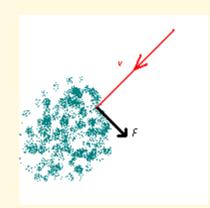


Tema 7º

Propiedades magnéticas



Fundamentos I



Si una carga se mueve en el seno de un campo magnético, está sometida a una fuerza

$$\vec{F} = q \left(\vec{E} + \left[\vec{v} \times \vec{B} \right] \right)$$
 La fuerza total que actúa sobre una carga es la fuerza de Lorentz

 $d\vec{F} = I \left[d\vec{l} \times \vec{B} \right]$ Fuerza que actúa sobre un elemento de corriente

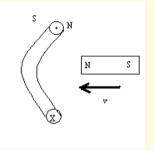
A todas las espiras recorridas por una corriente las $\vec{m} = I \vec{S}$ podemos asignar un momento magnético de valor

$$\vec{M} = \vec{m} \times \vec{B}$$
 Si una espira esta sor

Si una espira está sometida a un campo magnético uniforme actúa sobre ella un momento mecánico.

Fundamentos II

Leyes de Lenz y Faraday



Ley de Lenz: "La variación del flujo magnético que enlaza a un circuito produce una f.e.m. que se opone a la variación del flujo en él"

$$\varepsilon = -\frac{\mathrm{d}\phi}{\mathrm{d}t}$$

Ley de Faraday: "El valor de la f.e.m. coincide con la rapidez de variación del flujo magnético"

$$\varphi_{i} = \sum_{j=1}^{N} M_{ij} \; \boldsymbol{I}_{j}$$

El valor del flujo total que atraviesa el circuito "i", tendremos $\phi_i = \sum_{j=1}^N M_{ij} \, I_j \quad \text{que sumar las contribuciones de todos y cada uno de los circuitos presentes, incluyendo al propio circuito "i"}$

Los coeficientes de autoinducción e inducción mutua son factores geométricos que relacionan la f.e.m. inducida en un "circuito" con las variaciones de intensidad en todos con los que interaccionan. M_{ii} = M_{ii}

$$\varepsilon = -\frac{d\phi_i}{dt} = -\sum_{i=1}^{N} \mathbf{M}_{ij} \frac{d\mathbf{I}_i}{dt}$$

Medios magnéticos

Vector imanación

Es la densidad de momentos magnéticos en un material

$$\vec{M} = \lim_{\Delta \tau \to 0} \frac{\Delta \vec{m}}{\Delta \tau} = \frac{d \vec{m}}{d \tau}$$

En la superficie de un material aparece la densidad lineal de corrientes de imanación

$$\vec{\lambda} = \vec{M} \times \vec{n}$$

En el volumen definimos la densidad de corrientes de imanación

$$\vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu_0} - \vec{M}$$
 El vector campo magnético

$$\vec{B} = \mu_0 (\vec{H} + \vec{M}) \qquad \vec{M} = \chi_m \vec{H}$$

$$\vec{B} = \mu_0 (1 + \chi_m) \vec{H}$$

$$\vec{B} = \mu \vec{H}$$

$$\mu = \mu_0 \mu_r \qquad \mu_r = 1 + \chi_m$$

Energía del campo magnético

$$W_{B} = \frac{1}{2} \int_{\tau} \vec{H} \cdot \vec{B} \, d\tau$$

Relaciones entre los vectores



Fenómenos magnéticos I

- a) **Diamagnetismo**: es una propiedad general de toda la materia y es debida a la inducción de momento magnético en sentido opuesto al campo aplicado
- b) **Paramagnetismo**: se presenta en materiales constituidos por entidades microscópicas (moléculas, átomos o iones) con momento magnético permanente.

En ausencia de campo externo estos momentos están orientados al azar dando una de densidad neta de momento magnético nula, es decir una imanación nula. La acción de un campo externo es tratar de orientar a estos momentos en contra de la agitación térmica, dando una imanación neta no nula en el sentido del campo aplicado.

c) Ferromagnetismo: se caracteriza por una fuerte interacción entre momentos magnéticos permanentes próximos, que da lugar a una ordenación de los mismos incluso en ausencia de campo aplicado, lo cual se manifiesta por la existencia de una imanación espontanea.



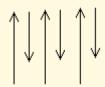


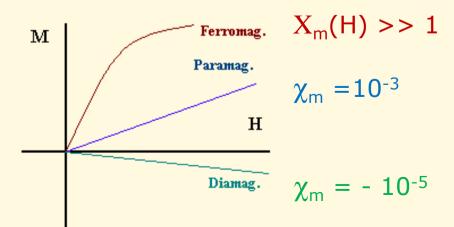
Fenómenos magnéticos II

d) Antiferromagnetismo: es un fenómeno análogo al anterior pero en el cual la ordenación de los momentos magnéticos permanentes, todos del mismo valor, es antiparalela. Ello conduce a una imanación espontánea nula.



e) **Ferrimagnetismo**: aquí también existe una ordenación antiparalela de dos subredes de momentos magnéticos permanentes, pero estos no son iguales con lo cual existe imanación espontanea.



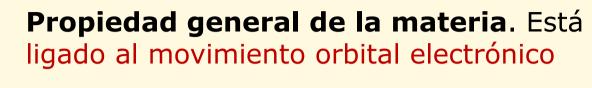




(x, y, z)

Precesión

Diamagnetismo electrónico



Modelo clásico

El giro en la órbita se debe a una fuerza central. Su momento angular lleva asociado un momento magnético

$$F_{c} = m_{e} \ \omega_{0}^{2} \ r_{0} \qquad l_{0} = m_{e} \ \omega_{0} \ r_{0}^{2} \qquad |\vec{m}_{0}| = \gamma_{0} l_{0} = \left(\frac{q_{e}}{2 \, m_{e}}\right) m_{e} \omega_{0} \ r_{0}^{2}$$

La acción de un campo
$$\mathbf{F}_{\mathbf{C}} \pm \mathbf{q}_{\mathbf{e}} \, \omega \mathbf{r}_{\mathbf{0}} \, \left| \vec{\mathbf{B}} \right| = \mathbf{m}_{\mathbf{e}} \, \omega^2 \, \mathbf{r}_{\mathbf{0}}$$

$$(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{z}) = \mathbf{q}_{\mathbf{e}} \, \omega \mathbf{r}_{\mathbf{0}} \, \left| \vec{\mathbf{B}} \right| = \mathbf{m}_{\mathbf{e}} \, \omega^2 \, \mathbf{r}_{\mathbf{0}}$$

$$(\mathbf{w}^2 - \omega_0^2) = (\omega + \omega_0) \cdot (\omega - \omega_0) = 2 \, \omega \, \delta \omega \quad \delta \omega = \frac{q_e}{2 \, m_e} \left| \vec{\mathbf{B}} \right| = \omega_L$$

$$\langle \mathbf{r}_0^2 \rangle = \frac{2}{3} \langle \mathbf{r}^2 \rangle \qquad \delta \vec{m} = \frac{q_e}{2 \, m_e} \, m_e \, \delta \vec{\omega} \, r_0^2 \qquad \delta \vec{m} = -\frac{q_e^2}{4 \, m_e} \, \mu_0 \, r_0^2 \, \vec{H}$$

$$<\mathbf{r}_{0}^{2}>=\frac{2}{3}<\mathbf{r}^{2}>$$

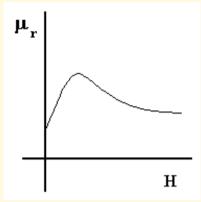
$$Om = -\frac{1}{4m_{e}}\mu_{0}r_{0} H$$

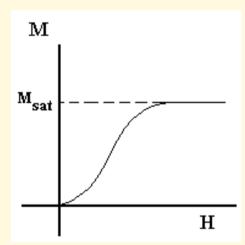
$$\left(\delta \vec{m} \right)_{\text{total}} = -\frac{q_e^2}{4 \, m_e} \, \mu_0 \, \vec{H} \left(\frac{2}{3} \sum r_i^2 \right) \quad \vec{M} = \left(-n \frac{q_e^2}{6 \, m_e} \, \mu_0 \sum r_i^2 \right) \vec{H} \quad \chi_m = -n \frac{q_e^2}{6 \, m_e} \, \mu_0 \sum \, r_i^2$$

Medios ferromagnéticos

1º Tienen un marcado carácter no lineal.

La permeabilidad μ y la susceptibilidad χ_{M} son funciones del campo aplicado. No podemos hablar de una única μ_r



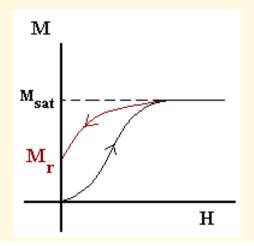


2º Para valores altos de campo aplicado la imanación alcanza un valor máximo M_{sat}

No puede ocurrir lo mismo con la inducción:

$$\mathbf{B} = \mu_0 \mathbf{H} + \mathbf{M}$$

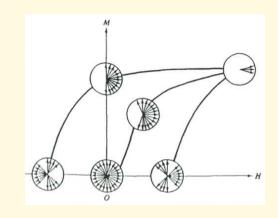
 3° El material guarda memoria. A campo aplicado nulo existe imanación remanente \mathbf{M}_{r}

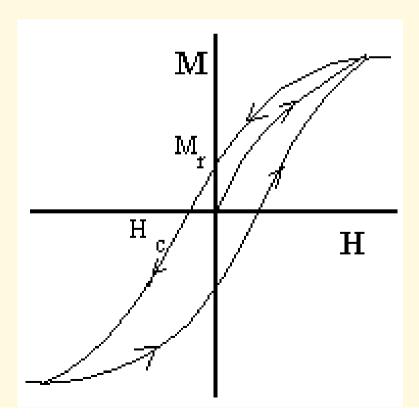




Medios ferromagnéticos II

En su volumen existen "zonas" con imanación paralela **dominios**, cuyas orientaciones pueden estar distribuidas al azar (pueden no presentar imanación espontánea). El campo tiende a orientar los dominios.

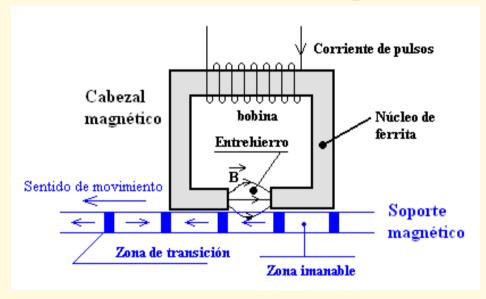


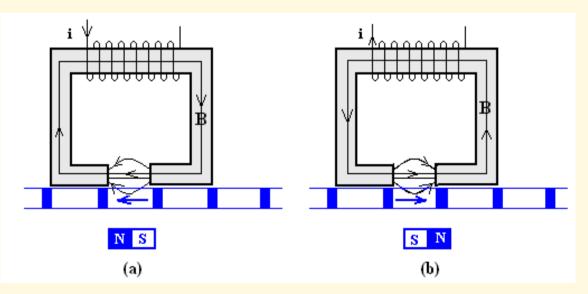


Al disminuir el campo el proceso no es reversible (no sigue la curva de primera imanación). Cuando el campo es nulo se mantiene la imanación remanente. Para que se anule la imanación es necesario un campo coercitivo (de sentido contrario al inicial) recorriéndose el ciclo de histéresis, que es simétrico respecto de origen



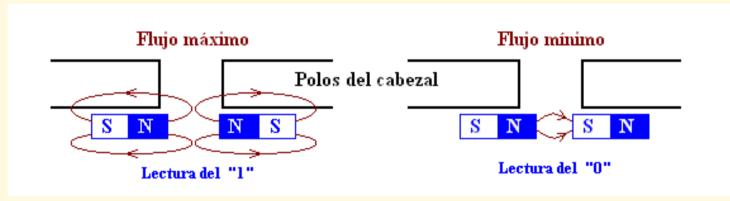
Grabación magnética

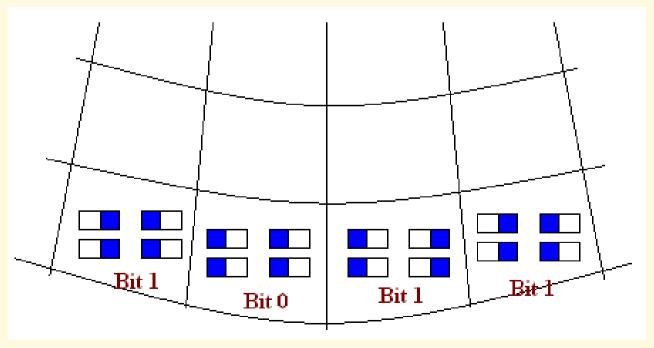






Lectura magnética







FIN