Отчет о выполнении лабораторной работы 2.2/2.3 "Изучение спектров атома водорода и молекулы йода"

Калашников Михаил, Б03-202

Цель работы: Исследовать спектральные закономерности в оптическом спектре водорода и спектр поглощения паров йода в видимой области.

В работе используются:

- стеклянно-призменный монохроматор-спектрометр УМ-2;
- собирающая линза;
- неоновая лампа;
- ртутная лампа ДРШ;
- водородная лампа;
- лампа накаливания К12;
- кювета с йодом;

1. Теоретические сведения

1.1. Спектр водорода

Атом водорода является простейшей атомной системой. Поэтому спектр водорода является предметом тщательного экспериментального и теоретического исследования. Энергии квантов спектральных линий атома водорода описываются формулой:

$$E = R(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2}),$$

где R — константа, называемая постоянной Ридберга, а n и m — целые числа.

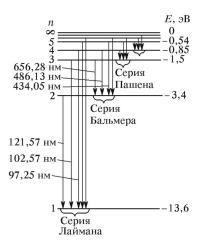


Рис. 1: Уровни энергии атома водорода и образование спектральных серий

В данной работе будет изучена серия Бальмера, линии которой лежат в видимой области спектра. Для первых четырех линий серии Бальмера величины n и m принимают значения 2 и 3, 4, 5, 6 соответственно. Эти линии обозначаются символами $H_{\alpha}, H_{\beta}, H_{\gamma}, H_{\delta}$.

1.2. Спектр йода

Молекулы обладают более богатым спектром возбужденных состояний, чем изолированные атомы. В молекулах могут возбужаться дополнительные степени свободы: колебания составляющих их атомов относительно друг друга и вращения молекул относительно различных осей.

Можно показать, что характерная энергия вращательных движения в 10^6 раз меньше энергии электронных переходов, и поэтому наблюдение вращательных переходов оптическими спектрометрами невозможно. В видимой области наблюдается наложение колебательного спектра на электронный. Каждой линии электронного перехода соответствует ряд колебательных линий, образующих полосу.

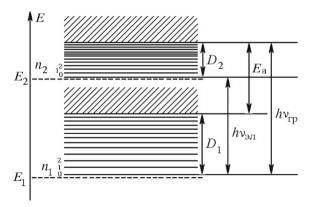


Рис. 2: Электронные и электронно-колебательные энергетические уровни двухатомной молекулы

Штриховыми линиями показаны электронные уровни, а сплошными — колебательные подуровни этих состояний. С ростом квантовых чисел n_1 и n_2 колебательные уровни сближаются и переходят в непрерывный спектр, области которого заштрихованы на рисунке. Так же растет и амплитуда колебаний, при достижении некоторой максимальной амплитуды проиходит диссоциация молекулы.

2. Экспериментальная установка

В работе используется стеклянно-призменный монохроматор-спектрометр УМ-2, предназначенный для спектральных исследований в диапазоне от $0.38\ {\rm дo}\ 1.00\ {\rm мкм}$. Рассмотрим основные элекменты монохроматора:

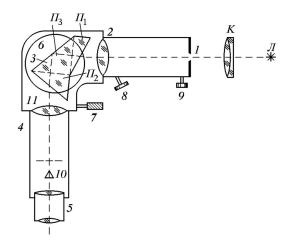


Рис. 3: Схема экспериментальной установки

- 1. Входная щель 1, снабженная микрометрическим винтом 9, позволяющим реулировать ширину открытия щели.
- 2. Коллиматорный объективный 2, снабженный микрометрическим винтом 8, позволяющим смещать объектив при фокусировке спектральных линий различных цветов.
- 3. Спектральная призма 3, установленная на поворотном столике 6.
- 4. Поворотный столик 6, вращающийся при помощи микрометрического винта 7 с отсчетным барабаном.
- 5. Зрительная труба из объектива 4 и окуляра 5. В фокальной плоскости объектива расположено острие указателя.
- 6. Корпус 11.
- 7. Оптическая скамья, на которой могут перемещаться рейтеры с линзойконденсером, различными источниками света и кюветой с йодом.

3. Проведение эксперимента

3.1. Подготовка установки к работе

- 1. Ознакомимся с устройством и принципом работы спектрометра
- 2. Включим неоновую лампу. Отцентрируем оптическую систему
- 3. Расположим конденсор так, чтобы получить резкое изображение источника в центре колпачка, прикрывающего входную щель. Закрепим рейтеры.
- 4. Вращая глазную линзу окуляра, настроимся на рекое изображение кончика указателя.

- 5. Вращая барабан, подведем указатель к одной из ярких линий неона. Перемещая коллиматор, получим четкое изображение линии.
- 6. Установим ширину входной щели так, чтобы получить наиболее резкое изображение спектральных линий.

3.2. Градуировка спектрометра

- 1. Откалибруем спектрометр по спектру неона при помощи таблицы с расположение спектральных линий.
- 2. Проделаем то же самое по спектру ртути с помощью ртутной лампы.

3.3. Спектр водорода

- 1. Установим на скамью водородную лампу и включим ее в сеть.
- 2. Измерим положение линий H_{α} , H_{β} , H_{γ} , H_{δ} .

3.4. Спектр йода

- 1. Установим на лампу накаливания K12 и кювету с йодом. Отцентрируем полученное изображение на колпачке входной щели.
- 2. Настроим установку так, чтобы на ярком фоне непрерывного спектра наблюдались темные полосы поглощения.
- 3. Определим деления барабана монохроматора, соответствующие линиям: $\nu_{1,0}$ самой длинноволновой видимой линии поглощения, $\nu_{1,5}$ шестой по счету длинноволновой видимой линии поглощения и $\nu_{\rm rp}$ границе схождения спектра.

4. Обработка результатов

1. Построим калибровочную кривую. Для этого отложим на графике точки, полученные при измерении спектров неона и ртути. Через точки проведем функцию, заданную дисперсионной формулой Гартмана:

$$\lambda = \lambda_0 + C/(d - d_0),$$

где λ_0 , C и d_0 – три постоянные, подбираемые с помощью МНК.

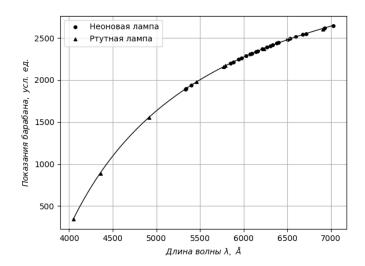


Рис. 4: Калибровочная кривая монохроматора-спектрометра

2. По калибровочной кривой определим длины волн линий H_{α} , H_{β} , H_{γ} , H_{δ} . Погрешность найдем по формуле погрешности косвенных измерений:

$$\sigma_{\lambda} = \sqrt{\sigma_{\lambda_0}^2 + \left(\frac{\lambda - \lambda_0}{C}\right)^2 \left(\sigma_C^2 + (\lambda - \lambda_0)^2 \sigma_{d_0}^2\right)}$$

$$\lambda_{H_{\alpha}}=(653\pm4)$$
 нм, $\lambda_{H_{\beta}}=(486\pm2)$ нм, $\lambda_{H_{\gamma}}=(433.7\pm1.7)$ нм, $\lambda_{H_{\delta}}=(409.8\pm1.5)$ нм.

3. Убедимся в том, что отношения длин волн линий соответствуют формуле сериальной закономерности $(m \ge 3)$:

$$\frac{\lambda_{H_m}}{\lambda_{H_{m+1}}} = \frac{\frac{1}{2^2} - \frac{1}{(m+1)^2}}{\frac{1}{2^2} - \frac{1}{m^2}} = \frac{(m-1)m^2(m+3)}{(m-2)(m+1)^2(m+2)}$$

$$\left(\frac{\lambda_{H_{\alpha}}}{\lambda_{H_{\beta}}}\right)_{th} = 1.35, \quad \frac{\lambda_{H_{\alpha}}}{\lambda_{H_{\beta}}} = 1.343 \pm 0.014,$$

$$\left(\frac{\lambda_{H_{\beta}}}{\lambda_{H_{\gamma}}}\right)_{th} = 1.12, \quad \frac{\lambda_{H_{\beta}}}{\lambda_{H_{\gamma}}} = 1.120 \pm 0.009,$$

$$\left(\frac{\lambda_{H_{\gamma}}}{\lambda_{H_{\delta}}}\right)_{th} \approx 1.058, \quad \frac{\lambda_{H_{\gamma}}}{\lambda_{H_{\delta}}} = 1.059 \pm 0.008.$$

4. Отложим на графике точки зависимости энергии перехода $(E=h\frac{c}{\lambda})$ от параметра $1/2^2-1/m^2$. По наклону прямой, проведенной через точки определим постоянную Ридберга. Получим:

$$R = (13.529 \pm 0.016) \text{ sB}.$$

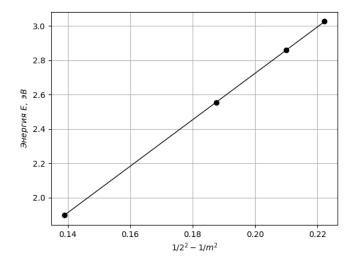


Рис. 5: Зависимость энергии перехода от параметра

5. Воспользуемся калибровочной кривой для определения длин волн линий $\lambda_{1,0}$. $\lambda_{1,5}$, $\lambda_{\rm rp}$:

$$\lambda_{1,0} = (607 \pm 3)$$
 нм, $\lambda_{1,5} = (584 \pm 3)$ нм, $\lambda_{\rm rp} = (500 \pm 2)$ нм.

6. Вычислим энергию колебательного кванта возбужденного состояния молекулы йода:

$$h\nu_2 = \frac{h\nu_{1,5} - h\nu_{1,0}}{5} = (0.015 \pm 0.004) \text{ 9B}.$$

Также вычислим энергию $h\nu_{\rm rp} = h {c \over \lambda_{\rm rp}} = (2.481 \pm 0.011)$ эВ.

- 7. Зная, что энергия колебательнго кванта основного состояния $h\nu_1=0.027$ эВ, а энергия возбуждения атома $E_A=0.94$ эВ, вычислим:
 - (а) энергию электронного перехода:

$$h\nu_{\text{эл}} = E_2 - E_1 = h\nu_{1,0} + \frac{3}{2}h\nu_1 - \frac{1}{2}h\nu_2 = (2.077 \pm 0.012) \text{ эВ},$$

(b) энергию диссоциации молекулы в основном состоянии:

$$D_1 = h\nu_{\rm rp} - E_A = (1.541 \pm 0.011) \ {\rm 9B},$$

(с) энергию диссоциации молекулы в возбужденном состоянии:

$$D_2 = h\nu_{\rm rp} - h\nu_{\rm э. T} = (0.40 \pm 0.02)$$
 эВ.

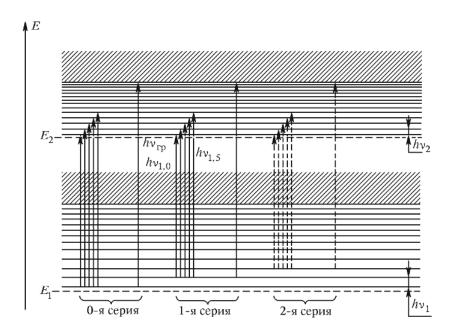


Рис. 6: К вычислению энергий перехода и диссоциации

5. Выводы

Сравним полученные результаты с табличными. В лабораторном практикуме приведены следующие значения D_1 и D_2 :

$$D_1 = 1.5425 \text{ } 9\text{B}, \quad D_2 = 0.69 \text{ } 9\text{B}$$

Можно сделать вывод о том, что в результате проделанной работы энергия диссоциации молекулы в основном состоянии найдена с более высокой точностью, по сравнению с энергией диссоциации в возбуджденном состоянии.