# Praktikum Rechnerstrukturen 01

Jan Lukas Deichmann / Jan-Tjorve Sobieski 12. Mai 2015

#### <u>1.2c i</u>

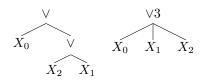
Gesucht:  $X_3 \wedge X_2 \wedge X_1 \wedge X_0$  (4AND)

$$(X_3 \wedge X_2) \wedge (X_1 \wedge X_0)$$
 (Assoziativität)  
 $\Leftrightarrow X_3 \wedge X_2 \wedge (X_1 \wedge X_0)$  (Assoziativität)  
 $\Leftrightarrow X_3 \wedge X_2 \wedge X_1 \wedge X_0$ 

Gesucht:  $X_2 \wedge X_1 \wedge X_0$  (3AND)

$$(X_2 \wedge X_1) \wedge X_0$$
 (Assoziativität)  $\Leftrightarrow X_2 \wedge X_1 \wedge X_0$ 

## <u>1.2c ii</u>



Die Tiefe des Ausdrucks verändert sich nicht, da ein normaler Operatorbaum mit einem erweiterten Operatorbaum nicht verglichen werden kann.

#### $\underline{1.2d}$

Sei 
$$\mathbb{B}=\{0,1\}$$
 und  $\mathbb{D}\subseteq\mathbb{B}^n$   
Sei  $\mathbb{B}_{4,1}:=\{$  f; f:  $\mathbb{B}^4\to\mathbb{B}^1\}$   

$$f(X_3,X_2,X_1,X_0)=(\neg X_2\wedge X_1\wedge X_0)\vee(\neg X_3\wedge X_1\wedge X_0)\vee(\neg X_3\wedge X_2\wedge X_0)\vee(X_2\wedge \neg X_1\wedge X_0)$$

#### $\underline{1.2e}$

Sei 
$$\mathbb{B}=\{0,1\}$$
 und  $\mathbb{D}\subseteq\mathbb{B}^n$   
Sei  $\mathbb{B}_{4,1}:=\{$  f; f:  $\mathbb{B}^4\to\mathbb{B}^1\}$   

$$f(X_3,X_2,X_1,X_0)=\\ (\neg X_2\wedge X_1\wedge X_0)\vee(\neg X_3\wedge X_1\wedge X_0)\vee(\neg X_3\wedge X_2\wedge X_0)\vee(X_2\wedge \neg X_1\wedge X_0)\\ \vee(\neg X_3\wedge \neg X_2\wedge X_1\wedge \neg X_0)$$

## $\underline{1.3}$

Beschreibung der Funktion:

Ein Volladdierer, aufgebaut aus zwei Halbaddierern.

#### <u>1.4a i</u>

| $X_3$ | $X_2$ | $X_1$ | $X_0$ | Y |
|-------|-------|-------|-------|---|
| 0     | 0     | 1     | 1     | 1 |
| 0     | 1     | 0     | 1     | 1 |
| 0     | 1     | 1     | 0     | 1 |
| 1     | 0     | 0     | 1     | 1 |
| 1     | 0     | 1     | 0     | 1 |
| 1     | 1     | 0     | 0     | 1 |

## $\underline{1.4a~ii}$

$$\begin{array}{l} f(X_3,X_2,X_1,X_0) = \\ (\underline{X_3} \wedge X_2 \wedge \overline{X_1} \wedge \overline{X_0}) \vee (\underline{X_3} \wedge \overline{X_2} \wedge \underline{X_1} \wedge \overline{X_0}) \vee (X_3 \wedge \overline{X_2} \wedge \overline{X_1} \wedge X_0) \vee \\ (\overline{X_3} \wedge X_2 \wedge X_1 \wedge \overline{X_0}) \vee (\overline{X_3} \wedge X_2 \wedge \overline{X_1} \wedge X_0) \vee (X_3 \wedge \overline{X_2} \wedge \overline{X_1} \wedge X_0) \end{array}$$