Informatique de Tronc Commun

Devoir surveillé n°2

durée: 2 h

La calculatrice n'est pas autorisée

Toutes les réponses sont à donner sur la copie.

Exercice 1. Recherche séquentielle dans une liste

- 1. Écrire une fonction, rech, prenant en argument une liste L et une valeur x, et renvoyant un booléen, True ou False, selon que x appartient à L ou non. L'utilisation de l'opérateur in, pour tester l'appartenance de x à la liste L, est bien sûr interdite dans cet exercice.
 - exemples d'appel à la fonction :

- **2. a.** L'implémentation donnée en réponse à la question **1.** utilise-t-elle un parcours par les indices de *L* ou un parcours par les valeurs ?
 - b. Donner une seconde version, rech2 de la fonction rech, utilisant l'autre de ces deux parcours de liste.
- 3. a. Donner un exemple de couple (L, x) où L est une liste de quatre entiers et x un entier, pour lequel le nombre de comparaisons est minimal et un exemple de couple (L, x) où L est une liste de quatre entiers et x un entier, pour lequel le nombre de comparaisons est maximal.
 - **b.** De façon générale, si la liste L comporte n éléments, combien de comparaisons (avec l'opérateur « == ») sont-elles effectuées, au minimum ? au maximum ?

On suppose maintenant que la liste L dans laquelle on effectue la recherche d'une valeur x, est une liste d'entiers **triée dans l'ordre croissant.**

- **4. a.** Si l'on fait appel à l'une des deux fonctions précédentes, rech ou rech2, combien de comparaisons de x avec des éléments de L sont-elles nécessaires pour examiner si la valeur x = 0 appartient à la liste L égale à [1,2,3,4]?
 - **b.** Si l'on tient compte du fait que la liste L est triée, expliquer pourquoi une seule comparaison pourrait suffire pour déterminer si la valeur x = 0 appartient à la liste L = [1, 2, 3, 4]?
 - c. Proposer une version rech3 de la fonction de recherche, qui, **lorsque la liste en entrée est triée dans** l'ordre croissant, permet de minimiser le nombre de comparaisons de x avec des éléments de L, en tirant parti de ce que la liste est triée.

Exercice 2. Recherche de la position du maximum d'une liste d'entiers

On donne la fonction suivante, prenant en argument des listes d'entiers :

```
1. def f(L):
2.    imax, vmax = None, 0
3.    for i in range(len(L)):
4.    if L[i] >= vmax:
5.        vmax = L[i]
6.        imax = i
7.    return imax, vmax
```

- **1. a.** Que renvoie l'appel f ([5, 4, 3, 5])?
 - **b.** Que renvoie l'appel f ([-5, -4, -3, -5, -3])?

On souhaite que la fonction f renvoie la position de la première occurrence du maximum de la liste L en entrée.

2. Comment modifier le code de la fonction f pour qu'il en soit ainsi ?

On souhaite maintenant modifier le code de la fonction f pour écrire une fonction g qui renvoie les deux plus grandes valeurs de la liste d'entiers f en entrée, pour une liste f non nécessairement triée, de longueur supérieure ou égale à f 2.

On obtiendrait ainsi, par exemple:

3. Proposer une implémentation pour la fonction g.

Exercice 3. Fonctions mystères opérant sur des listes

1. On considère les fonctions mysterel et mystere2 suivantes prenant en entrée des listes d'entiers de longueur au moins 2 :

```
1.
   def mystere1(L):
                                             1. def mysterel(L):
2.
       for i in range(len(L) - 1):
                                             2.
                                                     for i in range (len(L) - 1):
3.
           if L[i] == L[i + 1]:
                                             3.
                                                         if L[i] == L[i + 1]:
4.
                return False
                                             4.
                                                             return False
5.
           return True
                                             5.
                                                     return True
```

- **a.** Que renvoie les appels mysterel([4, 5, 6, 3, 7, 6])? mysterel([4, 5, 6, 6, 3, 7])?
- **b.** Que renvoie les appels mystere2([4, 5, 6, 3, 7, 6])? mystere2([4, 5, 6, 6, 3, 7])?
- **c.** Indiquer ce que fait chacune de ces deux fonctions. (Il s'agira de préciser ce que renvoie chacune des deux fonctions en fonction des caractéristiques de la liste en entrée et non de paraphraser le code de la fonction).
- 2. On considère la fonction mystere3 suivante, prenant en argument des listes d'entiers :

```
1. def mystere3(L):
2.    A = []
3.    for i in range(1, len(L)):
4.         if L[i - 1] <= L[i] and L[i] >= L[i + 1]:
5.         A.append(L[i])
6.    return A
```

- a. L'appel mystere3 ([1, 2]) déclenche une erreur. Laquelle et pourquoi?
- b. Caractériser les listes en entrée qui déclenchent la même erreur qu'en a. et celles qui ne la déclenchent pas.
- c. Proposer une modification minimale du code de la fonction mystere3, de sorte qu'aucun appel sur des listes d'entiers ne déclenche l'erreur précédente (recopier uniquement la(les) ligne(s) à modifier).

Dans les deux questions suivantes, on suppose que l'erreur précédente a été corrigée.

- **d.** Que renvoie les appels mystere3([4, 5, 6, 3, 7])? mystere3([4, 5, 6, 3, 7, 6])?
- e. Que renvoie les appels mystere3([]) ? mystere3([8, 4, 5, 6, 1, 3, 3, 7, 6, 3, 4, 2]) ?
- f. Que fait la fonction mystere3 ? (on caractérisera la liste en sortie en fonction de la liste en entrée).
- 3. On considère la fonction mystere4 suivante, prenant en argument une liste d'entiers :

```
a. Que renvoient les appels
   def mystere4(L):
1.
                                                     •mystere4([5, 8, 2, 3]) et
2.
       A = []
       i = 0
3.
                                                     •mystere4([5, 8, 2, 3, 4])?
4.
       while i < len(L):
                                                 b. De façon générale, que renvoie la fonction
5.
            A.append(L[i])
                                                 mystere4?
6.
            i = i + 2
7.
       return A
```

Exercice 4. Compréhensions de listes

- 1. Définir une fonction f (L) renvoyant une copie de la liste L en entrée obtenue à l'aide d'une compréhension de liste.
- 2. Définir une fonction g(n) renvoyant la liste des carrés des entiers de l'intervalle [0, n] obtenue à l'aide d'une compréhension de liste.

Exercice 5. Chaînes de caractères

On rappelle le principe de construction d'une chaîne caractère par caractère à partir d'une chaîne vide au travers de la donnée de la fonction suivante, copie, qui permet de construire et de renvoyer une copie d'une chaîne de caractères, ch.

```
def copie(ch):
    ch1 = ""
    for i in range(len(ch)):
        ch1 = ch1 + ch[i]
    return ch1
```

Les questions 1, 2 et 3 sont indépendantes entre elles.

- Écrire une fonction remplace (ch, old, new) renvoyant une copie d'une chaîne ch en entrée dans laquelle les occurrences du caractère old ont été remplacée par le caractère new.
 Par exemple, l'appel remplace ("toto", "o", "i") renverra la chaîne "titi".
- 2. Écrire une fonction plpc (ch1, ch2) renvoyant le plus long préfixe commun aux chaînes ch1 et ch2, c'està-dire la plus longue chaîne ch telle que ch coïncide avec les premiers caractères des chaînes ch1 et ch2. On doit obtenir, par exemple:

```
>>> plpc('toto', 'titi')
't'
>>> plpc('toto', 'abcdef')
''
'carte'

>>> plpc('carte', 'carton')
'cart'
>>> plpc('toto', 'abcdef')
'carte'
```

- 3. Écrire une fonction renverse (ch) renvoyant une copie d'une chaîne ch dans laquelle l'ordre des caractères est inversé. Par exemple, l'appel renverse ("abcd") renverra la chaîne "dcba".
- 4. a. Écrire une fonction teste (ch), faisant appel à la fonction renverse et renvoyant un booléen, True ou False, selon que la chaîne en entrée est un palindrome ou non. Par exemple, l'appel teste ("toto") renverra False, et teste ("kayak") renverra True.
 - b. L'appel à la fonction renverse a le désavantage d'effectuer systématiquement une copie de la chaîne ch en entrée, ce qui prend un temps et occupe un espace en mémoire, proportionnels à la longueur de la chaîne ch. Proposer une fonction teste2 (ch) corrigeant cet inconvénient en n'effectuant aucune copie de la chaîne ch.

Exercice 6. Occurrences d'un motif dans une chaîne de caractères

On rappelle la syntaxe du slicing pour les chaînes de caractères :

Pour une chaîne ch, et deux entiers a et b tels que $0 \le a \le b < \text{len(ch)}$, ch [a:b] est une copie de la portion de la chaîne ch constituée des caractères de la chaîne ch situés aux positions a, a + 1, ..., b - 1.

Par exemple, si ch = "abracadrabra", de longueur 11, ch[4:5] vaut "c", ch[8:11] vaut "bra" et ch[3:3] est une chaîne vide.

On rappelle que dans ces conditions, la chaîne ch [a:b] a pour longueur b - a.

On considère la fonction nombre1, définie ci-dessous, dont l'implémentation est incomplète :

La fonction proposée, nombre1, une fois complétée correctement, doit renvoyer le nombre d'occurrences de la chaîne motif dans la chaîne de caractères texte.

On doit obtenir, par exemple:

```
>>> nombre1("les", "les MPSI et les PCSI sont en devoir d'informatique")
2
>>> nombre1("ique", "les MPSI et les PCSI sont en devoir d'informatique")
1
```

1. Recopier et compléter les lignes 4 à 8 du programme précédent.

Pour éviter des copies inutiles de chaînes de caractères, on cherche à modifier la fonction nombre1 en une fonction nombre2 en recourant à une implémentation n'utilisant pas le *slicing*.

Une implémentation incomplète de la fonction nombre 2 est proposée ci-dessous :

```
def nombre2(motif, texte):
         M = len(motif)
         T = len(texte)
3.
4.
         nb occ = ...
5.
          for i in range(...):
6.
              k = 0
7.
              while k < M and texte[...] == motif[...]:
8.
                  k = k + 1
              if k == \dots:
9.
10.
         return ...
11.
```

2. Recopier et compléter les lignes 6 à 10 du programme ci-dessus (les lignes 4, 5 et 11 restant, elles, identiques aux lignes 4, 5 et 8 complétées à la question 1.).

Exercice 7. Dictionnaires

On rappelle la syntaxe pour définir un dictionnaire vide, d :

```
d = {} # ou d = dict()
```

On rappelle la syntaxe pour ajouter un couple (cle, valeur) à un dictionnaire d :

```
d[cle] = valeur
```

On rappelle que la syntaxe est la même pour modifier la valeur associée à une clé déjà existante.

On rappelle les trois parcours possibles pour un dictionnaire d :

```
## parcours par les clés
for cle in d.keys():
    ...
## parcours par les clés et les valeurs
for cle, val in d.items():
    ...
## parcours par les valeurs
for val in d.values():
    ...
```

On considère les notes obtenues à un contrôle, pour lequel on a dénombré les nombres d'élèves ayant obtenu une note comprise dans chacun des intervalles de notes [0; 4[, [4; 8[, [8; 12[, [12; 16[et [16; 20].

On a enregistré les résultats dans le dictionnaire suivant :

```
d = {2: 5, 6: 7, 10: 12, 14: 9, 18: 3}
```

dont les clés sont les entiers correspondant au milieu de l'intervalle considéré. On considère pour la suite que les notes obtenues sont représentées par le milieu de l'intervalle dans lequel chacune se trouve.

Ainsi, pour ce contrôle, 7 élèves ont obtenu une note comprise entre 4 et 8, strictement inférieure à 8.

- **1. a.** Écrire une fonction effectif_total prenant en argument un tel dictionnaire, et renvoyant le nombre total d'élèves évalués. Sur l'exemple la fonction renverra 36.
 - **b.** Écrire une fonction moyenne prenant en argument un tel dictionnaire, renvoyant la moyenne des notes obtenues, en pondérant chaque note, 2, 6, 10, 14 et 18 par l'effectif correspondant.
- 2. Écrire une fonction histogramme, prenant en argument une liste de notes entières comprises entre 0 et 20 et renvoyant un dictionnaire construit sur le principe précédent.

On pourra utiliser le squelette de fonction suivant et les opérations de division entière et de modulo.

Pour les exercices 8 et 9, on rappelle les fonctions et méthodes suivantes utiles pour lire et écrire dans des fichiers textes :

- f = open (fichier, mode) crée un descripteur de fichier, f, permettant d'obtenir l'accès à un fichier.
 Le mode peut être 'r' (lecture), 'w' (écriture);
- -f.close() ferme l'accès au fichier auquel l'accès a été demandé par f.

Si f est un descripteur de fichier donnant accès à un fichier ouvert en lecture :

- f. read () renvoie l'intégralité du contenu du fichier sous la forme d'une unique chaînes de caractères ;
- f.readline() renvoie une chaînes de caractères correspondant aux caractères d'une ligne du fichier, caractère de saut de ligne, '\n', inclus (la lecture commence à la première ligne du fichier, et après chaque appel à la méthode .readline(), une lecture suivante dans le fichier commencera à la ligne suivante);
- f.readlines() renvoie une liste de chaînes de caractères dont chacune correspond aux caractères composant une ligne du fichier, caractère de saut de ligne, '\n', inclus.

Si f est un descripteur de fichier donnant accès à un fichier ouvert en écriture :

- f.write (S) écrit dans le fichier la chaîne de caractères S.

On rappelle les méthodes .strip() et .split() sur les chaînes de caractères.

S désignant une chaîne de caractères :

- S.strip() renvoie une nouvelle chaîne de caractères qui est une copie de S, privée de son dernier caractère si celui-ci est une espace ou un caractère de passage à la ligne '\n';
- -S.split(sep), où sep désigne une chaîne de caractères, renvoie une liste de chaîne de caractères, qui est la liste de toutes les portions de la chaîne S (sans en changer l'ordre) qui sont comprises entre le début de la chaîne S et la première occurrence de sep, ou entre deux occurrences consécutives de la chaîne sep dans S, ou entre la dernière occurrence de sep dans S et la fin de la chaîne S.

Par exemple, on aura:

```
>>> 'ababca'.split('a')
['', 'b', 'bc', '']
>>> '1,3,4'.split(',')
['1', '3', '4']
```

On rappelle les fonctions de conversion de type :

- int qui, appliquée à une chaîne de caractères représentant un chiffre, renvoie l'entier correspondant ;
- float qui, appliquée à une chaîne de caractère représentant un flottant, renvoie la valeur flottante correspondante;
- str qui, appliquée à un entier ou un flottant, renvoie l'écriture décimale du nombre sous la forme d'une chaîne de caractères.

Par exemple:

Exercice 8. Écriture dans un fichier

Donner une séquence d'instructions permettant de créer le fichier d'extension .py dont le contenu est le suivant, de sorte qu'il soit exécutable en tant que programme Python.

On utilisera le caractère '\t' pour encoder les indentations.

```
prog.py

for k in range(10):
    print('bonjour')
```

Exercice 9. Fréquence des caractères dans un texte

On considère un fichier texte, **texte.txt** ne contenant que des caractères pris parmi les 26 lettres minuscules de l'alphabet latin, et des espaces ou des passages à la ligne, et dont on suppose qu'il est présent dans le répertoire de travail courant au moment de l'appel aux fonctions que l'on écrira.

Par exemple:

```
texte.py

joyeux noel a tous les
eleves de pcsi et de mpsi
```

- 1. Définir une fonction load (chemin) qui, si chemin est une chaîne de caractères donnant le chemin vers un fichier texte, renvoie le contenu du fichier sous la forme d'une chaîne de caractères.
 - Écrire ensuite l'appel à la fonction load renvoyant le contenu du fichier donné en exemple.
- 2. Compléter la fonction init() suivante, renvoyant un dictionnaire d dont les clés sont les 26 lettres de l'alphabet latin et les deux caractères ' ' (espace) et '\n', associées chacune à l'entier 0.
 On n'écrira sur la copie que les lignes manquantes.

```
1. def init():
2.    alphabet = 'abcdefghijklmnopqrstuvwxyz'
3.    ...
4.    return d
```

On devra avoir:

```
>>> init()
{'a': 0, 'b': 0, 'c': 0, 'd': 0, 'e': 0, 'f': 0, 'g': 0, 'h': 0, 'i': 0, 'j': 0,
'k': 0, 'l': 0, 'm': 0, 'n': 0, 'o': 0, 'p': 0, 'q': 0, 'r': 0, 's': 0, 't': 0, 'u':
0, 'v': 0, 'w': 0, 'x': 0, 'y': 0, 'z': 0, ' ': 0, '\n': 0}
```

3. Définir une fonction compte_occ (chemin), faisant appel aux fonctions load et init, qui, si chemin est une chaîne de caractères donnant le chemin vers un fichier texte, renvoie un dictionnaire ayant la forme du dictionnaire d, et dans lequel chaque caractère est associé au nombre d'occurrences de ce caractère dans le fichier

L'appel à la fonction compte occ pour le fichier donné en exemple devra renvoyer le dictionnaire suivant :

```
{'a': 1, 'b': 0, 'c': 1, 'd': 2, 'e': 9, 'f': 0, 'g': 0, 'h': 0, 'i': 2, 'j': 1, 'k': 0, 'l': 3, 'm': 1, 'n': 1, 'o': 3, 'p': 2, 'q': 0, 'r': 0, 's': 5, 't': 2, 'u': 2, 'v': 1, 'w': 0, 'x': 1, 'y': 1, 'z': 0, ' ': 9, '\n': 1}
```

Exercice 10. Lecture d'un fichier .csv

Les fichiers .csv sont des fichiers texte, permettant d'encoder des tableaux construits à l'aide d'un tableur. On considère le tableau suivant dans lequel sont enregistrées des coordonnées (entières) de points du plan, tel qu'il se présente dans un tableur :

A	Α	В	С	D	E
1	point	abscisse	ordonnée		
2	A1	4	5		
3	A2	-1	6		
4					

Enregistré au format .csv, ce tableau se présente sous la forme suivante :

```
coords.csv
point;abscisse;ordonnée
A1;4;5
A2;-1;6
...
```

1. Compléter le script suivant afin de recueillir la première ligne du fichier dans une variable entetes, de type str, et, dans une liste L, les lignes suivantes. Le premier élément de L sera la chaîne 'A1;4;5\n'. On pourra utiliser, selon les besoins, les méthodes .read(), .readline(), ou .readlines().

```
f = open(...)
entetes = ...
...
```

On souhaite écrire une fonction traitement (ligne, sep), prenant en argument une chaîne ligne terminant par un caractère de passage à la ligne, '\n', et un caractère sep et renvoyant une liste de toutes les sous-chaînes de la chaîne ch, ne contenant pas le séparateur sep, et délimitées, à gauche, par le début de la chaîne ch ou une occurrence du séparateur sep, et, à droite, une occurrence du séparateur sep ou la fin de la chaîne ch privée d'un éventuel caractère de passage à la ligne.

Par exemple, l'appel traitement ('abracadabra\n', 'a') renverra la liste ['', 'br', 'c', 'd', 'br', ''].

- 2. Écrire une première version de la fonction traitement, faisant appel aux méthodes .strip() et .split().
- 3. On suppose pour cette question que le séparateur ne comporte qu'un seul caractère. Proposer une seconde version de la fonction traitement, ne faisant pas appel à ces deux méthodes, mais utilisant uniquement les opérations de base sur les chaînes de caractères et éventuellement le *slicing*.
- **4.** Utiliser la fonction traitement afin de construire, à partir de la liste L, la liste de couples d'entiers, coords, contenant les coordonnées de tous les points du fichier.
 - Sur l'exemple, la liste coords sera la liste $[(4, 5), (-1, 6), \ldots]$.
- 5. Utiliser la fonction traitement afin de construire, à partir de la liste L, une liste de dictionnaires, dcoords, dont chaque élément est un dictionnaire de la forme {'point':..., 'x':..., 'y':...}.

 Sur l'exemple, le premier élément de la liste dcoords serait le dictionnaire:

$${\text{point'}: 'A1', 'x': 4, 'y': 5}.$$

Exercice 11. Traitement d'images

On considère une liste \mathbb{L} qui est composée de n listes à n éléments ($n \ge 1$) égaux à 0 ou 1.

La liste de listes L est une représentation d'une image en noir et blanc, où 0 représente un pixel noir et 1 un pixel blanc.

• Exemple:

La liste L0 = [[0, 1, 1, 1], [0, 0, 0, 0], [1, 1, 1, 1], [0, 1, 0, 1]] code l'image suivante, à quatre lignes et quatre colonnes :



0	1	1	1
0	0	0	0
1	1	1	1
0	1	0	1

On considère la fonction traitement ci-dessous :

On appelle la fonction traitement avec pour paramètre la liste L0 définie en exemple.

- 1. Lors de l'exécution de l'appel traitement (LO), quelles sont les valeurs prises par les variables n et p ? Quelles valeurs prennent ces variables pour une image rectangulaire quelconque ?
- 2. À l'issue de l'exécution de l'appel traitement (LO), quel est le contenu de la liste LO ? Quelle image est alors codée par LO ? On dessinera cette image sur la copie.
 - Décrire en une phrase l'effet de l'application traitement sur l'image codée.
- **3.** Proposer une implémentation alternative, traitement1, de la fonction traitement n'utilisant qu'une boucle for (et aucune de boucle while).

On demande maintenant, d'écrire plusieurs versions modifiées de la fonction traitement, qui modifient la liste de liste en entrée, en produisant des effets spécifiques sur l'image codée.

4. Modifier la fonction traitement en une fonction negatif, transformant la liste de liste en entrée en la liste de liste codant le négatif de l'image codée par la liste en entrée. Cette fonction agira sur la liste de liste en entrée en y remplaçant les 1 par des 0 et les 0 par des 1.

Ainsi, par l'appel negatif (L0), la liste

L0 = [[0, 1, 1, 1], [0, 0, 0, 0], [1, 1, 1, 1], [0, 1, 0, 1]]

sera modifiée en la liste

[[1, 0, 0, 0], [1, 1, 1, 1], [0, 0, 0, 0], [1, 0, 1, 0]]

et l'image



0	1	1	1
0	0	0	0
1	1	1	1
0	1	0	1

devient





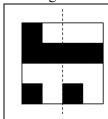
5. Modifier la fonction traitement en une fonction symétrie_verticale, qui agit sur la liste de liste en entrée de sorte que l'image codée soit transformée par une symétrie axiale par rapport à la médiatrice des côtés haut et bas de l'image (en pointillés ci-dessous).

Ainsi, par l'appel symetrie_verticale(LO), la liste

L0 = [[0, 1, 1, 1], [0, 0, 0, 0], [1, 1, 1, 1], [0, 1, 0, 1]] sera modifiée en la liste

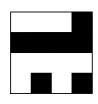
[[1, 1, 1, 0], [0, 0, 0, 0], [1, 1, 1, 1], [1, 0, 1, 0]]

et l'image



0	1	1	1
0	0	0	0
1	1	1	1
0	1	0	1

devient



1	1	0
0	0	0
1	1	1
0	1	0
	0	0 0

6. Modifier la fonction traitement en une fonction symetrie_diagonale, qui agit sur la liste de liste en entrée de sorte que l'image codée soit transformée par une symétrie axiale par rapport à la diagonale « descendante » (en pointillés ci-dessous) de l'image, **supposée carrée pour cette question**.

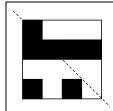
Ainsi, par l'appel symetrie diagonale (LO), la liste

L0 = [[0, 1, 1, 1], [0, 0, 0, 0], [1, 1, 1, 1], [0, 1, 0, 1]]

sera modifiée en la liste

[[0, 0, 1, 0], [1, 0, 1, 1], [1, 0, 1, 0], [1, 0, 1, 1]]

et l'image



0	1	1	1
0	0	0	0
1	1	1	1
0	1	0	1

devient



0	0	1	0
1	0	1	1
1	0	1	0
1	0	1	1