Отчет о выполнении лабораторной работы 4.2 "Исследование энергетического спектра  $\beta$ -частиц и определение их максимальной энергии при помощи магнитного спектрометра"

Калашников Михаил, Б03-202б

**Цель работы:** Исследовать с помощью магнитного спектрометра энергетический спектр  $\beta$ -частиц при распаде ядер  $^{137}\mathrm{Cs}$  и определить их максимальную энергию. Откалибровать спектрометр по энергии электронов внутренней конверсии  $^{137}\mathrm{Cs}$ .

#### В работе используются:

- цезиевый источник  $\beta$ -частиц;
- магнитный спектрометр;
- форвакуумный насос;
- счетчик, подключенный к компьютеру;
- выпрямитель сигналов.

#### 1. Теоретические сведения

Бета-распадом называется самопроизвольное превращение ядер, при котором их массовое число остается прежним, а заряд изменяется на единицу. Бета-активные ядра встречаются во всей области значений массового числа А. В данной работе будет изучен электронный распад

$$_{Z}^{A}X \rightarrow_{Z+1}^{A}X + e^{-} + \tilde{\nu},$$

при котором кроме электрона испускается антинейтрино.

Спектр энергии  $\beta$ -частиц оценивается формулой

$$\frac{dN}{dE} \approx \sqrt{E}(E_e - E)^2,$$

где  $E_e$  – максимальная энергия электронов.

Дочерние ядра, возникающие в результате  $\beta$ -распада, нередко оказываются возбужденными. Такие ядра отдают свою энергию либо излучая  $\gamma$ -квант, либо передевая избыток энергии одному из электронов с внутренних оболочек атома. Излучаемые в таком процессе электроны имеют строго определенную энергию и называются конверсионными.

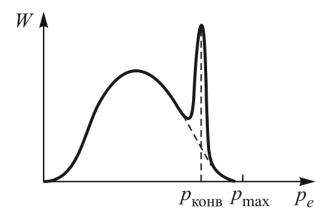


Рис. 1: Форма спектра  $\beta$ -частиц

## 2. Экспериментальная установка

Для определения энергии  $\beta$ -частиц используется магнитный  $\beta$ -спектрометр. Электроны, испускаемые радиоактивным источником попадают в магнитное поле катушки. Траектории электронов в магнитном поле являются сложной спиралью, сходящимися в фокусе. В фокусе установлен детектор электронов.

Для заряженных частиц тонкая катушка эквивалентна линзе. Ее фокусное расстояние зависит от импульса электронов и от силы тока, протекающего через катушку.

$$\frac{1}{f} \propto \frac{I^2}{p_e^2}$$

Так как геометрия прибора в ходе эксперимента остается неизменной, то импульс сфокусированных электронов пропорционален величине тока:

$$p_e = kI$$
.

Константу прибора можно определить сравнивая измеренное положение конверсионного пика с табличным значением.

### 3. Проведение эксперимента

- 1. Включим пересчетный прибор, высоковольтный выпрямитель и форвакуумный насос.
- 2. Дождемся откачки камеры спектрометра. Степень откачки будем измерять проводя измерения интенсивности  $\beta$ -излучения и отмечая уровень изменения показаний.
- 3. Приступим к измерению спектра. Будем повышать ток в катушке от 0 до 4.2 A с шагом 0.2 A. Каждое измерение длится 100 секунд. Получим следующий набор точек.
- 4. Из полученных измерений можно сделать вывод что конверсионный пик лежит в диапазоне от 3 до 3.6 А. Проведем измерения данного участка с шагом 0.05 А. Из всех точек вычтем среднее значение первой и последней точек, приняв его за фоновое излучение  $(N_{\Phi}=(0.92\pm0.15)~{\rm c}^{-1})$ .

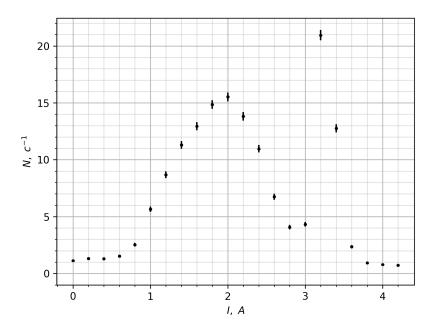


Рис. 2: Первичное измерение спектра

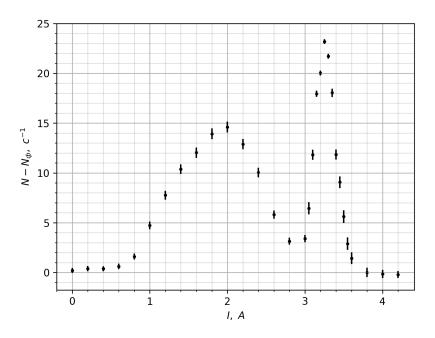


Рис. 3: Измереный спектр  $\beta$ -излучения

# 4. Обработка результатов

1. Проведем калибровку спектрометра. Для определения точного положения центра конверсионного пика аппроксимируем его гауссовой кривой:

$$N - N_{\Phi} = ae^{-\frac{(I-b)^2}{2c^2}}$$

Получим параметры:

$$a = (22.8 \pm 0.3) \text{ c}^{-1}, \quad b = (3.257 \pm 0.004) \text{ A}, \quad c = (0.136 \pm 0.003) \text{ A}$$

Следовательно, положение центра конверсионного пика:

$$I_{\text{конв}} = b = (3.257 \pm 0.004) \text{ A}$$

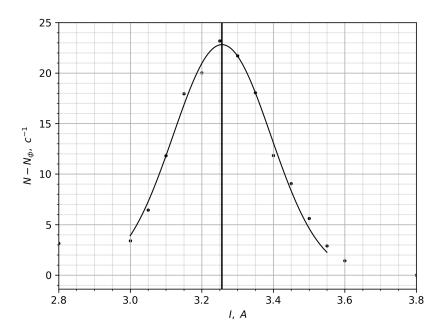


Рис. 4: Аппроксимация конверсионного пика

2. Зная, что  $(pc)_{\text{конв}} = 1013.5$  кэВ, рассчитаем константу прибора:

$$k=rac{(pc)_{
m конв}}{I_{
m Kohb}}=(311.2\pm0.3)~rac{
m KэB}{
m A}$$

Построим полученный спектр с тремя осями абсцисс — сила тока, импульс и кинетическая энергия.

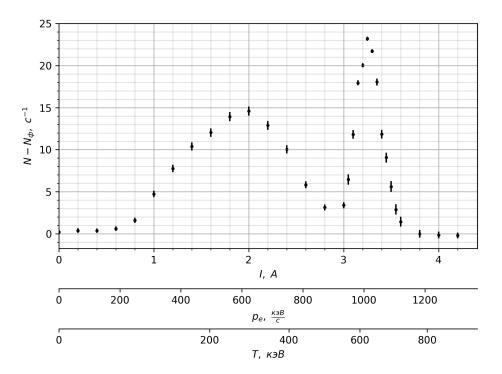


Рис. 5: Измереный спектр  $\beta$ -излучения с дополнительными осями

3. Теперь можем построить график Ферми. Зная, что спектр описывается формулой

$$\sqrt{\frac{N - N_{\Phi}}{p^3}} = a(T_{max} - T),$$

построим график в координатах  $\sqrt{(N-N_\Phi)/p^3}$  по оси ординат и T по оси абсцисс.

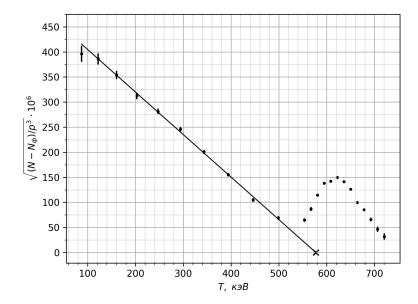


Рис. 6: График Ферми

4. Через часть этих точек можно провести прямую. Точка пересечения этой прямой с осью абсцисс будет равна  $T_{max}$ :

$$T_{max} = (577 \pm 4)$$
 кэВ

#### 5. Выводы

В ходе работы была произведена калибровка магнитного спектрометра и определена максимальная кинетическая энергия электронов, испускаемые атомом цезия при  $\beta$ -распаде. Согласно данным из лабораторного практикума данное значение должно быть меньше энергии конверсионных электронов, однако мной был получен обратный результат. Для повышения точности исследования можно было повысить степень вакуума в установке и провести более длительные регистрации  $\beta$ -частиц.