

Einführung in die Automatisierungstechnik

Studiengang: Produktionstechnik, Systems Engineering

- Vorlesung 04 -

Prof. Dr.-Ing. habil. Andreas Fischer
Dr.-Ing. Gerald Ströbel



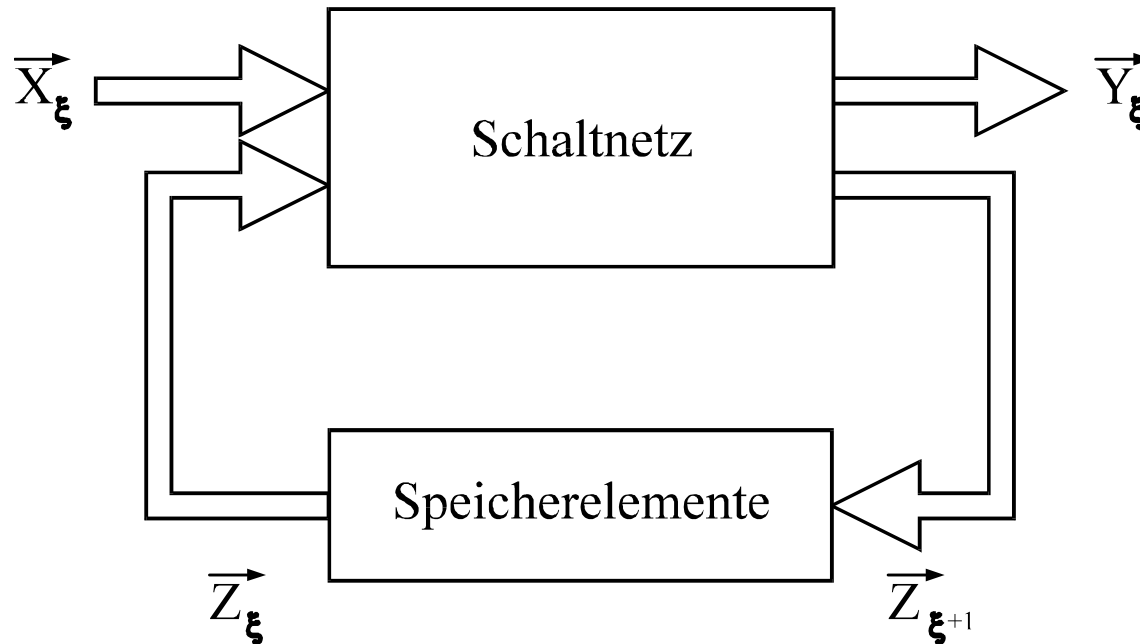
Bremer Institut für
Messtechnik, Automatisierung
und Qualitätswissenschaft

Lehrziele und Gliederung

- V1 Motivation, Anwendungsbereiche, Prozesse und Methoden der Automatisierungstechnik
- V2 Automatisierung in der Produktion
- V3 Boolesche Algebra 1
- Ü1 Matlab Einführung
- V4 **Bolsche Algebra 2: Graphen**
- Ü2 Übung Boolsche Algebra
- V5 Fuzzy Logic
- Ü3 Fuzzy Logic
- V6 Neuronale Netze
- Ü4 Neuronale Netze
- V7 Automatisiertes Messen und Steuern
- Ü5 Automatisiertes Messen und Steuern
- V8 Speicherprogrammierbare Steuerungen
- Ü6 Übungen und Musterklausuren

Boolesche Algebra

- Struktur von Schaltwerken -



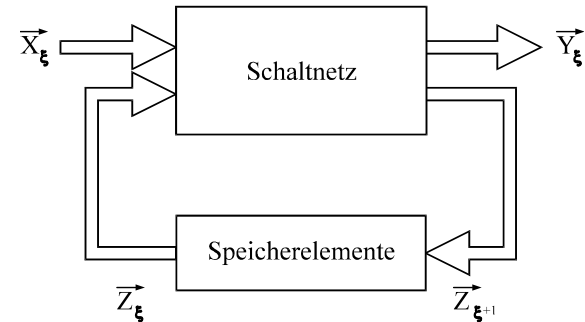
X: Der *Eingangsvektor* des Schaltwerks setzt sich aus den binären Eingangsvariablen zusammen.

Y: Der *Ausgangsvektor* setzt sich aus den binären Ausgangsvariablen zusammen.

Z: Der *Zustandsvektor* des Schaltwerks setzt sich aus den binären Zustandsvariablen zusammen.

Boolesche Algebra

- Schaltwerksgraphen -



Zu einem diskreten Zeitpunkt ξ

befinden sich die Speicherelemente des Schaltwerks in den Zuständen \vec{Z}_ξ

Die Änderung der Eingangsvariablen auf den Wert $\vec{X}_{\xi+1}$

überführt das Schaltwerk in die Zustände $\vec{Z}_{\xi+1}$

Der Zeitindex ξ

bezeichnet also den Zeitpunkt des Zustandsübergangs im Schaltwerk.

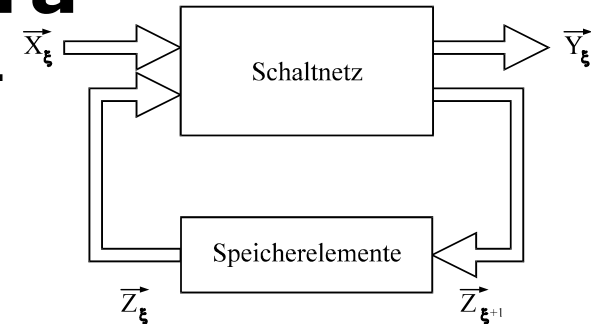
Die Ausgangsvariablen \vec{Y}_ξ

des Schaltwerks werden aus den Vektoren \vec{X}_ξ und \vec{Z}_ξ
abgeleitet. Es gilt also: $\vec{Z}_{\xi+1} = \delta(\vec{X}, \vec{Z})_\xi$ Vektor der binären Übergangsfunktion

$\vec{Y}_\xi = \omega(\vec{X}, \vec{Z})_\xi$ Vektor der binären Ausgangsfunktion

Boolesche Algebra

- Boolesche Funktionen -



δ bezeichnet dabei als den Vektor der binären Übergangsfunktionen und ω als den Vektor der binären Ausgangsfunktionen des Schaltwerks. Schaltwerke, die der allgemeinen Ausgangsfunktionen $\vec{Y}_\xi = \omega(\vec{X}, \vec{Z})_\xi$

genügen, bezeichnet man als **Mealy**-Automaten oder Schaltwerke vom Typ T, da

\vec{Y}_ξ total von \vec{X} und \vec{Z} abhängt.

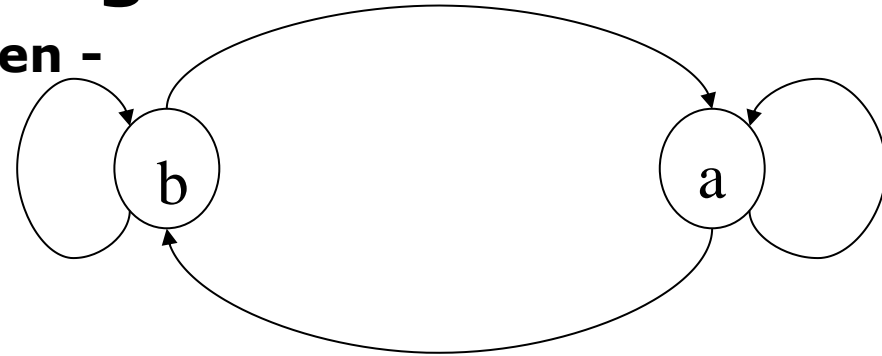
Schaltwerke, für die gilt: $\vec{Y}_\xi = \omega(\vec{Z})_\xi$

werden dagegen als **Moore**-Automaten oder als Schaltwerke vom Typ I bezeichnet,

da \vec{Y}_ξ nur vom internen Zustand abhängt.

Boolesche Algebra

- Graphen -



Graphen (vergl. Automaten-, Graphentheorie)

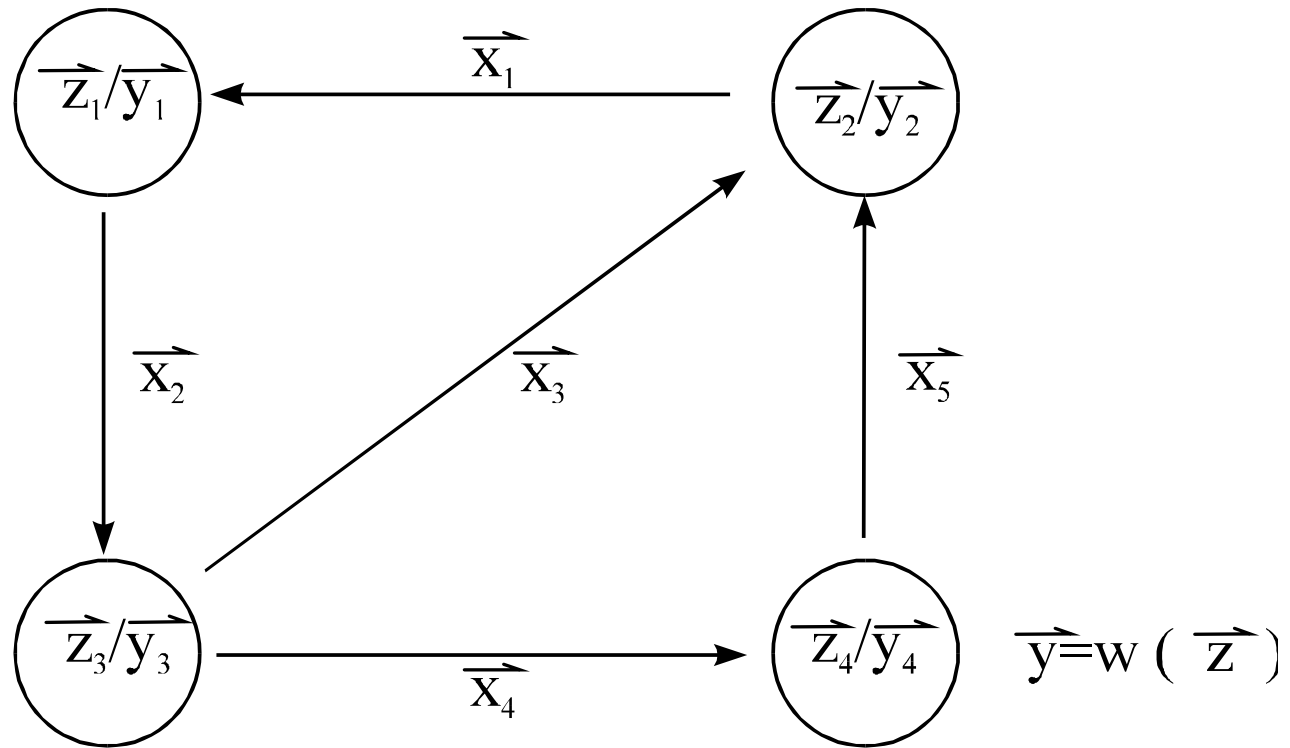
- Graphen dienen der formalen Darstellung von Schaltwerken
- Graphen haben Knoten und Kanten

Zustandsgraphen von Schaltwerken (auch Schaltwerksgraphen):

- Knoten repräsentieren die stabilen Zustände
- Kanten die Übergänge (Transitionen)
- Beispiel Moore- oder Mealy-Automaten

Boolesche Algebra

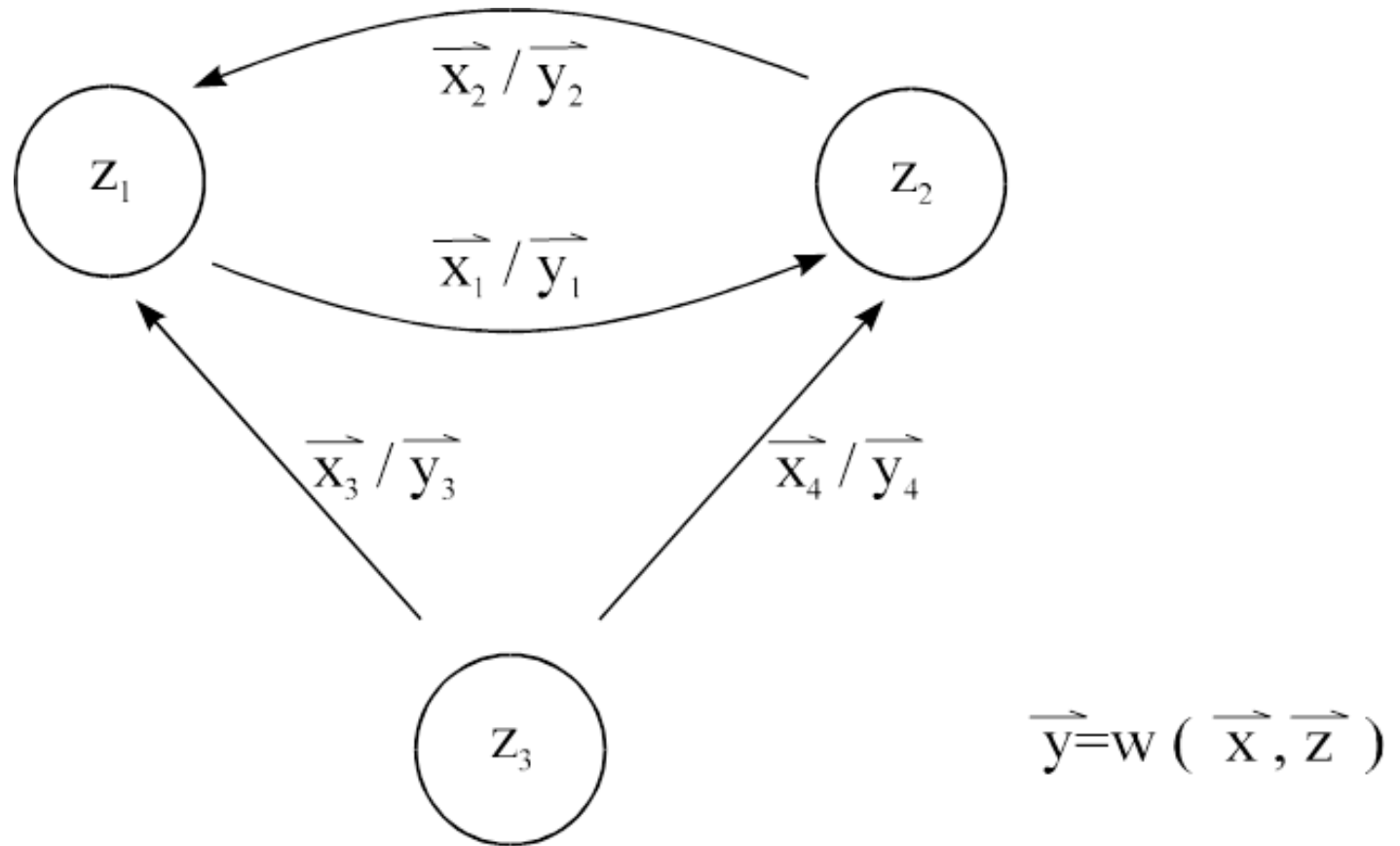
- Moore Automat -



Ausgabewert Y ist direkt einem Zustand Z zugeordnet

Boolesche Algebra

- Mealy Automat -

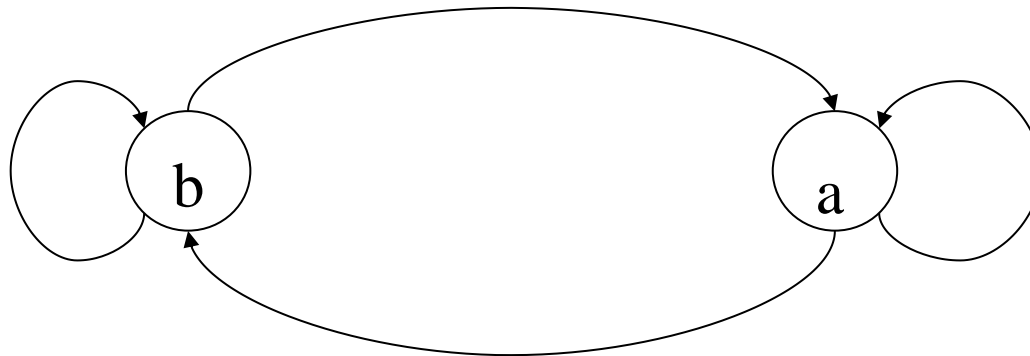


Ausgabewert Y ist abhängig vom Eingang X und dem jeweiligen Zustand Z

Boolesche Algebra

- Boolesche Funktionen -

- Automaten = Maschinen, Bankautomaten, Getränkeautomaten
- Automaten = synchrone Schaltwerke
- \Rightarrow Beschreibung und Verarbeitung formaler Sprachen
- Endliche Automaten \Rightarrow Mengen E, A, S sind endlich
- Deterministische Automaten \Rightarrow es gibt zu jedem Zustand einen (nicht notwendig verschiedenen) Nachfolgezustand
- Beispiel: Getränkeautomat



Boolesche Algebra

- Endliche Automaten - Beispiel Getränkeautomat -

Endliche Automaten: die Menge der Eingaben, Ausgaben und Zustände endlich, nur ein Anfangszustand s_0

Eingabemenge $E = \{X, K, L, R\}$ (auch Alphabet)

wobei

X = Geldbetrag einwerfen

C = Auswahltaste „Cola“

L = Auswahltaste „Limo“

R = Auswahltaste „Rückgabe“

Zustandsmenge $Z = \{a, b\}$

a = Geldbetrag ausreichend

b = Bereit

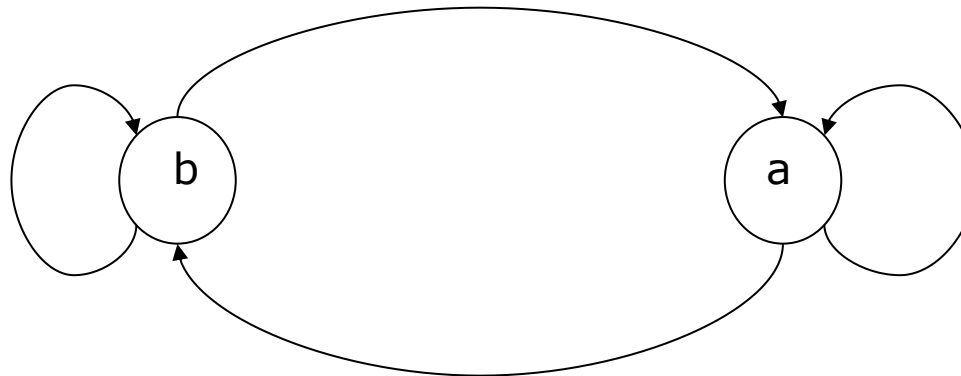
Ausgabemenge $A = \{c, l, x, s\}$

c = Ausgabe Getränk cola

l = Ausgabe Getränk limo

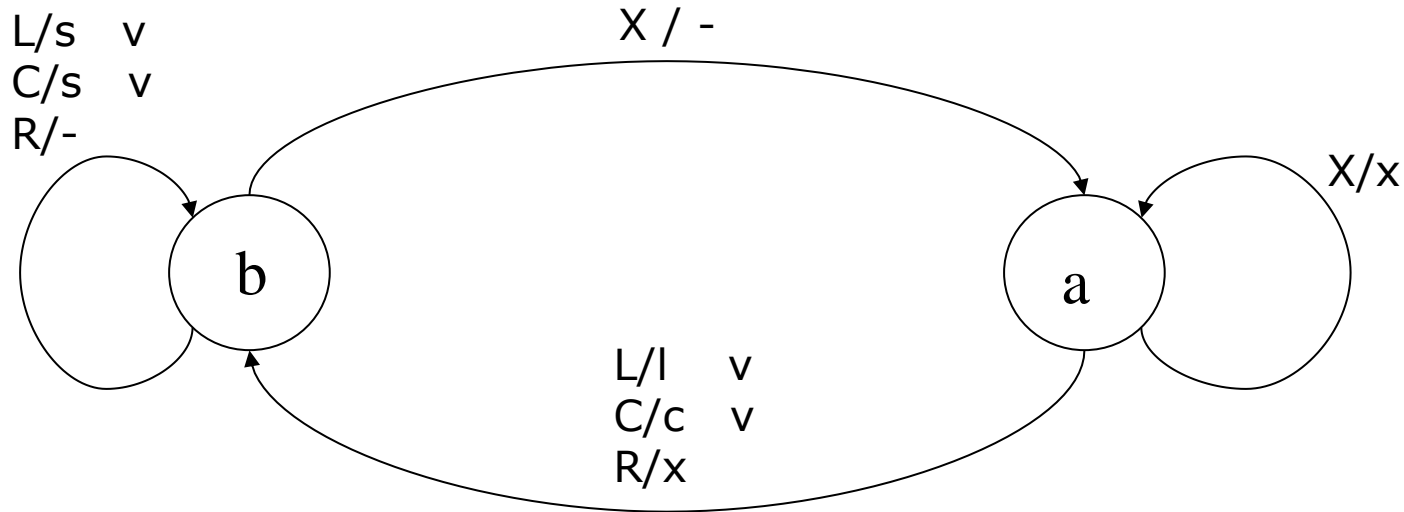
x = Ausgabe Geldbetrag x

s = Ausgabe Signal



Boolesche Algebra

- Endliche Automaten - Beispiel Getränkeautomat -



Endliche Automaten: die Menge der Eingaben, Ausgaben und Zustände endlich, nur ein Anfangszustand s_0
 $E = \{X, K, L, R\}$
 X = Geldbetrag einwerfen
 C = Auswahltaste „Cola“
 L = Auswahltaste Limo
 R = Auswahltaste Rückgabe

Zustandsmenge
 a Geldbetrag ausreichend
 b Bereit
Ausgabemenge A
 $c, l, x, s,$

Boolesche Algebra

- Schaltwerksanalyse, Synthese -

Aufgabe		Ergebnis	Ziel
Analyse	Formale Beschreibung	Schaltwerksgraph	Anforderung
	Formale Beschreibung	Allgemeine Zustands- / Anregungsmatrix (ZA- Matrix)	Abbild des Graphen
Synthese	Minimierung (z.B. nach dem Verfahren von Huffmann/ Mealy)	Minimale allg. ZA-Matrix	Stabilitätsuntersuchung
	Codierung der Zustände	Binäre ZA-Matrix	
	Auswahl der Speicherelemente	Anregungsmatrix	Auswahl geeigneter Speicherelemente
	Minimierung der Anregungsfunktion	Minimale Anregungsfunktion	Synthese des Schaltnetzes
	Minimierung der Ausgangsfunktion	Minimale Ausgangsfunktion	
	Zusammensetzen von Speicherelementen, Anregungs- und Ausgangsfunktion	Schaltbild	Ziel der Schaltwerkssynthese

Analyse = Systematische Untersuchung

Synthese = Vereinigung von mehreren Teilen zu einer neuen Einheit

Boolesche Algebra

- Schaltwerkanalyse – Stabilität -

Allgemein gilt: Ein Schaltwerk ist stabil, wenn:

- die Reihe der Folgezustände, die das Schaltwerk für jeden der Eingangsvektoren durchläuft, nicht zyklisch ist, sondern in einem für diesen Eingangsvektor stabilen Zustand endet.
- die Kodierung der Zustände so gewählt werden kann, dass sich beim Übergang der Zustandsvariablen nur ein Bit ändert. Ist dies nicht möglich, kann das Schaltwerk wegen unterschiedlicher Gatterlaufzeiten in fehlerhafte Zustände geraten.

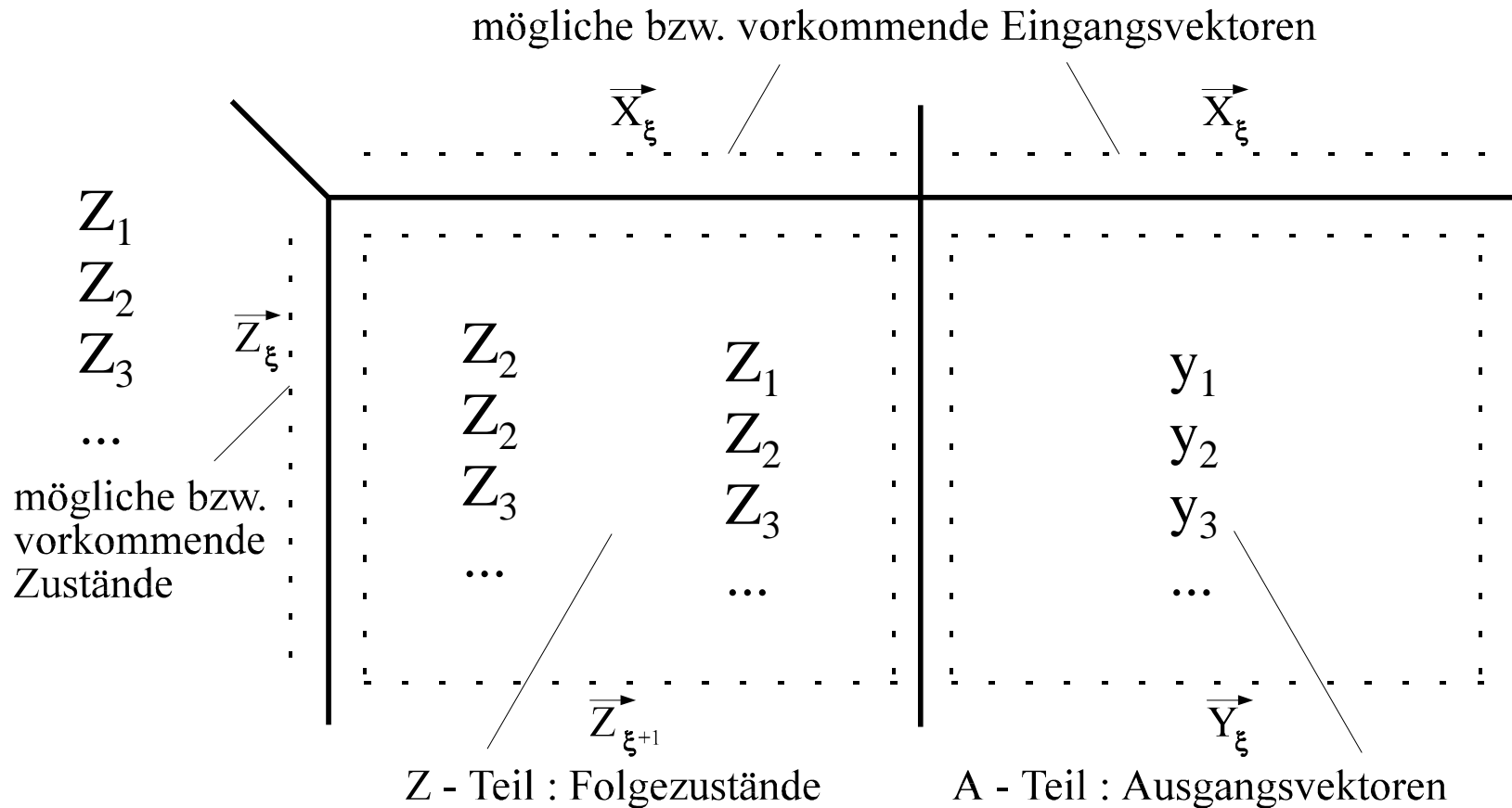
Treten Stabilitätsprobleme auf, können diese durch einen Systemtakt, der einen Zustandsübergang nur zu bestimmten Zeitpunkten ermöglicht, umgangen werden.

Ein solches Schaltwerk bezeichnet man dann als synchrones Schaltwerk, da sich die Zustandsvariablen zum gleichen Zeitpunkt ändern. Dies resultiert jedoch in höheren Kosten für das Schaltwerk.

Ist eine Realisierung des Schaltwerks durch Simulation, z.B. in einer speicherprogrammierbaren Steuerung, vorgesehen, kann man meist von einem Systemtakt ausgehen, der durch den Simulator gegeben ist.

Boolesche Algebra

- Zustands-Anregungs-Matrix (ZA-Matrix) -



Boolesche Algebra

- Umwandlung der Automaten -

Überführung

Mealy in Moore:

- Alle Zustände mit den jeweiligen Ausgaben zeichnen
- Können zu neuen Zustände des Moore Automaten zusammengefasst werden

Moore in Mealy:

- Alle kombinierten Zustände des Moore Automaten müssen wieder zerteilt werden in Einzelzustände des Mealy-Automaten
- Ausgaben auf die Kanten transferieren

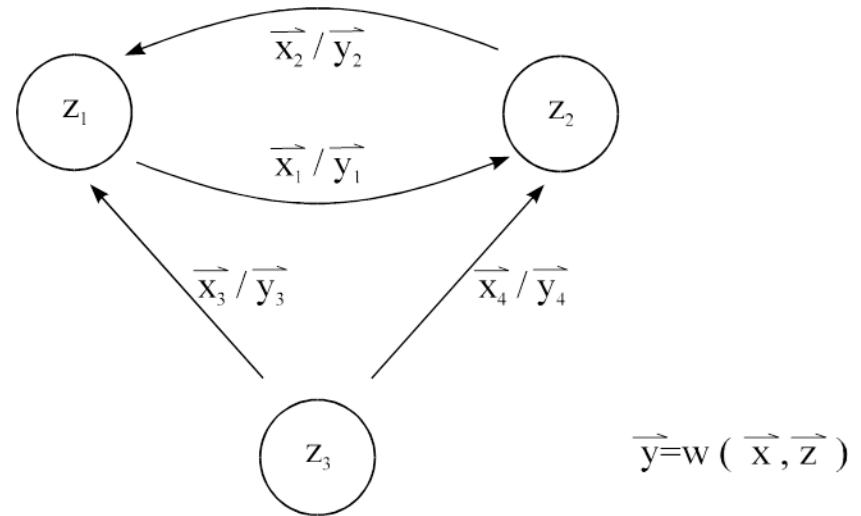
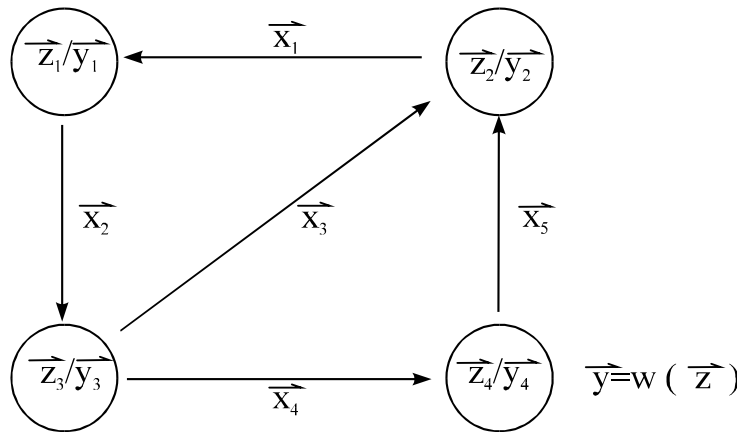
Im allg. ist Mealy leichter zu interpretieren

(Anzahl der Zustände im Moore-Automaten ist größer oder gleich denen im Mealy-Automaten)

s. Rembold S 120

Boolesche Algebra

- Umwandlung der Automaten -



Anzahl der Zustände im Moore-Automaten ist größer oder gleich denen im Mealy-Automaten

Lehrziele und Gliederung

- V1 Motivation, Anwendungsbereiche, Prozesse und Methoden der Automatisierungstechnik
- V2 Automatisierung in der Produktion
- V3 Boolesche Algebra 1
- Ü1 Matlab Einführung
- V4 **Bolsche Algebra 2: Graphen**
- Ü2 Übung Boolsche Algebra
- V5 Fuzzy Logic
- Ü3 Fuzzy Logic
- V6 Neuronale Netze
- Ü4 Neuronale Netze
- V7 Automatisiertes Messen und Steuern
- Ü5 Automatisiertes Messen und Steuern
- V8 Speicherprogrammierbare Steuerungen
- Ü6 Übungen und Musterklausuren