

# Proyecto 1

## Intérprete matemático

### Estructuras de datos

## META

Que el alumno utilice la estructuras de datos lineales vistas anteriormente para resolver un problema de cómputo.

## OBJETIVOS

Al finalizar la práctica el alumno será capaz de:

- Valorizar el uso de la estructura de datos correcta para implementar un algoritmo.
- Utilizar una interfaz de texto para interactuar dinámicamente con el usuario.
- Visualizar cómo se utiliza un intérprete de comandos para ejecutar las instrucciones dadas por el usuario.
- Evaluar operaciones en notación infija con precedencia, prefija y postfija.
- Pasar de notación infija a alguna de las otras dos.

## ANTECEDENTES

Alterar el orden en que se ejecutan ciertas operaciones dentro de una expresión matemática puede alterar el resultado final (es decir, la propiedad de asociatividad no siempre se cumple entre operaciones distintas). Por ello es necesario introducir el concepto de *precedencia* de operaciones para establecer una forma canónica para realizar estas operaciones de tal forma que el resultado final sea único. En la Tabla 1 se asocia una precedencia mayor a aquellas operaciones que deben realizarse primero. Un ejemplo de este fenómeno se puede observar entre las operaciones *suma* y *multiplicación*, como se muestra a continuación:

Precedencia	Operación	Símbolo
1	suma	+
1	resta	−
2	multiplicación	*
2	división	/
2	módulo	%

**Tabla 1** Precedencia de operaciones. A mayor precedencia, más pronto debe realizarse la operación.

**Ejemplo 1** Sin precedencia de operadores, la expresión matemática siguiente se evalúa:

$$2 + 5 \times -2 = 10 \times -2 = -20 \quad (1)$$

con precedencia (las multiplicaciones y divisiones se evalúan antes que las sumas y restas) esto es:

$$2 + 5 \times -2 = 2 - 10 = -8 \quad (2)$$

Para obtener un resultado equivalente a la Ecuación 1, pero con precedencia, debemos utilizar paréntesis:

$$(2 + 5) \times -2 = 10 \times -2 = -20 \quad (3)$$

Esta es una característica de la notación que utilizamos para las operaciones binarias, donde el operador se escribe entre los dos operandos, razón por la cual a esta notación se le llama *infija*.

Una calculadora científica o un intérprete matemático de comandos debe ser capaz de evaluar expresiones utilizando precedencia de operadores.

## NOTACIONES PREFIJA Y POSTFIJA

Existen notaciones alternativas que no requieren de la especificación del orden de precedencia. Se trata de las notaciones *prefija* o *polaca* y *posfija* o *polaca inversa*. En estas notaciones el operador se coloca a la izquierda o derecha de los operandos, respectivamente.

### Notación prefija o polaca

La estructura básica de la notación prefija para operadores binarios está dada por:

```
<operación> ::= <operador> <operando> <operando>
<operando>  ::= <número> | <operación>
```

Por ejemplo:

$$\begin{aligned} + \ 4 \ -2 &= 2 \\ + \ 4 \ - \ 8 \ 3 &= + \ 4 \ 5 = 9 \\ + \ 3 \ * \ 4 \ 2 &= + \ 3 \ 8 = 11 \\ * \ + \ 3 \ 4 \ 2 &= * \ 7 \ 2 = 14 \end{aligned}$$

Aquí, el orden en que se ejecutan las operaciones depende de la posición que ocupan sus elementos: para ejecutar una operación se requiere evaluar primero sus dos operandos, si éstos a su vez consisten en otra operación, deben ser evaluados antes de proceder. El proceso es recursivo.

**Ejemplo 2** La Ecuación 1 en notación prefija se ve:

$$\times \ + \ 2 \ 5 \ -2 \quad (4)$$

Mientras que la Ecuación 2 se convierte en:

$$+ \ 2 \ \times \ 5 \ -2 \quad (5)$$

## Notación postfija o sufija

Es similar a la prefija, pero el operador se escribe a la derecha de los operandos.

$\langle \text{operación} \rangle ::= \langle \text{operando} \rangle \langle \text{operando} \rangle \langle \text{operador} \rangle$   
 $\langle \text{operando} \rangle ::= \langle \text{número} \rangle \mid \langle \text{operación} \rangle$

Por ejemplo:

$$\begin{aligned} 4 - 2 + &= 2 \\ 4 \ 8 \ 3 - + &= + \ 4 \ 5 = 9 \\ 3 \ 4 \ 2 * + &= + \ 3 \ 8 = 11 \\ 3 \ 4 + 2 * &= * \ 7 \ 2 = 14 \end{aligned}$$


---

### Actividad 1

Escribe algunos ejemplos de operaciones en notación infija utilizando operaciones con diferentes órdenes de precedencia. Escribe algunas variantes utilizando paréntesis para alterar el orden de evaluación. Ahora trata de expresar estas operaciones en las notaciones prefija y postfija. Utilizarás estos ejemplos para probar tu código más adelante.

---

## Evaluación

Evaluar una expresión prefija o postfija es más sencillo que evaluar una expresión infija. Sólo se requiere de una pila como estructura auxiliar.

La expresión se lee símbolo por símbolo de izquierda a derecha. Obsérvese que en la notación postfija los operandos aparecen primero y el operador al final. Conforme vayamos leyendo, en la pila se guardarán los operandos hasta que se lea la operación que se debe aplicar sobre ellos. El algoritmo en pseudocódigo se muestra en Algoritmo 1.

---

### Algoritmo 1 Evaluación postfija

---

```

1: for all símbolo ∈ expresión do
2:   if símbolo ∈ Números then
3:     pila ← símbolo
4:   else
5:     operando2 ← pila.pop()
6:     operando1 ← pila.pop()
7:     pila ← operando1 operación(símbolo) operando2
8: end for return pila.pop()

```

▷ El resultado queda al fondo de la pila

---

Para la notación prefija basta con leer la expresión de derecha a izquierda y se aplica el mismo algoritmo. Obsérvese sin embargo, que los operandos salen de la pila en el orden contrario a este caso.

## Conversión de infija a postfija

Este algoritmo requiere de dos estructuras auxiliares: una pila y una cola.

**Pila** La pila nos ayudará a mantener en memoria las operaciones que ya vió el sistema, pero que aún no puede evaluar, pues no se está seguro de si ya les toca o va otra primero.

**Cola** En la cola se irán guardando los símbolos en el orden requerido por la notación postfija.

El algoritmo se muestra en Algoritmo 2.

---

**Algoritmo 2** Infija a postfija

---

```
1: for all símbolo ∈ expresión do
2:   if símbolo ∈ Números then
3:     cola ← símbolo
4:   else
5:     if símbolo es ) then
6:       while pila.peek() no es ( do
7:         cola ← pila.pop()
8:         pila.pop()
9:       else
10:        prec ← precedencia(símbolo)
11:        while precedencia(pila.peek()) >= prec do
12:          cola ← pila.pop()
13:        pila ← símbolo
14: end for
15: while pila no está vacía do
16:   cola ← pila.pop()
17: return cola
```

---

## Ejercicios

Harás un programa que evalúe expresiones introducidas por el usuario en las tres notaciones.

1. Revisa el código auxiliar que acompaña esta práctica. Puedes compilarlo con `ant` y ejecutar la interfaz de texto con `ant run`.
2. Revisa el código y la documentación de la clase `Fija`. Implementa los métodos. Observa que ya tiene un método `main` donde puedes probar tu código, sólo que deberás ejecutarlo a mano pues `ant` no lo reconoce.
3. Revisa el código y la documentación de la clase `Infija`. Implementa los métodos. Aquí está el método `main` que te permite elegir entre cualquiera de las notaciones.
4. La interfaz de usuario ya realiza las funciones adecuadas, pero falta que imprima un guía para el usuario donde indique cómo utilizar la interfaz. Agrega estas instrucciones.
5. A cambio de un punto extra (es proyecto por lo que este punto pesará más en tu calificación final), agrega pruebas unitarias para las funciones `evaluaPrefija`, `evaluaPostfija`, `infijaASufija` y `evaluaInfija`.

Este es un ejemplo de interacción con el usuario (no es necesario imprimir los tokens, pero aquí se utilizó para verificar lo que está haciendo el programa):

### Listing 1: Infija

```

Calculadora en modo notación infija
4 + 5 - ( 2 * 5 )
Tokens: [4, +, 5, -, (, 2, *, 5, , )]
Sufija: [4, 5, +, 2, 5, *, -]
= -1.0
prefija
Cambiando a notación prefija
+ -4 - 8 2
[+, -4, -, 8, 2]
= 2.0
postfija
Cambiando a notación postfija
3 5 -7 * 3 -
[3, 5, -7, *, 3, -]
= -38.0
exit

```

## PREGUNTAS

1. ¿Cuál es el orden de complejidad del algoritmo para evaluar una expresión en notación prefija? Justifica.
2. ¿Cuál es el orden de complejidad del algoritmo para pasar de notación infija a postfija? Justifica.

## FORMA DE ENTREGA

- Asegúrense de borrar todos los archivos generados, incluyendo archivos de respaldo usando `ant clean`.
- Copien el directorio `Proyecto1` dentro de un directorio llamado `<apellido1_apellido2>` donde `apellido1` es el primer apellido de un miembro del equipo y `apellido2` es el primer apellido del otro miembro. Por ejemplo: `marquez_vazquez`.
- Borren el directorio `libs` en la copia.
- Agreguen un archivo `reporte.pdf` dentro del directorio `Proyecto1` de la copia, con el nombre completo de los integrantes del equipo, las repuestas a las preguntas de la sección anterior y cualquier comentario que quieran hacer sobre la práctica.
- Compriman el directorio `<apellido1_apellido2>` creando

`<apellido1_apellido2>.tar.gz`.

Por ejemplo: `marquez_vazquez.tar.gz`.

- Suban este archivo en la sección correspondiente del aula virtual. Basta una entrega por equipo.

## FORMA DE EVALUACIÓN

Para su calificación final se tomarán en cuenta los aspectos siguientes:

- 
- 70 % Funcionamiento correcto probado desde la interfaz de usuario.
  - 10 % Reporte con respuestas a las preguntas.
  - 10 % Documentación completa y adecuada. Entrega en el formato requerido, sin archivos `.class`, respaldos, bibliotecas de `JUnit` u otros no requeridos.
  - 10 % Revisión manual del código, para verificar que se cumpla con las especificaciones, que no se haya copiado, etcétera.