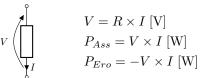
# Bipolo

#### Utilizzatori



# Generatori

$$V = -R \times I \text{ [V]}$$

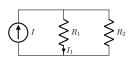
$$P_{Ass} = -V \times I \text{ [W]}$$

$$P_{Ero} = V \times I \text{ [W]}$$

# Teorema di Tellegen

$$\sum V_n \times I_n = 0$$

### Partitori



$$I_1 = I \times \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

$$V \stackrel{+}{\overset{+}{\stackrel{-}{\longrightarrow}}} R_1 \stackrel{R_1}{\overset{-}{\nearrow}} V_1$$

$$V_1 = V \times \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

Nota: Dovre è presente una maggiore resistenza, sarà presente una minore intensità di corrente ed una maggiore tensione.

	Serie	Parallelo
Corrente	$I = I_1 = \ldots = I_n$	$I = \sum I_n$
Tensione	$V = \sum V_n$	$V = V_1 = \ldots = V_n$

# Trasformazioni

#### Stella $\rightarrow$ triangolo

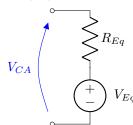
$$G_{12} = \frac{G_1 \times G_2}{\sum G_n}$$

 $Triangolo \rightarrow stella$ 

$$R_1 = \frac{R_{12} \times R_{13}}{\sum R_n}$$

# Equivalenti

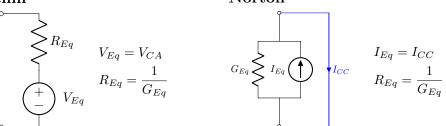
# Thévenin



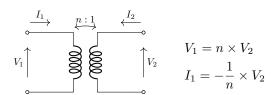
$$V_{Eq} = V_{CA}$$

$$R_{Eq} = \frac{1}{G_{Eq}}$$

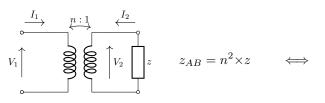
#### Norton



### Trasformatore ideale



$$V_1 = n \times V_2$$
$$I_1 = -\frac{1}{n} \times V_2$$



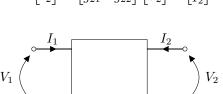
$$z_{AB} = n^2 \times z$$



# Doppi bipoli

$$R : \begin{bmatrix} V_1 \\ V_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r_{11} & r_{12} \\ r_{21} & r_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \hat{V}_1 \\ \hat{V}_2 \end{bmatrix}$$

$$G : \begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} g_{11} & g_{12} \\ g_{21} & g_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_1 \\ V_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \hat{I}_1 \\ \hat{I}_2 \end{bmatrix}$$



### **Ibride**

$$\begin{aligned} H1: \begin{bmatrix} V_1 \\ I_2 \end{bmatrix} &= \begin{bmatrix} h_{11} & h_{12} \\ h_{21} & h_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_1 \\ V_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \hat{V_1} \\ \hat{I_2} \end{bmatrix} \\ H2: \begin{bmatrix} I_1 \\ V_2 \end{bmatrix} &= \begin{bmatrix} h'_{11} & h'_{12} \\ h'_{21} & h'_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_1 \\ I_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \hat{I_1} \\ \hat{V_2} \end{bmatrix} \end{aligned}$$

### Trasmissione

Diretta: 
$$\begin{bmatrix} V_1 \\ I_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} t_{11} & t_{12} \\ t_{21} & t_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_2 \\ -I_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \hat{V}_1 \\ \hat{I}_1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} V_2 \\ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} t'_{11} & t'_{12} \\ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_1 \\ \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \hat{V}_2 \\ \end{bmatrix}$$

$$\text{Inversa}: \begin{bmatrix} V_2 \\ -I_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} t_{11}' & t_{12}' \\ t_{21}' & t_{22}' \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_1 \\ I_1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \hat{V_2} \\ \hat{I_2} \end{bmatrix}$$

Nota: se le relazioni non vengono trovate risolvendo il circuito, bisogna utilizzare il metodo delle prove semplici, spegnendo i generatori secondo necessità, risolvendo i risultanti circuiti.

# Induttori e generatori



$$V_L = L \times \frac{\mathrm{d}i_L(t)}{\mathrm{d}t}$$
$$[L] = [H]$$

$$V_C$$

$$I_C = C \times \frac{\mathrm{d}v_C(t)}{\mathrm{d}t}$$

$$[C] = [F]$$

$$R = \underbrace{\frac{l \text{lunghezza}}{l}}_{\text{sezione}} \times \underbrace{\frac{c}{c}}_{\text{conducibilità}}$$

### Analisi nodale

#### Semplice

LKC ai nodi con le correnti in funzione dei ponziali di nodo (verso positivo uscente). Risolvo poi il sistema risultante.

#### Modificata

Aggiungo un'equazione per ogni variabile aggiunta non controllabile in tensione. Risolvo poi il sistema risultante.

#### Per ispezione

- Matrice dei coefficienti:
  - Diagonale principale posizione (x, x): somma delle conduttanze che arrivano al nodo x.
  - Fuori dalla diagonale principale posizione (i, j): la conduttanza tra i nodi i e j con segno meno.
- Vettore dei termini noti riga i: valore del generatore di corrente entrante nel nodo i.

Nota: Ogni generatore si deve presentare due volte con segno opposto nel vettore dei termini noti od una sola volta se collegato al nodo di riferimento.

### Regime alternato sinusoidale

$$v(t) = \underbrace{A}_{\text{ampiezza}} \times \cos\left(\underbrace{\omega}_{\text{pulsazione}} t + \underbrace{\varphi}_{\text{fase}}\right) \iff \underbrace{\overline{V}}_{\text{fasore}} = \underbrace{A}_{\text{ampiezza}} \times e^{j\underbrace{\varphi}} = a + jb$$

$$\underbrace{\omega}_{\text{pulsazione}} = 2\pi \underbrace{\nu}_{\text{frequenza}} \qquad A = \sqrt{a^2 + b^2} \qquad \phi = \arctan\frac{b}{a} \qquad \text{Nota: attenzione al quadrante.} \qquad \text{Nota: } \overline{V} \in \mathbb{C}.$$

$$\underbrace{Z}_{\text{impedenza}} = \underbrace{R}_{\text{resistenza}} + j\underbrace{X}_{\text{reattanza}} \qquad \underbrace{Y}_{\text{ammettenza}} = \underbrace{R}_{\text{conduttanza}} + j\underbrace{B}_{\text{suscettanza}} \qquad \Delta Z = -\Delta Y$$

### Resistori, condensatori ed induttori in RAS

#### Resisori

#### Condensatori

$$Z_R = R$$

$$Y_R = \frac{1}{R}$$

$$Z_C = rac{1}{j\omega C} = -rac{1}{\omega C} imes j \qquad \qquad Z_L = j\omega L \ Y_C = j\omega C \qquad \qquad Y_L = rac{1}{j\omega L}$$

$$Z_L = j\omega L$$
 
$$Y_L = \frac{1}{j\omega L} = -\frac{1}{\omega L} \times j$$

### Potenza in RAS

$$\underbrace{S}_{\text{potenza complessa }[VA]} = \underbrace{P}_{\text{potenza attiva }[W]} + j \underbrace{Q}_{\text{potenza reattiva }[VAR]} \qquad S = \begin{cases} \overline{V}_{Eff} \times \overline{I}_{Eff}^* \\ \frac{1}{2} \times \overline{V} \times \overline{I}^* \end{cases} \qquad \overline{V}_{Eff} = \frac{\overline{V}}{\sqrt{2}} \quad \overline{I}_{Eff} = \frac{\overline{I}}{\sqrt{2}}$$

$$S = \begin{cases} \overline{V}_{Eff} \times \overline{I}_{Eff}^* \\ \frac{1}{2} \times \overline{V} \times \overline{I}^* \end{cases}$$

$$\overline{V}_{Eff} = rac{\overline{V}}{\sqrt{2}} \quad \overline{I}_{Eff} = rac{\overline{I}}{\sqrt{2}}$$

$$S = |S| \times \underbrace{\cos \varphi}_{\text{fottors dispersion}} + j|S| \times \sin \varphi$$

$$\cos \varphi = \frac{P}{|S|}$$

 $S = |S| \times \underbrace{\cos \varphi}_{\text{fattore di potenza}} + j|S| \times \sin \varphi \qquad \cos \varphi = \frac{P}{|S|} \qquad \text{Notiamo che } \angle \overline{I} = -\angle \overline{I}^*, \text{ quindi } \varphi = \varphi_{Tensione} - \varphi_{Corrente}$