

Mémento Python 3 pour le calcul scientifique

©2018 – Éric Ducasse & Jean-Luc Charles Version AM-1.0
Licence Creative Commons Paternité 4
Forme inspirée initialement du memento de Laurent Pointal,
disponible ici : <https://perso.limsi.fr/pointal/python:memento>

Cette version sur l'E.N.T. Arts et Métiers :
<https://savoir.ensam.eu/moodle/course/view.php?id=1428>

dir (nom) liste des noms des méthodes
et attributs de **nom**
help (nom) aide sur l'objet **nom**
help ("nom_module.nom") aide sur l'objet
nom du module **nom_module**

Aide
F1

Entier, décimal, complexe,
booléen, rien

Types de base objets non mutables

int 783 0 -192 0b010 0o642 0xF3
zéro binaire octal hexadécimal

float 9.23 0.0 -1.7e-6 (-1,7×10⁻⁶)

complex 1j 0j 2+3j 1.3-3.5e2j

bool True False

NoneType None (une seule valeur : « rien »)

Noms d'objets, de fonctions,
de modules, de classes, etc.

Identificateurs

a...zA...Z_ suivi de a...zA...Z_0...9

- accents possibles mais à éviter
- mots clés du langage interdits
- distinction casse min/MAJ

☺ a toto x7 y_max BigOne
☹ ~~of~~ and ~~for~~

Symbole : = **Affectation/nommage**

☞ affectation ⇔ association d'un nom à un objet

nom_objet = <expression>

- évaluation de l'expression de droite pour créer un objet
- nommage de l'objet créé

x = 1.2 + 8 + sin(y)

Affectations multiples

<n noms> = <itérable de taille n>

u,v,w = 1j, "a", None

a,b = **b,a** échange de valeurs

Affectations combinée avec une opération ✧

x ✧= **c** équivaut à : **x** = **x** ✧ **c**

Suppression d'un nom

del x l'objet associé disparaît seulement s'il n'a plus
de nom, par le mécanisme du « ramasse-miettes »

Conteneurs : opérations génériques

len(c) **min(c)** **max(c)** **sum(c)**
nom in c → booléen, test de présence dans **c**
d'un élément identique (comparaison ==) à **nom**
nom not in c → booléen, test d'absence
c1 + c2 → concaténation
c * 5 → 5 répétitions (**c+c+c+c+c**)
c.index(nom) → position du premier élément
identique à **nom**
c.index(nom, idx) → position du premier
élément identique à **nom** à partir de la position **idx**
c.count(nom) → nombre d'occurrences

Opérations sur listes

☞ **modification « en place »** de la liste **L** originale
ces méthodes **ne renvoient rien en général**

L.append(nom) ajout d'un élément à la fin
L.extend(itérable) ajout d'un itérable converti
en liste à la fin
L.insert(idx, nom) insertion d'un élément à
la position **idx**
L.remove(nom) suppression du premier élément
identique (comparaison ==) à **nom**
L.pop() renvoie et supprime le dernier élément
L.pop(idx) renvoie et supprime l'élément à
la position **idx**
L.sort() ordonne la liste (ordre croissant)
L.sort(reverse=True) ordonne la liste
par ordre décroissant
L.reverse() renversement de la liste
L.clear() vide la liste

Conteneurs numérotés (listes, tuples, chaînes de caractères)

list [1, 5, 9] ["abc"] [] ["x", -1j, ["a", False]]
tuple (1, 5, 9) ("abc",) () 11, "y", [2-1j, True]
Objets non mutables
str "abc" "z" ""
Nombre d'éléments
len(objet) donne : 3 1 0 3
Singleton
Objet vide
expression juste avec des virgules → **tuple**
Conteneurs hétérogènes

▪ **Itérateurs** (objets destinés à être parcourus par **in**)
range(n) : pour parcourir les n premiers entiers naturels, de 0 à $n-1$ inclus.
range(n, m) : pour parcourir les entiers naturels de n inclus à m exclus par pas de 1.
range(n, m, p) : pour parcourir les entiers naturels de n inclus à m exclus par pas de p .
reversed(itérable) : pour parcourir un objet itérable à l'envers.
enumerate(itérable) : pour parcourir un objet itérable en ayant accès à la numérotation.
zip(itérable1, itérable2, ...) : pour parcourir en parallèle plusieurs objets itérables.

Objets itérables

Parcours de conteneurs numérotés

☞ index à partir de 0

▪ Accès à chaque élément par **L[index]**
L[0] → 10 ⇒ le premier
L[1] → 20 ⇒ le deuxième
L[-1] → 70 ⇒ le dernier
L[-2] → 60 ⇒ l'avant-dernier

▪ Accès à une partie par
L[début inclus : fin exclue : pas]
L[2:5] → [30, 40, 50]
⇒ indices 2, 3 et 4
L[:4] → [10, 20, 30, 40]
⇒ les 4 premiers
L[-4:] → [40, 50, 60, 70]
⇒ les 4 derniers
L[:2] → [10, 30, 50, 70]
⇒ de 2 en 2
L[:] tous : copie superficielle du conteneur
L[::-1] tous, de droite à gauche
L[-2::-3] → [60, 30]
⇒ de -3 en -3 en partant de l'avant-dernier

Sur les listes (conteneurs mutables), suppression d'un élément ou d'une partie par **del**, et remplacement par =

del L[4] effet sur la liste **L** similaire à **L.pop(4)** **L[4] = 99** → **L** devient [10, 20, 30, 40, 99, 60, 70]
→ **L** devient [10, 20, 30, 40, 60, 70] **L[1:2] = "abc"** itérable ayant le même nombre
d'éléments que la partie à remplacer, sauf si le pas vaut 1
→ **L** devient [10, "a", 30, "b", 50, "c", 70]
del L[1:2] suppression des éléments d'indices impairs
→ **L** devient [10, 30, 50, 70] **L[1:-1] = range(2)** → **L** devient [10, 0, 1, 70]

Caractères spéciaux : "\n" retour à la ligne

"\t" tabulation

"\" « backslash »

"\" ou \" guillemet "

\" ou \" apostrophe '

r"dossier\sd\nom.py" → 'dossier\sd\nom.py'
Le préfixe **r** signifie "raw string" (tous les caractères sont considérés comme de vrais caractères)

Exemple :

ch = "X\tY\tZ\n1\t2\t3"

print(ch) affiche : X Y Z

1 2 3

print(repr(ch)) affiche :

'X\tY\tZ\n1\t2\t3'

Chaînes de caractères

Méthodes sur les chaînes

☞ Une chaîne n'est pas modifiable ; ces méthodes renvoient en général une nouvelle chaîne ou un autre objet

"nomfic.txt".replace(".txt", ".png") → 'nomfic.png'

"b-a-ba".replace("a", "eu") → 'b-eu-beu' remplacement de toutes les occurrences

"\tUne phrase.\n".strip() → 'Une phrase.' nettoyage début et fin

"des mots\tespacés".split() → ['des', 'mots', 'espacés']

"1.2,4e-2,-8.2,2.3".split(",") → ['1.2', '4e-2', '-8.2', '2.3']

" ; ".join(["1.2", "4e-2", "-8.2", "2.3"]) → '1.2 ; 4e-2 ; -8.2 ; 2.3'

ch.lower() minuscules, **ch.upper()** majuscules, **ch.title()**, **ch.swapcase()**

Recherche de position : **find** similaire à **index** mais renvoie -1 en cas d'absence, au lieu de soulever une erreur

"image.png".endswith(".txt") → False

"essai001.txt".startswith("essai") → True

Formatage

La méthode **format** sur une chaîne contenant "{<numéro>:<format>}" (accolades)

"{} ~ {}".format("pi", 3.14) → 'pi ~ 3.14'

ordre et formats par défaut

"{1:} -> {0:}{1:}".format(3, "B") → 'B -> 3B'

ordre, répétition

"essai_{:04d}.txt".format(12) → 'essai_0012.txt'

entier, 4 chiffres, complété par des 0

"L : {:.3f} m".format(0.01) → 'L : 0.010 m'

décimal, 3 chiffres après la virgule

"m : {:.2e} kg".format(0.012) → 'm : 1.20e-02 kg'

scientifique, 2 chiffres après la virgule

Blocs d'instructions

```
instruction parente :
→ bloc d'instructions 1...
:
instruction parente :
→ bloc d'instructions 2...
:
instruction suivant le bloc 1
:
```

↳ Symbole : puis indentation (4 espaces en général)

Instruction conditionnelle

```
if booléen1 :
→ bloc d'instructions 1...
:
elif booléen2 :
→ bloc d'instructions 2...
:
else :
→ dernier bloc...
:
```

↳ Blocs **else** et **elif** facultatifs.
↳ **if/elif x** : si **x** n'est pas un booléen équivaut en Python à **if/elif bool(x)** : (voir conversions).

↳ Une fonction fait des actions et renvoie un ou plusieurs objets, ou ne renvoie rien.

```
def nom_fct(x,y,z=0,a=None) :
→ bloc d'instructions...
:
if a is None :
:
else :
:
return r0,r1,...,rk
```

↳ Autant de noms que d'objets renvoyés

Définition de fonction

x et **y** : arguments positionnels, obligatoires
z et **a** : arguments optionnels avec des valeurs par défaut, nommés

↳ Plusieurs **return** possibles (interruptions)
↳ Une absence de **return** signifie qu'à la fin, **return None** (rien n'est renvoyé)

Appel(s) de la fonction

```
a0,a1,...,ak = nom_fct(-1,2)
b0,b1,...,bk = nom_fct(3.2,-1.5,a="spline")
```

True/False Logique booléenne

Opérations booléennes

not A « non A »

A and B « A et B »

A or B « A ou B »

(not A) and (B or C) exemple

Opérateurs renvoyant un booléen

nom1 is nom2 2 noms du même objet ?

nom1 == nom2 valeurs identiques ?

Autres comparateurs :

< > <= >= != (≠)

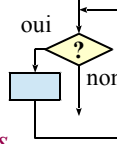
nom_objet in nom_iterable

l'itérable **nom_iterable** contient-il un objet de valeur identique à celle de **nom_objet** ?

Boucle conditionnelle

Bloc d'instructions répété tant que **condition** est vraie

```
while condition :
→ instructions...
:
(valeurs impliquées dans condition modifiées)
:
```



```
from random import randint
somme, nombre = 0,0
while somme < 100 :
    nombre += 1
    somme += randint(1,10)
print(nombre, "; ", somme)
```

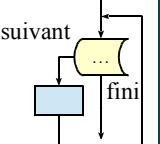
Exemple

Le nombre d'itérations n'est pas connu à l'avance

Bloc d'instructions répété pour chaque élément de l'itérable, désigné par **nom**

Boucle par itérations

```
for nom in itérable :
→ instructions...
:
```



Variantes avec parcours en parallèle

```
for a,b in itérable :
→ bloc d'instructions
    Itérations sur des couples

for numéro,nom in enumerate(itérable) :
→ bloc d'instructions
    Numérotation en parallèle, à partir de 0

for numéro,nom in enumerate(itérable,d) :
→ bloc d'instructions
    Numérotation en parallèle, à partir de d

for e1,e2,... in zip(itérable1,itérable2,...) :
→ bloc d'instructions
    Parcours en parallèle de plusieurs itérables ; s'arrête dès qu'on arrive à la fin de l'un d'entre eux
```

Conversions

bool(x) → **False** pour **x** : **None**, **0 (int)**, **0.0 (float)**, **0j (complex)**, **itérable vide**

→ **True** pour **x** : valeur

numérique non nulle, itérable non vide

int("15") → **15**

int("15",7) → **12** (base 7)

int(-15.56) → **-15** (troncature)

round(-15.56) → **-16** (arrondi)

float(-15) → **-15.0**

float("-2e-3") → **-0.002**

complex("2-3j") → **(2-3j)**

complex(2,-3) → **(2-3j)**

list(x) Conversion d'un itérable en liste
exemple : **list(range(12,-1,-1))**

sorted(x) Conversion d'un itérable en liste ordonnée (ordre croissant)

sorted(x,reverse=True)
Conversion d'un itérable en liste ordonnée (ordre décroissant)

tuple(x) Conversion en tuple

"{}".format(x) Conversion en chaîne de caractères

ord("A") → **65** ; **chr(65)** → **'A'**

Mathématiques

Opérations

+ **-** ***** **/**

****** puissance **2**10** → **1024**

// quotient de la division euclidienne

% reste de la division euclidienne

Fonctions intrinsèques

abs(x) valeur absolue / module

round(x,n) arrondi du **float x** à **n** chiffres après la virgule

pow(a,b) équivalent à **a**b**

pow(a,b,p) reste de la division euclidienne de **a^b** par **p**

z.real → partie réelle de **z**

z.imag → partie imaginaire de **z**

z.conjugate() → conjugué de **z**

import sys

sys

sys.path → liste des chemins des dossiers contenant des modules Python

sys.path.append(chemin)

Ajout du **chemin absolu** d'un dossier contenant des modules

sys.platform → nom du système d'exploitation

Quelques modules internes de Python (The Python Standard Library)

import os

os

os.getcwd() → **Chemin absolu** du « **répertoire de travail** » (working directory), à partir duquel on peut donner des **chemins relatifs**.

Chemin absolu : chaîne commençant par une lettre majuscule suivie de **":"** (Windows), ou par **"/"** (autre)

Chemin relatif par rapport au répertoire de travail **wd** :

nom de fichier ↔ fichier dans **wd**

." ↔ **wd** ; **.."** ↔ père de **wd**

../.. ↔ grand-père de **wd**

"sous-dossier/image.png"

↳ Le séparateur **"/"** fonctionne pour tous les systèmes, au contraire du **\"\\\"**

os.listdir(chemin) →

liste des sous-dossiers et fichiers du dossier désigné par **chemin**.

os.path.isfile(chemin) → Booléen : est-ce un fichier ?

os.path.isdir(chemin) → Booléen : est-ce un dossier ?

for sdp,Lsd,Lnf in os.walk(chemin) :

→ Parcours récursivement chaque sous-dossier, de chemin relatif **sdp**, dont la liste des sous-dossiers est **Lsd** et celle des fichiers est **Lnf**

Fichiers texte

↳ N'est indiquée ici que l'ouverture avec fermeture automatique, au format normalisé UTF-8.

↳ Le « **chemin** » d'un fichier est une chaîne de caractères (voir module **os** ci-dessous)

Lecture intégrale d'un seul bloc

```
with open(chemin,"r",encoding="utf8") as f:
→ texte = f.read()
```

Lecture ligne par ligne

```
with open(chemin,"r",encoding="utf8") as f:
→ lignes = f.readlines()
(Nettoyage éventuel des débuts et fins de lignes)
lignes = [c.strip() for c in lignes]
```

Écriture dans un fichier

```
with open(chemin,"w",encoding="utf8") as f:
→ f.write(début) ...
:
f.write(suite) ...
:
f.write(fin)
```

Gestion basique d'exceptions

```
try :
→ bloc à essayer
except :
→ bloc exécuté en cas d'erreur
```

Affichage

```
x,y = -1.2,0.3
print("Pt",2,"(",x,"",y+4,"")
→ Pt 2 = ( -1.2 , 4.3 )
```

↳ Un espace est inséré à la place de chaque virgule séparant deux objets consécutifs. Pour mieux maîtriser l'affichage, utiliser la méthode de formatage **str.format**

Saisie

```
s = input("Choix ? ")
↳ input renvoie toujours une chaîne de caractères ; la convertir si besoin vers le type désiré
```

Importation de modules

Module **mon_mod** ↔ Fichier **mon_mod.py**

Importation d'objets par leurs noms

```
from mon_mod import nom1,nom2
```

Importation avec renommage

```
from mon_mod import nom1 as n1
```

Importation du module complet

```
import mon_mod
```

```
... mon_mod.nom1 ...
```

Importation du module complet avec renommage

```
import mon_mod as mm
```

```
... mm.nom1 ...
```

Programme utilisé comme module

↳ **Bloc-Test** (non lu en cas d'utilisation du programme **mon_mod.py** en tant que module)

```
if __name__ == "__main__" :
→ Bloc d'instructions
:
```

```
from time import time
```

time

```
debut = time()
```

↳ Évaluation d'une durée d'exécution, en secondes

```
:(instructions)
```

```
duree = time() - debut
```


Aide numpy/scipy

`np.info(nom_de_la_fonction)`

`import numpy as np`

Fonctions mathématiques

En calcul scientifique, il est préférable d'utiliser les fonctions de **numpy**, au lieu de celles des modules basiques **math** et **cmath**, puisque **les fonctions de numpy sont vectorisées** : elle s'appliquent aussi bien à des scalaires (**float**, **complex**) qu'à des vecteurs, matrices, tableaux, avec des durées de calculs minimisées.

`np.pi`, `np.e` → Constantes π et e

`np.abs`, `np.sqrt`, `np.exp`, `np.log`, `np.log10`, `np.log2` → **abs**, racine carrée, exponentielle, logarithmes népérien, décimal, en base 2

`np.cos`, `np.sin`, `np.tan` → Fonctions trigonométriques (angles en radians)

`np.degrees`, `np.radians` → Conversion radian→degré, degré→radian

`np.arccos`, `np.arcsin` → Fonctions trigonométriques réciproques

`np.arctan2(y, x)` → Angle dans $]-\pi, \pi]$

`np.cosh`, `np.sinh`, `np.tanh` (trigonométrie hyperbolique)

`np.arcsinh`, `np.arccosh`, `np.arctanh`

Tableaux `numpy.ndarray` : généralités

Un tableau **T** de type `numpy.ndarray` (« n-dimensional array ») est un **conteneur homogène** dont les valeurs sont stockées en mémoire de façon séquentielle.

`T.ndim` → « dimension **d** » = nombre d'indices (1 pour un vecteur, 2 pour une matrice)

`T.shape` → « forme » = plages de variation des indices, regroupées en **tuple** (`n0, n1, ..., nd-1`) : le premier indice varie de 0 à `n0-1`, le deuxième de 0 à `n1-1`, etc.

`T.size` → nombre d'éléments, valant `n0 × n1 × ... × nd-1`

`T.dtype` → type des données contenues dans le tableau (`np.bool`, `np.int32`, `np.uint8`, `np.float`, `np.complex`, `np.unicode`, etc.)

shp est la forme du tableau créé, **data_type** le type de données contenues dans le tableau (`np.float` si l'option **dtype** n'est pas utilisée)

`T = np.empty(shp, dtype=data_type)` → pas d'initialisation

`T = np.zeros(shp, dtype=data_type)` → tout à 0/False

`T = np.ones(shp, dtype=data_type)` → tout à 1/True

Tableaux de même forme que **T** (même type de données que **T** si ce n'est pas spécifié) :

`S = np.empty_like(T, dtype=data_type)`

`S = np.zeros_like(T, dtype=data_type)`

`S = np.ones_like(T, dtype=data_type)`

générateurs

Un vecteur **V** est un tableau à un seul indice

Comme pour les listes, `V[i]` est le $(i+1)^{\text{ème}}$ coefficient, et l'on peut extraire des sous-vecteurs par : `V[:2]`, `V[-3:]`, `V[::-1]`, etc.

Si **c** est un nombre, les opérations `c*V`, `V/c`, `V+c`, `V-c`, `V//c`, `V%c`, `V**c` se font sur chaque coefficient

Si **U** est un vecteur de même dimension que **V**, les opérations `U+V`, `U-V`, `U*V`, `U/V`, `U//V`, `U%V`, `U**V` sont des **opérations terme à terme**

Produit scalaire : `U.dot(V)` ou `np.dot(U, V)` ou `U@V`

Vecteurs

générateurs

`np.linspace(a, b, n)`

→ **n** valeurs régulièrement espacées de **a** à **b** (bornes incluses)

`np.arange(xmin, xmax, dx)`

→ de **x_{min}** inclus à **x_{max}** exclu par pas de **dx**

Statistiques

Sans l'option **axis**, un tableau est considéré comme une simple séquence de valeurs

`T.max()`, `T.min()`, `T.sum()`

`T.argmax()`, `T.argmin()` indices séquentiels des extremums

`T.sum(axis=d)` → sommes sur le $(d-1)$ -ème indice

`T.mean()`, `T.std()`, `T.std(ddof=1)` moyenne, écart-type

`V = np.unique(T)` valeurs distinctes, sans ou avec les effectifs

`V, N = np.unique(T, return_counts=True)`

`np.cov(T)`, `np.corrcoef(T)` matrices de **covariance** et de **corrélation** ; **T** est un tableau **k×n** qui représente **n** répétitions du tirage d'un vecteur de dimension **k** ; ces matrices sont **k×k**.

Modules `random` et `numpy.random`

Tirages pseudo-aléatoires

`import random`

`random.random()` → Valeur flottante dans l'intervalle $[0,1[$ (loi uniforme)

`random.randint(a, b)` → Valeur entière entre **a** inclus et **b** inclus (équiprobabilité)

`random.choice(L)` → Un élément de la liste **L** (équiprobabilité)

`random.shuffle(L)` → **None**, mélange la liste **L** « **en place** »

`import numpy.random as rd`

`rd.rand(n0, ..., nd-1)` → Tableau de forme **(n₀, ..., n_{d-1})**, de flottants dans l'intervalle $[0,1[$ (loi uniforme)

`rd.randint(a, b, shp)` → Tableau de forme **shp**, d'entiers entre **a** inclus et **b** exclu (équiprobabilité)

`rd.randint(n, size=d)` → Vecteur de dimension **d**, d'entiers entre 0 et **n-1** (équiprobabilité)

`rd.choice(Omega, n, p=probas)` → Tirage **avec remise** d'un échantillon de taille **n** dans **Omega**, avec les probabilités **probas**

`rd.choice(Omega, n, replace=False)` → Tirage **sans remise** d'un échantillon de taille **n** dans **Omega** (équiprobabilité)

`rd.normal(m, s, shp)` → Tableau de forme **shp** de flottants tirés selon une loi normale de moyenne **m** et d'écart-type **s**

`rd.uniform(a, b, shp)` → Tableau de forme **shp** de flottants tirés selon une loi uniforme sur l'intervalle $[a, b[$

Le passage maîtrisé **list** ↔ **ndarray** permet de bénéficier des avantages des 2 types

`T = np.array(L)` → Liste en tableau, type de données automatique

`T = np.array(L, dtype=data_type)` → Idem, type spécifié

`L = T.tolist()` → Tableau en liste

`new_T = T.astype(data_type)` → Conversion des données

`S = T.flatten()` → Conversion en vecteur (la séquence des données telles qu'elles sont stockées en mémoire)

`np.unravel_index(ns, T.shape)` donne la position dans le tableau **T** à partir de l'index séquentiel **n_s** (indice dans **S**)

Conversions

Matrices

générateurs

`np.eye(n)`

→ matrice identité d'ordre **n**

`np.eye(n, k=d)`

→ matrice carrée d'ordre **n** avec des 1 décalés de **d** vers la droite par rapport à la diagonale

`np.diag(V)`

→ matrice diagonale dont la diagonale est le vecteur **V**

Une matrice **M** est un tableau à deux indices

M[i, j] est le coefficient de la $(i+1)$ -ième ligne et $(j+1)$ -ième colonne

M[i, :] est la $(i+1)$ -ième ligne, **M[:, j]** la $(j+1)$ -ième colonne, **M[i:i+h, j:j+l]** une sous-matrice **h×l**

Opérations : voir Vecteurs

Produit matriciel : `M.dot(V)` ou `np.dot(M, V)` ou `M@V`

`M.transpose()`, `M.trace()` → transposée, trace

Matrices carrées uniquement (algèbre linéaire) :

`import numpy.linalg as la` ("Linear algebra")

`la.det(M)`, `la.inv(M)` → déterminant, inverse

`vp = la.eigvals(M)` → **vp** vecteur des valeurs propres

`vp, P = la.eig(M)` → **P** matrice de passage

`la.matrix_rank(M)`, `la.matrix_power(M, p)`

`X = la.solve(M, V)` → Vecteur solution de **M X = V**

`B = (T==1.0)`

`B = (abs(T)<=1.0)` → **B** est un tableau de booléens, de même forme que **T**

`B = (T>0) * (T<1)` Par exemple `B*np.sin(np.pi*T)` renverra un tableau de $\sin(\pi x)$ pour tous les coefficients **x** dans $]0,1[$ et de 0 pour les autres

`B.any()`, `B.all()` → booléen « Au moins un **True** », « Que des **True** »

`indices = np.where(B)` → **tuple** de vecteurs d'indices donnant les positions des **True**

`T[indices]` → extraction séquentielle des valeurs

`T.clip(vmin, vmax)` → tableau dans lequel les valeurs ont été ramenées entre **v_{min}** et **v_{max}**

Intégration numérique

`import scipy.integrate as spi`

`spi.odeint(F, Y0, Vt)` → renvoie une solution numérique du problème de Cauchy $Y'(t) = F(Y(t), t)$, où **Y(t)** est un vecteur d'ordre **n**, avec la condition initiale $Y(t_0) = Y0$, pour les valeurs de **t** dans le vecteur **Vt** commençant par **t₀**, sous forme d'une matrice **n×k**

`spi.quad(f, a, b) [0]` → renvoie une évaluation numérique de l'intégrale : $\int_a^b f(t) dt$

Exemple de tracé avec
`plt.imshow` et
`plt.colorbar`, avec la
palette "gist_heat"

The image shows a penguin, likely a Tux penguin, rendered as a heatmap. The penguin is centered on a grid with x and y axes ranging from -1.0 to 1.0. The color bar on the right indicates values from 0 to 240, with a color gradient from dark red (low values) to light yellow (high values). The penguin's body is primarily light yellow, indicating higher values, while its head and feet are dark red, indicating lower values.