



# 자료구조-알고리즘-시간복잡도

## :: 자료구조 예

- 변수(variable)
- 배열(array), 리스트(list)
  - 접근 : 원소의 index
  - 읽기, 쓰기: a[0]
  - 삽입 : append
  - 삭제 : pop

## :: 인류 최초의 알고리즘 : 최대공약수(GCD)

- gcd\_sub, gcd\_mod, gcd\_rec  
나머지를 활용한 방법이 더 효율적임.

gcd\_sub의 경우

gcd(2,100) 경우 100을 한번 빼면 98 .. 이런 식으로 계산이 50번 이루어짐

gcd\_mod의 경우

gcd(2,100)을 나머지로 한번만에 끝내버림.

gcd\_rec = gcd(a, b%a) or gcd(a%b, b)

최대공약수 알고리즘 정리 페이지 → [Code page](#)

## :: 알고리즘의 시간복잡도 (time complexity)

```
algorithm arrayMax(A,n)
input: n개의 정수를 저장한 배열 A
output: A의 수 중에서 최대값
currentMax = A[0]
for i = 1 to n-1 do
    if currentMax < A[i]
        currentMax = A[i]
return currentMax
```

방법

1. 모든 입력에 대해 기본 연산 횟수를 더한 후 평균  
현실적으로 불가능
2. 가장 안 좋은 입력(worstcase input)에 대한 기본 연산 횟수를 측정

**$T(n) = 2n-1$**

## 알고리즘 수행 시간 = 최악의 입력에 대한 기본연산 횟수

```
algorithm sum1(A,n):
sum = 0
for i = 0 to n-1 do
    if A[i] % 2 == 0:
```

```
sum += A[i]
return sum
```

1. sum = 0이다를 대입함으로써 1번
2. %와 == 기본연산으로 2번
3. +=로 인해 2번

worst case는 모든 값이 짝 수일 경우 전부 해당이 되기 때문에 최악의 입력

- 항상 참이 되기 때문

$T(n) = 4n+1$

4n인 이유는 for문 안에서 기본연산으로 인해 4번인데 for문은 n번만큼 반복하므로 4n이다. +1은 제일 첫번째 sum = 0으로 인한 1번

## :: Big-O 표기법

알고리즘의 수행시간 = 최악의 경우의 입력에 대한 기본연산 횟수

수행시간  $T(n)$  = 함수값을 결정하는 **최고차항**만으로 간단하게 풀기 : **Big-O 표기법**

$T_1(n) = 2n - 1$      $T_1(n) = O(n)$

$T_2(n) = 4n + 1$      $T_1(n) = O(n)$

1. 최고차항만 남긴다.
2. 최고차항 계수(상수)는 생략
3. Big-O(최고차항)

수행시간  $T(n)$  = 함수값을 결정하는 최고차항만으로 간단하게 풀기 : Big-O 표기법

$T_1(n) = 2n - 1$      $T_1(n) = O(n)$   
 $T_2(n) = 4n + 1$      $T_2(n) = O(n)$   
 $T_3(n) = \frac{5}{2}n^2 - \frac{3}{2}n + 1$      $T_3(n) = O(n^2)$

① 최고차항만 남긴다  
 ② 최고차항 계수(상수)는 생략  
 ③ Big-O(최고차항)

이해하기  $T_1(n) \in O(n)$   $T_2(n) \in O(n)$   $T_3(n) \in O(n^2)$   
 $T_1(n) = O(n)$   
 $T_2(n) = O(n)$   
 $T_3(n) = O(n^2)$

예1: `def increment-one(a):`  
       `return a+1`     $T(n) = 1$   
 $O(1) = O(n^0)$

예2: `def number-of-bits(n):`  
       `count = 0`  
       `while n > 0:`  
           `n = n // 2`  
           `count += 1`  
       `return count`  
 $T(n) = c \cdot \log_2 n + 1 = O(\log_2 n)$

$\frac{n}{2^{\text{count}}} = 1$   
 $n = 2^{\text{count}}$   
 $\log_2 n = \text{count}$