



Estrutura de Dados 1

Estruturas lineares - Pilha e Fila

Prof. Lucas Boaventura
lucas.boaventura@unb.br





Filas

- **O que é uma fila?**
 - Fila é uma estrutura de dados dinâmica
 - Permite Inserção de elementos
 - Permite Remoção de elementos
- “dinâmica” aqui se refere ao comportamento da estrutura (entradas e saídas), não necessariamente à alocação dinâmica de memória em C (isso vem depois)





Filas

- A fila segue uma regra específica de operação
- A remoção sempre ocorre no elemento mais antigo
- não removemos qualquer elemento, apenas o que entrou primeiro.





Filas

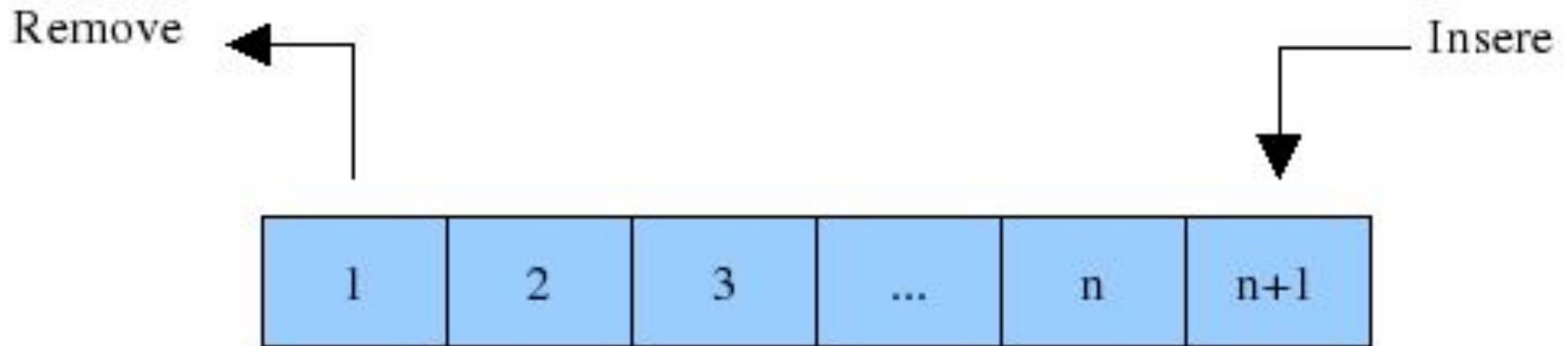
- FIFO – First In, First Out
- O primeiro elemento inserido é o primeiro a ser removido
- Situações reais similares:
 - Fila de Banco
 - Fila de processos no SO
 - Fila de pedidos de um restaurante





Filas

- Inserção ocorre no final da fila
- Remoção ocorre no início da fila





Filas em Vetores

- **Implementação em um vetor em C:**
 - `fila[0..N-1]`
- **O tipo dos elementos é irrelevante:**
 - inteiros;
 - bytes;
 - ponteiros;
 - structs, etc.





Filas em Vetores

- **A parte ocupada do vetor é:**
 - **$\text{fila}[p \dots u-1]$**
 - **$p \Rightarrow$ posição do primeiro elemento**
 - **$u \Rightarrow$ posição do último elemento**
- **p aponta para o próximo a sair**
- **u aponta para a próxima posição livre**





Filas em Vetores

- **Fila vazia:**
 - $p == u$
- **Fila cheia:**
 - $u == N$ (onde N é o tamanho do vetor)
- Lembrar que o vetor **anda** para a direita





Filas em Vetores

- A fila não começa necessariamente na posição 0
- o início “desloca” conforme removemos elementos

```
Índices:  0           p           u           N-1
          |           |           |
          [111][222][333][444][555][666]
```





Filas em Vetores

- **Para remover um elemento da fila:**
 - Checar se a fila está vazia e depois remover

```
1 // 1ª opção
2 x = fila[p++];
3
4 // 2ª opção
5 x = fila[p];
6 p = p + 1;
```





Filas em Vetores

- **Para inserir um elemento y na fila:**
 - Inserção sempre ocorre no final, mesmo que a fila esteja vazia

```
1 // 1ª opção
2 fila[u++] = y;
3
4 // 2ª opção
5 fila[u] = y;
6 u = u + 1;
```





Filas em Vetores

- **Inserção só pode ocorrer se:**
 - $u < N$
- Caso contrário a fila está cheia (transborda) e ocorre um **overflow**





Filas em Vetores

- **Funções para encapsular a fila**
 - **Criar fila**
 - N é passado por clareza e padronização

```
1 void criaFila(int fila[], int N, int *p, int *u) {  
2     *p = 0;  
3     *u = 0;  
4 }
```





Filas em Vetores

- **Funções para encapsular a fila**
 - **Verifica se a fila está vazia**

```
1 int filaVazia(int p, int u) {  
2     return (p == u);  
3 }
```





Filas em Vetores

- **Funções para encapsular a fila**
 - **Verifica se a fila está cheia**

```
1 int filaCheia(int u, int N) {  
2     return (u == N);  
3 }
```





Filas em Vetores

- **Funções para encapsular a fila**
 - **Inserir elemento na fila**

```
1 int colocanafila(int fila[], int N, int *u, int y) {  
2     if (filaCheia(*u, N)) return 0; // overflow  
3  
4     fila[*u] = y;  
5     (*u)++;  
6     return 1; // sucesso  
7 }
```





Filas em Vetores

- **Funções para encapsular a fila**
 - **Remover elemento na fila**

```
1 int tiradafila(int fila[], int *p, int u, int *x) {  
2     if (filaVazia(*p, u)) return 0; // underflow  
3  
4     *x = fila[*p];  
5     (*p)++;  
6     return 1; // sucesso  
7 }
```



```
1 int main(void) {
2     int fila[TAM];
3     int p, u;
4     int x;
5
6     criaFila(fila, TAM, &p, &u);
7
8     colocanafila(fila, TAM, &u, 10);
9     colocanafila(fila, TAM, &u, 20);
10    colocanafila(fila, TAM, &u, 30);
11
12    for(int i = p; i < u; i++) printf("%d ", fila[i]);
13    printf("\n-----\n");
14
15    while (!filaVazia(p, u)) {
16        tiradafila(fila, &p, u, &x);
17        printf("Removido: %d\n", x);
18    }
19
20    for(int i = p; i < u; i++) printf("%d ", fila[i]);
21    printf("-----\n");
22
23    return 0;
24 }
```



Filas em Vetores

- Na implementação que fizemos, utilizando vetores, a fila anda para a direita no vetor
- Problema:
 - As posições não são reutilizadas
 - risco maior de overflow
- A fila pode ser implementada utilizando fila encadeada!





Pilha

- **O que é uma pilha?**
 - Pilha é uma estrutura de dados dinâmica
 - Permite Inserção de elementos
 - Permite Remoção de elementos
- “dinâmica” aqui se refere ao comportamento da estrutura (entradas e saídas), não necessariamente à alocação dinâmica de memória em C (isso vem depois)





Pilha

- **A pilha segue uma regra específica de operação**
- Sempre que ocorre uma remoção:
 - o elemento removido é o **mais recente**
- **Diferente da fila, aqui não removemos o mais antigo, mas sim o último que entrou**





Pilha

- **LIFO – Last In, First Out**
- **O último elemento inserido é o primeiro a ser removido**
- **Essa é a regra fundamental da pilha, só é possível retirar o que está no topo**
 - Pilha de pratos
 - Pilha de livros





Pilha

- **Pilha:**
 - **LIFO** (Last in, first out)
 - **Remove o elemento mais recente**
- **Fila:**
 - **FIFO** (first in, first out)
 - **Remove o elemento mais antigo**





Pilha

- **Dentro do conceito de estrutura de dados do tipo pilha costumamos chamar algumas operações por nomes específicos, como:**
 - Inserção: push
 - Remoção: pop
 - Extremidade: topo da pilha
- Diferente da fila, todas as operações acontecem em uma única extremidade.

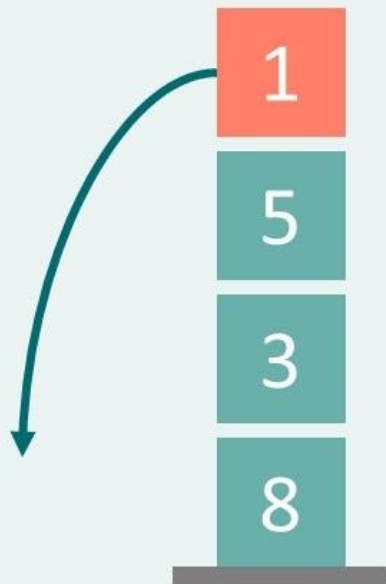




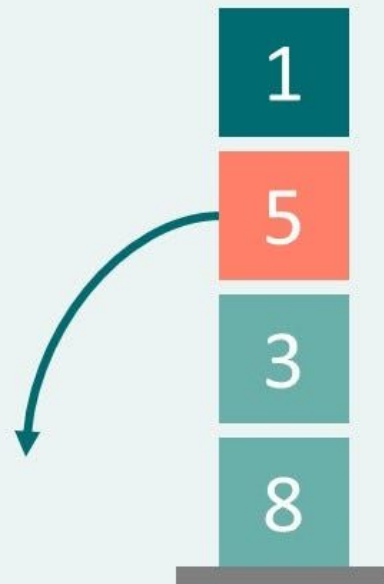
Pilha

- **Exemplo:**

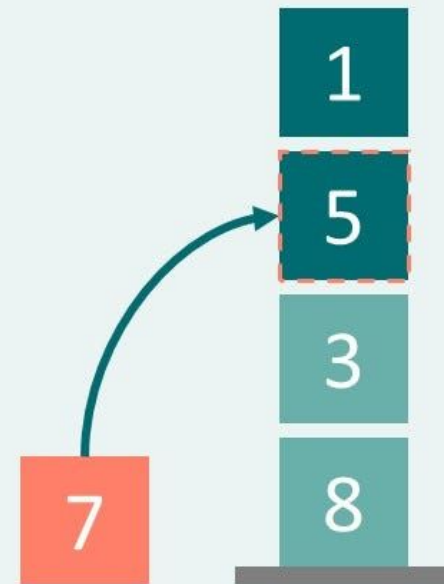
Empilhar e desempilhar



Desempilhar



Desempilhar



Empilhar





Pilha

- **Onde pilhas são usadas:**
 - **Chamadas de funções (call stack);**
 - **Algoritmos recursivos;**
 - **Desfazer/refazer (undo/redo),**
 - **etc.**





Pilha em Vetores

- **Pilha implementada em um vetor em C:**
 - `pilha[0..N-1]`
- **O tipo dos elementos é irrelevante:**
 - inteiros;
 - bytes;
 - ponteiros;
 - structs, etc.





Pilha em Vetores

- **A parte ocupada do vetor é:**
 - **$\text{pilha}[0 \dots t-1]$**
 - **$t \Rightarrow$ a primeira posição livre**
 - **$t-1 \Rightarrow$ o topo da pilha**
- Diferente da fila, a pilha cresce sempre a partir da posição 0





Pilha em Vetores

- **Pilha vazia:**
 - $t == 0$
- **Pilha cheia:**
 - $t == N$
- **A ideia de overflow e underflow continua**





Pilha em Vetores

- **Funções para encapsular a pilha**
 - **Criar pilha**

```
1 void criaPilha(int *t) {  
2     *t = 0;  
3 }
```





Pilha em Vetores

- **Funções para encapsular a pilha**
 - Verificar se a pilha está vazia

```
1 int pilhaVazia(int t) {  
2     return (t == 0);  
3 }
```



Pilha em Vetores

- **Funções para encapsular a pilha**
 - Verificar se a pilha está cheia

```
1 int pilhaCheia(int t, int N) {  
2     return (t == N);  
3 }
```





Pilha em Vetores

- **Funções para encapsular a pilha**
 - Empilhar elemento (push)
 - O topo cresce para a direita do vetor

```
1 int empilha(int pilha[], int N, int *t, int y) {  
2     if (pilhaCheia(*t, N)) return 0; // overflow  
3  
4     pilha[*t] = y;  
5     (*t)++;  
6     return 1; // sucesso  
7 }
```



Pilha em Vetores

- **Funções para encapsular a pilha**
 - Desempilhar elemento (pop)
 - Decrementa e depois acessa o topo

```
1 int desempilha(int pilha[], int *t, int *x) {  
2     if (pilhaVazia(*t)) return 0; // underflow  
3  
4     (*t)--;  
5     *x = pilha[*t];  
6     return 1; // sucesso  
7 }
```



Pilha em Vetores

- **Problema:**
 - **Tamanho fixo**
 - **As posições não são reutilizadas**
 - **Pode ocorrer overflow**
- **A fila pode ser implementada utilizando fila encadeada!**





Dúvidas?

- lucas.boaventura@unb.br

