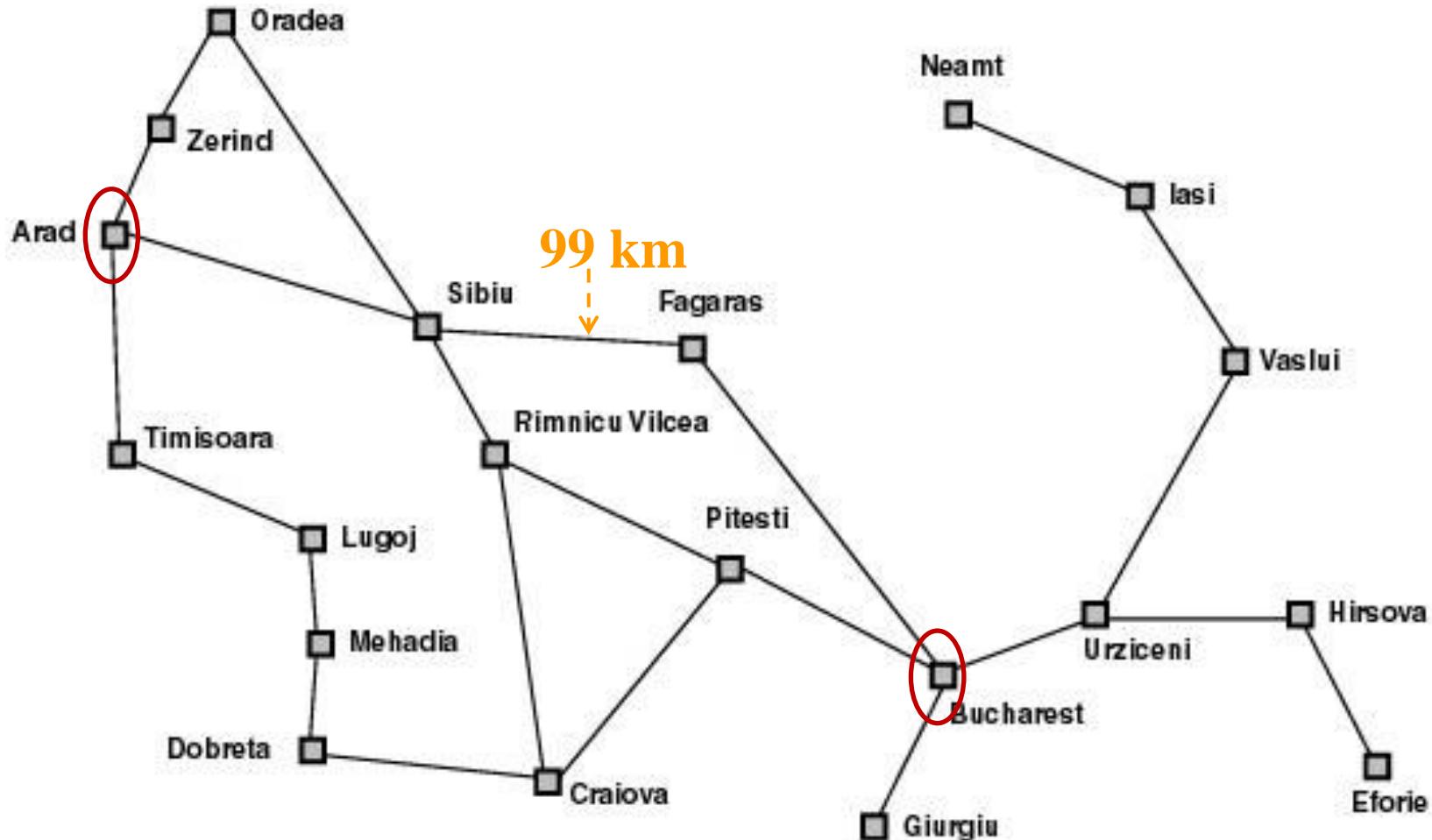


# Itinerario: il problema

Caso che vedremo:  
trovare il percorso più breve (in km) da una città di partenza a  
una città di arrivo



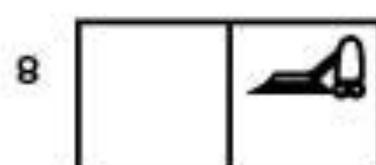
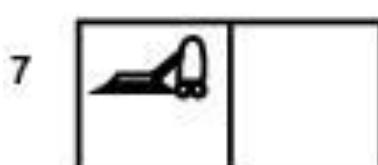
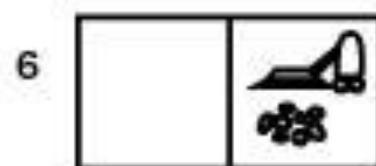
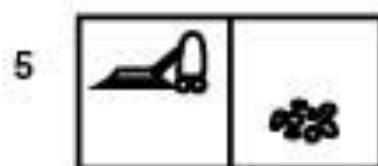
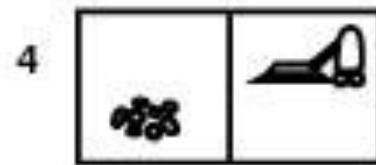
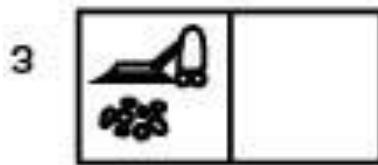
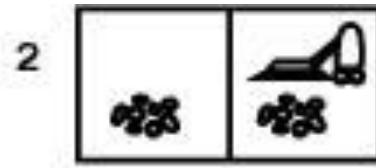
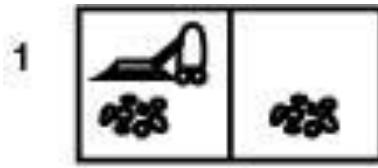
# Itinerario: la formulazione (la scelta del livello di astrazione)

- **Stati: le città.** Es.  $In(Pitesti)$
- 1. **Stato iniziale:** la città da cui si parte.  $In(Arad)$
- 2. **Azioni:** spostarsi su una città vicina collegata
  - $Azioni(In(Arad)) = \{Go(Sibiu), Go(Zerind) \dots\}$
- 3. **Modello di transizione**
  - $Risultato(In(Arad), Go(Sibiu)) = In(Sibiu)$
- 4. **Test Obiettivo:**  $\{In(Bucarest)\}$
- 5. **Costo del cammino:** somma delle lunghezze delle strade
- Lo **spazio degli stati** coincide con la rete (grafo) di collegamenti tra città i.e. grafo di stati collegati da azioni, rappresentabile in modo esplicito in questo caso semplice, tramite la mappa
- Astrazione dai dettagli: essenziale per “modellare”

# Aspirapolvere: il problema (toy problem)

Versione semplice: solo due locazioni, sporche o pulite,  
l'agente può essere in una delle due

## STATI



Percezioni:

Sporco

NonSporco

Azioni:

*Sinistra (L)*

*Destra (R)*

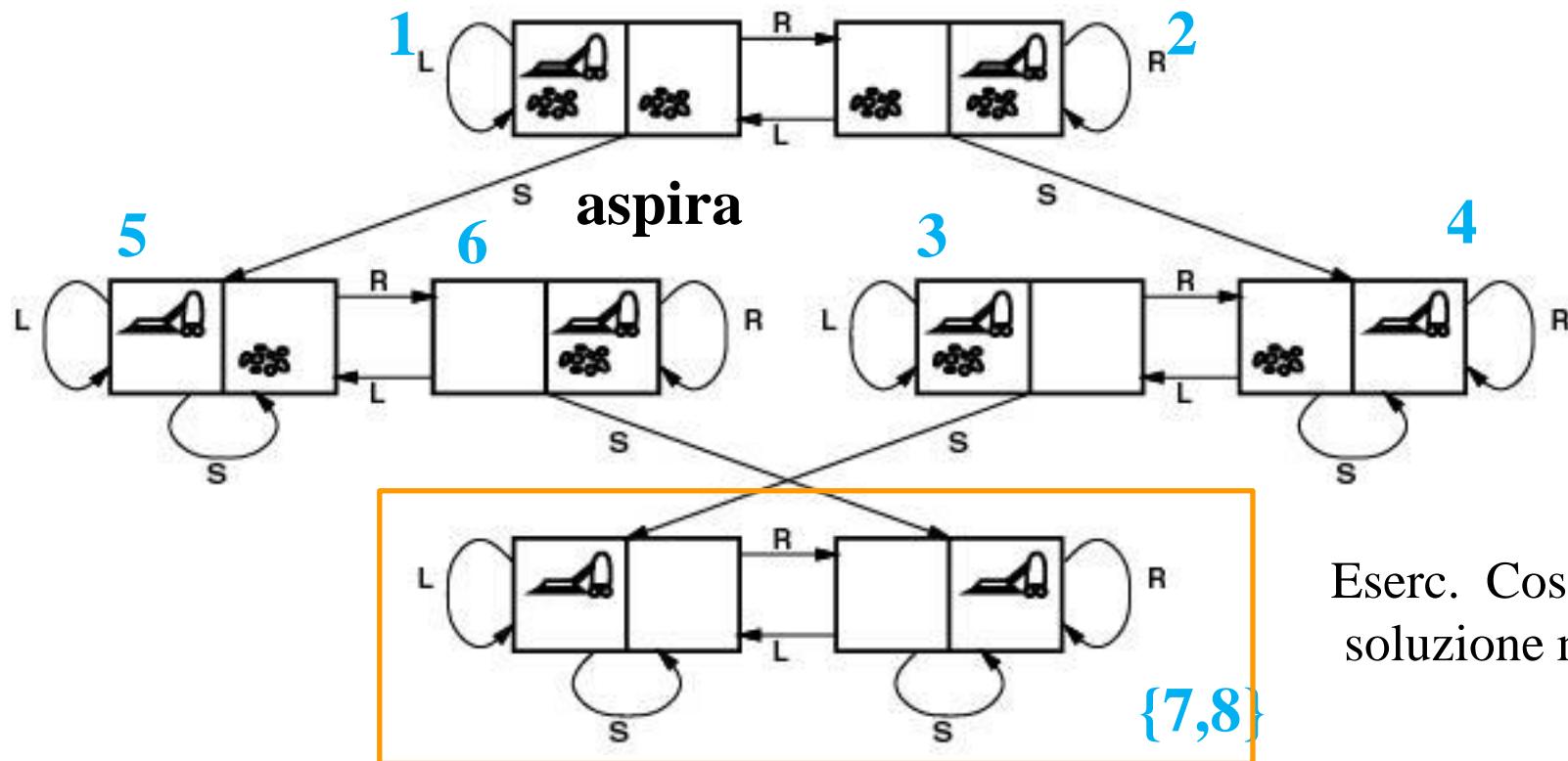
*Aspira (S)*

# Aspirapolvere: formulazione

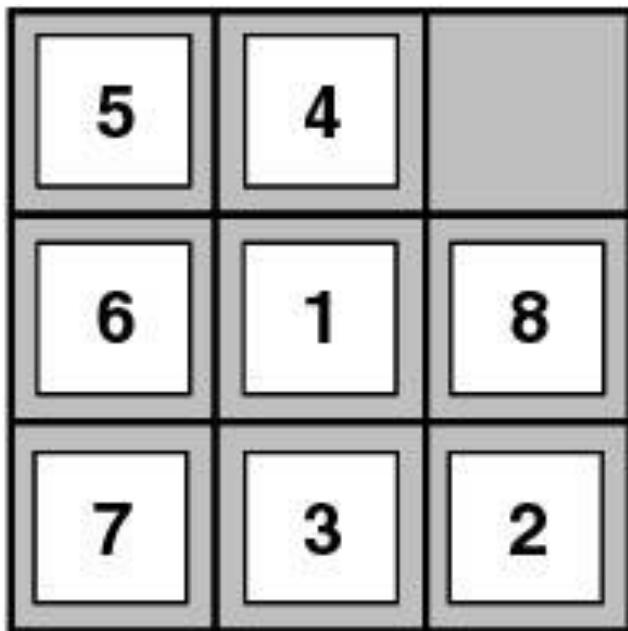
- **Obiettivo:** rimuovere lo sporco { 7, 8 }
- Ogni azione ha costo 1

**SPAZIO DEGLI STATI :**

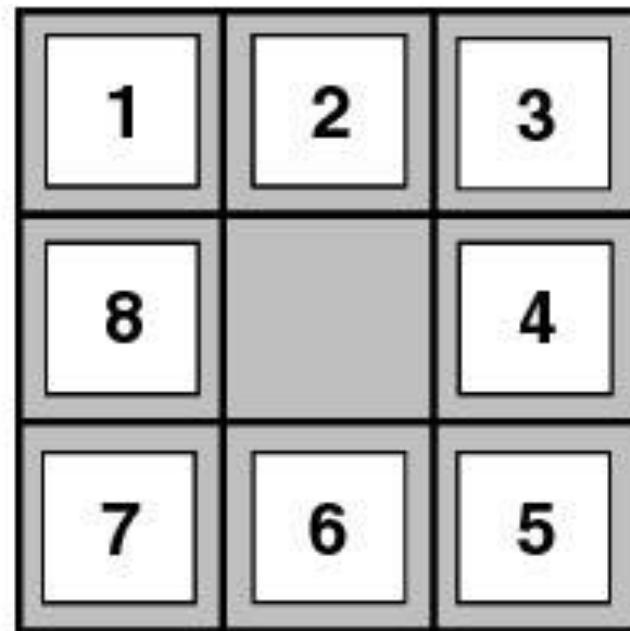
**Grafo**



# Il puzzle dell'otto (o “rompicapo” a 8 tasselli)



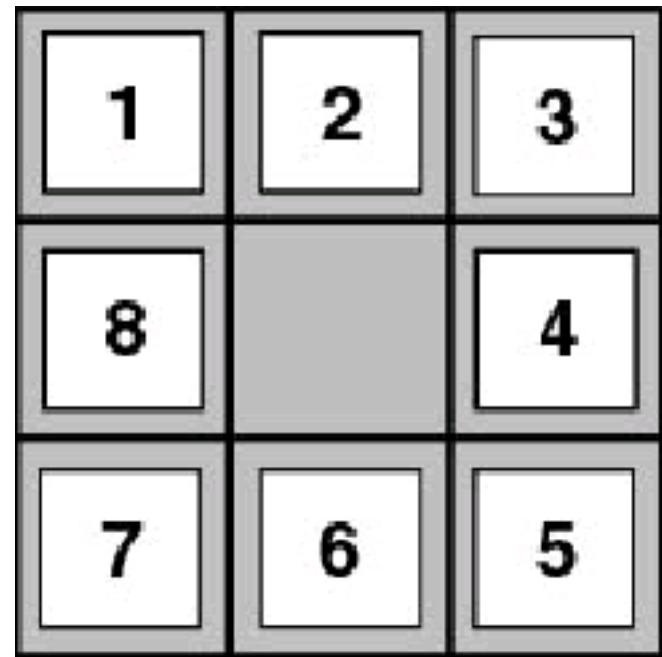
Start State



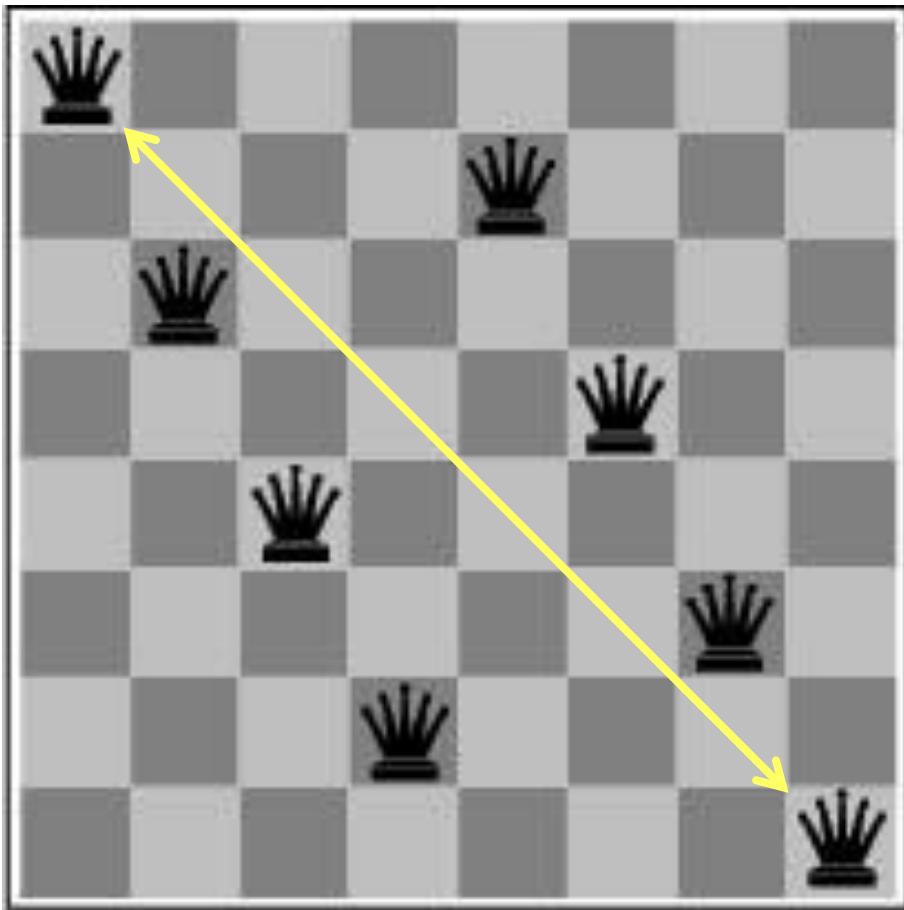
Goal State

# Puzzle dell'otto: formulazione

- *Stati*: possibili configurazioni della scacchiera
- *Stato iniziale*: una configurazione
- *Obiettivo*: una configurazione  $\dashrightarrow$
- *Goal-Test*: Stato obiettivo?  $\dashrightarrow$
- *Azioni*: mosse della casella bianca
  - in sù:  $\uparrow$
  - in giù:  $\downarrow$
  - a destra:  $\rightarrow$
  - a sinistra:  $\leftarrow$
- *Costo cammino*: ogni passo costa 1
- Lo spazio degli *stati* è un grafo con possibili cicli.
- NP-completo. Per 8 tasselli:  $9!/2 = 181K$  stati (\*)! Ma risolvibile in poco tempo (ms). Se cresce no! (\*)= <http://www.cut-the-knot.com/pythagoras/fifteen.shtml>



# Le otto regine: il problema



Collocare 8 regine sulla scacchiera in modo tale che nessuna regina sia attaccata da altre: **Questa è una soluzione?**

# Le otto regine:

## *Formulazione incrementale 1*



Si aggiungono le regine una alla volta

- **Stati:** scacchiere con 0-8 regine
- **Goal-Test:** 8 regine sulla scacchiera, nessuna attaccata
- **Costo cammino:** zero (resta 8, per le 8 mosse effettive, e non è rilevante, interessa solo lo stato finale)
- **Azioni:** aggiungi una regina
- **Spazio stati:**  $64 \times 63 \times \dots \times 57 \sim 1.8 \times 10^{14}$  sequenze possibili da considerare! (quanti miliardi?)

I.e. la ricerca può essere molto onerosa!

# Le otto regine:



## *Formulazione incrementale 2*

- **Stati:** scacchiere con 0-8 regine, **nessuna minacciata**
- **Goal-Test:** 8 regine sulla scacchiera, **nessuna minacciata**
- **Costo cammino:** zero
- **Azioni:** aggiungi una regina **nella colonna vuota più a destra ancora libera** in modo che **non sia minacciata**

2057 sequenze da considerare (\*)

# Le 8 regine:



*Formulazione a stato completo*

- **Goal-Test:** 8 regine già sulla scacchiera, nessuna minacciata
- **Costo cammino:** zero
- **Stati:** scacchiere con 8 regine, una per colonna
- **Azioni:** sposta una regina nella colonna, se minacciata
- **Messaggio:** formulazioni diverse → portano a spazi stati diversi