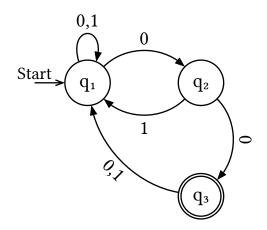
## L1.6 - L1.9

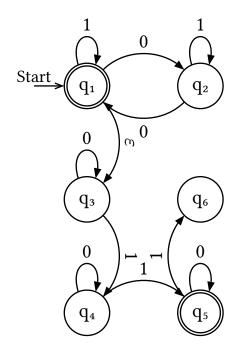
## 1

构造识别如下语言的 NFA, 所有问题中的字母表都为  $\Sigma = \{0,1\}$ .

•  $\{w \mid w \text{ ends with } 00\}$ , 3 个状态

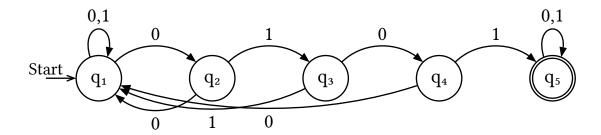


•  $\{w \mid w \text{ has even number of 0's} \lor w \text{ has exact two 1's} \}$ , 6 个状态



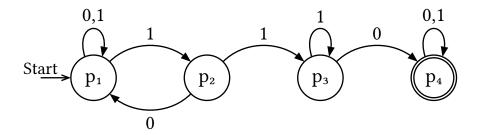
构造识别如下语言的 NFA.

•  $A = \{w \mid w \text{ has substring } 0101\}$ 

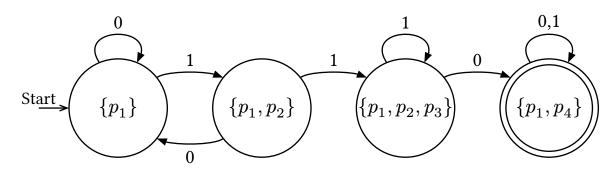


•  $B = \{w \mid w \text{ does not have substring } 110\}$ 

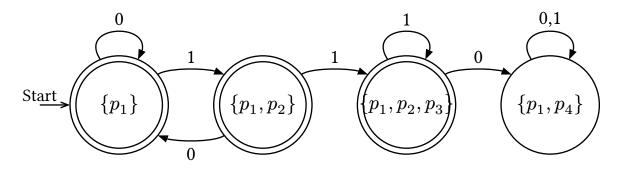
对此, 我们先构造识别  $B^c$  的 NFA:



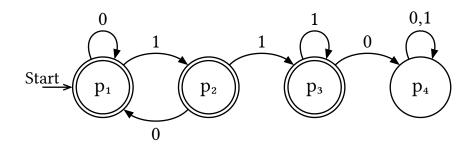
然后通过状态补全法得到识别  $B^c$  的 DFA:



现在我们通过交换接受状态和非接受状态来得到识别 B 的 DFA:

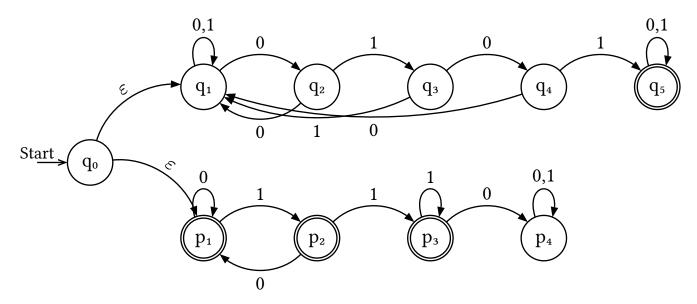


为了方便下一题的符号表达, 这里简化状态符号为  $\{p_1\} \to p_1$ ,  $\{p_1,p_2\} \to p_2$ ,  $\{p_1,p_2,p_3\} \to p_3$ ,  $\{p_1,p_4\} \to p_4$ , 有

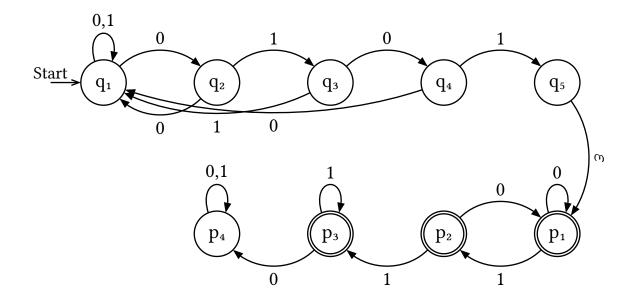


## • $A \cup B$ , $A \circ B$ , $B^*$

对于  $A \cup B$ , 我们可以通过添加一个新的初始状态  $q_{0'}$  和两个  $\varepsilon$  转移, 分别从  $q_{0'}$  指向 A 和 B 的初始状态来构造 NFA:



对于  $A \circ B$ , 我们可以通过将 A 的所有接受状态与 B 的初始状态通过  $\varepsilon$  转移连接起来来构造 NFA:



对于  $B^*$ , 我们可以通过添加一个新的初始状态  $q_{0'}$  和一个新的接受状态  $q_{f'}$ . 然后, 添加两个  $\varepsilon$  转移, 一个从  $q_{0'}$  指向 B 的初始状态, 另一个从 B 的所有接受状态指向  $q_{0'}$ . 另外, 添加一个  $\varepsilon$  转移从  $q_{0'}$  指向  $q_{f'}$ , 以允许接受空串来构造 NFA:

