Ett bevis för sekventen $q \longrightarrow r \vdash p \lor q \longrightarrow p \lor r$ som är korrekt.

1	$q \Longrightarrow r$	premise
2	p∨q	assumption
3	p	assumption
4	$p \lor r$	V i ₁ 3
5	q	assumption
6	r	→ e 1,5
7	$p \lor r$	V i ₂ 6
8	$p \lor r$	∨ e 2, 3 – 4, 5 – 7
9	$p \vee q \Longrightarrow p \vee r$	→ i 2 – 8

Ett bevis för sekventen $q \longrightarrow r \vdash p \lor q \longrightarrow p \lor r$ som inte är korrekt.

1	$q \Longrightarrow r$	premise
2	p∨q	assumption
3	p	assumption
4	$p \vee r$	∨ i ₁ 3
5	q	assumption
6	p	copy 3
7	$p \vee r$	∨ i ₁ 6
8	$p \vee r$	∨ e 2, 3 – 4, 5 – 7
9	$p \lor q \Longrightarrow p \lor r$	→ i 2 – 8