Рівень вищої освіти перший (бакалаврський) Спеціальність 113 Прикладна математика

Освітня програма Комп'ютерне моделювання та технології програмування

Навчальна дисципліна Методи оптимізації

Семестр 6

## ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 1

1. Розв'язати задачу лінійного програмування симплекс-методом

$$f = x_1 + 2x_2 \rightarrow max$$
,

за умов

$$x_1 - 3x_2 \ge -12$$
,  $3x_1 + x_2 \le 9$ ,  $x_1 \ge 0$ ,  $x_2 \ge 0$ .

2. Розв'язати транспортну задачу

3. Визначити межі змінювання показника продуктивності праці

$$F = \frac{7x_1 + 2x_2}{x_1 + 2x_2}$$

за умов

$$\begin{cases} x_1 + 4x_2 \le 16; \\ -2x_1 + 3x_2 \le 12; \\ 3x_1 + 2x_2 \ge 18; \\ x_j \ge 0, j = \overline{1, 2}. \end{cases}$$

4. Розв'язати задачу комівояжера методом гілок та меж. Кількість міст та відстані між ними задані у таблиці:

N	1	2	3	4	5
1	8	23	13	13	28
2	23	8	22	22	28
3	29	28	8	23	25
4	26	21	21	8	27
5	23	15	22	24	$\infty$

Затверджено на засіданні кафедри обчислювальної математики та математичної кібернетики. Протокол від 08.03.2023 р. № 15

Завідувач кафедри

В.А. Турчина

Екзаменатор

Н.Л. Козакова

Рівень вищої освіти перший (бакалаврський) Спеціальність 113 Прикладна математика

Освітня програма Комп'ютерне моделювання та технології програмування

Навчальна дисципліна Методи оптимізації

Семестр 6

# ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 2

1. Розв'язати задачу лінійного програмування симплекс-методом

$$f = 2x_1 + x_2 \rightarrow \max$$

за умов

$$2x_1 - 3x_2 \le 3$$
,  $-x_1 + 3x_2 \le 2$ ,  $x_1 \ge 0$ ,  $x_2 \ge 0$ .

2. Розв'язати транспортну задачу

$$\begin{bmatrix} 2 & 4 & 11 & 5 \\ 8 & 7 & 7 & 7 \\ 5 & 7 & 5 & 8 \end{bmatrix} 12$$

$$9 \quad 23 \quad 17 \quad 8$$

3. Визначити межі змінювання показника продуктивності праці

$$F = \frac{x + 2y}{3x + y},$$

за умов

$$\begin{cases} x + y \le 4, \\ x - 2y \le 1, \\ x \ge 1. \end{cases}$$

4. Розв'язати задачу комівояжера методом гілок та меж. Кількість міст та відстані між ними задані у таблиці:

N	1	2	3	4	5
1	8	12	15	12	18
2	14	8	2	2	15
3	13	8	∞	12	13
4	12	2	12	$\infty$	14
5	14	18	13	4	8

Затверджено на засіданні кафедри обчислювальної математики та математичної кібернетики. Протокол від 08.03.2023 р. № 15

Завідувач кафедри

В.А. Турчина

Екзаменатор

Н.Л. Козакова

Рівень вищої освіти перший (бакалаврський) Спеціальність 113 Прикладна математика

Освітня програма Комп'ютерне моделювання та технології програмування

Навчальна дисципліна Методи оптимізації

Семестр 6

## ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 3

1. Розв'язати задачу лінійного програмування симплекс-методом

$$f = x_1 + 3x_2 \rightarrow max,$$

за умов

$$2x_1 + 3x_2 \le 6$$
,  $x_1 - x_2 \ge 0$ ,  $x_1 \ge 0$ ,  $x_2 \ge 0$ .

2. Розв'язати транспортну задачу

$$\begin{bmatrix} 3 & 8 & 7 & 11 \\ 14 & 3 & 1 & 8 \\ 9 & 5 & 16 & 7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 16 \\ 40 \\ 24 \end{bmatrix}$$

3. Визначити межі змінювання показника продуктивності праці

$$F = \frac{2x + y}{x + v},$$

за умов

$$\begin{cases} y \le 4, \\ 2x - 4y \le 1, \\ x \ge 2. \end{cases}$$

4. Розв'язати задачу комівояжера методом гілок та меж. Кількість міст та відстані між ними задані у таблиці:

N	1	2	3	4	5
1	$\infty$	13	15	12	14
2	13	$\infty$	12	12	18
3	9	8	$\infty$	13	13
4	16	11	11	$\infty$	17
5	12	17	13	18	~

Затверджено на засіданні кафедри обчислювальної математики та математичної кібернетики. Протокол від 08.03.2023 р. № 15

Рівень вищої освіти перший (бакалаврський) Спеціальність 113 Прикладна математика

Освітня програма Комп'ютерне моделювання та технології програмування

Навчальна дисципліна Методи оптимізації

Семестр 6

## ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 4

1. Розв'язати задачу лінійного програмування симплекс-методом

$$f = 2x_1 + x_2 \rightarrow max$$

за умов

$$2x_1 - 2x_2 \le 7$$
,  $x_1 + 4x_2 \le 12$ ,  $x_1 \ge 0$ ,  $x_2 \ge 0$ .

2. Розв'язати транспортну задачу

$$\begin{bmatrix} 13 & 10 & 11 & 15 \\ 10 & 11 & 19 & 16 \\ 8 & 8 & 6 & 15 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 10 \\ 28 \\ 15 & 10 & 7 & 18 \end{bmatrix}$$

3. Визначити межі змінювання показника продуктивності праці

$$F = \frac{4x + 2y}{5x + y},$$

за умов

$$\begin{cases} 6x_1 + x_2 \ge 13; \\ 3x_1 + 4x_2 \le 32; \\ x_1 - x_2 \le 1; \\ x_j \ge 0, \ j = \overline{1, 2}. \end{cases}$$

4. Розв'язати задачу комівояжера методом гілок та меж. Кількість міст та відстані між ними задані у таблиці:

N	1	2	3	4	5
1	$\infty$	3	5	2	4
2	3	$\infty$	2	2	8
3	8	9	$\infty$	3	3
4	2	2	8	$\infty$	5
5	6	1	1	4	8

Затверджено на засіданні кафедри обчислювальної математики та математичної кібернетики. Протокол від 08.03.2023 р. № 15

Рівень вищої освіти перший (бакалаврський) Спеціальність 113 Прикладна математика

Освітня програма Комп'ютерне моделювання та технології програмування

Навчальна дисципліна Методи оптимізації

Семестр 6

### ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 5

1. Розв'язати задачу лінійного програмування симплекс-методом

$$f = 3x_1 + x_2 \rightarrow max$$

за умов

$$-x_1 + 2x_2 \le 4$$
,  $2x_1 + 2x_2 \le 5$ ,  $x_1 \ge 0$ ,  $x_2 \ge 0$ .

2. Розв'язати транспортну задачу

$$\begin{bmatrix} 13 & 10 & 11 & 15 \\ 10 & 11 & 19 & 16 \\ 8 & 8 & 7 & 15 \end{bmatrix} 10$$

$$5 \quad 10 \quad 7 \quad 8$$

3. Визначити межі змінювання показника продуктивності праці

$$F = \frac{x + y}{3x + 2y},$$

за умов

$$\begin{cases} x - y \le 4, \\ 2x - 4y \le 1, \\ y \le 6, \\ x \ge 4. \end{cases}$$

4. Розв'язати задачу комівояжера методом гілок та меж. Кількість міст та відстані між ними задані у таблиці:

N	1	2	3	4	5
1	$\infty$	12	15	12	18
2	14	$\infty$	2	2	15
3	13	8	$\infty$	12	13
4	12	2	12	~	14
5	14	18	13	4	$\infty$

Затверджено на засіданні кафедри обчислювальної математики та математичної кібернетики. Протокол від 08.03.2023 р. № 15