
N.S.I. Term. – Exercices F11-1
Réversivité

Exercice 1. Sujet 07 2022 - **22-NSIJ2G11** – Exercice 1

Exercice 2. Sujet 01 2022 - **22-NSIJ1PO1** – Exercice 1

EXERCICE 1 (4 points)

Cet exercice porte sur les langages et la programmation (récursivité).

1. Voici une fonction codée en Python :

```
def f(n):
    if n == 0:
        print("Partez!")
    else:
        print(n)
        f(n-1)
```

a. Qu'affiche la commande `f(5)` ?

b. Pourquoi dit-on de cette fonction qu'elle est récursive ?

2. On rappelle qu'en python l'opérateur `+` a le comportement suivant sur les chaînes de caractères :

```
>>> S = 'a'+'bc'
>>> S
'abc'
```

Et le comportement suivant sur les listes :

```
>>> L = ['a'] + ['b', 'c']
>>> L
['a', 'b', 'c']
```

On a besoin pour les questions suivantes de pouvoir ajouter une chaîne de caractères `s` en préfixe à chaque chaîne de caractères de la liste `liste`. On appellera cette fonction `ajouter`.

Par exemple, `ajouter("a", ["b", "c"])` doit retourner `["ab", "ac"]`.

a. Recopiez le code suivant et complétez sur votre copie :

```
def ajouter(s, liste):
    res = []
    for m in liste:
        res[.....]
    return res
```

b. Que renvoie la commande `ajouter("b", ["a", "b", "c"])` ?

c. Que renvoie la commande `ajouter("a", [])` ?

3. On s'intéresse ici à la fonction suivante écrite en Python où s est une chaîne de caractères et n un entier naturel.

```
def produit(s, n):  
    if n == 0:  
        return []  
    else:  
        res = []  
        for i in range(len(s)):  
            res = res + ajouter(s[i], produit(s, n-1))  
        return res
```

- a. Que renvoie la commande `produit("ab", 0)` ? Le résultat est-il une liste vide ?
- b. Que renvoie la commande `produit("ab", 1)` ?
- c. Que renvoie la commande `produit("ab", 2)` ?

EXERCICE 1 (4 points)

Cet exercice traite du thème «programmation», et principalement de la récursivité.

On rappelle qu'une chaîne de caractères peut être représentée en Python par un texte entre guillemets `""` et que :

- la fonction `len` renvoie la longueur de la chaîne de caractères passée en paramètre ;
- si une variable `ch` désigne une chaîne de caractères, alors `ch[0]` renvoie son premier caractère, `ch[1]` le deuxième, etc. ;
- l'opérateur `+` permet de concaténer deux chaînes de caractères.

Exemples :

```
>>> texte = "bricot"
>>> len(texte)
6
>>> texte[0]
"b"
>>> texte[1]
"r"
>>> "a" + texte
"abricot"
```

On s'intéresse dans cet exercice à la construction de chaînes de caractères suivant certaines règles de construction.

Règle A : une chaîne est construite suivant la règle A dans les deux cas suivants:

- soit elle est égale à `"a"` ;
- soit elle est de la forme `"a"+chaîne+"a"`, où `chaîne` est une chaîne de caractères construite suivant la règle A.

Règle B : une chaîne est construite suivant la règle B dans les deux cas suivants :

- soit elle est de la forme `"b"+chaîne+"b"`, où `chaîne` est une chaîne de caractères construite suivant la règle A ;
- soit elle est de la forme `"b"+chaîne+"b"`, où `chaîne` est une chaîne de caractères construite suivant la règle B.

On a reproduit ci-dessous l'aide de la fonction `choice` du module `random`.

```
>>>from random import choice
>>>help(choice)
Help on method choice in module random:
choice(seq) method of random.Random instance
    Choose a random element from a non-empty sequence.
```

La fonction `A()` ci-dessous renvoie une chaîne de caractères construite suivant la règle A, en choisissant aléatoirement entre les deux cas de figure de cette règle.

```
def A():
    if choice([True, False]):
        return "a"
    else:
        return "a" + A() + "a"
```

1. a. Cette fonction est-elle récursive ? Justifier.

b. La fonction `choice([True, False])` peut renvoyer `False` un très grand nombre de fois consécutives. Expliquer pourquoi ce cas de figure amènerait à une erreur d'exécution.

Dans la suite, on considère une deuxième version de la fonction `A`. À présent, la fonction prend en paramètre un entier `n` tel que, si la valeur de `n` est négative ou nulle, la fonction renvoie `"a"`. Si la valeur de `n` est strictement positive, elle renvoie une chaîne de caractères construite suivant la règle `A` avec un `n` décrémenté de 1, en choisissant aléatoirement entre les deux cas de figure de cette règle.

```
def A(n):
    if ... or choice([True, False]) :
        return "a"
    else:
        return "a" + ... + "a"
```

2. a. Recopier sur la copie et compléter aux emplacements des points de suspension ... le code de cette nouvelle fonction `A`.

b. Justifier le fait qu'un appel de la forme `A(n)` avec `n` un nombre entier positif inférieur à 50, termine toujours.

On donne ci-après le code de la fonction récursive `B` qui prend en paramètre un entier `n` et qui renvoie une chaîne de caractères construite suivant la règle `B`.

```
def B(n):
    if n <= 0 or choice([True, False]):
        return "b" + A(n-1) + "b"
    else:
        return "b" + B(n-1) + "b"
```

On admet que :

- les appels `A(-1)` et `A(0)` renvoient la chaîne `"a"`;
- l'appel `A(1)` renvoie la chaîne `"a"` ou la chaîne `"aaa"`;
- l'appel `A(2)` renvoie la chaîne `"a"`, la chaîne `"aaa"` ou la chaîne `"aaaaa"`.

3. Donner toutes les chaînes possibles renvoyées par les appels `B(0)`, `B(1)` et `B(2)`.

On suppose maintenant qu'on dispose d'une fonction `raccourcir` qui prend comme paramètre une chaîne de caractères de longueur supérieure ou égale à 2, et renvoie la chaîne de caractères obtenue à partir de la chaîne initiale en lui ôtant le premier et le dernier caractère.

Par exemple :

```
>>> raccourcir("abricot")
"brico"
>>> raccourcir("ab")
""
```

4. a. Recopier sur la copie et compléter les points de suspension ... du code de la fonction `regleA` ci-dessous pour qu'elle renvoie `True` si la chaîne passée en paramètre est construite suivant la règle A, et `False` sinon.

```
def regleA(chaine):
    n = len(chaine)
    if n >= 2:
        return chaine[0] == "a" and chaine[n-1] == "a" and
            regleA(...)
    else:
        return chaine == ...
```

- b. Écrire le code d'une fonction `regleB`, prenant en paramètre une chaîne de caractères et renvoyant `True` si la chaîne est construite suivant la règle B, et `False` sinon.