# Liste des annexes

A	CMake principal	I	
В	3 Valeurs constantes des MDCT		
C	C.1 MDCT de référence en <i>float</i>	III III III	
D	$\mathcal{B}$	IV IV IV	
	E.2 Constructeur	V V VI VI	
•	F.1 Code source		
G	G.2 Constructeur	X X X XI XI	
Н	Mesure des performances des FFT de Ne10XIH.1 Code sourceXIH.2 CompilationXI		
Ι	Mesure des performances des FFT de FFTW3XVI.1 Code sourceXI.2 CompilationX	VII	
J	Implémentation de la MDCT basée sur la FFT de Ne10 en fixed point       XI         J.1 Header       X         J.2 Constructeur       X         J.3 Destructeur       X         I.4 Fonction MDCT       X	XX XX	

K	Imp	ementation de la MDCT basée sur la FFT de Ne10 en fixed point avec optimisations Neon XXI	I
	K.1	Header	$\Pi$
	K.2	Constructeur	$\Pi$
	K.3	Destructeur	III
	K.4	Fonction MDCT	Ш
		XXVI	
	L.1	Code source	(VII
	L.2	Code source	[VI]

# A CMake principal

Fichier CMake principal placé à la racine du projet. Il permet de compiler :

- le projet *audio\_encoding* contenant les différentes MDCT et leurs tests : les commandes CMake de ce sous projet sont présentées dans les annexes suivantes sous le code qu'elles permettent de compiler ;
- la librairie *Ne10* : les variables NE10\_LINUX\_TARGET\_ARCH et GNULINUX\_PLATFORM sont initialisées conformément aux recommendations de la documentation pour la compilation de la librairie.

```
cmake_minimum_required(VERSION 3.13)

set(NE10_LINUX_TARGET_ARCH armv7)
set(GNULINUX_PLATFORM ON)
if (CMAKE_BUILD_TYPE STREQUAL "DEBUG")
    set(BUILD_DEBUG ON)
endif (CMAKE_BUILD_TYPE STREQUAL "DEBUG")

add_subdirectory(audio_encoding)
add_subdirectory(Ne10)
```

# **B** Valeurs constantes des MDCT

Le fichier mdct\_constants.h rassemble les valeurs constantes des MDCT pour une fenêtre d'entrée de 1024 échantillons.

```
// Sampling frequency: 48kHz
#define FS
                                48000
// Window length and derived constants
#define MDCT_WINDON_LEN 1024
#define MDCT_M
                                (MDCT_WINDON_LEN>>1)
                                                           // spectrum size
                                (MDCT_WINDON_LEN>>2)
                                                           // fft size
#define MDCT_M2
                                (MDCT_WINDON_LEN>>3)
#define MDCT_M4
#define MDCT_M32
                                (3 * (MDCT_WINDON_LEN > > 2))
#define MDCT_M52
                                (5 * (MDCT_WINDON_LEN > > 2))
```

# C Algorithmes de référence

## C.1 MDCT de référence en float

Algorithme de référence basé sur la formule mathématique de la MDCT. Le template permet de réaliser les calculs en *float* ou en *double*.

```
#include <cmath>
#include "mdct_constants.h"

template <typename FLOAT>
void ref_float_mdct(FLOAT *time_signal , FLOAT *spectrum)

{
    FLOAT scale = 2.0 / sqrt(MDCT_WINDON_LEN);
    FLOAT factor1 = 2.0 * M_PI / static_cast <FLOAT>(MDCT_WINDON_LEN);
    FLOAT factor2 = 0.5 * static_cast <FLOAT>(MDCT_M2);
    for (int k = 0; k < MDCT_M; ++k)

    {
        FLOAT result = 0.0;
        FLOAT factor3 = (k + 0.5) * factor1;
        for (int n = 0; n < MDCT_WINDON_LEN; ++n)
        {
            result += time_signal[n] * cos((static_cast <FLOAT>(n) + factor2) * factor3);
        }
        spectrum[k] = scale * result;
    }
}
```

# C.2 MDCT de référence en integer

Algorithme de référence basé sur la formule mathématique de la MDCT. Le spectre est calculé en *double* puis converti en *integer* sur 32 bits en représentation Q15.

# D Génération d'un signal sinusoïdal

## D.1 Génération d'un signal sinusoïdal en float

Code de génération d'un signal sinusoïdal en float ou en double.

## D.2 Génération d'un signal sinusoïdal en integer

La génération du signal sinusoïdal en *integer* fait appel à la génération du signal sinusoïdal en *double* avant de convertir le résultat en *integer* (représentation Q15).

# E Implémentation de la MDCT basée sur la FFT de FFTW3

#### E.1 Header

Header de la classe mdct\_fftw3\_f32 : MDCT basée sur la FFT de la librairie *FFTW3* en *float* (32 bits). La classe contient les structures de données fft\_in et fft\_out, le tableau de facteurs de twiddle utilisé pour le pre- et le post-processing et la configuration de la FFT (fft\_plan). L'implémentation des fonctions de ce header est présentée dans les annexes suivantes.

```
#include < fftw3.h>
#include "mdct_constants.h"
class fftw3_mdct_f32
    private:
    fftwf_plan fft_plan;
                              // FFT configuration
    fftwf_complex *fft_in;
                             // FFT input buffer
                             // FFT output buffer
    fftwf_complex * fft_out;
    float twiddle [MDCT_M];
    public:
    fftw3_mdct_f32();
    ~fftw3_mdct_f32();
    void mdct(float *time_signal, float *spectrum);
    void imdct(float *spectrum, float *time_signal);
};
```

#### **E.2** Constructeur

Initialisation de la MDCT dans le constructeur de la classe mdct\_fftw3\_f32:

- Le tableau de twiddle est initialisé en *float* sur 32 bits;
- La FFT de FFTW3 est initialisée en une dimension (pour l'audio) avec la taille de la FFT réduite à un quart de la taille de la fenêtre d'entrée par le pre-processing et avec l'option FFTW\_MEASURE plus lente à l'initialisation mais qui permet d'optimiser le temps d'exécution de la FFT;
- Les tableaux contenant les données d'entrée (fft\_in) et de sortie (fft\_out) de la FFT sont alloués dynamiquement avec la fonction de FFTW3 et ils sont passé en paramètre à la configuration de la FFT.

```
#include <cmath>

fftw3_mdct_f32::fftw3_mdct_f32()
{
    float alpha = M_PI / (8.f * MDCT_M);
    float omega = M_PI / MDCT_M;
    float scale = sqrt(sqrt(2.f / MDCT_M));

    for (int i = 0; i < MDCT_M2; ++i)
    {
        float x = omega*i + alpha;
        twiddle[2*i] = scale * cos(x);
        twiddle[2*i+1] = scale * sin(x);
    }
}</pre>
```

```
fft_in = (fftwf_complex *) fftwf_malloc(sizeof(fftwf_complex) * MDCT_M2);
fft_out = (fftwf_complex *) fftwf_malloc(sizeof(fftwf_complex) * MDCT_M2);
fft_plan = fftwf_plan_dft_1d(MDCT_M2, fft_in, fft_out, FFTW_FORWARD, FFTW_MEASURE);
}
```

#### E.3 Destructeur

Destructeur de la classe mdct\_fftw3\_f32 qui permet de libérer la mémoire allouée aux tableaux d'entrée et de sortie de la FFT et à sa configuration avec les fonctions appropriées fournies par la librairie FFTW3.

```
fftw3_mdct_f32::~fftw3_mdct_f32()
{
    fftwf_destroy_plan(fft_plan);
    fftwf_free(fft_in);
    fftwf_free(fft_out);
}
```

#### **E.4** Fonction MDCT

Implémentation de l'algorithme de MDCT basé sur la FFT de la librairie FFTW3 :

- Initialisation du tableau d'entrée de la FFT : les opérations de *pre-twiddling* permettent de réduire la fenêtre d'entrée de la FFT ;
- Appel de la fonction FFT de *FFTW3*;
- Calcul du spectre de fréquence : les opérations de *post-twiddling* permettent de calculer le spectre à partir des données de sortie de la FFT et des facteurs de *twiddle*.

```
void fftw3_mdct_f32::mdct(float *time_signal, float *spectrum)
    float *cos_tw = twiddle;
    float *sin_tw = cos_tw + 1;
    /* odd/even folding and pre-twiddle */
   float *xr = (float *) fft_in;
    float * xi = xr + 1;
   for (int i = 0; i < MDCT_M2; i += 2)
        float r0 = time_signal[MDCT_M32-1-i] + time_signal[MDCT_M32+i];
        float i0 = time_signal[MDCT_M2+i] - time_signal[MDCT_M2-1-i];
        float c = cos_tw[i];
        float s = sin_tw[i];
        xr[i] = r0 * c + i0 * s;
        xi[i] = i0 * c - r0 * s;
    }
   for(int i = MDCT_M2; i < MDCT_M; i += 2)</pre>
        float r0 = time_signal[MDCT_M32-1-i] - time_signal[-MDCT_M2+i];
        float i0 = time_signal[MDCT_M2+i] + time_signal[MDCT_M52-1-i];
        float c = cos_tw[i];
```

```
float s = sin_tw[i];
    xr[i] = r0*c + i0*s;
    xi[i] = i0*c - r0*s;
}

/* complex FFT of size MDCT_M2 */
fftwf_execute(fft_plan);

/* post-twiddle */
    xr = (float *) fft_out;
    xi = xr + 1;

for (int i = 0; i < MDCT_M; i += 2)
{
    float r0 = xr[i];
    float i0 = xi[i];
    float s = sin_tw[i];
    spectrum[i] = -r0*c - i0*s;
    spectrum[MDCT_M-1-i] = -r0*s + i0*c;
}
</pre>
```

# F Validation de la MDCT FFTW3 en float 32

### F.1 Code source

Test de la MDCT basée sur la FFT de FFTW3 avec un signal d'entrée sinusoïdal à 200Hz :

- Génération et affichage d'un signal sinusoïdal à 200Hz;
- Calcul et affichage du spectre de fréquences de ce signal;
- Opération inverse de la MDCT et affichage du signal temporel calculé à partir du spectre.

```
#include <iomanip>
#include <iostream >
#include < cstring >
#include "mdct_constants.h"
#include "fftw3 mdct f32.h"
#include "sin_wave.h"
* @brief MDCT algorithm calling the FFT of the fftw3 library
* Code based on https://www.dsprelated.com/showcode/196.php
int main(void)
    float time_in[MDCT_WINDON_LEN];
                                          // input time signal
    sin_float(time_in, MDCT_WINDON_LEN, 0.9, 200.0, 0.0, FS);
    float time_out[MDCT_WINDON_LEN];
                                           // output time signal (generated by the IMDCT)
    memset(time\_out\;,\;\;0\;,\;\;MDCT\_WINDON\_LEN*\;sizeof(float\;));
                              // frequency spectrum
    float spectrum [MDCT_M];
    memset(spectrum, 0, MDCT_M* sizeof(float));
    fftw3_mdct_f32 fftw3_mdct;
    fftw3_mdct.mdct(time_in, spectrum);
    fftw3_mdct.imdct(spectrum, time_out);
    for (int i = 0; i < MDCT_WINDON_LEN; ++i)
        std::cout << "time_in[" << std::setw(4) << i << "]" << std::setw(12) << time_in[i]
            << "_|_time_out[" << std::setw(4) << i << "]" << std::setw(12) << time_out[i]</pre>
            << std :: endl;
    std::cout << std::endl;
    for (int i = 0; i < MDCT_M; ++i)
        std::cout << "spectrum[" << std::setw(4) << i << "]"
            << std::setw(12) << spectrum[i] << std::endl;
    std::cout << std::endl;
    return 0;
```

# F.2 Compilation

Commandes CMake permettant de compiler le code d'exemple.

```
# MDCT using the fftw3 library f32
add_executable(fftw3_mdct_f32 test/validation/fftw3_example.cpp
src/fftw3_mdct_f32.cpp src/sin_wave.cpp)
target_link_libraries(fftw3_mdct_f32 fftw3f)
```

# G Implémentation de la MDCT basée sur la FFT de Ne10 en floating point

## G.1 Header

Header de la classe mdct\_ne10\_f32\_c : MDCT basée sur la FFT de la librairie Ne10 en float (32 bits). La classe contient les structures de données fft\_in et fft\_out, le tableau de facteurs de twiddle utilisé pour le pre- et le post-processing et la configuration de la FFT (cfg). L'implémentation des fonctions de ce header est présentée dans les annexes suivantes.

## **G.2** Constructeur

Initialisation de la MDCT dans le constructeur de la classe mdct\_ne10\_f32\_c :

- Le tableau de twiddle est initialisé en *float* sur 32 bits;
- La configuration de la FFT de *Ne10* est initialisée an *complex to complex* en *float 32* avec en paramètre la taille de la fenêtre de la FFT réduite à un quart de la taille de la fenêtre d'entrée.

```
ne10_mdct_f32_c::ne10_mdct_f32_c()
{
    float alpha = M_PI / (8.0 * static_cast < float > (MDCT_M));
    float omega = M_PI / static_cast < float > (MDCT_M);
    float scale = sqrt(sqrt(2.0 / static_cast < float > (MDCT_M)));
    for (int i = 0; i < MDCT_M2; ++i)
    {
        float x = omega * i + alpha;
        twiddle[2*i] = static_cast < float > (scale * cos(x));
        twiddle[2*i+1] = static_cast < float > (scale * sin(x));
    }
    cfg = ne10_fft_alloc_c2c_float32_c(MDCT_M2);
}
```

## **G.3** Destructeur

Destructeur de la classe mdct\_ne10\_f32\_c qui permet de libérer la mémoire allouée à la configuration de la FFT avec la fonction appropriée de la librairie *Ne10*.

#### **G.4** Fonction MDCT

Implémentation de l'algorithme de MDCT basé sur la FFT de la librairie Ne10 en float 32 et en plain C:

- Initialisation du tableau d'entrée de la FFT : les opérations de *pre-twiddling* permettent de réduire la fenêtre d'entrée de la FFT :
- Appel de la fonction FFT de *Ne10*;
- Calcul du spectre de fréquence : les opérations de *post-twiddling* permettent de calculer le spectre à partir des données de sortie de la FFT et des facteurs de *twiddle*.

```
void ne10_mdct_f32_c::mdct(float *time_signal, float *spectrum)
    // pre-twiddling
    float *cos_tw = twiddle;
    float * sin_tw = cos_tw + 1;
    for (int i = 0; i < MDCT_M2; i += 2)
        float r0 = time_signal[MDCT_M32-1-i] + time_signal[MDCT_M32+i];
        float i0 = time_signal[MDCT_M2+i] - time_signal[MDCT_M2-1-i];
        float c = cos_tw[i];
        float s = sin_tw[i];
        fft_in[i/2].r = r0*c + i0*s;
        fft_in[i/2].i = i0*c - r0*s;
    }
    for (int i = MDCT_M2; i < (MDCT_M); i += 2)
        float r0 = time_signal[MDCT_M32-1-i] - time_signal[-MDCT_M2+i];
        float i0 = time_signal[MDCT_M2+i] + time_signal[MDCT_M52-1-i];
        float c = cos_tw[i];
        float s = sin_tw[i];
        fft_in[i/2].r = r0*c + i0*s;
        fft_in[i/2].i = i0*c - r0*s;
    }
    ne10\_fft\_c2c\_1d\_float32\_c\,(\,fft\_out\,\,,\,\,\,fft\_in\,\,,\,\,\,cfg\,\,,\,\,\,0\,);
    // post-twiddling
    for (int i = 0; i < (MDCT_M); i += 2)
        float r0 = fft_out[i/2].r;
```

```
float i0 = fft_out[i/2].i;

float c = cos_tw[i];
float s = sin_tw[i];

spectrum[i] = -r0*c - i0*s;
spectrum[(MDCT_M)-1-i] = -r0*s + i0*c;
}
}
```

# H Mesure des performances des FFT de Ne10

#### H.1 Code source

Code permettant de tester la vitesse d'exécution moyenne de différentes FFT proposées par la librairie Ne10. La moyenne est calculée sur 10.000.000 exécutions avec des données aléatoires en entrée de la FFT différentes pour chaque exécution. Les variables de préprocesseur définies à la compilation permettent sur base du même code de mesurer le temps d'exécution moyen avec écart type :

- de la FFT *complex to complex* en *float 32* en *plain C* ou avec les optimisations Neon;
- de la FFT *complex to complex* en *integer 32* en *plain C* ou avec les optimisations Neon;
- de la FFT complex to complex en integer 16 en plain C ou avec les optimisations Neon.

```
#include <iomanip >
#include <iostream >
#include < limits >
#include <cmath >
#include < cstring >
#include "mdct_constants.h"
#include "Timers.h"
#include "NE10.h"
                     // 32 bits floating point arithmetic
#ifdef F32
#define INPUT_RANGE
#define INPUT DATA
                                    ne10\_fft\_cpx\_float32\_t
#define OUTPUT_DATA
                                    ne10_fft_cpx_float32_t
#define FFT_CONFIG
                                    ne10_fft_cfg_float32_t
#define DESTROY_CONFIG
                                    ne10_fft_destroy_c2c_float32
#ifdef NEON
#define ALLOC_CONFIG
                                    ne10\_fft\_alloc\_c2c\_float32\_neon
#define PERFORM_FFT
                                    ne10_fft_c2c_1d_float32_neon
#else
#define ALLOC_CONFIG
                                    ne10_fft_alloc_c2c_float32_c
#define PERFORM FFT
                                    n\,e\,1\,0\,\_fft\,\_c\,2\,c\,\_1\,d\,\_f\,l\,o\,a\,t\,3\,2\,\_c
#endif
#elif I32
                      // 32 bits fixed point arithmetic
#define INPUT RANGE
                                    std::numeric limits < int16 t >::max() * 2
#define INPUT_DATA
                                    ne10_fft_cpx_int32_t
#define OUTPUT DATA
                                    n\,e\,1\,0\,\_\,f\,f\,t\,\_\,c\,p\,x\,\_\,i\,n\,t\,3\,2\,\_\,t
#define FFT_CONFIG
                                    ne10_fft_cfg_int32_t
#define DESTROY_CONFIG
                                    ne10_fft_destroy_c2c_int32
#ifdef NEON
#define ALLOC_CONFIG
                                    ne10_fft_alloc_c2c_int32_neon
#define PERFORM FFT
                                    ne10_fft_c2c_1d_int32_neon
#else
#define ALLOC_CONFIG
                                    ne10_fft_alloc_c2c_int32_c
#define PERFORM_FFT
                                    ne10_fft_c2c_1d_int32_c
#endif
```

```
// 16 bits fixed point arithmetic
#else
#define INPUT_RANGE
                                 std::numeric_limits < int16_t >:: max() * 2
#define INPUT_DATA
                                 ne10_fft_cpx_int16_t
#define OUTPUT DATA
                                 ne10_fft_cpx_int16_t
#define FFT_CONFIG
                                 ne10_fft_cfg_int16_t
#define ALLOC_CONFIG
                                 ne10_fft_alloc_c2c_int16
#define DESTROY_CONFIG
                                 ne10_fft_destroy_c2c_int16
#ifdef NEON
#define PERFORM_FFT
                                ne10_fft_c2c_1d_int16_neon
#else
#define PERFORM_FFT
                                 ne10_fft_c2c_1d_int16_c
#endif
#endif
#define RUNS
                         10000000
#define FFT_SCALE_FLAG 0
int main()
    // print which FFT will be tested
#ifdef F32
#ifdef NEON
    std::cout << "FFT_Ne10_f32_Neon" << std::endl;
#else
    std::cout << "FFT_Ne10_f32_plain_C" << std::endl;
#endif
#elif I32
#ifdef NEON
    std::cout << "FFT_Ne10_i32_Neon" << std::endl;
    std::cout << \ "FFT \_Ne10 \_i32 \_plain \_C" << \ std::endl;\\
#endif
#else
#ifdef NEON
    std::cout << "FFT_Ne10_i16_Neon" << std::endl;
    std::cout << "FFT_Ne10_i16_plain_C" << std::endl;
#endif
#endif
    // feed the random
    srand(static_cast < unsigned > (time(0)));
    // initilalize the configuration
    FFT_CONFIG cfg = ALLOC_CONFIG(MDCT_M2);
    // start the loop executing the FFTs
    int64_t *runtimes = static_cast < int64_t *> (malloc(RUNS * sizeof(int64_t)));
    for (int i = 0; i < RUNS; ++i)
        // initialize an empty spectrum
        OUTPUT\_DATA\ spectrum [MDCT\_M2] \_\_attribute\_\_ ((\ aligned\ (16)));
        memset(& spectrum , 0 , (MDCT_M2)* size of (OUTPUT_DATA));
```

```
// generate random input data
        INPUT_DATA time_signal[MDCT_M2] __attribute__ ((aligned(16)));
        for (int i = 0; i < MDCT_M2; ++i)
            time_signal[i].r = INPUT_RANGE * rand() / RAND_MAX - INPUT_RANGE / 2;
            time_signal[i].i = INPUT_RANGE * rand() / RAND_MAX - INPUT_RANGE / 2;
        // perfom the FFT and measure the run time
        EvsHwLGPL::CTimers timer;
        timer. Start();
#ifdef F32
        PERFORM_FFT(time_signal, spectrum, cfg, 0);
#else
        PERFORM_FFT(time_signal, spectrum, cfg, 0, FFT_SCALE_FLAG);
#endif
        timer.Stop();
        runtimes[i] = timer.GetTimeElapsed();
    // clean
   DESTROY_CONFIG(cfg);
    // compute the average
    double avg = 0.0;
    for (int i = 0; i < RUNS; ++i) avg += static_cast < double > (runtimes[i]);
   avg = avg / static_cast < double > (RUNS);
   std::cout << \ "average\_run\_time: \_ \_ \_" << \ avg << \ " \_ ns" << \ std::endl;
    // compute the standard deviation
    double dev = 0.0;
    for (int i = 0; i < RUNS; ++i) dev += static_cast < double > (runtimes [i]) - avg;
    dev = dev * dev / static_cast < double > (RUNS);
   dev = sqrt(dev);
    std::cout << "standard_deviation:_" << dev << "_ns" << std::endl;
   return 0;
```

## **H.2** Compilation

Commandes CMake utilisées pour générer les exécutables permettant de mesurer le temps d'exécution de différentes FFT proposées par la librairie *Ne10*. En fonction des variables de préprocesseur définies, les exéctables suivants sont générés :

- run\_fft\_f32\_c est généré si la variable F32 est définie pour mesurer le temps d'exécution de la FFT float 32 plain C;
- run\_fft\_i32\_c est généré si la variable I32 est définie pour mesurer le temps d'exécution de la FFT *integer* 32 plain C;
- run\_fft\_i16\_c est généré par défaut pour mesurer le temps d'exécution de la FFT integer 16 plain C;
- run\_fft\_f32\_neon est généré si les variables F32 et NEON sont définies pour mesurer le temps d'exécution de la FFT *float 32* avec optimisations *Neon*;
- run\_fft\_i32\_neon est généré si les variables I32 et NEON sont définies pour mesurer le temps d'exécution de la FFT *integer 32* avec optimisations *Neon*;

• run\_fft\_i16\_neon est généré si la variable NEON est définie pour mesurer le temps d'exécution de la FFT *integer 16* avec optimisations *Neon*.

```
# Ne10 FFT performance (float32 plain C)
add_executable(run_ne10_fft_f32_c test/performance/run_ne10_fft.cpp src/Timers.cpp)
target_compile_definitions(run_ne10_fft_f32_c PUBLIC -DF32)
target_link_libraries(run_ne10_fft_f32_c NE10)
# Ne10 FFT performance (int32 plain C)
add executable (run ne10 fft i32 c test/performance/run ne10 fft.cpp src/Timers.cpp)
target_compile_definitions(run_ne10_fft_i32_c PUBLIC -DI32)
target_link_libraries(run_ne10_fft_i32_c NE10)
# Ne10 FFT performance (int16 plain C)
add_executable(run_ne10_fft_i16_c test/performance/run_ne10_fft.cpp src/Timers.cpp)
target_compile_definitions(run_ne10_fft_i16_c PUBLIC -DI16)
target_link_libraries(run_ne10_fft_i16_c NE10)
# Ne10 FFT performance (float32 with neon optimizations)
add_executable(run_ne10_fft_f32_neon test/performance/run_ne10_fft.cpp src/Timers.cpp)
target_compile_definitions(run_ne10_fft_f32_neon PUBLIC -DF32 -DNEON)
target_link_libraries(run_ne10_fft_f32_neon NE10)
# Ne10 FFT performance (int32 with neon optimizations)
add_executable(run_ne10_fft_i32_neon test/performance/run_ne10_fft.cpp src/Timers.cpp)
target_compile_definitions(run_ne10_fft_i32_neon PUBLIC -DI32 -DNEON)
target_link_libraries(run_ne10_fft_i32_neon NE10)
# Ne10 FFT performance (int16 with neon optimizations)
add_executable(run_ne10_fft_i16_neon_test/performance/run_ne10_fft.cpp_src/Timers.cpp)
target_compile_definitions(run_ne10_fft_i16_neon PUBLIC -DI16 -DNEON)
target_link_libraries(run_ne10_fft_i16_neon NE10)
```

# I Mesure des performances des FFT de FFTW3

#### I.1 Code source

Code permettant de tester la vitesse d'exécution moyenne de la FFT en *float 32* de la librairie *FFTW3*. La moyenne est calculée sur 10.000.000 exécutions avec des données aléatoires en entrée de la FFT différentes pour chaque exécution.

```
#include <iomanip>
#include <iostream >
#include <cmath >
#include < fftw3.h>
#include "mdct_constants.h"
#include "Timers.h"
#define RUNS 10000000
int main()
    // print which FFT will be tested
    std::cout << "FFT_FFTW3_f32_plain_C" << std::endl;
    // feed the random
    srand(static_cast < unsigned > (time(0)));
    // start the loop executing the FFTs
    int64_t *runtimes = static_cast <int64_t *>(malloc(RUNS * sizeof(int64_t)));
    for (int i = 0; i < RUNS; ++i)
        // initialize an empty spectrum
        fftwf_complex *fft_out = (fftwf_complex *) fftwf_malloc(sizeof(fftwf_complex) * MDCT_M2);
        // generate random input data
        fftwf_complex *fft_in = (fftwf_complex *) fftwf_malloc(sizeof(fftwf_complex) * MDCT_M2);
        float *x = (float *) fft_in;
        for (int i = 0; i < MDCT_M2; ++i)
            x[i] = 1.8 f * rand() / RAND_MAX - 1.8 f / 2.0 f;
        // initilalize the configuration
        fftwf_plan fft_plan = fftwf_plan_dft_1d(MDCT_M2, fft_in, fft_out,
            FFTW_FORWARD, FFTW_MEASURE);
        // perfom the FFT and measure the run time
        EvsHwLGPL::CTimers timer;
        timer.Start();
        fftwf_execute(fft_plan);
        timer.Stop();
        runtimes[i] = timer.GetTimeElapsed();
        // clean
        fftwf_destroy_plan(fft_plan);
        fftwf_free(fft_in);
        fftwf_free(fft_out);
```

```
// compute the average
double avg = 0.0;
for (int i = 0; i < RUNS; ++i) avg += static_cast < double > (runtimes[i]);
avg = avg / static_cast < double > (RUNS);
std::cout << "average_run_time:____" << avg << "__ns" << std::endl;

// compute the standard deviation
double dev = 0.0;
for (int i = 0; i < RUNS; ++i) dev += static_cast < double > (runtimes[i]) - avg;
dev = dev * dev / static_cast < double > (RUNS);
dev = sqrt(dev);
std::cout << "standard_deviation:_" << dev << "__ns" << std::endl;
return 0;
}</pre>
```

## I.2 Compilation

Commandes CMake utilisées pour générer l'exécutable permettant de mesurer le temps d'exécution de la FFT *float* 32 de la librairie *FFTW3*.

```
# FFTW3 FFT performance (float32)
add_executable(run_fftw3_fft_f32 test/performance/run_fftw3_fft_f32.cpp src/Timers.cpp)
target_link_libraries(run_fftw3_fft_f32 fftw3f)
```

# J Implémentation de la MDCT basée sur la FFT de Ne10 en fixed point

### J.1 Header

Header de la classe mdct\_ne10\_i32\_c: MDCT basée sur la FFT de la librairie Ne10 en integer (32 bits). La classe contient les structures de données fft\_in en représentation Q1.15 et fft\_out en Q9.15, le tableau de facteurs de twiddle utilisé pour le pre- et le post-processing et la configuration de la FFT (cfg). L'implémentation des fonctions de ce header est présentée dans les annexes suivantes.

```
#pragma once
#include "mdct_constants.h"
#include "NE10.h"
class ne10_mdct_i32_c
    private:
    ne10 fft cfg int32 t cfg;
                                                                           // Ne10 configuration
    ne10\_fft\_cpx\_int32\_t \ fft\_in [MDCT\_M2] \_\_attribute\_\_((aligned (16)));
                                                                          // Ne10 FFT input buffer
                                                                               Q1.15
    ne10_fft_cpx_int32_t fft_out[MDCT_M2]__attribute__((aligned(16))); // Ne10 FFT output buffer
                                                                          // Q9.15
    int16_t twiddle[MDCT_M] __attribute__ ((aligned(16)));
                                                                          // MDCT twiddle factors
    public:
    ne10_mdct_i32_c();
    ~ne10_mdct_i32_c();
    void mdct(int16_t *time_signal, int32_t *spectrum);
};
```

## I.2 Constructeur

Initialisation de la MDCT dans le constructeur de la classe mdct\_ne10\_i32\_c :

- Le tableau de twiddle est initialisé en double puis converti en integer (représentation Q15);
- La configuration de la FFT de *Ne10* est initialisée en *complex to complex* en *integer 32* avec en paramètre la taille de la fenêtre de la FFT réduite à un quart de la taille de la fenêtre d'entrée.

```
ne10_mdct_i32_c::ne10_mdct_i32_c()
{
    // intialize the twiddling factors
    double alpha = M_PI / (8.0*MDCT_M);
    double omega = M_PI / MDCT_M;
    double scale = sqrt(sqrt(2.0 / static_cast < double > MDCT_M));
    for (int i = 0; i < MDCT_M2; ++i)
    {
        double x = omega * i + alpha;
        twiddle[2*i] = static_cast < int16_t > (cos(x)*scale*pow(2.0, 15.0));
        twiddle[2*i+1] = static_cast < int16_t > (sin(x)*scale*pow(2.0, 15.0));
}

// initialize the Ne10 FFT configuration
    cfg = ne10_fft_alloc_c2c_int32_c(MDCT_M2);
}
```

### J.3 Destructeur

Destructeur de la classe mdct\_ne10\_i32\_c qui permet de libérer la mémoire allouée à la configuration de la FFT avec la fonction appropriée de la librairie *Ne10*.

## J.4 Fonction MDCT

Implémentation de l'algorithme de MDCT basé sur la FFT de la librairie Ne10 en integer 32 et en plain C:

- Initialisation du tableau d'entrée de la FFT : les opérations de *pre-twiddling* permettant de réduire la fenêtre d'entrée de la FFT sont faites en algorithmique *fixed point*;
- Appel de la fonction FFT de Ne10;
- Calcul du spectre de fréquence : les opérations de *post-twiddling* permettant de calculer le spectre à partir des données de sortie de la FFT et des facteurs de *twiddle* sont faites en algorithmique *fixed point*.

```
void ne10_mdct_i32_c::mdct(int16_t *time_signal, int32_t *spectrum)
    // pre-twiddling
    // fft_in = (Q1.15 + Q1.15) * Q1.15/4 + (Q1.15 + Q1.15) * Q1.15/4
                1/4 Q1.30 + 1/4 Q1.30 + 1/4 Q1.30 + 1/4 Q1.30 -> Q1.30
    //
                >>7 -> Q1.23 + 8 bits reserved for the FFT
    int16_t *cos_tw = twiddle;
    int16_t * sin_tw = cos_tw + 1;
    for (int i = 0; i < MDCT_M2; i += 2)
        int32_t r0 = static_cast < int32_t > (time_signal[MDCT_M32-1-i]) + time_signal[MDCT_M32+i];
        int32_t i0 = static_cast <int32_t >(time_signal[MDCT_M2+i]) - time_signal[MDCT_M2-1-i];
        int16_t c = cos_tw[i];
        int16_t s = sin_tw[i];
        fft_in[i/2].r = (((r0*c)+64)>>7) + (((i0*s)+64)>>7);
        fft_in[i/2].i = (((i0*c)+64)>>7) - (((r0*s)+64)>>7);
    for (int i = MDCT_M2; i < MDCT_M; i += 2)
        int32_t r0 = static_cast < int32_t > (time_signal[MDCT_M32-1-i]) - time_signal[-MDCT_M2+i];
        int32_t i0 = static_cast < int32_t > (time_signal[MDCT_M2+i]) + time_signal[MDCT_M52-1-i];
        int16_t c = cos_tw[i];
        int16_t = sin_tw[i];
        fft_in[i/2].r = (((r0*c)+64)>>7) + (((i0*s)+64)>>7);
        fft_in[i/2].i = (((i0*c)+64)>>7) - (((r0*s)+64)>>7);
    // perform the FFT
    ne10_fft_c2c_1d_int32_c(fft_out, fft_in, cfg, 0, 0);
```

```
// post-twiddling
// spectrum = Q9.23>>8 * Q1.15/4 + Q9.23>>8 * Q1.15/4
// = Q9.15 * Q1.15/4 + Q9.15 * Q1.15/4
// = Q10.30/4 + Q10.30/4
// = Q11.30/4
// = Q9.30 >> 15 = Q9.15
for (int i = 0; i < MDCT_M; i += 2)
{
    int32_t r0 = fft_out[i/2].r;
    int32_t i0 = fft_out[i/2].i;

    int16_t c = cos_tw[i];
    int16_t s = sin_tw[i];

    spectrum[i] = ((((-r0+128)>>8)*c+16384)>>15) - ((((i0+128)>>8)*s+16384)>>15);
    spectrum[MDCT_M-1-i] = ((((-r0+128)>>8)*s+16384)>>15) + ((((i0+128)>>8)*c+16384)>>15);
}
```

# K Implémentation de la MDCT basée sur la FFT de Ne10 en fixed point avec optimisations Neon

## K.1 Header

Header de la classe mdct\_ne10\_i32\_neon : MDCT basée sur la FFT de la librairie Ne10 en integer (32 bits) optimisée par l'utilisation des opérations SIMD Neon. La classe contient les structures de données fft\_in en représentation Q1.15 et fft\_out en Q9.15, les tableaux de facteurs de twiddle utilisé pour le pre- et le post-processing et la configuration de la FFT (cfg). Contrairement aux autres implémentations, les facteurs de twiddle non sont pas rassemblés dans un seul tableau. Les tableaux de facteurs de pre-twiddling et de post-twiddling sont séparés car ils sont utilisés en 16 bits pour le pre-twiddling et en 32 bits pour le post-twiddling. Chacun de ses tableaux est séparé en deux car pour que chaque moitié puisse être initialisée dans un ordre qui facilite l'utilisation des opérations SIMD. L'implémentation des fonctions de ce header est présentée dans les annexes suivantes.

```
#pragma once
#include <arm_neon.h>
#include "mdct_constants.h"
#include "NE10.h"
class ne10_mdct_i32_neon
private:
    ne10\_fft\_cfg\_int32\_t \ cfg;
                                                                             // Ne10 configuration
    ne10\_fft\_cpx\_int32\_t \quad fft\_in \, [MDCT\_M2] \, \_attribute\_\_\,((\, aligned \, (16)));
                                                                            // Ne10 FFT input buffer
    ne10_fft_cpx_int32_t fft_out[MDCT_M2]__attribute__((aligned(16))); // Ne10 FFT output buffer
    int 16\_t \ pretwiddle\_start [MDCT\_M2] \_\_attribute\_\_((aligned\,(16)));
                                                                            // pre-twiddle factors
    int16_t pretwiddle_end[MDCT_M2] __attribute__ ((aligned(16)));
                                                                               second half is stored
                                                                                in reversed order
    int32 t posttwiddle start[MDCT M2] attribute ((aligned(16)));
                                                                            // post-twiddle factors
    int32_t posttwiddle_end[MDCT_M2]__attribute__((aligned(16)));
                                                                            // second half is stored
                                                                             // in reversed order
public:
    ne10_mdct_i32_neon();
    ~ne10_mdct_i32_neon();
    void mdct(int16_t *time_signal, int32_t *spectrum);
```

#### K.2 Constructeur

Initialisation de la MDCT dans le constructeur de la classe mdct\_ne10\_i32\_neon :

- Le tableau de twiddle est initialisé en *double* puis converti en *integer* (représentation Q15 en 16 bits pour le *pre-twiddling* et en 32 bits pour le *post-twiddling*): la première moitié des tableaux est rangée à l'endroit dans les tableaux pretwiddle\_start et posttwiddle\_start tandis que la seconde est rangée à l'envers dans les tableaux pretwiddle\_end et posttwiddle\_end;
- La configuration de la FFT de *Ne10* est initialisée an *complex to complex* en *integer 32* avec en paramètre la taille de la fenêtre de la FFT réduite à un quart de la taille de la fenêtre d'entrée avec la fonction adaptée pour l'exécution d'une FFT optimisée avec les instructions SIMD Neon.

```
ne10_mdct_i32_neon :: ne10_mdct_i32_neon ()
    double alpha = M_PI / (8.0 * MDCT_M);
    double omega = M_PI / MDCT_M;
    double scale = sqrt(sqrt(2.0 / static_cast < double > MDCT_M));
    for (int i = 0; i < MDCT_M4; ++i)
        double start = omega * (i) + alpha;
        double end = omega * (i+MDCT_M4) + alpha;
        double cos_start = cos(start);
        double sin_start = sin(start);
        double cos_end = cos(end);
        double sin_end = sin(end);
        pretwiddle_start[2*i] = static_cast < int16_t > (cos_start * scale * pow(2.0, 15.0));
        pretwiddle_start[2*i+1] = static_cast < int16_t > (sin_start * scale * pow(2.0, 15.0));
        pretwiddle\_end[MDCT\_M2-2*i-2] = static\_cast < int16\_t > (cos\_end*scale*pow(2.0, 15.0));
        pretwiddle\_end[MDCT\_M2-2*i-1] = static\_cast < int16_t > (sin\_end*scale*pow(2.0, 15.0));
        posttwiddle_start[2*i] = static_cast < int32_t > (cos_start * scale * pow(2.0, 31.0));
        posttwiddle_start[2*i+1] = static_cast < int32_t > (sin_start*scale*pow(2.0, 31.0));
        posttwiddle end[MDCT M2-2*i-2] = static cast < int32 t > (cos end * scale *pow(2.0, 31.0));
        posttwiddle\_end [MDCT\_M2-2*i-1] = static\_cast < int32\_t > (sin\_end*scale*pow(2.0, 31.0));
    cfg = ne10_fft_alloc_c2c_int32_neon(MDCT_M2);
```

#### K.3 Destructeur

Destructeur de la classe mdct\_ne10\_i32\_c qui permet de libérer la mémoire allouée à la configuration de la FFT avec la fonction appropriée de la librairie *Ne10*.

```
ne10_mdct_i32_neon::~ ne10_mdct_i32_neon()
{
    ne10_fft_destroy_c2c_int32(cfg);
}
```

#### **K.4** Fonction MDCT

Implémentation de l'algorithme de MDCT basé sur la FFT de la librairie Ne10 en integer 32 avec utilisation des instructions SIMD Neon :

- Initialisation du tableau d'entrée de la FFT : les opérations de *pre-twiddling* permettant de réduire la fenêtre d'entrée de la FFT sont faites en algorithmique *fixed point*. L'utilisation des fonctions SIMD permet d'effectuer quatre opérations en parallèle afin de réduire le temps d'exécution. Les facteurs de *pre-twiddling* en 16 bits transforment le signal d'entrée en 16 bits en un tableau d'entrée de la FFT en 32 bits;
- Appel de la fonction FFT de Ne10 optimisée par l'utilisation des instructions SIMD Neon;
- Calcul du spectre de fréquence : les opérations de *post-twiddling* permettant de calculer le spectre à partir des données de sortie de la FFT et des facteurs de *twiddle* sont faites en algorithmique *fixed point*. Les fonctions SIMD permettent d'effectuer deux ou quatre opérations en parallèle afin de réduire le temps d'exécution.

```
void ne10_mdct_i32_neon::mdct(int16_t *time_signal, int32_t *spectrum)
        // see the twiddling_loops.nlsx file for more details
        // for i from 0 to 254, step 2
         // \ r[ \quad 0 \ -> \ 127, \ pas \ 1] \ = \ time\_signal[ \ 767 \ -> \ 513, \ pas \ 2] \ * \ c[ \quad 0 \ -> \ 127, \ pas \ 1] 
                                                           + time_signal[ 768 -> 1022, pas 2] * c[ 0 -> 127, pas 1]
+ time_signal[ 256 -> 510, pas 2] * s[ 0 -> 127, pas 1]
        //
        //
                                                           + -time_signal[ 255 -> 1, pas 2] * s[ 0 -> 127, pas 1]
        // i[ 0 -> 127, pas 1] = time_signal[ 256 -> 510, pas 2] * c[ 0 -> 127, pas 1]

// + -time_signal[ 255 -> 1, pas 2] * c[ 0 -> 127, pas 1]

// + -time_signal[ 767 -> 513, pas 2] * s[ 0 -> 127, pas 1]
                                                           + -time_signal[ 768 -> 1022, pas 2] * s[ 0 -> 127, pas 1]
        //
        // fft_{in}[i/2].r = time_{signal}[M32-1-i] * cos_{tw}[i] + time_{signal}[M32+i]
                                                                                                                                                                                 * cos tw[i]
                                           + time_signal[M2+i]
                                                                                                  * sin_tw[i] + (-time_signal[M2-1-i]) * sin_tw[i]
        // fft_{in}[i/2].i = time_signal[M2+i]
                                                                                                   * cos tw[i] + (-time signal[M2-1-i]) * cos tw[i]
                                           + \left(-time\_signal[M32-1-i]\right) * sin\_tw[i] + \left(-time\_signal[M32+i]\right) * sin\_tw[i]
        // for i from 510 to 256, step 2
        // r[255 -> 128, pas 1] = time_signal[ 257 -> 511, pas 2] * c[255 -> 128, pas 1]
                                                           + -time_signal[ 254 -> 0, pas 2] * c[255 -> 128, pas 1]
+ time_signal[ 766 -> 512, pas 2] * s[255 -> 128, pas 1]
        //
        11
                                                           + time_signal[ 769 -> 1023, pas 2] * s[255 -> 128, pas 1]
        // i [255 -> 128, pas 1] = time_signal[ 766 -> 512, pas 2] * c[255 -> 128, pas 1]
                                                           + time_signal[ 769 -> 1023, pas 2] * c[255 -> 128, pas 1]
+ -time_signal[ 257 -> 511, pas 2] * s[255 -> 128, pas 1]
        //
        //
                                                           + time_signal[ 254 ->
                                                                                                               0, pas 2] * s[255 -> 128, pas 1]
        // \ fft_{-in}[i/2]. \ r = time\_signal[M32-1-i] \\ * \ cos\_tw[i] + (-time\_signal[-M2+i]) * \ cos\_tw[i] \\ + (-time\_signal[-M2+
                                           + time_signal[M2+i]
                                                                                                  * sin_tw[i] + time_signal[M52-1-i] * sin_tw[i]
        // fft_in[i/2].i = time_signal[M2+i]
                                                                                                  * cos_tw[i] + time_signal[M52-1-i] * cos_tw[i]
                                            + \ \left(- \ tim \ e\_signal \left[M32-1-i\right]\right) \ * \ sin\_tw \left[i\right] \ + \ tim \ e\_signal \left[-M2+i\right] \\ \ * \ sin\_tw \left[i\right]
        for (int i = 0; i < MDCT_M2; i += 8)
                 // tx.val[0] -> odd indexes
                 // tx.val[1] \rightarrow even indexes
                 int16x4x2_t t1 = vld2_s16 (time_signal+MDCT_M2+i);
                 int16x4x2_t t2 = vld2_s16 (time_signal+MDCT_M2-8-i);
                int16x4x2_t t3 = vld2_s16 (time_signal+MDCT_M32+i);
                int16x4x2_t t4 = vld2_s16 (time_signal+MDCT_M32-8-i);
                t2.val[0] = (int16x4_t)vrev64_s32((int32x2_t)vrev32_s16(t2.val[0]));
                                                                                                      // reverse the t2 even values: 0 2 4 6 -> 6 4 2 0
                t2.val[1] = (int16x4_t)vrev64_s32((int32x2_t)vrev32_s16(t2.val[1]));
                                                                                                      // reverse the t2 odd values : 1 3 5 7 -> 7 5 3 1
                t4.\,val\,[\,0\,] \ = \ (\,int16\,x4\_t\,)\,vrev64\_s32\,((\,int3\,2\,x\,2\_t\,)\,vrev3\,2\_s16\,(\,t4\,.\,val\,[\,0\,]\,)\,);
                                                                                                       // reverse the t4 even values: 0 2 4 6 -> 6 4 2 0
                t4.\,val\,[\,1\,] \ = \ (\,int16\,x4\_t\,)\,vrev64\_s32\,((\,int3\,2\,x\,2\_t\,)\,vrev3\,2\_s16\,(\,t4\,.\,val\,[\,1\,]\,));
                                                                                                   // reverse the t4 odd values : 1 3 5 7 -> 7 5 3 1
```

```
// x_tw.val[0] \rightarrow cos twiddle
// x_tw.val[1] \rightarrow sin twiddle
int16x4x2_t start_tw = vld2_s16(pretwiddle_start+i);
int16x4x2_t end_tw = vld2_s16(pretwiddle_end+i);
// start.val[0] -> real part
// start.val[1] -> imaginary part
int32x4x2_t start;
start.val[0] = vshrq_n_s32(
     vaddq_s32(
         vaddq\_s32
              vmull_s16(t4.val[1], start_tw.val[0]),
              vmull_s16(t3.val[0], start_tw.val[0])),
         vaddq\_s32
              vmull_s16(t1.val[0], start_tw.val[1]),
              vmull_s16(vneg_s16(t2.val[1]), start_tw.val[1])))
           7);
start.val[1] = vshrq_n_s32
     vaddq_s32(
         vaddq_s32
              vmull\_s16 \,(\,t1\,.\,val\,[\,0\,]\,,\ start\_tw\,.\,val\,[\,0\,]\,)\,,
              vmull_s16(vneg_s16(t2.val[1]), start_tw.val[0])),
         vaddq_s32
              vmull_s16(vneg_s16(t4.val[1]), start_tw.val[1]),
              vmull_s16(vneg_s16(t3.val[0]), start_tw.val[1])))
          , 7);
// end.val[0] -> real part
// end.val[1] -> imaginary part
int32x4x2_t end;
end.val[0] = vshrq_n_s32
     vaddq_s32(
         vaddq\_s32\,(\,vmull\_s16\,(\,t1\,.\,val\,[\,1\,]\,\,,\,\,end\_tw\,.\,val\,[\,0\,]\,)\,\,,
         vmull_s16(vneg_s16(t2.val[0]), end_tw.val[0])),
     vaddq_s32
         vmull_s16(t4.val[0], end_tw.val[1]),
          vmull_s16(t3.val[1], end_tw.val[1])))
end.val[1] = vshrq_n_s32
     vaddq_s32(
         vaddq_s32
              vmull_s16(t4.val[0], end_tw.val[0]),
vmull_s16(t3.val[1], end_tw.val[0])),
         vmull_s16(vneg_s16(t1.val[1]), end_tw.val[1]),
         vmull\_s16 \,(\,t2\,.\,val\,[\,0\,]\,,\ end\_tw\,.\,val\,[\,1\,]\,)))
// reverse the end part
end.val[0] = (int32x4_t)vrev64q_s32(end.val[0]);
end.val[0] = vcombine_s32(vget_high_s32(end.val[0]), vget_low_s32(end.val[0]));
end. val[1] = (int32x4_t) vrev64q_s32 (end. val[1]);
end.val[1] = vcombine_s32(vget_high_s32(end.val[1]), vget_low_s32(end.val[1]));
// store the result
\begin{array}{lll} vst2q\_s32\,((\,int32\_t & \star)\,fft\_in+i\,, & start\,); \\ vst2q\_s32\,((\,int32\_t & \star)(\,fft\_in+MDCT\_M2-4-i\,/2)\,, & end\,); \end{array}
```

```
// perform the FFT
ne10_fft_c2c_1d_int32_neon(fft_out, fft_in, cfg, 0, 0);
// post-twiddling
for (int i = 0; i < MDCT_M2; i += 8)
     // load the fft ouput and reverse the end part
     // fft_out_x.val[0] \rightarrow real part
    // fft_out_x.val[1] -> imaginary part
    int32x4x2\_t \ fft\_out\_start = vld2q\_s32 \, ((\,int32\_t \ *)\, fft\_out+i\,);
    int32x4x2_t fft_out_end = vld2q_s32((int32_t *) fft_out+MDCT_M-8-i);
     fft_out_end.val[0] = (int32x4_t)vrev64q_s32(fft_out_end.val[0]);
    fft_out_end.val[0] = vcombine_s32(vget_high_s32(fft_out_end.val[0]),
                                             vget_low_s32(fft_out_end.val[0]));
     fft_out_end . val[1] = (int32x4_t)vrev64q_s32(fft_out_end . val[1]);
    fft_out_end.val[1] = vcombine_s32(vget_high_s32(fft_out_end.val[1]),
                                             vget_low_s32(fft_out_end.val[1]));
    // load the twiddle factors
    // x_tw.val[0] \rightarrow cos twiddle
     // x_tw.val[1] \rightarrow sin twiddle
    int32x4x2_t start_tw = vld2q_s32(posttwiddle_start+i);
    int32x4x2_t end_tw = vld2q_s32(posttwiddle_end+i);
    int32x4x2_t spectrum_start;
    spectrum_start.val[0] = vshrq_n_s32(vaddq_s32(
         vqrdmulhq\_s32 \, (\, vnegq\_s32 \, (\, fft\_o\, ut\_start \, .\, val\, [\, 0\, ]) \, , \quad start\_tw \, .\, val\, [\, 0\, ]) \, ,
         vqrdmulhq\_s32 \, (\, vnegq\_s32 \, (\, fft\_out\_start \, . \, val \, [\, 1\, ]) \, ) \, , \quad start\_tw \, . \, val \, [\, 1\, ])) \, , \quad 8\, );
     spectrum_start.val[1] = vshrq_n_s32(vaddq_s32(
         vqrdmulhq_s32(vnegq_s32(fft_out_end.val[0]), end_tw.val[1]),
         vqrdmulhq_s32(fft_out_end.val[1], end_tw.val[0])), 8);
    int32x4x2_t spectrum_end;
     spectrum_end.val[0] = vshrq_n_s32(vaddq_s32(
         vqrdmulhq\_s32 \, (\, vnegq\_s32 \, (\, fft\_out\_end \, . \, val \, [\, 0\, ]) \, , \ end\_tw \, . \, val \, [\, 0\, ]) \, ,
         vqrdmulhq_s32(vnegq_s32(fft_out_end.val[1]), end_tw.val[1])), 8);
    spectrum_end.val[1] = vshrq_n_s32(vaddq_s32(
         vqrdmulhq_s32(vnegq_s32(fft_out_start.val[0]), start_tw.val[1]),
         vqrdmulhq\_s32\left(\,fft\_o\,u\,t\_s\,t\,a\,r\,t\,\,.\,\,val\,[\,1\,]\,\,,\,\,\,st\,a\,r\,t\_t\,w\,\,.\,\,val\,[\,0\,]\,\right))\,\,,\,\,\,\,8\,\right);
     spectrum_end.val[0] = (int32x4_t)vrev64q_s32(spectrum_end.val[0]);
    spectrum_end.val[0] = vcombine_s32(vget_high_s32(spectrum_end.val[0]),
                                              vget_low_s32(spectrum_end.val[0]));
    spectrum_end.val[1] = (int32x4_t)vrev64q_s32(spectrum_end.val[1]);
    spectrum_end.val[1] = vcombine_s32(vget_high_s32(spectrum_end.val[1]),
                                               vget_low_s32(spectrum_end.val[1]));
    // store the result
    vst2q_s32((int32_t *)spectrum+i, spectrum_start);
    vst2q\_s32 \; ((\;int32\_t \quad \star)(\;spectrum + MDCT\_M - 8 - i\;)\;, \quad spectrum\_end\;);
```

L

L.1 Code source

L.2 Code source