1 XOR M2
```

Os pacotes contém mensagens em ASCII cifrados e cada caracter em ASCII tem sempre o valor menor que 128, ou seja o primeiro bit é sempre 0, sabemos ainda que 0 XOR 0 é sempre 0, logo para saber se as cifras não usaram a mesma stream cipher basta verificar que há caracteres com valores maiores ou iguais a 128.

Assim criamos o seguinte código para resolver:

```
from data import *  
def solve(a,b):  
    for x in zip(a,b):  
        if int(x[0] ^^ x[1])>= 128:  
            return false  
  
def find():  
    for i in range(0, len(packets)):  
        for j in range(i+1, len(packets)):  
            if(solve(packets[i], packets[j])):  
                print (i, 'e', j)  
    return  
print('Posição dos pacotes no array do ficheiro data.py que usaram a mesma stream cipher')  
find()
```

## Exercício 2

---

**a)**

Como  $c = \text{RC4}(v || k) \text{ XOR } m$ , sendo  $||$  a concatenação, e o Bob recebe  $(v || c)$ , o Bob pode recalcular  $m$  fazendo:

$$m = \text{RC4}(v || k) \text{ XOR } c$$

já que o XOR tem a seguinte propriedade:

$$A = B \text{ XOR } C \iff C = B \text{ XOR } A$$

**b)**

Basta verificar o mesmo valor  $v$ , ou seja os mesmos primeiros 80 bits, quando estes forem iguais as key stream usadas são iguais, pois o RC4 é determinístico e é usada sempre a mesma chave  $k$  de 128 bits.

**c)**

Como  $k$  é sempre igual, o que determina a unicidade da key stream é o  $v$  de 80 bits. O número de mensagens é  $2^{(80/2)} = 2^{40}$ , pois a partir da mensagem  $2^{40}$  a probabilidade de dois valores  $v$  random se repetirem é maior que 50%, por causa do paradoxo do aniversário.