



1.- (3 puntos) El Tipo Abstracto de Datos MONTÍCULO [ELEMENTO].

- Explica qué es un montículo y para qué sirve. (0'50)
- Indica paso a paso las transformaciones del árbol al ir insertando los datos 7, 4, 8, 5, 2, 9, 6, 3 en un montículo de mínimos inicialmente vacío. (0'75)
- Usando la siguiente representación con memoria estática de un montículo:

```
montículo = reg
            tamaño: 0..máximo
            datos: vector[1..máximo] de tipo_elemento
            freg
```

implementa en pseudocódigo las operaciones que permitan crear un montículo y la inserción y borrado de datos, así como las operaciones auxiliares que sean necesarias. (1'00)

- Utilizando la representación y las operaciones del apartado anterior, implementa una función `ordenarHeapsort: vector → vector` para ordenar crecientemente un vector. (0'75)

2.- (3'75 puntos) Implementa las siguientes operaciones (pueden ser parciales, o necesitar otras funciones auxiliares) para el TAD ÁRBOLES_BÚSQUEDA [ELEMENTO] utilizando la representación con memoria dinámica siguiente:

```
nodo_a_bin = reg                                a_bin = puntero a nodo_a_bin
            valor: elemento
            izq: a_bin
            der: a_bin
            freg
```

- `es_ABB?: a_bin → bool`, que comprueba si un árbol binario *a_bin* cualquiera cumple los requisitos para ser un árbol binario de búsqueda. (1'00)
- `poner: elemento a_bin → a_bin`, que inserta ordenadamente el *elemento* dentro del árbol de búsqueda *a_bin* pasado como parámetro. (0'75)
- `máximo: a_bin → elemento`, devuelve el mayor dato de un árbol de búsqueda. (0'50)
- `borrar_máximo: a_bin → a_bin`, para quitar el elemento más grande que se encuentre en un árbol de búsqueda. (0'50)
- `es_AVL?: a_bin → bool`, que comprueba si el árbol de búsqueda cumple los requisitos necesarios para ser un árbol AVL. (1'00)

3.- (3'25 puntos) Implementar en pseudocódigo las operaciones siguientes, usando las operaciones algebraicas de la especificación de árboles generales formados por letras ÁRBOLES [LETRA]:

- `listado_hojas: árbol → lista`, que genera una lista con todas las letras que se encuentran en las hojas del *árbol*, tomadas de izquierda a derecha. (0'50)
- `fila: árbol natural → lista`, que forma una lista con todas las letras del *árbol* que se encuentran en la profundidad indicada por el *natural*. (0'75)
- `más_repetida: árbol → letra`, que devuelve la letra que más veces aparece en el árbol. Para esta operación solo pueden utilizarse operaciones de árboles generales. (1'00)
- `está_palabra?: árbol lista → bool`, que comprueba si, comenzando en la raíz del *árbol*, existe un camino formado por las letras que aparecen en la *lista* indicada. (1'00)