Document de révision: Probabilités conditionnelles et types d'événements

1. On lance un dé à 12 faces numérotées de 1 à 12. Voici différents événements.

A: obtenir un nombre impair

B: obtenir un multiple de 3

C: obtenir un nombre impair supérieur à 9

D: obtenir un nombre pair

E: obtenir un diviseur de 12

F: obtenir un nombre premier

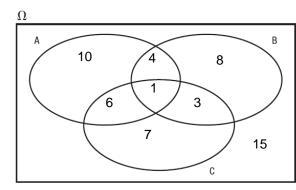
G: obtenir un nombre composé¹

Cochez toutes les bonnes réponses : Les paires d'événements suivantes sont...

	mutuellement exclusifs	non mutuellement exclusifs	complémentaires
A et B			
A et D			
B et C			
B et E			
F et G			

2. Soit le diagramme de Venn ci-dessous représentant le nombre de personnes se retrouvant dans chaque catégorie. Déterminez les probabilités suivantes.

a)



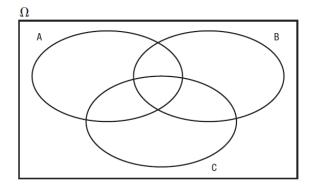
- $P(A) = \underline{\hspace{1cm}}$
- b) $P(A \cap B) =$ _____
- c) $P(C) = ____$
- d) P(A|B) =_____
- e) P(C') =_____

- f) $P(B \cup C') =$ _____
- g) P(C'|A) =_____
- h) $P(\overline{A \cap B \cap C}) = \underline{\hspace{1cm}}$
- i) $P(A \cap (B \cup C)) = \underline{\hspace{1cm}}$
- $j) \quad P((B \cup C)|A) = \underline{\hspace{1cm}}$
- k) $P(C|(A \cap B)) = \underline{\hspace{1cm}}$

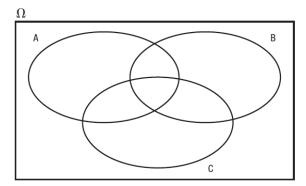
¹ Un nombre **composé** est un entier naturel différent de 0 qui possède un diviseur positif autre que 1 ou luimême. Par définition, chaque entier plus grand que 1 est donc <u>soit</u> un nombre premier, <u>soit</u> un nombre composé, et les nombres 0 et 1 ne sont ni premiers ni composés.

3. Dans chaque cas, hachurez dans un diagramme de Venn la région associée à l'expression donnée.

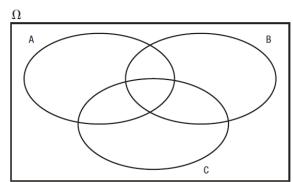
a) $A \cap B$



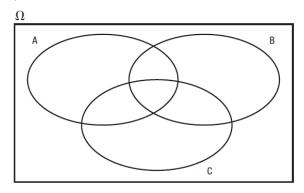
b) $A \cap B \cap C$



c) $(A \cap B) \cup C$



d) $A' \cap B'$



4. Une expérience consiste à tirer au hasard une carte dans un jeu de 52 cartes. Voici 4 événements possibles :

A : obtenir une figure

B: obtenir un roi

C : obtenir une carte rouge

D : obtenir une carte de cœur

Calculez:

a)
$$P(B|A) =$$

b)
$$P(B|(A \cap C)) =$$

c)
$$P((A \cap D)|C) =$$

d)
$$P(D|C) =$$

e)
$$P((A \cup D) \cap B) =$$

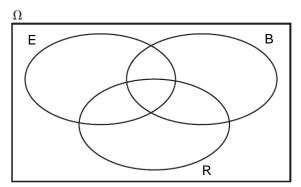
5. Dans un avion, 132 passagers possèdent chacun une valise. Le tableau fournit des renseignements sur certaines d'entre elles. Si on choisit au hasard une valise parmi les valises de tous les passagers, quelle est la probabilité d'obtenir:

	-	_	
Fini Couleur	Uni	À motifs	Total
Noire			52
Bleue	37		44
Autre		16	
Total	105		

- a) une valise bleue sachant qu'elle a des motifs?
- b) une valise unie sachant qu'elle est noire? _____
- c) une valise noire à motifs ? _____
- d) une valise bleue sachant qu'elle est unie ? _____
- e) une valise qui n'est pas bleue ? _____
- f) une valise qui n'est pas noire ou qui n'est pas à motifs ? _____
- g) une valise unie ou à motifs ? _____
- h) une valise noire et bleue ? _____
- 6. Sachant que P(A) = 0.5, P(B) = 0.6 et $P(A \cup B) = 0.9$, calculez :
 - a) $P(A \cap B) =$ _____
 - b) $P(\overline{A}) = \underline{\hspace{1cm}}$
 - c) $P(\overline{A} \cap B) = \underline{\hspace{1cm}}$
 - d) $P(\overline{A \cup B}) = \underline{\hspace{1cm}}$
 - e) $P(\overline{A \cap B}) = \underline{\hspace{1cm}}$

Programme local...

- 7. Dans un sondage effectué auprès de 125 élèves d'une école secondaire concernant les emplois qu'ils avaient déjà occupés, on a dénombré :
 - 14 élèves qui avaient déjà travaillé dans une épicerie(E) et dans un restaurant(R);
 - 77 élèves qui avaient déjà travaillé dans une épicerie ou dans une boutique(B);
 - 40 élèves qui avaient déjà travaillé dans une épicerie;
 - 50 élèves qui avaient déjà travaillé dans une boutique;
 - 45 élèves qui avaient déjà travaillé dans un restaurant;
 - 6 élèves qui avaient déjà travaillé dans les trois endroits;
 - 80 élèves qui avaient déjà travaillé dans une boutique ou un restaurant.
- a) Complète le diagramme de Venn représentant la situation.



b) On choisit au hasard un élève. Quelle est la probabilité :

i.	qu'il ait déjà travaillé dans une épicerie?	
ii.	qu'il ait déjà travaillé dans une boutique sachant qu'il a déjà travaillé dans un restaurant?	
iii.	qu'il ait déjà travaillé dans un restaurant sachant qu'il n'a jamais travaillé dans une épicerie?	
iv.	qu'il n'ait jamais travaillé dans une boutique sachant qu'il a déjà travaillé dans une épicerie ou un restaurant?	
V.	qu'il n'ait jamais travaillé dans un de ces endroits?	