

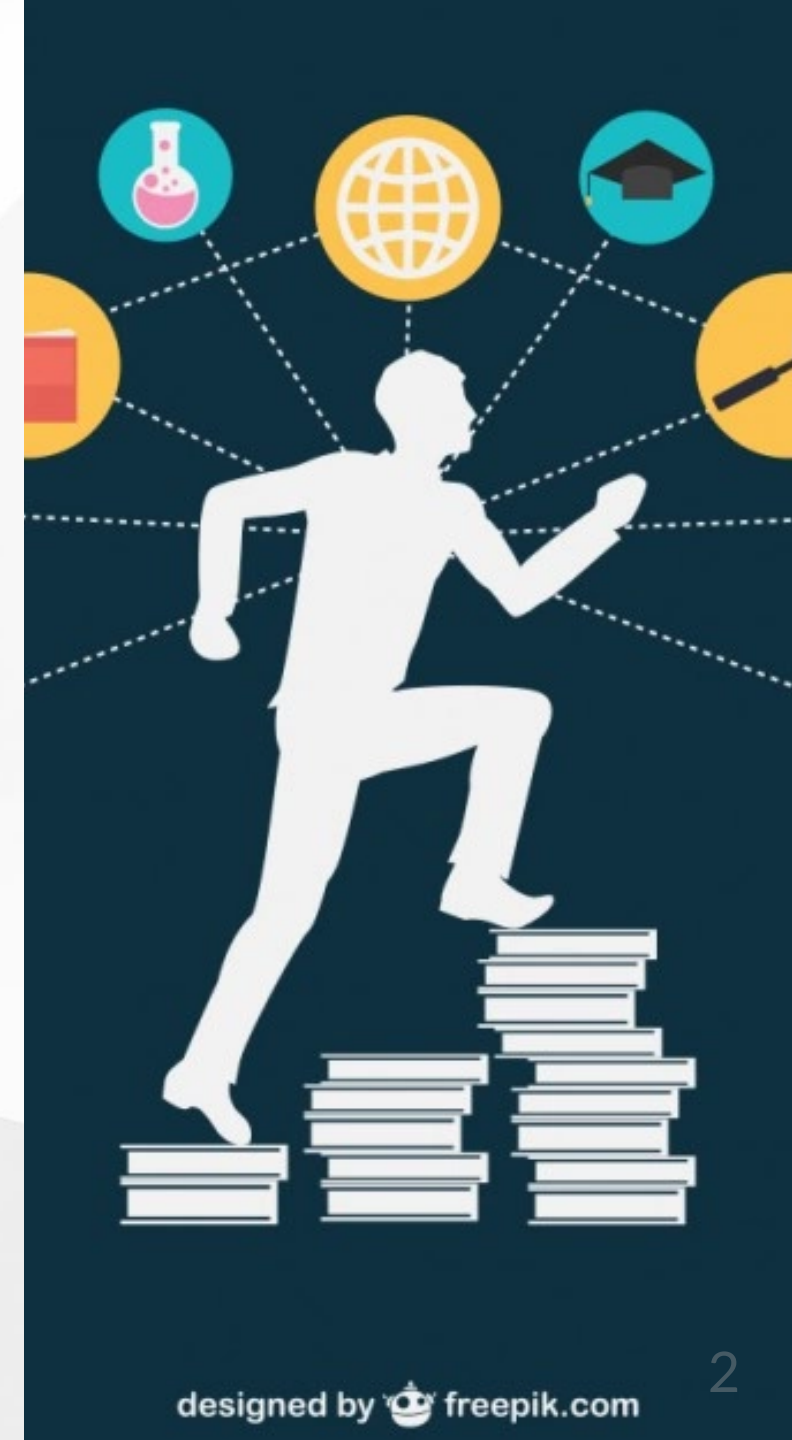
# O ecossistema Python para matemática computacional

**Leon Silva**

[leon.silva@ufrpe.br](mailto:leon.silva@ufrpe.br)

## Sobre mim

- Lic. em Matemática (UFRPE)
- Mestre em Matemática (UFC)
- Doutor em Ciência da Computação (UFPE)



# Outline

- Um pouco sobre Python
- Comparações sobre outros softwares
- Um passeio sobre a sintaxe do Python
- Pacotes para Matemática computacional
- Onde usar Python

# Por que Python?



## **Necessidade dos cientistas:**

- Carregar os dados
- Manipular e processar dados
- Manipular e operar com expressões algébricas
- Visualizar dados e resultados
- Alta qualidade e precisão

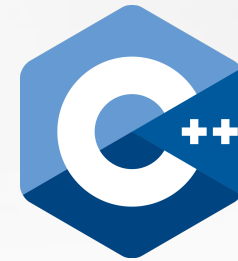
## Pontos fortes do Python:

- Não inventou a roda
- Fácil de aprender
- Legível
- Código eficiente
- Multipropósito



## C, C++, Fortran

- **Prós**
  - Muito rápida. Muito!
  - Grátis
- **Contra**
  - Sintaxe dolorosa
  - Gerenciamento manual da memória
  - Difíceis para não programadores.



# Linguagem Julia

- **Prós**
  - Rápido e simples
  - Capacidade de integração com Python
- **Contra**
  - Limitado a cálculos numéricos
  - Pouco testado





# Matlab

- **Prós**

- Muitos algoritmos disponíveis
- Rápido
- Editor integrado e agradável
- Suporte

- **Contra**

- Linguagem pobre
- Código fechado
- Pago



# Maple, Mathematica

- **Prós**

- Especializados em computação algébrica
- Editor próprio e útil
- Documentação profissional
- Suporte

- **Contra**

- Sintaxe pobre e confusa
- Código fechado
- Não é grátis



# Python

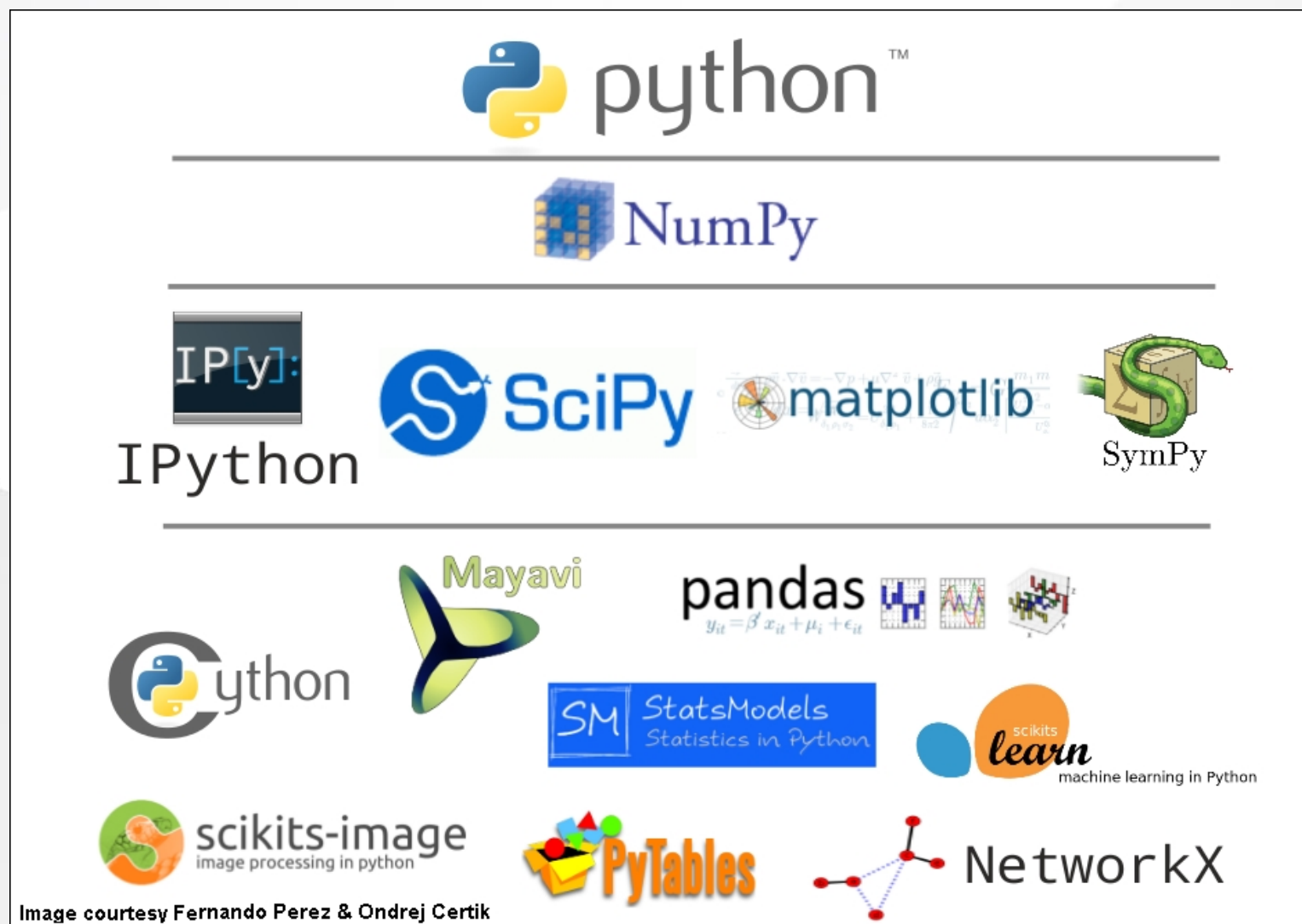
- **Prós**

- Várias bibliotecas para Matemática Computacional
- Linguagem poderosa e simples
- Gratuito e de código aberto
- Variedade de editores disponíveis

- **Contra**

- Nem todos os algoritmos estão disponíveis (ainda)





# Um passeio por Python e Matemática



# Matemática

$$\sum_{n=0}^{10} 3n$$

# Python

```
soma = 0
for n in range(11):
    soma += 3*n
```



# Matemática

$$\prod_{n=1}^{10} 2n$$

# Python

```
produto = 0
for n in range(1, 11):
    produto *= 2*n
```



# Matemática

$$A = \{n^2, \forall n \in \mathbb{N}; 20 < n < 100\}$$

# Python

```
a = 20  
b = 100  
A = [n for n in range(a, b+1)]
```





## Matemática

- Sequência de Fibonacci

$$\begin{cases} F_0 = 0, F_1 = 1 \\ F_n = F_{n-1} + F_{n-2} \quad \text{para } n > 1 \end{cases}$$

## Python

```
def F(n):  
    if n==0:  
        return 0  
    elif n<=2:  
        return 1  
    return F(n-1) + F(n-2)
```



## Matemática

- Resolver:  $ax^2 + bx + c = 0$

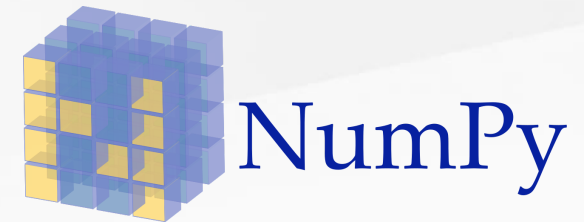
## Python

```
x = (b**2)-(4*a*c)
if x < 0 :
    print ("Raiz negativa nao pode ser extraida.")
else :
    x = math.sqrt(x)
    x1 = (-b + x)/(2*a);
    x2 = (-b - x)/(2*a)
    print ('x1 = ',x1, '\nx2 = ', x2)
```



## O que é o NumPy?

- pacote de extensão para Python para matrizes multidimensionais
- mais perto do hardware (eficiência)
- projetado para computação científica (conveniência)
- Também conhecido como computação orientada a array



## Python

```
soma = 0
for n in range(11):
    soma += 3*n
```

## NumPy

```
import numpy

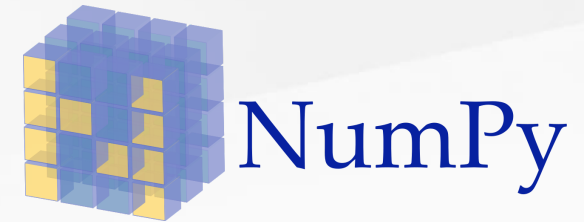
soma = numpy.sum(3*numpy.arange(11));
```



## Matemática

- Dada uma matriz  $A$  inversível:
  - Computar a inversa, autovetores e resolver o sistema  $Ax = b$ .

## NumPy



```
from numpy import linalg

linalg.inv(A)      #inversa de A

linalg.eigvals(A)  #autovalores

linalg.solve(A, b) #Resolve Ax=b
```

## Matemática

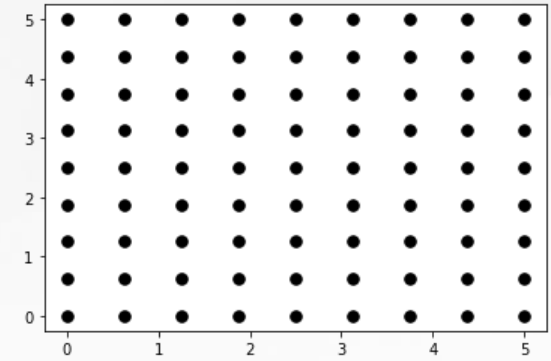
- Gerar coordenadas de 81 pontos na região  $R = [0, 5] \times [0, 5]$ , distribuídos uniformemente.

## NumPy

```
import numpy as np

nx, ny = (9, 9)
x = np.linspace(0, 5, nx)
y = np.linspace(0, 5, ny)

xv, yv = np.meshgrid(x, y)
```



# O que é o Matplotlib?

- Muito usado para gráficos 2d
- Fornece dados e figuras de qualidade de publicação
- Exporta figuras para diversos formatos
- mais ...

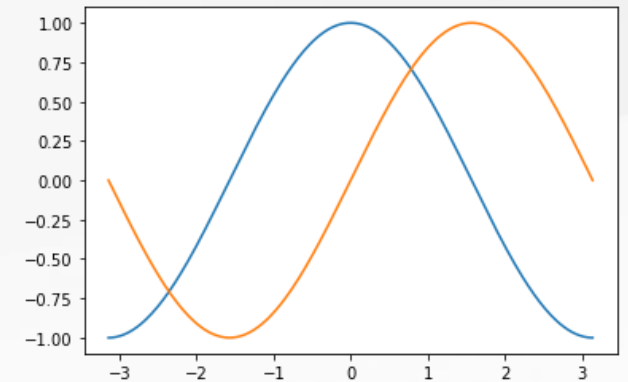


## Matplotlib: plot $y = \sin x$ e $y = \cos x$

```
# Gráficos 2D
```

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

X = np.linspace(-np.pi, np.pi, 256)
C, S = np.cos(X), np.sin(X)
plt.plot(X, C)
plt.plot(X, S)
plt.show()
```



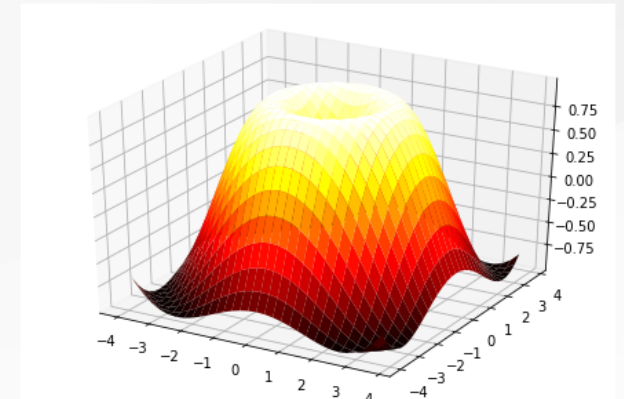


## Matplotlib: plot $z = \sin(\sqrt{x^2 + y^2})$

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D
```

```
fig = plt.figure()
ax = Axes3D(fig)
X = np.arange(-4, 4, 0.25)
Y = np.arange(-4, 4, 0.25)
X, Y = np.meshgrid(X, Y)
R = np.sqrt(X ** 2 + Y ** 2)
Z = np.sin(R)

ax.plot_surface(X, Y, Z, cmap=plt.cm.hot)
plt.show()
```

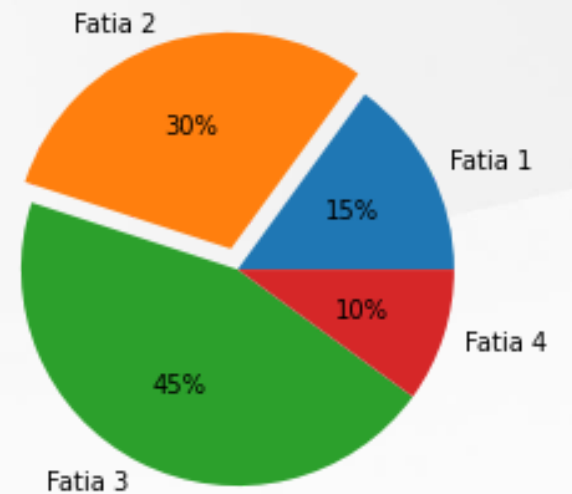


# Matplotlib: Gráfico de Pizza

```
import matplotlib.pyplot as plt

legendas = 'Fatia 1', 'Fatia 2', 'Fatia 3', 'Fatia 4'
porcentagem = [15, 30, 45, 10]
estourar = (0, 0.1, 0, 0)

fig, ax = plt.subplots()
ax.pie(porcentagem, estourar, legendas, autopct='%1.0f%%')
ax.axis()
plt.show()
```



## O que é o SciPy?

- Pacote principal para algoritmos científicos em Python
- Opera com eficiências matrizes do NumPy
- Dedicadas a muitas aplicações científicas



## Matemática

- Encontrar mínimo da função escalar
$$f(x) = x^2 + 10 \sin x, 0 < x < 10.$$

## SciPy

```
import numpy as np
from scipy import optimize

def f(x):
    return x**2 + 10*np.sin(x)

optimize.minimize(f, x0=0)
```



## Matemática

- Calcular  $\int_1^{10} \frac{\sin x}{x} dx$

## SciPy

```
import numpy as np
from scipy.integrate import quadrature
```

```
f = lambda x: np.sin(x)/x
quadrature(f, 1, 10)
```



## Matemática

- Resolver a EDO 
$$\begin{cases} \frac{dy}{dt} = 2y & 0 \leq t \leq 4 \\ y(0) = 1 \end{cases}$$

## SciPy



```
def calc_derivada(ypos, tempo):  
    return -2 * ypos  
  
from scipy.integrate import odeint  
  
t = np.linspace(0, 4, 40)  
y = odeint(calc_derivada, y0=1, t)
```

## O que é o SymPy?

- Operações algébricas em expressões algébricas
- Operação exatas do Cálculo
- Resolve equações algébricas
- Resolve EDO's



## Matemática

- Expandir a expressão  $(x + 1)^6$

## SymPy

```
import sympy  
  
x = sympy.symbols("x")  
  
sympy.expand((x+1)**6)
```





## Matemática

- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x}$  ]
- $\frac{d}{dx} [\sin x]$
- $\int \log x \, dx$

## SymPy

```
import sympy
# cálculos exatos
sympy.limit(sympy.sin(x)/x, x, 0) #limite

sympy.diff(sympy.sin(x), x) #derivada

sympy.integrate(sympy.log(x), x) #integral
```



## Matemática

- Resolver 
$$\begin{cases} x + 5y = 2 \\ -3x + 6y = 15 \end{cases}$$

## SymPy

```
import sympy as sym

x, y = sym.symbols('x, y')

sym.solve((x + 5*y-2, -3*x + 6*y-15), (x, y))
```



## Matemática

- Resolver a EDO  $y'' + 9y = 0$

## SymPy

```
from sympy import Function, dsolve, symbols  
  
x = symbols('x')  
y = Function('y')  
  
ddy = sympy.diff(y(x), x, x)  
  
dsolve(ddy + 9*y(x), y(x))
```



## O que é o Scikit-image?

- Processamento de imagens
  - Algoritmos:
    - segmentação
    - transformações geométricas
    - manipulação de cor
    - filtros



## Processamento

- Lendo arquivos da web (logo DM-UFRPE)

```
from skimage import io
import matplotlib.pyplot as plt

url = https://pymat.com.br/assets/images/logos/logo_dm.png

logo_dm = io.imread('url')
plt.imshow(logo_dm)
plt.axis('off')
plt.show()
```



## Processamento

- RGB para tons de cinza

## Scikit-image

```
from skimage import color

logo_dm_grayscale = color.rgb2gray(logo_dem)
plt.imshow(logo_dm_grayscale, cmap=plt.cm.gray)
plt.axis('off')
plt.show()
```



## Processamento

- Trocar o primeiro fundo com o segundo

## Scikit-mage

```
from skimage import filters

# Otsu's method.
val = filters.threshold_otsu( grayscale )
plt.imshow( grayscale < val, cmap=plt.cm.gray )
plt.axis('off')
plt.show()
```



## Outros pacotes do ecossistema





# SageMath: o Capitão Planeta

- Inclui os pacotes Python:
  - NumPy
  - SciPy
  - SymPy
  - Matplotlib
  - NetworkX
- Além do:
  - R
  - Maxima, GAP e outros



# E agora?



## Onde usar o Python e seus ecossistema



Obrigado