

1. 定义在全平面的指数函数 e^x

$$e^x = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots$$

编写程序实现 $y \approx e^x$ ，并在 $x=10, 20, -10, -20$ 处比较你的结果和 matlab 的计算结果.

```
function y=myfun(x)
```

```
....
```

```
.....
```

2. (插值的收敛性): 给定节点 $-1 \leq x_0 < x_1 < \dots < x_n \leq 1$ ，考虑插值 $f(x)$ 的多项式 $p_n(x)$ ，

$$p_n(x) = \sum_{k=0}^n f(x_k) l_k(x)$$

其中 $l_k(x)$ 为 Lagrange 插值基函数. 定义 Lebesgue 常数为

$$\Lambda_n = \sup_{x \in [-1, 1]} \lambda(x), \quad \lambda(x) = \sum_{k=0}^n |l_k(x)|.$$

程序目的:

(1) 等距节点 $x_i = -1 + i \frac{2}{n}, i = 0, 1, \dots, n$ ，画出 $\lambda(x)$ 的图形(取 $n=10, 20, 40, 80$)

(2) 切比雪夫极值点 $x_i = \cos \frac{i\pi}{n}, i = 0, 1, \dots, n$ ，画出 $\lambda(x)$ 的图形(取 $n=10, 20, 40, 80$)

(3) 对比上述两组节点，对高次插值有何影响?