

Computação Quântica e Informação Quântica - Nielsen

Tradução livre e notas de estudos

Lauro de Jesus Mascarenhas

February 2025

Sumário

1	Algoritmos Quânticos de Busca	7
1.1	O Algoritmo Quânticos de Busca	7
1.2	Busca Quântica Como Uma Simulação Quântica	7

A ideia deste projeto é realizar uma tradução do livro do Nielsen e Chuang. A tradução está sendo realizada de forma livre e as equações e exercícios estão sendo resolvidos. Foi utilizado ferramentas de IA para melhorar algumas partes do texto.

Capítulo 1

Algoritmos Quânticos de Busca

1.1 O Algoritmo Quânticos de Busca

1.2 Busca Quântica Como Uma Simulação Quântica

A exatidão dos algoritmos quânticos de busca são facilmente verificáveis, mas não é de forma alguma óbvio como alguém sonharia com tal algoritmo a partir do estado de ignorância. Nesta seção nós iremos derivar um meio heurístico pelo qual podemos derivar um algoritmo quântico de busca, na esperança de emprestar alguma intuição quanto à complicada tarefa de design de algoritmos quânticos. Como efeito colateral útil, nós obtemos uma caminhada quântica determinista. Como nosso objetivo é obter insights em vez de generalidade, assumiremos, por questão de simplicidade, que o problema de busca tem exatamente uma solução x .

Nosso método envolve duas etapas. Primeiro, nós escolheremos um Hamiltoniano que resolve o problema. Mais precisamente nós escreveremos um Hamiltoniano \mathcal{H} que depende da solução x e um estado inicial $|\psi\rangle$, tal que, um sistema quântico que evolui com \mathcal{H} muda de $|\psi\rangle$ para $|x\rangle$ após um tempo descrito. uma vez que tenhamos encontrado tal Hamiltoniano e estado inicial, podemos passar para a segunda etapa, que é tentar simular o ação do Hamiltoniano usando um circuito quântico. Supreendentemente, seguir este processamento leva muito rapidamente ao algoritmo de busca quântica.

Supondo que o algoritmo inicie com o computador quântico no estado $|\psi\rangle$. É conveniente deixar $|\psi\rangle$ indeterminado até entendermos a dinâmica do algoritmo. O objetivo de uma busca quântica é o de $|\psi\rangle$ para $|x\rangle$ ou alguma aproximação do mesmo. Que Hamiltoniano poderíamos adivinhar que fazem um bom trabalho ao causar tal evolução? Uma sugestão simples é adivinhar um Hamiltoniano contruído inteiramente a partir dos termos $|\psi\rangle$ e $|x\rangle$ ¹. Assim, o Hamiltoniano deve ser uma soma de termos como $|\psi\rangle\langle\psi|$, $|x\rangle\langle x|$, $|\psi\rangle\langle x|$ e $|x\rangle\langle\psi|$. Talvez a escolha mais simples ao longo dessas linhas sejam os Hamiltoniano

$$\mathcal{H} = |x\rangle\langle x| + |\psi\rangle\langle\psi| \quad (1.1)$$

$$\mathcal{H} = |x\rangle\langle\psi| + |\psi\rangle\langle x| \quad (1.2)$$

Estes dois algoritmos levam ao algoritmo de busca quântica. Por hora, nos restringiremos a análise do Hamiltoniano da equação 1.1

¹Em outras palavras, $\mathcal{H} \doteq \{|\psi\rangle, |x\rangle\}$