## 1 - 34

## 3.3. Duomenų vientisumo sąlygos

Taisyklė apibrėžianti tam tikrus suvaržymus duomenims dar vadinama duomenų vientisumo salyga.

Aptarsime tris jų:

- kategorijų vientisumas;
- nuorodų vientisumas;
- funkcinės priklausomybės.

Realaus pasaulio objektai reliacinėje teorijoje vaizduojami lentelės eilutėmis ir vadinami **kategorijomis**.

Kategorijų vientisumo taisyklė: joks lentelės rakto atributas nei vienoje eilutėje negali turėti NULL reikšme.

Nuorodų vientisumo taisyklė: kiekvieno išorinio rakto reikšmė turi būti arba tuščia, arba sutapti su viena pirminio rakto reikšme lentelėje, į kurią nurodo išorinis raktas.

Funkcines priklausomybes aptarsime vėliau.

3.4. Duomenų anomalijos

Tarkime, vietoje dviejų lentelių *Vykdymas* ir *Projektai* turime vieną - *Projektai\_Vykdymas*.

DB Darbai:

Vykdytojai (<u>Nr</u>, Pavardė, Kvalifikacija, Kategorija, Išsilavinimas)

Projektai\_Vykdymas( <u>Projektas</u>, Pavadinimas, Svarba, Trukmė, Pradžia, Vykdytojas, Statusas, Valandos)

Išorinis raktas: Vykdytojas nukreipia į Vykdytojai

Užpildome lentelę *Projektai\_Vykdymas* ankstesniųjų dviejų lentelių *Projektai* ir *Vykdymas* duomenimis:

Projektai\_Vykdymas Trukmė Vykdytojas ... Projektas Pavadinimas Svarba Studentų apskaita Maža 1 12 1 Studentų apskaita 12 2 1 Maža 1 Studentų apskaita Maža 12 3 12 1 Studentų apskaita Maža 4 2 Buhalterinė apskaita Vidutinė 10 1 2 Buhalterinė apskaita 10 Vidutinė 2 2 Buhalterinė apskaita Vidutinė 10 4

**Pertekliniai duomenys** ne tik užima vietą atmintyje, bet gali būti duomenų prieštaringumo priežastimi.

Didelė

Didelė

Didelė

6

6

6

1

2

3

Pailginame projekto Nr. 1 trukmę

Projektas	Pavadinimas	Svarba	Trukmė	Vykdytojas	
1	Studentų apskaita	Maža	15	1	
1	Studentų apskaita	Maža	12	2	
1	Studentų apskaita	Maža	12	3	
1	Studentų apskaita	Maža	12	4	
2	Buhalterinė apskaita	Vidutinė	10	1	
••	•••	•••	•••	••	

**Atnaujinimo anomalija**—duomenų prieštaringumas, atsirandantis dėl duomenų pertekliaus, atnaujinus tik dalį jų.

Vykdytojai Nr. 1,2,3 išeina iš darbo:

WWW svetainė

WWW svetainė

WWW svetainė

3

3

3

Projektas	Pavadinimas	Svarba	Trukmė	Vykdytojas	
1	Studentų apskaita	Maža	12	1	
1	Studentų apskaita	Maža	<b>12</b>	2	
1	Studentų apskaita	Maža	<b>12</b>	3	
1	Studentų apskaita	Maža	12	4	
2	Buhalterinė apskaita	Vidutinė	10	1	
2	Buhalterinė apskaita	Vidutinė	10	2	
2	Buhalterinė apskaita	Vidutinė	10	4	
3	WWW svetainė	Didelė	6	1	
3	WWW svetainė	Didelė	6	2	
3	WWW svetainė	Didelė	6	3	

7 - 34

## Šalinimo (trynimo) anomalija

 nenumatytas reikalingų duomenų praradimas, susijęs su kitų duomenų šalinimu. Užregistruokime naują projektą:

'Paskaitu tvarkaraštis'

- •Reikia įvesti į *Projektai\_Vykdymas* naują eilutę
- Vykdytojas yra rakto dalis  $\Rightarrow$  **NOT NULL**
- Negalime įvesti eilutės nepriskyrus reikšmės
   Vykdytojas
- ⇒ Negalime užregistruoti projekto, kol nepaskirtas bent vienas vykdytojas.

**Įvedimo anomalija** – negalėjimas įvesti duomenis, dėl kitų duomenų nebuvimo.

8 - 34

9 - 34

Kad šių anomalijų nebūtų, vietoje *Projektai\_Vykdymas* turi būti 2 lentelės

- Projektai
- Vykdymas

Duomenų dubliavimo ir anomalijų išvengiama skaidant lenteles.

**Lentelių skaidymas** - lentelės padalinimas į kelias lenteles, siekiant išvengti duomenų dubliavimo ir neprarasti duomenų vientisumo.

3.5. Pirmoji norminė forma

Normine forma (NF) vadinamos sąlygos, kurias turi tenkinti DB reliacinė schema, kad būtų išvengta tam tikrų nepageidaujamų savybių.

Lentelė yra **pirmos norminės formos** (1NF), jei visų jos atributų reikšmės yra **atomai**.

Reikšmė yra atomas, jei ji nėra nei aibė, nei sąrašas.

1 - 34

Lentelei *Projektai\_Vykdymas* būdingos duomenų anomalijos, kurios pašalinamos, skaidant lentelę į dvi.

Problemų lentelėje *Projektai\_Vykdytojai* **priežastis** -duomenų perteklius.

Problemų **sprendimo būdas** – lentelės skaidymas.

Pakeiskime blogają lentelę *Projektai\_Vykdymas* kita lentele:

Projektai\_Vykdytojai (<u>Projektas</u>, Pavadinimas, Svarba, Trukmė, Pradžia, Vykdytojai, Statusas, Valandos)

Projektai\_Vykdytojai

Projektas	Pavadinimas	Svarba	Trukmė	Vykdytojai	
1	Studentų apskaita	Maža	12	{1,2,3,4}	
2	Buhalterinė apskaita	Vidutinė	10	{1,2,4}	
3	WWW svetainė	Didelė	6	{1,2,3}	

Šioje lentelėje nėra duomenų dubliavimo.

13 - 34

Šiai lentelei **negalima apibrėžti išorinio rakto**, todėl galimas nuorodų vientisumo pažeidimas.

Projektai\_Vykdytojai nėra 1NF.

*Projektai\_Vykdymas* yra 1NF, tačiau jos schema irgi **nėra** gera.

**Išvada**: 1NF yra per silpnas reikalavimas.

3.6. Funkcinės priklausomybės (FP)

FP – svarbiausia apribojimų rūšis.

Jei atributų aibės *A* reikšmės korteže vienareikšmiškai apibrėžia atributų aibės *B* reikšmes korteže, tai **priklausomybę** tarp *A* ir *B* **vadiname funkcine** (FP).

Jei A ir B yra L atributų aibės, tai  $A \rightarrow B$  reiškia: jei dvi lentelės L eilutės (kortežai) turi vienodas A reikšmes, tai B reikšmės taip pat sutampa.

 $A \rightarrow B$ : B f-priklauso nuo A, A f-apibrėžia B.

FP kairiosios dalies atributai vadinami determinantu.

Projektai\_Vykdymas (<u>Projektas</u>, Pavadinimas, Svarba,

Trukmė, Pradžia, <u>Vykdytojas</u>, Statusas, Valandos)

Atributų tarpusavio FP:

 $Projektas \rightarrow Pavadinimas$ 

 $Projektas \rightarrow Svarba$ 

Projektas → Trukmė

 $Projektas \rightarrow Pradžia$ 

trumpiau:

 $Projektas \rightarrow \{Pavadinimas, Svarba, Trukmė, Pradžia\}$  $\{Projektas, Vykdytojas\} \rightarrow \{Statusas, Valandos\}$  FP apibendrina sąvoką "lentelės viršraktis".

L(R) viršraktis – tai lentelės visų atributų aibės R poaibis  $S(S \subseteq R)$ :

$$S \rightarrow R$$

FP, kaip ir kiti apribojimai, yra teiginys apie reliacinę schemą, o ne apie konkrečius lentelės duomenis.

Pvz., tik esamiems duomenims:

Svarba → Trukmė

 $FP A_1, A_2, ..., A_n \rightarrow B_1, B_2, ..., B_m$ :

•trivialioji, jei

$${B_1, B_2,..., B_m} \subseteq {A_1, A_2,..., A_n};$$

•netrivialioji, jei

$$\exists B_i \in \{B_1, B_2, ..., B_m\} \text{ if } B_i \notin \{A_1, A_2, ..., A_m\};$$

• visiškai netrivialioji, jei

$$\forall i: 1,...,m: B_i \notin \{A_1, A_2,..., A_m\}.$$

Algoritmas Ar lentelė L šiuo metu tenkina FP  $A \rightarrow B$ ?

<u>1 žingsnis</u>. *L* eilutes sugrupuojame pagal atributų *A* reikšmes taip, kad eilutės su vienodomis *A* reikšmėmis priklausytų tai pačiai grupei.

<u>2 žingsnis</u>. **Jei** kiekvienoje grupėje atributų B reikšmės taip pat sutampa, **tai** L tenkina FP  $A \rightarrow B$ , **kitaip** netenkina.

9 - 34

## 3.7. FP uždarinys

Vienas FP kartais galima pakeisti kitomis.

Tarkime, lentelėje *L*(*A*, *B*, *C*) galioja FP:

$$A \rightarrow B$$

$$B \rightarrow C$$

Tuomet lentelėje L galios ir  $A \rightarrow C$ .

Aibė visų galimų FP, kurios apibrėžiamos FP aibe F, vadinama aibės F uždariniu ir žymima F<sup>+</sup>.

W.W. Armstrong suformulavo išvedimo taisykles (aksiomas), kuriomis galima gauti visas aibės  $F^+$  FP.

**Armstrongo aksiomos**. Tarkime, A, B ir C yra lentelės L(R) atributų aibės R poaibiai. Žymėsime  $AB \equiv A \cup B$ .

- 1. Refleksyvumas: jei  $B \subseteq A$ , tai  $A \rightarrow B$
- 2. Papildymas: jei  $A \rightarrow B$ , tai  $AC \rightarrow BC$
- 3. Tranzityvumas: jei  $A \rightarrow B$  ir  $B \rightarrow C$ , tai  $A \rightarrow C$

Visos šios taisyklės gali būti įrodytos iš FP apibrėžimo.

Ši aibė yra pilnoji, t.y. duotai FP aibei F, visos galiojančios FP gali būti išvestos panaudojant tik šias taisykles.

21 - 34

Paprastumo dėlei dar naudojama:

- 4. Apsibrėžtis:  $A \rightarrow A$
- 5. <u>Dekompozicija</u>: jei  $A \rightarrow BC$ , tai  $A \rightarrow B$  ir  $A \rightarrow C$
- 6. Apjungimas: jei  $A \rightarrow B$  ir  $A \rightarrow C$ , tai  $A \rightarrow BC$ .
- 7. Kompozicija: jei  $A \to B$  ir  $C \to D$ , tai  $AC \to BD$ , čia  $D \subset R$

Iš lentelėje galiojančių FP aibės, randami lentelės raktai. Aibė visų atributų, kurie f-priklauso nuo atributų S, yra **atributų aibės** S **uždarinys**  $S^+$  FP aibės F atžvilgiu.

S yra viršraktis, jei  $S \rightarrow R$ , arba  $S^+ = R$ .

**Pavyzdys** 

R(A, B, C, D) – lentelė

1) 
$$A \rightarrow B$$
; 2)  $D \rightarrow A$ ; 3)  $C \rightarrow D$ ;

?  $C \rightarrow ABCD$ 

- (4)  $C \rightarrow C$  pagal apsibrėžties taisyklę
- (5)  $C \rightarrow A i\check{s}$  (3,2) pagal tranzityvumo t.
- (6)  $C \rightarrow B i\check{s}$  (5,1) pagal tranzityvumo t.
- (7)  $C \rightarrow ABCD iš$  (3,4,5,6) pagal jungimo t.

 $\Rightarrow C - R$  raktas

23 - 34

Algoritmas atributų aibės S uždariniui  $S^+$  FP F atžvilgiu rasti.

$$S^+ := S$$
repeat
 $T := S^+$ 
for each  $X \to Y \in F$ 
if  $X \subseteq S^+$  then  $S^+ := S^+ \cup Y$ 
endfor
until  $(T = S^+)$ 

FP aibei  $F: X \to Y \in F^+$  tada ir tik tada, kai  $Y \subseteq X^+$ .

Pavyzdys. R(A, B, C, D) – lentelė

1) 
$$A \rightarrow B$$
; 2)  $D \rightarrow A$ ; 3)  $C \rightarrow D$ ;

$$C^+ := C;$$

1-oji peržiūra 
$$C^+ := CD$$
 – (3)

2-oji peržiūra 
$$C^+ := CDA - (2)$$

3-oji peržiūra 
$$C^+ := CDAB - (1)$$

4-oji peržiūra 
$$C^+ := CDAB$$
 – rezultatas

$$\Rightarrow C^+ := CDAB$$

Iš vienų FP galime išvesti kitas.

Kada dvi FP aibės aprašo tas pačias savybes?

Dvi FP aibės F ir G yra ekvivalenčios, jei  $F^+ = G^+$ .

Kad patikrinti, ar  $F^+ \equiv G^+$  (yra ekvivalenčios), pakanka patikrinti,

- ar  $\forall X \rightarrow Y \in F$  yra išvedama aibėje G, t.y. ar  $X \to Y \in G^+$
- ar  $\forall U \rightarrow V \in G$  yra išvedama aibėje F, t.y. ar  $U \rightarrow V \in F^+$

Pavyzdys. FP aibės:

$$F = \{A \to BC; B \to C\}$$

$$G = \{A \to B; B \to C\}$$

? 
$$F^+ \equiv G^+$$
  
?  $A \to BC \in G^+$   
 $A \to C \in G^+$  - pagal tranzityvumo taisyklę  
 $A \to BC \in G^+$  - pagal jungimo taisyklę  
 $\Rightarrow F^+ \subseteq G^+$   
?  $A \to B \in F^+$   
 $A \to B \in F^+$  - pagal dekompozicijos taisyklę

Lentelės L(R), kurioje galioja FP aibė F, raktas yra jos atributų aibės R poaibis K ( $K \subseteq R$ ), toks kad:

- 1)  $K \rightarrow R$  (vienareikšmis tapatumas),
- 2)  $\forall B \subset K : B \to R \notin F^+$  (pertekliaus nebuvimas).

**Algoritmas** lentelės L(R) raktui K FP aibės F atžvilgiu rasti.

```
K := R:
for each A \in K
  T := (K - A)^{+} \operatorname{in} F;
  if T = R then K := K - A endif;
endfor.
```

Taip surandamas 1 raktas.

 $\Rightarrow G^+ \subset F^+$ 

Visiems raktams surasti yra taikomas sudėtingesnis algoritmas.

FP uždarinyje yra galimos perteklinės FP.

Tai gali labai apsunkinti FP savybių tyrimą.

Todėl ieškomas minimalus (standartinis) denginys.

FP aibė F vadinama minimaliaja, jeigu ji tenkina reikalavimus:

- a)  $\forall X \rightarrow Y \in F$ , Y yra sudaryta tik iš 1 atributo;
- b) nėra FP, kuria pašalinę, gautume tapačia (ekvivalenčia) aibe;
- c) nėra  $X \to A$ , kuria pakeitus į  $Y \to A$ ,  $Y \subset X$ , gautume ekvivalentišką aibę.

FP aibės *F* minimaliu denginiu vadinama: minimalioji FP aibė  $F_{\min}$ , kuri yra ekvivalenti aibei F.

FP aibei F gali egzistuoti kelios  $F_{min}$ .

Visada galima surasti bent viena ju.

Algoritmas FP aibės F minimaliajam denginiui  $F_{min}$ rasti.

$$\begin{split} F_{\min} &:= F; \\ \textbf{for each} & \ X \to A_1 \, A_2 \dots A_n \in F_{\min} \\ F_{\min} &:= F_{\min} - (X \to A_1 \, A_2 \dots A_n); \\ \textbf{for} & \ i := 1 \ \textbf{to} \ n \\ F_{\min} &:= F_{\min} \cup X \to A_i; \\ \textbf{endfor} \\ \textbf{endfor} \end{split}$$

for each 
$$X \rightarrow A \in F_{\min}$$
  
 $T := X^+$  in  $(F_{\min} - (X \rightarrow A))$ ;  
if  $A \in T$  then  
 $F_{\min} := F_{\min} - (X \rightarrow A)$   
endif;  
endfor

```
33 - 34
```

```
for each X \rightarrow A \in F_{\min}

for each B \in X

T := (X - B)^+ in F_{\min};

if A \in T then

F_{\min} := F_{\min} - (X \rightarrow A);
F_{\min} := F_{\min} \cup ((X - B) \rightarrow A);
endif

endfor

endfor
```

Pvz. 
$$F := AB \rightarrow CD$$
,  $A \rightarrow B$ ,  $B \rightarrow C$   
1)  $F_{min} := AB \rightarrow C$ ,  $AB \rightarrow D$ ,  $A \rightarrow B$ ,  $B \rightarrow C$   
2)  $AB^{+} = ABCD$  in  $F_{min} - AB \rightarrow C \Rightarrow C \in AB^{+}$   
 $F_{min} := AB \rightarrow D$ ,  $A \rightarrow B$ ,  $B \rightarrow C$   
3)  $A^{+} = ABCD$  in  $F_{min} \Rightarrow D \in A^{+}$   
taip pat ir in  $F_{min} - (AB \rightarrow D) \cup (A \rightarrow D)$   
 $F_{min} := A \rightarrow D$ ,  $A \rightarrow B$ ,  $B \rightarrow C$