更多免费学习资料,请关注微博:学神资料站

更多学习资料,请关注淘宝店铺:学神资料站 https://shop156050543.taobao.com/

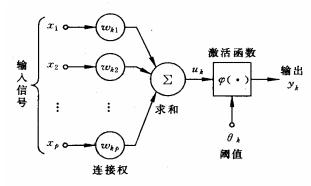
第十九章 神经网络模型

§1 神经网络简介

人工神经网络是在现代神经科学的基础上提出和发展起来的,旨在反映人脑结构及功能的一种抽象数学模型。自 1943 年美国心理学家 W. McCulloch 和数学家 W. Pitts 提出形式神经元的抽象数学模型—MP 模型以来,人工神经网络理论技术经过了 50 多年曲折的发展。特别是 20 世纪 80 年代,人工神经网络的研究取得了重大进展,有关的理论和方法已经发展成一门界于物理学、数学、计算机科学和神经生物学之间的交叉学科。它在模式识别,图像处理,智能控制,组合优化,金融预测与管理,通信,机器人以及专家系统等领域得到广泛的应用,提出了 40 多种神经网络模型,其中比较著名的有感知机,Hopfield 网络,Boltzman 机,自适应共振理论及反向传播网络(BP)等。在这里我们仅讨论最基本的网络模型及其学习算法。

1.1 人工神经元模型

下图表示出了作为人工神经网络(artificial neural network,以下简称 NN)的基本单元的神经元模型,它有三个基本要素:



- (i)一组连接(对应于生物神经元的突触),连接强度由各连接上的权值表示,权值为正表示激活,为负表示抑制。
 - (ii) 一个求和单元,用于求取各输入信号的加权和(线性组合)。
- (iii)一个非线性激活函数,起非线性映射作用并将神经元输出幅度限制在一定范围内(一般限制在(0,1)或(-1,1)之间)。

此外还有一个阈值 θ_{ι} (或偏置 $b_{\iota} = -\theta_{\iota}$)。

以上作用可分别以数学式表达出来:

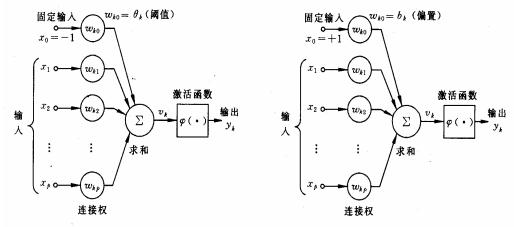
$$u_k = \sum_{j=1}^p w_{kj} x_j$$
, $v_k = u_k - \theta_k$, $y_k = \varphi(v_k)$

式中 x_1, x_2, \cdots, x_p 为输入信号, $w_{k1}, w_{k2}, \cdots, w_{kp}$ 为神经元 k 之权值, u_k 为线性组合结果, θ_k 为阈值, $\varphi(\cdot)$ 为激活函数, y_k 为神经元 k 的输出。

若把输入的维数增加一维,则可把阈值 θ_{ι} 包括进去。例如

$$v_k = \sum_{j=0}^p w_{kj} x_j , \quad y_k = \varphi(u_k)$$

此处增加了一个新的连接,其输入为 $x_0=-1$ (或 +1),权值为 $w_{k0}=\theta_k$ (或 b_k),如下图所示。



激活函数 $\varphi(\cdot)$ 可以有以下几种:

(i) 阈值函数

$$\varphi(v) = \begin{cases} 1, & v \ge 0 \\ 0, & v < 0 \end{cases} \tag{1}$$

即阶梯函数。这时相应的输出 火, 为

$$y_k = \begin{cases} 1, & v_k \ge 0 \\ 0, & v_k < 0 \end{cases}$$

其中 $v_k = \sum_{j=1}^{p} w_{kj} x_j - \theta_k$, 常称此种神经元为M - P模型。

(ii) 分段线性函数

$$\varphi(v) = \begin{cases} 1, & v \ge 1 \\ \frac{1}{2}(1+v), & -1 < v < 1 \\ 0, & v \le -1 \end{cases}$$
 (2)

它类似于一个放大系数为1的非线性放大器,当工作于线性区时它是一个线性组合器,放大系数趋于无穷大时变成一个阈值单元。

(iii) sigmoid 函数

最常用的函数形式为

$$\varphi(v) = \frac{1}{1 + \exp(-\alpha v)} \tag{3}$$

参数 $\alpha > 0$ 可控制其斜率。另一种常用的是双曲正切函数

$$\varphi(v) = \tanh\left(\frac{v}{2}\right) = \frac{1 - \exp(-v)}{1 + \exp(-v)}$$
(4)

这类函数具有平滑和渐近性, 并保持单调性。

Matlab 中的激活(传递)函数如下表所示:

函数名	功能
purelin	线性传递函数

hardlim	硬限幅传递函数
hardlims	对称硬限幅传递函数
satlin	饱和线性传递函数
satlins	对称饱和线性传递函数
logsig	对数S形传递函数
tansig	正切 S 形传递函数
radbas	径向基传递函数
compet	竞争层传递函数

各个函数的定义及使用方法,可以参看 Matlab 的帮助(如在 Matlab 命令窗口运行 help tansig,可以看到 tantig 的使用方法,及 tansig 的定义为 $\varphi(v) = \frac{2}{1+e^{-2v}} - 1$)。

1.2 网络结构及工作方式

除单元特性外,网络的拓扑结构也是 NN 的一个重要特性。从连接方式看 NN 主要有两种。

(i) 前馈型网络

各神经元接受前一层的输入,并输出给下一层,没有反馈。结点分为两类,即输入单元和计算单元,每一计算单元可有任意个输入,但只有一个输出(它可耦合到任意多个其它结点作为其输入)。通常前馈网络可分为不同的层,第i层的输入只与第i-1层输出相连,输入和输出结点与外界相连,而其它中间层则称为隐层。

(ii) 反馈型网络

所有结点都是计算单元,同时也可接受输入,并向外界输出。

NN 的工作过程主要分为两个阶段:第一个阶段是学习期,此时各计算单元状态不变,各连线上的权值可通过学习来修改;第二阶段是工作期,此时各连接权固定,计算单元状态变化,以达到某种稳定状态。

从作用效果看,前馈网络主要是函数映射,可用于模式识别和函数逼近。反馈网络按对能量函数的极小点的利用来分类有两种:第一类是能量函数的所有极小点都起作用,这一类主要用作各种联想存储器;第二类只利用全局极小点,它主要用于求解最优化问题。

§ 2 蠓虫分类问题与多层前馈网络

2.1 蠓虫分类问题

蠓虫分类问题可概括叙述如下:生物学家试图对两种蠓虫(Af与Apf)进行鉴别,依据的资料是触角和翅膀的长度,已经测得了9支Af和6支Apf的数据如下:

Af: (1.24,1.27), (1.36,1.74), (1.38,1.64), (1.38,1.82), (1.38,1.90), (1.40,1.70), (1.48,1.82), (1.54,1.82), (1.56,2.08).

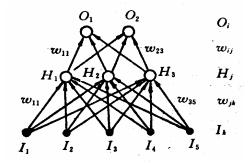
Apf: (1.14,1.82), (1.18,1.96), (1.20,1.86), (1.26,2.00), (1.28,2.00), (1.30,1.96). 现在的问题是:

- (i) 根据如上资料,如何制定一种方法,正确地区分两类蠓虫。
- (ii) 对触角和翼长分别为(1.24,1.80), (1.28,1.84)与(1.40,2.04)的 3 个标本,用所得到的方法加以识别。
- (iii)设 Af 是宝贵的传粉益虫, Apf 是某疾病的载体,是否应该修改分类方法。如上的问题是有代表性的,它的特点是要求依据已知资料(9支 Af 的数据和6支 Apf 的数据)制定一种分类方法,类别是已经给定的(Af或 Apf)。今后,我们将9支

Af及6支Apf的数据集合称之为学习样本。

2.2 多层前馈网络

为解决上述问题,考虑一个其结构如下图所示的人工神经网络,



激活函数由

$$\varphi(v) = \frac{1}{1 + \exp(-\alpha v)}$$

来决定。图中最下面单元,即由●所示的一层称为输入层,用以输入已知测量值。在我们的例子中,它只需包括两个单元,一个用以输入触角长度,一个用以输入翅膀长度。中间一层称为处理层或隐单元层,单元个数适当选取,对于它的选取方法,有一些文献进行了讨论,但通过试验来决定,或许是最好的途径。在我们的例子中,取三个就足够了。最上面一层称为输出层,在我们的例子中只包含二个单元,用以输出与每一组输入数据相对应的分类信息.任何一个中间层单元接受所有输入单元传来的信号,并把处理后的结果传向每一个输出单元,供输出层再次加工,同层的神经元彼此不相联接,输入与输出单元之间也没有直接联接。这样,除了神经元的形式定义外,我们又给出了网络结构。有些文献将这样的网络称为两层前传网络,称为两层的理由是,只有中间层及输出层的单元才对信号进行处理;输入层的单元对输入数据没有任何加工,故不计算在层数之内。

为了叙述上的方便,此处引人如下记号上的约定:令s表示一个确定的已知样品标号,在蠓虫问题中, $s=1,2,\cdots,15$,分别表示学习样本中的 15 个样品;当将第s个样品的原始数据输入网络时,相应的输出单元状态记为 $O_i^s(i=1,2)$,隐单元状态记为 $H_j^s(j=1,2,3)$,输入单元取值记为 $I_k^s(k=1,2)$ 。请注意,此处下标i,j,k 依次对应于输出层、中间层及输入层。在这一约定下,从中间层到输出层的权记为 w_{ij} ,从输入层到中间层的权记为 \overline{w}_{jk} 。如果 w_{ij} , \overline{w}_{jk} 均已给定,那么,对应于任何一组确定的输入 (I_1^s,I_2^s) ,网络中所有单元的取值不难确定。事实上,对样品s而言,隐单元j的输入是

$$\overline{h}_{j}^{s} = \sum_{k=1}^{2} \overline{w}_{jk} I_{k}^{s} \tag{5}$$

相应的输出状态是

$$H_{j}^{s} = \varphi(\overline{h}_{j}^{s}) = \varphi(\sum_{k=1}^{2} \overline{w}_{jk} I_{k}^{s})$$
(6)

由此,输出单元i所接收到的迭加信号是

$$h_i^s = \sum_{i=1}^3 w_{ij} H_j^s = \sum_{i=1}^3 w_{ij} \varphi(\sum_{k=1}^2 \overline{w}_{jk} I_k^s)$$
 (7)

网络的最终输出是

日出是
$$O_i^s = \varphi(h_i^s) = \varphi(\sum_{j=1}^3 w_{ij} H_j^s) = \varphi(\sum_{j=1}^3 w_{ij} \varphi(\sum_{k=1}^2 \overline{w}_{jk} I_k^s))$$
(8)

这里,没有考虑阈值,正如前面已经说明的那样,这一点是无关紧要的。还应指出的是,对于任何一组确定的输入,输出是所有权 $\{w_{ii},\overline{w}_{ik}\}$ 的函数。

如果我们能够选定一组适当的权值 $\{w_{ij},\overline{w}_{jk}\}$,使得对应于学习样本中任何一组 Af样品的输入 (I_1^s,I_2^s) ,输出 $(O_1^s,O_2^s)=(1,0)$,对应于 Apf 的输入数据,输出为(0,1),那么蠓虫分类问题实际上就解决了。因为,对于任何一个未知类别的样品,只要将其触角及翅膀长度输入网络,视其输出模式靠近(1,0)亦或(0,1),就可能判断其归属。当然,有可能出现介于中间无法判断的情况。现在的问题是,如何找到一组适当的权值,实现上面所设想的网络功能。

2.3 向后传播算法

对于一个多层网络,如何求得一组恰当的权值,使网络具有特定的功能,在很长一段时间内,曾经是使研究工作者感到困难的一个问题,直到1985年,美国加州大学的一个研究小组提出了所谓向后传播算法(Back-Propagation),使问题有了重大进展,这一算法也是促成人工神经网络研究迅猛发展的一个原因。下面就来介绍这一算法。

如前所述,我们希望对应于学习样本中 Af 样品的输出是(1,0),对应于 Apf 的输出是(0,1),这样的输出称之为理想输出。实际上要精确地作到这一点是不可能的,只能希望实际输出尽可能地接近理想输出。为清楚起见,把对应于样品s的理想输出记为 $\{T_s^s\}$,那么

$$E(W) = \frac{1}{2} \sum_{i,s} (T_i^s - O_i^s)^2$$
 (9)

度量了在一组给定的权下,实际输出与理想输出的差异,由此,寻找一组恰当的权的问题,自然地归结为求适当W的值,使E(W)达到极小的问题。将式(8)代入(9),有

$$E(W) = \frac{1}{2} \sum_{s,i} \left[T_i^s - \varphi(\sum_{i=1}^3 w_{ij} \varphi(\sum_{k=1}^2 \overline{w}_{jk} I_k^s)) \right]^2$$
 (10)

易知,对每一个变量 w_{ij} 或 \overline{w}_{ij} 而言,这是一个连续可微的非线性函数,为了求得其极小点与极小值,最为方便的就是使用最速下降法。最速下降法是一种迭代算法,为求出 E(W) 的(局部)极小,它从一个任取的初始点 W_0 出发,计算在 W_0 点的负梯度方向一 $\nabla E(W_0)$,这是函数在该点下降最快的方向;只要 $\nabla E(W_0) \neq 0$,就可沿该方向移动一小段距离,达到一个新的点 $W_1 = W_0 - \eta \nabla E(W_0)$, η 是一个参数,只要 η 足够小,定能保证 $E(W_1) < E(W_0)$ 。不断重复这一过程,一定能达到 E 的一个(局部)极小点。就本质而言,这就是 BP 算法的全部内容,然而,对人工神经网络问题而言,这一算法的具体形式是非常重要的,下面我们就来给出这一形式表达。

对于隐单元到输出单元的权 w_{ii} 而言,最速下降法给出的每一步的修正量是

$$\Delta w_{ij} = -\eta \frac{\partial E}{\partial w_{ii}} = \eta \sum_{s} [T_i^s - O_i^s] \varphi'(h_i^s) H_j^s = \eta \sum_{s} \delta_i^s H_j^s$$
(11)

此处令

$$\delta_i^s = \varphi'(h_i^s)[T_i^s - O_i^s] \tag{12}$$

对输入单元到隐单元的权 \overline{w}_{ik}

$$\Delta \overline{w}_{jk} = -\eta \frac{\partial E}{\partial \overline{w}_{jk}} = \eta \sum_{s,i} [T_i^s - O_i^s] \varphi'(h_i^s) w_{ij} \varphi'(h_j^s) I_j^s$$

$$= \eta \sum_{s,i} \delta_i^s w_{ij} \varphi'(h_j^s) I_k^s = \eta \sum_s \overline{\delta}_j^s I_k^s$$
(13)

此处

$$\overline{\delta}_{j}^{s} = \varphi'(h_{j}^{s}) \sum_{i} w_{ij} \delta_{i}^{s}$$

从(11)和(13)式可以看出,所有权的修正量都有如下形式,即

$$\Delta w_{pq} = \eta \sum_{s} \delta_{p}^{s} v_{q}^{s} \tag{14}$$

指标 p 对应于两个单元中输出信号的一端,q 对应于输入信号的一端,v 或者代表 H 或者代表 I 。形式上看来,这一修正是"局部"的,可以看作是 Hebb 律的一种表现形式。还应注意, δ_i^s 由实际输出与理想输出的差及 h_i^s 决定,而 $\overline{\delta}_j^s$ 则需依赖 δ_i^s 算出,因此,这一算法才称为向后传播算法。稍加分析还可知道,利用由(11)~(13)式所给出的计算安排,较之不考虑 δ_p^s 的向后传播,直接计算所有含 φ' 的原表达式,极大地降低了计算工作量。这组关系式称作广义 δ — 法则,它们不难推广到一般的多层网络上去。

利用这一迭代算法,最终生成在一定精度内满足要求的 $\{w_{ij},\overline{w}_{jk}\}$ 的过程,称为人工神经网络的学习过程。可以看出,这里所提供的学习机制是元与元之间权的不断调整,学习样本中任何一个样品所提供的信息,最终将包含在网络的每一个权之中。参数 η 的大小则反映了学习效率。

为了更有效地应用 BP 算法,我们做出如下一些补充说明。

- (i) 在式(11)与(13)中, Δw_{ij} , $\Delta \overline{w}_{jk}$ 表示为与所有样品 s 有关的求和计算。 实际上,我们还可以每次仅考虑输入一个样品所造成的修正,然后,按照随机选取的顺序,将所有样品逐个输入,不断重复这一手续,直至收敛到一个满意的解为止。
- (ii) 在如上的算法中,利用实际输出与理想输出差的平方和作为度量 $\{w_{ij}, \overline{w}_{jk}\}$ 优劣的标准,这并不是唯一的度量方式,完全可以从其它的函数形式出发,例如从相对熵出发,导出相应的算法。
- (iii) 在如上的讨论中使用的是最速下降法,显然,这也不是唯一的选择,其它的 非线性优化方法,诸如共轭梯度法,拟牛顿法等,都可用于计算。为了加速算法的收敛 速度,还可以考虑各种不同的修正方式。
- (iv) BP 算法的出现,虽然对人工神经网络的发展起了重大推动作用,但是这一算法仍有很多问题.对于一个大的网络系统,BP 算法的工作量仍然是十分可观的,这主要在于算法的收敛速度很慢。更为严重的是,此处所讨论的是非线性函数的优化,那么它就无法逃脱该类问题的共同困难:BP 算法所求得的解,只能保证是依赖于初值选取的局部极小点。为克服这一缺陷,可以考虑改进方法,例如模拟退火算法,或从多个

更多免费学习资料,请关注微博:学神资料站 更多学习资料,请关注淘宝店铺:学神资料站 https://shop156050543.taobao.com/

随机选定的初值点出发,进行多次计算,但这些方法都不可避免地加大了工作量。

下面利用上文所叙述的网络结构及方法,对蠓虫分类问题求解。编写 Matlab 程序

2.4 蠓虫分类问题的求解

如下: clear p1=[1.24,1.27;1.36,1.74;1.38,1.64;1.38,1.82;1.38,1.90; 1.40,1.70;1.48,1.82;1.54,1.82;1.56,2.08]; p2=[1.14,1.82;1.18,1.96;1.20,1.86;1.26,2.00 1.28,2.00;1.30,1.96]; p=[p1;p2]'; pr=minmax(p); goal=[ones(1,9),zeros(1,6);zeros(1,9),ones(1,6)]; plot(p1(:,1),p1(:,2),'h',p2(:,1),p2(:,2),'o') net=newff(pr,[3,2],{'logsig','logsig'}); net.trainParam.show = 10; net.trainParam.lr = 0.05; net.trainParam.goal = 1e-10; net.trainParam.epochs = 50000; net = train(net,p,goal); $x=[1.24 \ 1.80;1.28 \ 1.84;1.40 \ 2.04]$ '; y0=sim(net,p)y=sim(net,x)

§3 处理蠓虫分类的另一种网络方法

3.1 几个有关概念

在介绍本节主要内容之前,首先说明几个不同的概念。在上一节中,我们把利用BP算法确定联接强度,即权值的过程称为"学习过程",这种学习的特点是,对任何一个输入样品,其类别事先是已知的,理想输出也已事先规定,因而从它所产生的实际输出与理想输出的异同,我们清楚地知道网络判断正确与否,故此把这一类学习称为在教师监督下的学习;与它不同的是,有些情况下学习是无监督的,例如,我们试图把一组样品按其本身特点分类,所要划分的类别是事先未知的,需要网络自身通过学习来决定,因而,在学习过程中,对每一输入所产生的输出也就无所谓对错,对于这样的情况,显然 BP算法是不适用的。

另一个有关概念是所谓有竞争的学习。在上节所讨论的蠓虫分类网络中,尽管我们所希望的理想输出是(1,0)或(0,1),但实际输出并不如此,一般而言,两个输出单元均同时不为0。与此不同,我们完全可以设想另外一种输出模式:对应任何一组输入,所有输出单元中,只允许有一个处于激发态,即取值为1,其它输出单元均被抑制,即取值为0。一种形象的说法是,对应任何一组输入,要求所有的输出单元彼此竞争,唯一的胜利者赢得一切,失败者一无所获,形成这样一种输出机制的网络学习过程,称为有竞争的学习。

3.2 最简单的无监督有竞争的学习

本节叙述一种无监督有竞争的网络学习方法,由此产生的网络可用来将一组输入样品自动划分类别,相似的样品归于同一类别,因而激发同一输出单元,这一分类方式,是网络自身通过学习,从输入数据的关系中得出的。

蠓虫分类问题对应有教师的网络学习过程,显然不能由如上的方法来解决。但在这种无监督有竞争的学习阐明之后,很容易从中导出一种适用于有监督情况的网络方法;此外,本节所介绍的网络,在数据压缩等多种领域,都有其重要应用。

考虑一个仅由输入层与输出层组成的网络系统,输入单元数目与每一样品的测量值数目相等,输出单元数目适当选取。每一个输入单元与所有输出单元联接,第j个输入元到第i个输出元的权记为 w_{ij} ,同层单元间无横向联接。无妨假设所有输入数值均已规化到[-1,1]之间,又因为是有竞争的学习,输出单元只取0或1两个值,且对应每一组输入,只有一个输出元取1。

取 1 的输出元记为 i^* ,称之为优胜者. 对于任何一组输入s,规定优胜者是有最大净输入的输出元,即对输入 $I=(I_1,\cdots,I_n)$ 而言,

$$h_i = \sum_j w_{ij} I_j \equiv W_i \cdot I \tag{15}$$

取最大值的单元,其中W是输出元i所有权系数组成的向量,也就是说

$$W_{i^*} \cdot I \ge W_i \cdot I , \quad (\forall i) \tag{16}$$

如果权向量是按照 $\sum_{j} w_{ij}^2 = 1$ 的方式标准化的,(16)式等价于

$$|W_{\cdot \cdot} - I| \le |W_i - I|, \quad (\forall i) \tag{17}$$

即优胜者是其标准化权向量最靠近输入向量的输出元。令 $O_{i^*}=1$,其余的输出 $O_i=0$ 。这样的输出规定了输入向量的类别,但为了使这种分类方式有意义,问题化为如何将学习样本中的所有样品,自然地划分为聚类,并对每一聚类找出适当的权向量。为此,采用如下的算法:随机取定一组不大的初始权向量,注意不使它们有任何对称性。然后,将已知样品按照随机顺序输入网络。对输入样品s,按上文所述确定优胜者 i^* ,对所有与 i^* 有关的权作如下修正

$$\Delta w_{i^*_{i}} = \eta (I_{i}^{s} - w_{i^*_{i}}) \tag{18}$$

所有其它输出单元的权保持不变。注意到 $O_{i^*}=1$, $O_i=0$ ($i\neq i^*$),所有权的修正公式可统一表示为

$$\Delta w_{i^*_{j}} = \eta O_i (I_j^s - w_{i^*_{j}}^s)$$

这一形式也可视为 Hebb 律的一种表现。(18)式的几何意义是清楚的,每次修正将优胜者的权向量向输入向量移近一小段距离,这使得同一样品再次输入时, i^* 有更大的获胜可能。可以合理地预期,反复重复以上步骤,使得每个输出单元对应了输入向量的一个聚类,相应的权向量落在了该聚类样品的重心附近。当然,这只是一个极不严密的说明。

特别应当指出,上述算法,对于事先按照 $\sum I_j = 1$ 标准化了的输入数据更为适用,整个过程不难由计算机模拟实现。

为了更有效地使用如上算法,下面对实际计算时可能产生的问题,作一些简要说明。 首先,如果初始权选择不当,那么可能出现这样的输出单元,它的权远离任何输入 向量,因此,永远不会成为优胜者,相应的权也就永远不会得到修正,这样的单元称之 为死单元。为避免出现死单元,可以有多种方法。一种办法是初始权从学习样本中抽样 选取,这就保证了它们都落在正确范围内;另一种办法是修正上述的学习算法,使得每 一步不仅调整优胜者的权,同时也以一个小得多的η值,修正所有其它的权。这样,对 于总是失败的单元,其权逐渐地朝着平均输入方向运动,最终也会在某一次竞争中取胜。 此外,还存在有多种处理死单元的方法,感兴趣的读者可从文献中找到更多的方法。 另外一个问题是这一算法的收敛性。如果式(18)或(19)中反映学习效率的参数 η 取为一个固定常数,那么权向量永远不会真正在某一有限点集上稳定下来。因此,应 当考虑在公式中引进随学习时间而变化的收敛因子。例如,取 $\eta = \eta(t) = \eta_0 t^{-a}$, $0 < a \le 1$ 。这一因子的适当选取是极为重要的, η 下降太慢,无疑增加了不必要工作量, η 下降太快,则会使学习变得无效。

3.3 LVQ 方法

上述有竞争学习的一个最重要应用是数据压缩中的向量量子化方法(Vector Quantization)。它的基本想法是,把一个给定的输入向量集合 I^s 分成 M 个类别,然后用类别指标来代表所有属于该类的向量。向量分量通常取连续值,一旦一组适当的类别确定之后,代替传输或存储输入向量本身,可以只传输或存储它的类别指标。所有的类别由 M 个所谓"原型向量"来表示,我们可以利用一般的欧氏距离,对每一个输入向量找到最靠近的原型向量,作为它的类别。显然,这种分类方法可以通过有竞争的学习直接得到。一旦学习过程结束,所有权向量的集合,便构成了一个"电码本"。

一般而言,上述无监督有竞争的学习,实际提供了一种聚类分析方法,对如蠓虫分类这种有监督的问题并不适用。1989 年,Kohonen 对向量量子化方法加以修改,提出了一种适用于有监督情况的学习方法,称为学习向量量子化(Learning Vector Quantization),该方法可用于蠓虫分类问题。在有监督的情况下,学习样品的类别是事先已知的,与此相应,每个输出单元所对应的类别也事先作了规定,但是,代表同一类别的输出单元可以不止一个。

在 LVQ 中,对于任一输入向量,仍按无监督有竞争的方式选出优胜者 i^* ,但权的修正规则则依输入向量的类别与 i^* 所代表的是否一致而不同,确切地说,令

$$\Delta w_{i^*j} = \begin{cases} \eta(I_j^s - w_{i^*j}) & -\text{致情况} \\ -\eta(I_j^s - w_{i^*j}) & \text{不一致情况} \end{cases}$$

前一种情况,修正和无监督的学习一致,权朝向样品方向移动一小段距离;后一种则相反,权向离开样品方向移动,这样就减少了错误分类的机会。

对于上述的蠓虫分类问题,我们编写 Matlab 程序如下:

clear

p1=[1.24,1.27;1.36,1.74;1.38,1.64;1.38,1.82;1.38,1.90; 1.40,1.70;1.48,1.82;1.54,1.82;1.56,2.08]; p2=[1.14,1.82;1.18,1.96;1.20,1.86;1.26,2.00 1.28,2.00;1.30,1.96]; p=[p1;p2]'

pr=minmax(p)

goal=[ones(1,9), zeros(1,6); zeros(1,9), ones(1,6)]

net = newlvq(pr, 4, [0.6, 0.4])

net = train(net,p,goal)

Y = sim(net,p)

 $x=[1.24 \ 1.80;1.28 \ 1.84;1.40 \ 2.04]$

sim(net,x)

习题十九

1. 利用 BP 算法及 sigmoid 函数,研究以下各函数的逼近问题

更多免费学习资料,请关注微博:学神资料站 更多学习资料,请关注淘宝店铺:学神资料站 https://shop156050543.taobao.com/

(i)
$$f(x) = \frac{1}{x}$$
, $1 \le x \le 100$

(ii)
$$f(x) = \sin x$$
, $0 \le x \le \frac{\pi}{2}$

对每一函数要完成如下工作:

- ① 获取两组数据,一组作为训练集,一组作为测试集;
- ② 利用训练集训练一个单隐层的网络; 用测试集检验训练结果, 改变隐层单元数, 研究它对逼近效果的影响。
 - 2. 给定待拟合的曲线形式为

$$f(x) = 0.5 + 0.4\sin(2\pi x)$$

在 f(x) 上等间隔取 11 个点的数据,在此数据的输出值上加均值为 0,均方差 $\sigma=0.05$ 的正态分布噪声作为给定训练数据,用多项式拟合此函数,分别取多项式的阶次为 1,3 和 11 阶,图示出拟合结果,并讨论多项式阶次对拟合结果的影响。