

Nom : \_\_\_\_\_

Groupe : 5\_\_\_\_\_

## *Géométrie - Figures équivalentes*

Examen formatif – **Corrigé**

1. Volume du cube =  $\left(\sqrt{54 \div 6}\right)^3 = 27 \text{ cm}^3$

Pyramide :  $V = \frac{A_b \cdot h}{3}$  donc  $27 = \frac{A_b \cdot 9}{3} \Leftrightarrow A_b = 9 \text{ cm}^2$

Côté de l'hexagone :  $\frac{x^2 \cdot \sin 60^\circ}{2} = 9 \div 6 \Leftrightarrow x \approx 1,86 \text{ cm}$

Périmètre de la base :  $1,86 \times 6 \approx \mathbf{11,17 \text{ cm}}$

2. Aire du trapèze (et de l'heptagone)  $\approx 102,36 \text{ cm}^2$

Périmètre de l'heptagone  $\approx \mathbf{37,15 \text{ cm}}$

3. a) La **figure C**, car parmi plusieurs polygones convexes équivalents, c'est celui qui a le plus de côtés qui a le plus petit périmètre.
- b) La **figure B**, car les triangles équivalents au quadrilatère ont nécessairement un plus grand périmètre. De plus, un triangle équilatéral possède un plus petit périmètre qu'un triangle scalène, donc le triangle B possède un plus grand périmètre que le triangle A.
- c) Le périmètre de la **figure A** est de **15 cm**.

Le périmètre de la **figure B** est de **16,61 cm**.

Le périmètre de la **figure C** est de **14,13 cm**.

4. Le volume de chacun des comprimés est d'environ  $452,39 \text{ mm}^3$ .

L'aire totale du comprimé A est d'environ  $339,29 \text{ mm}^2$ .

L'aire totale du comprimé B est d'environ  $335,48 \text{ mm}^2$ .

**L'entreprise devrait donc produire le comprimé B.**

5. ***Question bonus !***

On fera des flotteurs **sphériques** afin d'obtenir un volume maximal pour une « surface » minimale. (La « surface » correspond au volume des parois.)

Rayon d'un flotteur  $\approx 2,03 \text{ dm}$

Rayon de la sphère vide à l'intérieur d'un flotteur  $\approx 1,98 \text{ dm}$  (donc  $V \approx 32,48 \text{ dm}^3$ )

Quantité de plastique requise pour un flotteur  $\approx 35 - 32,48 \approx 2,52 \text{ dm}^3 \approx 2,52 \text{ L}$

Nombre maximal de flotteurs  $\approx 1000 \div 2,52 \approx$  **396 flotteurs**