

- **Opis problemu:**

Matematyczna definicja:

Rozbicie zbioru (podział zbioru, partycja zbioru) - dla niepustego zbioru **A** to taka rodzina π niepustych podzbiorów tego zbioru, że każdy element zbioru **A** należy do dokładnie jednego podzbioru tej rodziny.

Liczba sposobów podziału skończonego zbioru n-elementowego wyraża się n-tą liczbą Bella **B_n** .

Wzór Dobnińskiego – w kombinatoryce wzór wyrażający liczbę podziałów zbioru n-elementowego.

$$B_n = \frac{1}{e} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{k^n}{k!}$$

Lista kilku pierwszych liczb Bella:

n	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	...
B_n	1	1	2	5	15	52	203	877	4140	21147	115975	...

Liczba Stirlinga dla podziałów $\left\{ \begin{smallmatrix} n \\ k \end{smallmatrix} \right\}$ (często nazywana liczbą Stirlinga drugiego rodzaju) to liczba podziałów zbioru n-elementowego na dokładnie k bloki. Znow przyjmujemy, że $\left\{ \begin{smallmatrix} 0 \\ 0 \end{smallmatrix} \right\} = 1$ oraz $\left\{ \begin{smallmatrix} n \\ k \end{smallmatrix} \right\} = 0$ dla $k < 0$.

Lista podziałów Z_4 na dwa bloki:

$\{0,1,2\}\{3\}$ $\{0,1\}\{2,3\}$
 $\{0,1,3\}\{2\}$ $\{0,2\}\{1,3\}$
 $\{0,2,3\}\{1\}$ $\{0,3\}\{1,2\}$
 $\{1,2,3\}\{0\}$

- **Opis algorytmu:**

Generowanie podziałów zbioru n-elementowego:

- Generuję tablicę n-elementową i wypełniam ją jedynekami,
- wyszukuję pierwszą (zaczynając od prawej) pozycję na której mogę zwiększyć wartość o jeden, porównując ją do sąsiednich liczb (na lewo), (różnica między największą liczbą a liczba na obecnej pozycji nie może być większa niż jeden),
- zwiększam wartość na znalezionej pozycji o jeden i otrzymuję jeden z podziałów,
- wywołuję funkcję z argumentem (n), zaczynam wyszukiwanie od początku,

- o w przypadku gdy nie można zwiększyć wartości na danej pozycji (różnica między największą liczbą na lewo a liczbą na obecnej pozycji wynosiła by więcej niż jeden), zamieniam liczbę na obecnej pozycji na jeden i wywołuję funkcję z argumentem (n-1) czyli przesuwam się na lewo,
- o algorytm wywołuję się rekurencyjnie aż do momentu gdy zostanie wywołany z argumentem przekraczającym zakres pracy, oznacza to że wszystkie możliwe podziały zostały już utworzone.

- **Fragment kodu:**

Funkcja wywoływana rekurencyjnie:

```
void stirling(int i){
    if(i != 0){
        for(int k=0; k<=i-1; k++){
            if(tab[k]+1>c_max)c_max = tab[k]+1;
        }
        if(tab[i]<c_max){
            tab[i]++;
            show();
            stirling(n);
        }else{
            tab[i]=1;
            c_max=1;
            stirling(i-1);
        }
    }
};
```

Przykładowe wywołanie programu:

Generowanie wszystkich podziałów zbioru n-elementowego

Podaj liczbę n:3

111

112

121

122

123

Generowanie wszystkich podziałów zbioru n-elementowego

Podaj liczbę n:4

1111

1112

1121

1122

1123

1211

1212

1213

1221

1222

1223

1231

1232

1233

1234

- **Wnioski:**

Program poprawnie generuje n-blokowe podziałów zbioru n-elementowego i wyświetla je w konsoli Windows. Dodatkowo waliduje dane wprowadzone przez użytkownika. Spełnia wszystkie założone kryteria.

Źródła:

[1]. Podziały — Mirek Rachelski smurf.mimuw.edu.pl/node/818

[2]. Rozbicie zbioru - pl.wikipedia.org/wiki/Rozbicie_zbioru