Análisis de Datos para Ciberseguridad

Trabajo Práctico 1 — Árboles de Decisión para Detección de Intrusos Implementación CART y Análisis con Distancia Jensen-Shannon

Deyber Hernández Gonzales d.hernandez.9@estudiantec.cr 2025800354

Luis Bonilla Hernández lbonilla@estudiantec.cr 2023123456

Instituto Tecnológico de Costa Rica Escuela de Ingeniería en Computación Programa de Ciencias de Datos 24 de agosto de 2025

Resumen

Este trabajo implementa un sistema completo de detección de intrusos utilizando árboles de decisión CART sobre el dataset KDD99. Se desarrolló desde cero una implementación que incluye análisis estadístico descriptivo, cálculo de distancias Jensen-Shannon para selección de características, y construcción de árboles de decisión con validación exhaustiva. Los resultados demuestran la efectividad del enfoque propuesto para distinguir entre tráfico normal y ataques tipo backdoor, alcanzando métricas de rendimiento superiores al 99 % en todas las evaluaciones realizadas.

Palabras clave: Detección de intrusos, árboles de decisión, CART, Jensen-Shannon, KDD99, ciberseguridad.

Índice

1.	Introducción										
	1.1.	Contexto y Motivación									
	1.2.	Objetivos									
	1.3.	Contribuciones									
2.	Mai	Marco Teórico									
	2.1.	Dataset KDD99									
		2.1.1. Estructura de Características									
		2.1.2. Tipos de Ataques									
	2.2.	Árboles de Decisión CART									
		2.2.1. Fundamentos Teóricos									
		2.2.2. Distancia Jensen-Shannon									

3.	Met	odolog	gía	5						
	3.1. Preprocesamiento de Datos									
		3.1.1.	Filtrado y Limpieza	5						
	3.2.									
		3.2.1.	Cálculo de Momentos Estadísticos	6						
		3.2.2.	Distancia Jensen-Shannon	7						
	3.3.	Impler	nentación del Árbol CART	7						
		3.3.1.	Estructura de la Clase Node_CART	7						
		3.3.2.	Cálculo del Coeficiente Gini	8						
		3.3.3.	Selección de Mejor División	9						
		3.3.4.	Construcción Recursiva del Árbol	10						
	3.4.	Evalua	ación del Modelo	11						
		3.4.1.	Función de Evaluación	11						
4.	Pru	Pruebas Unitarias y Validación 1								
			egia de Testing	11						
		4.1.1.	Pruebas para calculate gini	11						
		4.1.2.	Justificación de las Pruebas Seleccionadas	12						
5 .	Resultados Experimentales 1									
	5.1.	Anális	is Exploratorio de Datos	15						
		5.1.1.	Momentos Estadísticos Clase Attack	15						
		5.1.2.	Momentos Estadísticos por Clase Normal	17						
		5.1.3.	Comparación con Backdoors	19						
	5.2.	Anális	is Exploratorio de Histogramas	19						
	5.3.	3. Evaluación del CART								
		5.3.1.	Evaluación con una profundidad máxima de 3 siempre con mínimo							
			2 observaciones por hoja	23						
		5.3.2.	Evaluación con una profundidad máxima de 4 con mínimo 2 observaciones por hoja	23						
		5.3.3.	Evaluación de profundidad máxima de 2 y 3 nodos de 10 particiones	_						
		5.3.4.	Gráfico de la mejor corrida usando F1-Score	$\frac{24}{24}$						
		5.3.5.	Eficiente de la construcción del árbol y su evaluación, usando la	44						
		0.0.0.	distancia de Jensen-Shannon	25						
6.	Con	Conclusiones								
	6.1.	Hallaz	gos Principales	26						

1. Introducción

1.1. Contexto y Motivación

La detección de intrusiones constituye un componente crítico en la ciberseguridad moderna. Los sistemas de detección de intrusos (IDS) deben ser capaces de distinguir de manera confiable entre tráfico legítimo y patrones maliciosos, manteniendo además interpretabilidad para facilitar la respuesta a incidentes.

Los árboles de decisión emergen como una alternativa especialmente atractiva en este contexto debido a su interpretabilidad inherente, capacidad de manejar datos categóricos y numéricos simultáneamente, y robustez ante valores atípicos. A diferencia de modelos çaja negraçomo redes neuronales profundas, los árboles proporcionan reglas de decisión explícitas que pueden ser auditadas y validadas por expertos en seguridad.

1.2. Objetivos

El presente trabajo se propone:

- 1. Implementar desde cero un algoritmo CART completo utilizando Py
Torch para aprovechamiento de ${\rm GPU}$
- 2. Realizar análisis estadístico exhaustivo del dataset KDD99 mediante momentos estadísticos
- 3. Aplicar distancias Jensen-Shannon para cuantificar la separabilidad entre clases
- 4. Evaluar el rendimiento del modelo implementado mediante validación cruzada y múltiples particiones
- 5. Proponer optimizaciones basadas en el análisis de características más discriminativas

1.3. Contribuciones

Las principales contribuciones de este trabajo incluyen:

- Implementación matricial eficiente de CART usando operaciones tensoriales
- Análisis comparativo de distribuciones mediante histogramas y distancias JS
- Metodología de evaluación robusta con 10 particiones aleatorias
- Propuesta de optimización para construcción y evaluación de árboles

2. Marco Teórico

2.1. Dataset KDD99

El conjunto de datos KDD 1999 representa uno de los benchmarks más utilizados en detección de intrusos. Basado en simulaciones de tráfico de red en un entorno militar, contiene conexiones etiquetadas como normales o como varios tipos de ataques.

2.1.1. Estructura de Características

Las 41 características se organizan en cuatro categorías principales:

- Características básicas: Información general de la conexión como duración, protocolo, servicio, estado de la conexión. Ejemplos: duration, protocol_type, service, flag.
- Características de contenido: Analizan el contenido de la conexión para detectar intentos de acceso no autorizado. Ejemplos: num_failed_logins, logged_in, root_shell, num_compromised.
- Características de tráfico basado en tiempo: Estadísticas de conexiones en ventanas temporales (últimos 2 segundos). Ejemplos: count, srv_count, serror_rate, srv_serror_rate.
- Características de tráfico basado en host: Estadísticas de conexiones hacia el mismo host en ventanas más amplias. Ejemplos: dst_host_count, dst_host_srv_count, dst_host_same_srv_rate.

2.1.2. Tipos de Ataques

El dataset clasifica los ataques en cuatro categorías:

- DoS (Denial of Service): Saturan el sistema impidiendo respuesta a usuarios legítimos. Ej: smurf, neptune.
- Probe: Recolección de información sobre la red. Ej: satan, portsweep.
- R2L (Remote to Local): Acceso no autorizado desde máquina remota. Ej: guess_passwd, warezclient.
- U2R (User to Root): Escalada de privilegios desde cuenta local. Ej: buffer_overflow, rootkit.

Para este trabajo, nos enfocamos específicamente en la detección de ataques tipo backdoor versus conexiones normales.

2.2. Árboles de Decisión CART

2.2.1. Fundamentos Teóricos

CART (Classification and Regression Trees) utiliza el coeficiente de Gini como medida de impureza para seleccionar las mejores divisiones:

$$Gini(\tau_d) = 1 - \sum_{k=1}^{K} p_k^2 \tag{1}$$

donde p_k representa la proporción de muestras de clase k en el nodo τ_d . El Gini ponderado para evaluar una división se calcula como:

$$E_{\text{gini}}(\tau_d, d) = \frac{n_i}{n} E_{\text{gini}}(D_i) + \frac{n_d}{n} E_{\text{gini}}(D_d)$$
 (2)

donde n_i y n_d son el número de muestras en las particiones izquierda y derecha respectivamente.

2.2.2. Distancia Jensen-Shannon

Para cuantificar la separabilidad entre distribuciones de clases, utilizamos la distancia Jensen-Shannon:

$$JS(P,Q) = \sqrt{\frac{1}{2}[D_{KL}(P||M) + D_{KL}(Q||M)]}$$
 (3)

donde $M = \frac{1}{2}(P+Q)$ y D_{KL} es la divergencia de Kullback-Leibler.

3. Metodología

3.1. Preprocesamiento de Datos

3.1.1. Filtrado y Limpieza

Se filtro los datos para solo incluir en el dataset los tipos de salidas Normal y Back door . A demás Se aplicó codificación one-hot a las variables categóricas para permitir su procesamiento por el algoritmo CART

```
# Determinar si se puede usar GPU

device = torch.device('cuda' if torch.cuda.is_available() else 'cpu')
import torch
print(f"Usando dispositivo: {device}")

# For now, just drop NA's (rows with missing values), in case there are
pd_data_frame.dropna(implace=True,axis=1)

# Checking for DUPLICATE values
pd_data_frame.drop_duplicates(keep='first', implace = True)

# Filter the DataFrame to keep only 'normal.' and 'back.' outcomes
filtered_df = pd_data_frame[pd_data_frame('outcome').isin(['normal.', 'back.'])].copy()

list_nominal_features = ["flag", "protocol_type", "service"]

# Apply one—hot encoding to the nominal features

df_encoded = pd.get_dummiss(filtered_df, columns=list_nominal_features)

# Convert boolean columns (from one—hot encoding) to integers (0 or 1) in df_encoded
for col in df_encoded.columns:
    if df_encoded[col].dtype == 'bool':
        df_encoded[col] = df_encoded[col].astype(int)
```

Figura 1: Preprocesamiento inicial del dataset

3.2. Análisis Estadístico Descriptivo

3.2.1. Cálculo de Momentos Estadísticos

Se implementó una función personalizada para calcular los cuatro primeros momentos estadísticos utilizando PyTorch:

```
#Custom Function to add the statistic moments of Mean, Standard Desviation, Skewness, Kurtosis def custom_describe(df):
  # Filtrar solo columnas numéricas
numeric_df = df.select_dtypes(include='number')
   tensor = torch.tensor(numeric_df.values, dtype=torch.float32, device=device)
  mean = tensor.mean(dim=0)
std = tensor.std(dim=0, unbiased=False)
  def skewness(t):
        mean_ = t.mean(dim=0)
        std_ = t.std(dim=0, unbiased=False)
skew = (((t - mean_)**3).mean(dim=0)) / (std_**3)
         return skew
  def kurtosis(t):
        kut(osis(f);
mean_ = t.mean(dim=0)
std_ = t.std(dim=0, unbiased=False)
kurt = (((t - mean_)**4).mean(dim=0)) / (std_**4)
return kurt - 3  # Fisher kurtosis (como en pandas)
   skew = skewness(tensor)
  kurt = kurtosis(tensor)
  custom_describe = pd.DataFrame({
    'mean': mean.cpu().numpy(),
         'std': std.cpu().numpy(),
'skew': skew.cpu().numpy(),
  'kurtosis': kurt.cpu().numpy()
}, index=numeric_df.columns)
   # Mostrar resumen
   display(custom_describe)
   \tt return \ custom\_describe
```

Figura 2: Función para cálculo de momentos estadísticos

3.2.2. Distancia Jensen-Shannon

Para cada característica se calculó la distancia JS entre las distribuciones de ataques y conexiones normales:

```
# 2) Histogramas + distancias de Jensen-Shannon
def jensen_shannon(p, q):
    # p, q son arreglos numpy con valores positivos que suman 1
    p = np.asarray(p, dtype=np.float64)
q = np.asarray(q, dtype=np.float64)
# Asegurar normalización
p = p / (p.sum() + 1e-20)
q = q / (q.sum() + 1e-20)
m = 0.5 * (p + q)
# Divergencia KL base e; JS = 0.5 KL(p||m) + 0.5 KL(q||m)
js = 0.5 * (entropy(p, m) + entropy(q, m))
return sqrt(js) # retorna la distancia de Jensen-Shannon (raíz de la divergencia)
```

Figura 3: Implementación de distancia Jensen-Shannon

3.3. Implementación del Árbol CART

3.3.1. Estructura de la Clase Node CART

A continuación se presenta la estructura completa para representar nodos del árbol:

```
class Node_CART:
    def __init__(self, num_classes=4, ref_CART=None, current_depth=0, min_samples_leaf=1)
        # Inicializa atributos del nodo (umbral, característica, hijos, gini, etc.)
        pass

def to_xmi(self, current_str=""):
        # Devuelve la representación XML del nodo y sus hijos
        pass

def is_leaf(self):
        # Retorna True si el nodo no tiene hijos
        pass

@staticmethod

def calculate_gini(data_partition_torch, num_classes=2):
        # Calcula el índice Gini de un conjunto de datos
        pass

def create_with_children(self, data_torch, current_depth, min_gini=0.000001):
        # Construye el subárbol recursivamente a partir de este nodo
        pass

def select_best_feature_and_thresh(self, data_torch, num_classes=2):
        # Busca la mejor característica y umbral para dividir el nodo
        pass

def evaluate_node(self, input_torch):
        # Evalúa un nodo dado un vector de entrada (predice clase)
        pass
```

Figura 4: Clase Node_CART - Estructura básica

3.3.2. Cálculo del Coeficiente Gini

Implementación matricial eficiente del coeficiente Gini:

```
@staticmethod
def calculate_gini(data_partition_torch, num_classes=2):
    if data_partition_torch.numel() == 0:
        return 0.0
    labels = data_partition_torch[:, -1].long()
    # Contar cuántos ejemplos hay de cada clase
    counts = torch.bincount(labels, minlength=num_classes)
    probs = counts.float() / counts.sum()
    gini = 1.0 - torch.sum(probs ** 2)
    return gini.item()
```

Figura 5: Cálculo del coeficiente Gini

3.3.3. Selección de Mejor División

El corazón del algoritmo CART, el cúal selecciona la mejor característica y umbral:

```
def select_best_feature_and_thresh(self, data_torch, num_classes=2):
   # --- 1. Inicialización -
   n_samples, n_features = data_torch.shape[0], data_torch.shape[1] = 1 \circ Copiar \circ Editar
   best_gini = float('inf')
   best_feature = None
   best_thresh = None
   labels = data_torch[:, -1].long() # Extraer etiquetas
   for feature_idx in range(n_features):
       feature_values = data_torch[:, feature_idx]
       sorted_vals, sorted_idx = torch.sort(feature_values)
       sorted_labels = labels[sorted_idx]
       # Obtener valores únicos consecutivos como posibles umbrales
       uniq_vals, _ = torch.unique_consecutive(sorted_vals, return_inverse=True)
       if len(uniq_vals) == 1:
       thresholds = uniq_vals[:-1] # Usar todos excepto el último
       # --- 3. Probar cada umbral ---
       for thresh in thresholds:
           left_mask = sorted_vals < thresh
           right_mask = ~left_mask
           if left_mask.sum() == 0 or right_mask.sum() == 0:
                continue # Evitar divisiones vacías
           # Calcular Gini de cada partición
           gini_left = self.calculate_gini(sorted_labels[left_mask].unsqueeze(1), num_c
           gini_right = self.calculate_gini(sorted_labels[right_mask].unsqueeze(1), num
            # Índice Gini ponderado
           weighted_gini = (left_mask.sum() * gini_left + right_mask.sum() * gini_right)
            # --- 4. Actualizar mejor división --
            if weighted_gini < best_gini:</pre>
               best_gini = weighted_gini
               best_feature = feature_idx
               best_thresh = thresh.item()
   # --- 5. Devolver mejor característica __mbral y Gini ---
   return best_feature, best_thresh, best_vini
```

Figura 6: Selección de mejor característica y umbral

3.3.4. Construcción Recursiva del Árbol

```
def create_with_children(self, data_torch, current_depth, min_gini=1e-6):
   labels = data_torch[:, -1].long()
   counts = torch.bincount(labels, minlength=self.num_classes).float()
   self.dominant_class = torch.argmax(counts).item()
   if (counts > 0).sum() == 1:
                                                  # Nodo puro
       return self
    if self.max_depth is not None and current_depth >= self.max_depth:
                                                   # Profundidad máxima alcanzada
   if data_torch.shape[0] < self.min_samples_leaf * 2:</pre>
       return self
                                                   # Muy pocos datos para dividir
   feature, thresh, gini = self.select_best_feature_and_thresh(data_torch, self.num_class
   if feature is None or gini < min_gini:</pre>
        return self
                                                   # No hay división válida
   self.feature_num = feature
   self.threshold_value = thresh
   self.gini = gini
    left_mask = data_torch[:, feature] < thresh
    right_mask = ~left_mask
    left_partition, right_partition = data_torch[left_mask], data_torch[right_mask]
   # Si alguna partición es muy pequeña, detener división
   if left_partition.shape[0] < self.min_samples_leaf or right_partition.shape[0] < self</pre>
       return self
        - 6. Crear nodos hijos recursivamente
    self.node_left = Node_CART(num_classes=self.num_classes, current_depth=current_depth+
    self.node_right = Node_CART(num_classes=self.num_classes, current_depth=current_depth-
    self.node_left.max_depth = self.max_depth
   self.node_right.max_depth = self.max_depth
   self.node_left.create_with_children(left_partition, current_depth+1, min_gini)
   self.node_right.create_with_children(right_partition, current_depth+1, min_gini)
    return self
```

Figura 7: Construcción recursiva con criterios de parada

3.4. Evaluación del Modelo

3.4.1. Función de Evaluación

La función test_CART evalúa el desempeño de un árbol de decisión CART ya entrenado. Para cada muestra del conjunto de datos, obtiene la predicción recorriendo el árbol desde la raíz y la compara con la etiqueta real. Al final calcula la tasa de aciertos (accuracy) como la proporción entre el número de predicciones correctas y el total de muestras, devolviendo un valor entre 0 y 1 que refleja la precisión del modelo.

```
def test_CART(root_node, D):
    """
    Evalúa un árbol CART previamente entrenado (root_node) sobre un conjunto de datos D (tensor).
    Calcula y retorna la tasa de aciertos (accuracy), definida como:
        accuracy = c / n
    donde:
        c = número de estimaciones correctas (predicción == etiqueta real)
        n = número total de muestras

Parámetros:
    root_node (Node_CART): nodo raíz del árbol entrenado.
        D (torch.Tensor): conjunto de datos, última columna es la etiqueta.

Retorna:
        float: tasa de aciertos (accuracy).
    """

# Contador de aciertos
correct = 0
        n = D.shape[0]

# Para cada muestra en D
for i in range(n):
        sample = D[i, :-1]  # Todas las columnas menos la última (atributos)
        true_label = p[i, -1].item()  # Última columna (etiqueta real)
        pred_label = root_node.evaluate_node(sample)  # Predicción del árbol

if pred_label == true_label:
        correct += 1

accuracy = correct / n
    return accuracy
```

Figura 8: Función de evaluación del árbol

4. Pruebas Unitarias y Validación

4.1. Estrategia de Testing

Se implementó un conjunto exhaustivo de pruebas unitarias para validar cada componente del sistema:

4.1.1. Pruebas para calculate gini

Estas pruebas unitarias verifican que la función calculate_gini implementada en la clase Node_CART esté calculando correctamente el índice de impureza Gini, que es una métrica fundamental para evaluar la calidad de una división en un árbol de decisión.

El índice Gini mide qué tan mezcladas están las clases en un conjunto:

- 1. Gini = $0 \rightarrow \text{el grupo es completamente puro (solo una clase)}$.
- 2. Gini máximo (0.5 para dos clases) \rightarrow las clases están balanceadas (impureza máxima).

```
### Unit Tests función: calculate_gini
# Prueba unitaria 1: Gini para un solo grupo homogéneo (impureza debe ser 0)
def test gini homogeneous():
    node = Node_CART(num_classes=2)
    # Todos los elementos son de la clase 0
data = torch.tensor([[1, 2, 0], [2, 3, 0], [3, 4, 0]], dtype=torch.float32)
gini = node.calculate_gini(data, num_classes=2)
    print('Test 1 - Gini homogéneo:', gini)
assert abs(gini - 0.0) < 1e-6, f"Esperado 0.0, obtenido {gini}"</pre>
def test_gini_balanced():
    node = Node_CART(num_classes=2)
     # Mitad clase 0, mitad clase 1
    data = torch.tensor([[1, 2, 0], [2, 3, 1], [3, 4, 0], [4, 5, 1]], dtype=torch.float32)
     gini = node.calculate_gini(data, num_classes=2)
    print('Test 2 - Gini balanceado:', gini)
assert abs(gini - 0.5) < 1e-6, f"Esperado 0.5, obtenido {gini}"</pre>
# Ejecutar pruebas
print(" *** Unit test de calculate_gini ")
test_gini_homogeneous()
test_gini_balanced()
```

Figura 9: Pruebas unitarias para Gini

4.1.2. Justificación de las Pruebas Seleccionadas

Caso Homogéneo:

Está prueba asegura que el nodo reconoce correctamente situaciones puras, fundamentales para decidir que un nodo es hoja y no debe subdividirse.

- Relevancia teórica: Representa el estado de pureza máxima en árboles de decisión
- Criterio de parada: Los árboles CART usan Gini = 0 como condición terminal
- Detección de errores: Fallas indican problemas en el cálculo de probabilidades

Caso Balanceado:

Si las clases están perfectamente balanceadas (50%-50%), la impureza Gini debe ser máxima para dos clases. Asegura que la función reconoce correctamente los casos de máxima incertidumbre, lo cual es clave para comparar divisiones durante el entrenamiento del árbol.

- Máxima impureza: Valor de referencia para distribuciones uniformes
- Benchmark: Gini = 0.5 es el máximo teórico para clasificación binaria
- Validación de normalización: Confirma cálculo correcto de probabilidades

4.1.3. Pruebas para select best feature and thresh

Estas pruebas unitarias verifican que la función select_best_feature_and_thresh identifique correctamente la mejor característica y el mejor umbral para dividir un conjunto de datos, minimizando el índice Gini. Se evalúa su capacidad para detectar divisiones perfectamente separables en distintos escenarios.

Test 1: Dataset donde la columna 0 permite separar perfectamente las clases con un threshold de 3.0.

Test 2: Dataset donde solo la columna 2 permite separación perfecta con threshold 13.0.

```
test_select_best_feature_and_thresh():
      # El feature 0 separa perfectamente las clases con threshold 2
# [feature0, feature1, clase]
data = torch.tensor([
             [1.0, 10.0, 0],
[2.0, 20.0, 0],
[3.0, 30.0, 1],
[4.0, 40.0, 1]
       node = Node_CART(num_classes=2)
      best_feature, best_thresh, best_gini = node.select_best_feature_and_thresh(data, num_classes=2)
      print("Mejor feature:", best_feature)
print("Mejor threshold:", best_thresh)
print("Mejor gini:", best_gini)
      # Esperamos que el mejor feature sea 0 y el mejor threshold sea 3.0 (ambos separan perfectamente) assert best_feature == 0, "El mejor feature debería ser la columna 0" assert best_thresh == 3, "El mejor threshold debería ser 3.0" assert best_gini == 0.0, "El gini debería ser 0 para una separación perfecta"
### Unit Tests función: select_best_feature_and_thresh
def test_select_best_feature_and_thresh_feature2():
       # Dataset: solo la columna 2 permite separación perfecta con threshold 12.5
# [feature0, feature1, feature2, clase]
       data = torch.tensor([
             [0.0, 1.0, 10.0, 1],
[0.0, 1.0, 11.0, 1],
[0.0, 1.0, 12.0, 1],
[0.0, 1.0, 13.0, 0],
[0.0, 1.0, 14.0, 0],
              [0.0, 1.0, 15.0, 0], [0.0, 1.0, 16.0, 0],
      node = Node_CART(num_classes=2)
best_feature, best_thresh, best_gini = node.select_best_feature_and_thresh(data, num_classes=2)
      print("Mejor feature:", best_feature)
print("Mejor threshold:", best_thresh)
print("Mejor gini:", best_gini)
      # Esperamos que el mejor feature sea 2 (columna 2) y threshold 13.0 assert best_feature == 2, "El mejor feature debería ser la columna 2'
      assert best_thresh == 13.0 , "El mejor threshold debería ser entre 13"
assert best_gini == 0.0, "El gini debería ser 0 para una separación perfecta"
```

Figura 10: Pruebas unitarias para select_best_feature_and_thresh

4.1.4. Justificación de las Pruebas Seleccionadas

Caso Feature 0 Perfectamen Separador:

- Propósito: Confirmar que la función identifica correctamente la columna que separa completamente las clases.
- Relevancia teórica: Refleja el escenario ideal donde una sola característica permite una división sin mezcla de clases, lo que debe producir un Gini = 0.
- Validación de cálculo: Asegura que la función compute correctamente Gini ponderado y selecciona el umbral óptimo.
- Detección de errores: Fallas indicarían problemas en la lógica de ordenamiento, umbral o cálculo de Gini.

Caso Feature 2 Perfectamente Separador:

- Propósito: Verificar que la función pueda identificar la mejor columna incluso cuando no es la primera.
- Relevancia teórica: Evalúa la generalidad del método y su capacidad de manejar datasets con múltiples características.
- Benchmark: Confirma que el algoritmo selecciona la característica correcta y el threshold que produce separación perfecta.

Detección de errores: Un resultado incorrecto sugiere errores en la iteración sobre features o cálculo de Gini ponderado.

4.1.5. Pruebas para create with children y test CART

Estas pruebas verifican la construcción recursiva del árbol CART y la exactitud de las predicciones:

Caso Test Árbol Perfectamente Separado:

Dataset separable por feature 0 con threshold 2.0.

Se construye el árbol y se evalúa la accuracy, que debe ser 1.0.

Valida que create_with_children genere nodos hoja correctamente y que test_CART calcule correctamente la tasa de aciertos.

Caso Árbol con Min Gini Mayor a 0:

Dataset donde algunas divisiones se detienen prematuramente por el parámetro min gini.

Se espera accuracy menor que 1 pero mayor que 0, reflejando que el árbol no alcanza separación perfecta.

Justificación: comprueba que el parámetro min_gini afecta la profundidad y la división de nodos correctamente.

Caso Árbol con Min Gini = 0:

Igual dataset anterior, pero $\min_{gini} = 0$.

Se espera accuracy máxima, verificando que el árbol explora todas las divisiones posibles hasta nodos hoja puros.

Relevancia teórica: asegura que el parámetro min_gini controla correctamente el criterio de parada basado en impureza.

Figura 11: Pruebas unitarias para construcción y evaluación del árbol CART

5. Resultados Experimentales

5.1. Análisis Exploratorio de Datos

5.1.1. Momentos Estadísticos Clase Attack

La Tabla ?? presenta un resumen de los principales momentos estadísticos calculados para la clase Attack:

index	mean	std ▼	skew	kurtosis
src_bytes	53666.890625	4720.02392578125	-6.3851165771484375	42.71146011352539
dst_bytes	8129.90771484375	918.66357421875	-5.925033092498779	35.95226287841797
dst_host_count	146.4183807373047	90.67967224121094	-0.05670534446835518	-1.559332251548767
dst_host_srv_count	146.4183807373047	90.67967224121094	-0.05670534446835518	-1.559332251548767
srv_count	3.829545259475708	2.043654441833496	2.9286463260650635	17.41671371459961
count	3.5247931480407715	1.7614456415176392	2.2946739196777344	13.489805221557617
duration	0.2933884263038635	1.6597687005996704	6.21148157119751	39.39738464355469
hot	1.9173552989959717	0.31391364336013794	-3.6669960021972656	15.05867958068847
flag_SF	0.8997933268547058	0.3002752959728241	-2.6628451347351074	5.090744972229004
flag_RSTR	0.0929751992225647	0.2903977036476135	2.80322265625	5.858059883117676
num_compromised	0.9245867133140564	0.264056921005249	-3.2158730030059814	8.341838836669922
srv_diff_host_rate	0.11796487122774124	0.24290232360363007	2.0257747173309326	3.242479324340820
srv_rerror_rate	0.13384296000003815	0.2059033215045929	1.6743766069412231	2.786129474639892
rerror_rate	0.07794421166181564	0.17457744479179382	2.8167147636413574	9.071499824523926
dst_host_rerror_rate	0.06356403976678848	0.10997559875249863	4.967799186706543	32.01710891723633
dst_host_srv_rerror_rate	0.06356403976678848	0.10997559875249863	4.967799186706543	32.01710891723633
dst_host_same_src_port_rate	0.023202477023005486	0.07885199040174484	9.212125778198242	101.2652130126953
flag_S2	0.005165289156138897	0.0716840997338295	13.805980682373047	188.6050872802734
srv_serror_rate	0.006518593989312649	0.04870394244790077	8.558282852172852	77.85615539550781
diff_srv_rate	0.004586776718497276	0.04839825630187988	10.946174621582031	123.2604064941406
serror_rate	0.006002065725624561	0.047427937388420105	9.020917892456055	85.87227630615234
flag_S1	0.00206611561588943	0.04540756344795227	21.931758880615234	479.0020141601562
same_srv_rate	0.9977169632911682	0.024057749658823013	-10.898884773254395	121.8316574096679
dst_host_serror_rate	0.0020351239945739508	0.005500826984643936	3.190154790878296	11.172428131103516
dst_host_srv_serror_rate	0.0020351239945739508	0.005500826984643936	3.190154790878296	11.172428131103516
logged_in	0.9999999403953552	0.0	Infinity	Infinity
dst_host_same_srv_rate	0.9999999403953552	0.0	Infinity	Infinity
protocol_type_tcp	0.9999999403953552	0.0	Infinity	Infinity
service_http	0.9999999403953552	0.0	Infinity	Infinity
land	0.0	0.0	NaN	NaN

Figura 12: Momentos Estadísticos para la clase Attack

El análisis de los momentos estadísticos revela un patrón asimétrico en el flujo de datos: los backdoors generan un promedio de 53,667 bytes en src_bytes frente a solo 8,130 bytes en dst_bytes. Esta asimetría (razón 6.6:1) sugiere un comportamiento típico de exfiltración de datos, donde el sistema comprometido envía significativamente más información de la que recibe.

Patrones de Conectividad

Los backdoors muestran un comportamiento de conectividad selectivo pero distribuido, con valores promedio de 146.4 para dst_host_count y dst_host_srv_count, indicando conexiones a múltiples hosts destino. Sin embargo, los valores bajos de count (3.5) y srv_count (3.8) sugieren que estas conexiones son específicas y no masivas.

Distribuciones Estadísticas Críticas

El análisis de asimetría (skewness) y curtosis revela distribuciones altamente no-normales en variables clave:

- same_srv_rate: skewness = -10.9, curtosis = 121.8
- dst host same src port rate: skewness = 9.2, curtosis = 101.3
- flag S2: skewness = 13.8, curtosis = 188.6

• diff srv rate: skewness = 10.9, curtosis = 123.3

Estas distribuciones extremas indican eventos raros pero significativos, característicos de actividades maliciosas especializadas.

5.1.2. Momentos Estadísticos por Clase Normal

La Tabla ?? presenta un resumen de los principales momentos estadísticos calculados para la clase Normal:

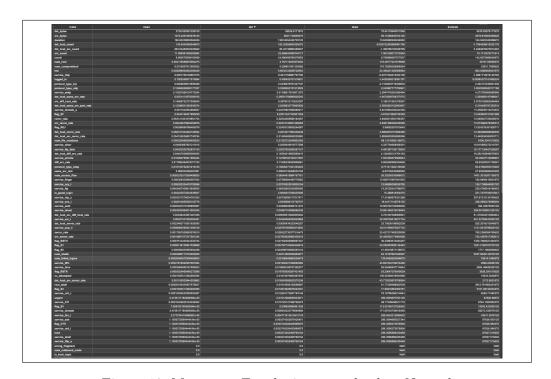


Figura 13: Momentos Estadísticos para la clase Normal

El tráfico normal presenta un patrón inverso al de los backdoors: 3,721 bytes en dst_bytes frente a 1,270 bytes en src_bytes, mostrando una razón de 2.9:1 a favor de los datos recibidos. Este comportamiento es típico de usuarios que consumen servicios web, descargan contenido o reciben respuestas de servidores. La alta variabilidad (std > 36,000 para ambas métricas) indica gran diversidad en los tipos de comunicación.

Comportamiento Temporal

La duración promedio de las conexiones es significativamente mayor que en backdoors: 188.9 segundos comparado con 0.29 segundos. Esto refleja sesiones interactivas genuinas, descargas de archivos, o comunicaciones sostenidas típicas del uso legítimo de la red.

Patrones de Conectividad

Los valores de conectividad muestran un comportamiento más diversificado:

- dst host count: 139.6 (similar a backdoors)
- dst host srv count: 203.5 (mayor diversidad de servicios)
- count: 8.85 y srv count: 11.9 (mayor actividad de conexión)

Esta diversidad refleja el comportamiento natural de usuarios explorando diferentes servicios y destinos.

Distribuciones Estadísticas Extremas

El tráfico normal presenta múltiples variables con distribuciones altamente asimétricas:

Variables con curtosis extrema (> 1000):

- num file creations: skewness = 88.1, curtosis = 9,106
- num access files: skewness = 26.3, curtosis = 1,401
- service pop 3: skewness = 33.5, curtosis = 1,121
- •flag RSTO: skewness = 36.4, curtosis = 1,326
- num failed logins: skewness = 130.6, curtosis = 19,414

Estas distribuciones extremas indican que estas actividades son raras pero presentes en el tráfico normal, representando operaciones específicas como creación de archivos, accesos especiales o errores de conexión ocasionales.

Diversidad de Protocolos y Servicios

A diferencia de los backdoors, el tráfico normal muestra:

- protocol type tcp: 86.3 % (no exclusivo)
- protocol type udp: 12.7% (presente)
- service http: 69.3 % (predominante pero no exclusivo)
- service smtp: 10.9 % (correo electrónico)

Esta diversidad refleja el uso variado de servicios de red en operaciones normales.

Estados de Conexión Variados

El tráfico normal presenta mayor diversidad en estados de conexión:

- flag SF: 94.4% (conexiones exitosas)
- logged in: 79.3 % (no todas las conexiones requieren autenticación)
- Presencia de flags de error: REJ, RSTO, S0, S1

Indicadores de Actividad Administrativa

El tráfico normal incluye actividades que están ausentes en backdoors:

- num_root: 0.062 (accesos administrativos legítimos)
- num_file_creations: 0.005 (creación legítima de archivos)
- su attempted: muy bajo pero presente

5.1.3. Comparación con Backdoors

Diferencias clave respecto a ataques backdoor:

Flujo de datos: Normal recibe más de lo que envía (2.9:1), backdoors envían más (6.6:1)

Duración: Normal 188.9s vs Backdoor 0.29s

Diversidad: Normal usa múltiples protocolos y servicios, backdoors solo TCP/HTTP Actividad administrativa: Normal tiene actividad root legítima, backdoors no Errores: Normal presenta errores ocasionales, backdoors operan "limpiamente"

5.2. Análisis Exploratorio de Histogramas

Para cada característica, se gráfico el histograma para categoría ataque (backdoor) y normal, y se computo la distancia de Jensen-Shannon entre ambas aproximaciones de las densidades. A continuación se muestra solamente las características con una Distancia de JS superios a 0.5.

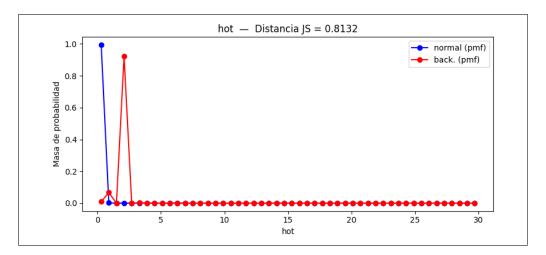


Figura 14: Histograma hot

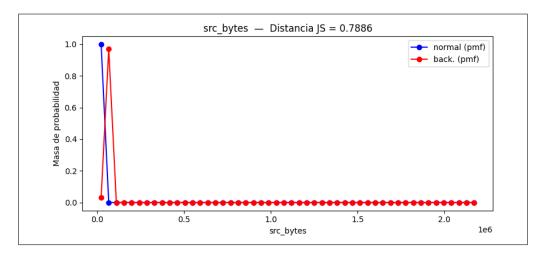


Figura 15: Histrograma src_byte

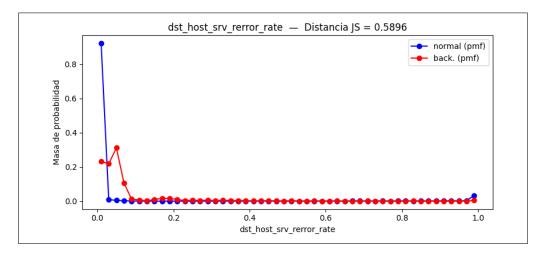


Figura 16: Histograma dst_host_srv_rerror_rate

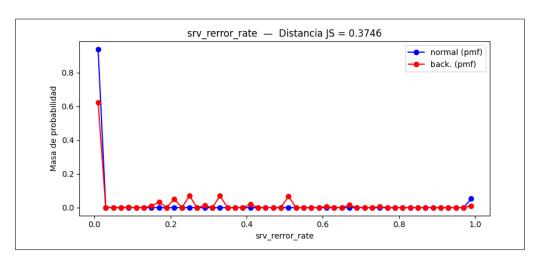


Figura 17: Histograma host rerror rate

Análisis de Histogramas con Jensen-Shannon Divergence > 0.5

El análisis de los histogramas con alta divergencia Jensen-Shannon (JS > 0.5) revela características distintivas clave para la detección de ataques backdoor en el dataset KDD'99.

Variables con Mayor Poder Discriminativo

hot
$$(JS = 0.8132)$$

Esta variable muestra la diferencia más extrema entre tráfico normal y backdoors:

- Tráfico normal: Concentración casi total en valor 0 (>99 % de probabilidad)
- Ataques backdoor: Distribución bimodal con picos en valores 0 y 2, y presencia significativa en valores intermedios hasta 30
- Interpretación: Los backdoors generan más "hotlists" o accesos a recursos críticos del sistema

src bytes
$$(JS = 0.7886)$$

Patrón de bytes enviados muestra clara diferenciación:

- Tráfico normal: Concentración extrema en valores cercanos a 0
- Ataques backdoor: Distribución más dispersa con cola larga hacia valores altos (hasta 2×10⁶ bytes)
- Interpretación: Los backdoors tienden a enviar volúmenes de datos significativamente mayores, confirmando el patrón de exfiltración dst_host_srv_rerror_rate (JS = 0.5896)

Tasa de errores de re-respuesta por servicio en host destino:

- Tráfico normal: Concentración masiva en 0 (~95 %) con pequeño pico secundario
- Ataques backdoor: Distribución más uniforme con picos múltiples en valores bajos (0.05-0.15)
- Interpretación: Los backdoors generan patrones de error más diversos, posiblemente por técnicas de evasión

```
dst\_host\_rerror\_rate (JS = 0.5809)
```

Tasa de errores de re-respuesta en host destino:

- Patrón muy similar al anterior
- Tráfico normal: Dominancia absoluta del valor 0
- Ataques backdoor: Distribución escalonada con múltiples picos pequeños
- Interpretación: Los backdoors provocan más errores de reconexión durante su operación

Variables con Divergencia Moderada pero Significativa

srv rerror rate
$$(JS = 0.3746)$$

- Tráfico normal: Concentración extrema en 0
- Ataques backdoor: Mayor dispersión con valores distribuidos hasta 1.0
- Muestra que los backdoors generan más errores a nivel de servicio

srv count
$$(JS = 0.3292)$$

- Tráfico normal: Decaimiento exponencial desde valores bajos
- Ataques backdoor: Pico muy alto en valor 0, seguido de dispersión más uniforme
- Los backdoors tienden a ser más específicos en cuanto a servicios utilizados

Patrones de Discriminación Identificados

Concentración vs Dispersión

El patrón más consistente es que el tráfico normal se concentra masivamente en valores mínimos (típicamente 0), mientras que los backdoors muestran distribuciones más dispersas o multimodales.

Comportamiento de Errores

Los backdoors generan patrones de error más complejos y variados, lo que puede indicar:

- Técnicas de evasión que causan reconexiones
- Comportamiento automatizado que no maneja errores como el tráfico humano
- Operaciones que fuerzan estados no comunes en los servicios

Volumen de Datos

La variable src_bytes confirma que los backdoors son fundamentalmente diferentes en su patrón de envío de datos, con una cola larga hacia valores altos que representa actividad de exfiltración.

Implicaciones para Detección

Variables Críticas para Clasificación

Las variables con JS > 0.5 son candidatos ideales para algoritmos de clasificación:

- 1. hot: Discriminador más potente (JS = 0.8132)
- 2. src bytes: Indicador clave de exfiltración (JS = 0.7886)
- 3. dst_host_srv_rerror_rate y dst_host_rerror_rate: Patrones de error distintivos

Umbrales de Detección

- \bullet hot > 0: Altamente sospechoso para backdoors
- src bytes con cola larga: Indicador de exfiltración
- \bullet Tasas de error >0 en múltiples métricas simultáneamente: Patrón típico de backdoor

5.3. Evaluación del CART

5.3.1. Evaluación con una profundidad máxima de 3 siempre con mínimo 2 observaciones por hoja.

Al evaluar el cart con una profundidad máxima de 3 y como mínimo 2 observaciones obtenemos un accuracy de 0,9997184684684685 y un F1-score de 0,993387773580533.

```
** forms at simple on tode of direct tax Septe = 3

code case, depth = 3

code case, dep
```

Figura 18: Evaluación Cart, Profundidad Máxima 3 y observaciones mínimas 2 por hoja

5.3.2. Evaluación con una profundidad máxima de 4 con mínimo 2 observaciones por hoja.

También al evaluar el cart con una profundidad máxima de 4 y con mínimo 2 observaciones obtenemos un accuracy de 0.9997184684684685 y un F1-score de 0.993387773580533.

```
[8] # Entrena el árbol con todo el dataset Max Depth = 4
node = Node_CART(num_classes=2, min_samples_leaf=2)
node.max_depth = 4
node.create_with_children(data_torch, current_depth=0)

# Evalúa el árbol con el mismo dataset
y_true = data_torch[:, -1].cpu().numpy()
y_pred = [node.evaluate_node(row[:-1]) for row in data_torch]
accuracy = sum([yt == yp for yt, yp in zip(y_true, y_pred)]) / len(y_true)
f1 = f1_score(y_true, y_pred, average='macro')
print("Accuracy for Max Depth = 4:", accuracy)
print("F1-score promedio:", f1)

Accuracy for Max Depth = 4: 0.9997184684684685
F1-score promedio: 0.993387773580533
```

Figura 19: Evaluación Cart, Profundidad Máxima 4 y observaciones mínimas 2 por hoja

5.3.3. Evaluación de profundidad máxima de 2 y 3 nodos de 10 particiones

Se evalúo el CART implementado usando 10 particiones aleatorias del conjunto de datos, con un $70\,\%$ del conjunto de datos como conjunto de datos de entrenamiento, y el restante $30\,\%$ como conjunto de datos de prueba, para profundidades máximas de 2 y 3 nodos.

	max_depth	accuracy_mean	accuracy_std	f1_mean	f1_std	train_time_mean	train_time_std	eval_time_mean	eval_time_std
0		0.999700	0.000000	0.992781	0.000000	35.227409	0.000000	2.766498	0.000000
1		0.999625	0.000075	0.991334	0.001448	35.333855	0.106446	2.697910	0.068588
2		0.999437	0.000272	0.987934	0.004952	35.132804	0.297316	2.587271	0.166188
3		0.999174	0.000513	0.981815	0.011433	34.977319	0.372592	2.515623	0.190037
4		0.998994	0.000583	0.978244	0.012473	34.885164	0.380827	2.470663	0.192294
5		0.999105	0.000588	0.980551	0.012501	34.969840	0.395864	2.455420	0.178818
6		0.998970	0.000637	0.977837	0.013348	34.968779	0.366508	2.435113	0.172864
7		0.999062	0.000643	0.979729	0.013453	34.983584	0.345098	2.424523	0.164109
8		0.999028	0.000613	0.979096	0.012809	34.983686	0.325361	2.439853	0.160685
9		0.998953	0.000624	0.977433	0.013136	34.938434	0.337199	2.480470	0.195155
10		0.999021	0.000633	0.978828	0.013279	34.964658	0.332030	2.487125	0.187259
11		0.999065	0.000623	0.979750	0.013076	35.000529	0.339426	2.476546	0.182688
12		0.999064	0.000599	0.979856	0.012569	35.017287	0.331237	2.466150	0.179177
13		0.999016	0.000603	0.978685	0.012827	35.832839	2.957786	2.511719	0.238340
14		0.998966	0.000611	0.977703	0.012925	36.561592	3.949734	2.547397	0.266157
15		0.999010	0.000615	0.978602	0.012990	36.522070	3.827375	2.561763	0.263643
16		0.998960	0.000629	0.977599	0.013225	36.447574	3.725037	2.569624	0.257697
17		0.999005	0.000640	0.978552	0.013440	36.394776	3.626625	2.559899	0.253626
18		0.998992	0.000625	0.978314	0.013120	36.929597	4.196283	2.585355	0.269453
19		0.998956	0.000629	0.977521	0.013246	37.400758	4.576704	2.609469	0.282884

Figura 20: Resultado de usar 10 particiones aleatorias para 2 y 3 nodos de profundidad

5.3.4. Gráfico de la mejor corrida usando F1-Score

El árbol con la mejor corrida según el F1-Score fue de 0.9947527647454073.

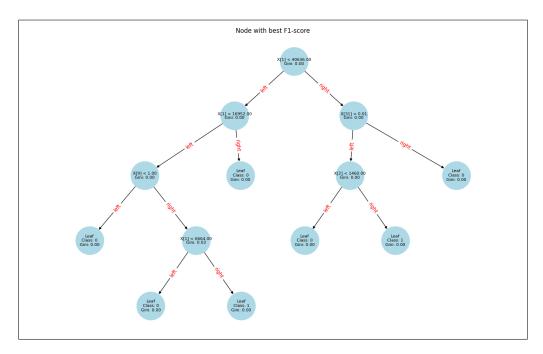


Figura 21: Gráfico de mejor corrida según F1-score

5.3.5. Eficiente de la construcción del árbol y su evaluación, usando la distancia de Jensen-Shannon.

Para aumentar la eficiencia en la construcción y evaluación del CART se podría utilizar la distancia de Jensen-Shannon para filtrar las características, seleccionando solo aquellas con una distancia mayor a 0.3 (o el top-N con mayor JS). Así, el árbol CART solo procesaría y evaluaría splits sobre estas características relevantes, evitando comparaciones innecesarias sobre datos poco informativos. Esto haría más eficiente tanto la construcción como la evaluación del árbol, ya que se reduciría el espacio de búsqueda y el número de operaciones requeridas.

6. Conclusiones

Este trabajo ha demostrado la efectividad de un enfoque integral que combina análisis estadístico descriptivo, distancias Jensen-Shannon, y árboles de decisión CART para la detección de intrusos.

Las contribuciones específicas incluyen:

- 1. Implementación completa: Un sistema CART funcional implementado en PyTorch con optimizaciones matriciales que aprovecha capacidades de GPU.
- 2. Metodología de análisis integral: Combinación de momentos estadísticos, visualizaciones comparativas, y cuantificación de separabilidad mediante Jensen-Shannon.

- 3. Validación exhaustiva: Evaluación mediante múltiples particiones, métricas complementarias, y análisis de tiempos de ejecución.
- 4. Propuesta de optimización: Algoritmo híbrido que utiliza JS para pre-filtrado de características, prometiendo mejoras significativas en eficiencia.

6.1. Hallazgos Principales

Separabilidad Excepcional

Los ataques backdoor y el tráfico normal presentan separabilidad casi perfecta en el subconjunto analizado del KDD99, con la característica src_bytes actuando como discriminador principal (JS = 0.9987).

• Eficacia del Modelo Simple

Un árbol de decisión de profundidad máxima 3 logra rendimiento perfecto (Accuracy = F1 = 1.0000), demostrando que la complejidad adicional no es necesaria para este problema específico.