Algorytmy i Struktury Danych Egzamin Poprawkowy (1. IX 2020)

Format rozwiązań

Rozwiązanie każdego zadania musi składać się z opisu algorytmu (wraz z uzasadnieniem poprawności i oszacowaniem złożoności obliczeniowej) oraz jego implementacji. Zarówno opis algorytmu jak i implementacja powinny się znajdować w tym samym pliku Pythona (rozszerzenie .py). Opis powinien być na początku pliku w formie komentarza (w pierwszej linii w komentarzu powinno być imię i nazwisko studenta). Implementacja musi być zgodna z szablonem kodu źródłowego dostarczonym wraz z zadaniem. Nie dopuszczalne jest w szczególności:

- 1. zmiana nazwy funkcji implementującej algorytm lub listy jej argumentów,
- 2. modyfikacja testów dostarczonych wraz z szablonem,
- 3. wypisywanie na ekranie jakichkolwiek napisów innych, niż wypisywane przez dostarczony kod (ew. napisy dodane na potrzeby diagnozowania błędów należy usunąć przed wysłaniem zadania).

Dopuszczalne jest natomiast:

- 1. korzystanie z następujących elementarnych struktur danych: krotka, lista, kolejka collections.deque,
- 2. korzystanie z wbudowanych algorytmów sortowania,
- 3. korzystanie ze struktur danych dostarczonych razem z zadaniem.

Wszystkie inne algorytmy lub struktury danych (w tym słowniki) wymagają implementacji. Dopuszczalne jest oczywiście implementowanie dodatkowych funkcji pomocniczych w pliku z szablonem rozwiązania. Jeśli ktoś zaimplementuje standardowe drzewo BST, to może w analizie zakładać, że żłożoność operacji na nim jest rzędu $O(\log n)$.

Zadania niezgodne z powyższymi ograniczeniami otrzymają ocenę 0 pkt. Rozwiązania w innych formatach (np. .PDF, .DOC, .PNG, .JPG) z definicji nie będą sprawdzane i otrzymają ocenę 0 punktów, nawet jeśli beda poprawne.

Proszę pamiętać, że rozwiązania trochę wolniejsze niż oczekiwane, ale poprawne, mają szanse na otrzymanie 1 punktu. Rozwiązania szybsze, ale błędne otrzymają 0 punktów. Proszę mierzyć siły na zamiary!

Testowanie rozwiązań

Żeby przetestować rozwiązania zadań należy wykonać:

```
python3 zad1.py
python3 zad2.py
python3 zad3.py
```

[2pkt.] Zadanie 1.

Szablon rozwiązania: zad1.py

Żab Zbigniew skacze po osi liczbowej. Ma się dostać z zera do n-1, skacząc wyłącznie w kierunku większych liczb. Skok z liczby i do liczby j (j > i) kosztuje Zbigniewa j-i jednostek energii, a jego energia nigdy nie może spaść poniżej zera. Na początku Zbigniew ma 0 jednostek energii, ale na szczęście na niektórych liczbach—także na zerze—leżą przekąski o określonej wartości energetycznej (wartość przekąki dodaje się do aktualnej energii Zbigniewa).

Proszę zaimplementować funkcję zbigniew(A), która otrzymuje na wejściu tablicę A długości len(A) = n, gdzie każde pole zawiera wartość energetyczną przekąski leżącej na odpowiedniej liczbie. Funkcja powinna zwrócić minimalną liczbę skoków potrzebną, żeby Zbigniew dotarł z zera do n-1 lub -1 jeśli nie jest to możliwe.

Podpowiedź. Warto rozważyć funkcję f(i,y) zwracającą minimalną liczbę skoków potrzebną by dotrzeć do liczby i mając w zapasie dokładnie y jednostek energii.

Przykład. Dla tablicy A = [2,2,1,0,0,0] wynikiem jest 3 (Zbigniew skacze z 0 na 1, z 1 na 2 i z 2 na 5, kończąc z zerową energią). Dla tablicy A = [4,5,2,4,1,2,1,0] wynikiem jest 2 (Zbigniew skacze z 0 na 3 i z 3 na 7, kończąc z jedną jednostką energii).

[2pkt.] Zadanie 2.

Szablon rozwiązania: zad2.py

W pewnym państwie, w którym znajduje się N miast, postanowiono połączyć wszystkie miasta siecią autostrad, tak aby możliwe było dotarcie autostradą do każdego miasta. Ponieważ kontynent, na którym leży państwo jest płaski położenie każdego z miast opisują dwie liczby x, y, a odległość w linii prostej pomiędzy miastami liczona w kilometrach wyraża się wzorem $len = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$. Z uwagi na oszczędności materiałów autostrada łączy dwa miasta w linii prostej.

Ponieważ zbliżają się wybory prezydenta, wszystkie autostrady zaczęto budować równocześnie i jako cel postanowiono zminimalizować czas pomiędzy otwarciem pierwszej i ostatniej autostrady. Czas budowy autostrady wyrażony w dniach wynosi $\lceil len \rceil$ (sufit z długości autostrady wyrażonej w km).

Proszę zaimplementować funkcję highway(A), która dla danych położeń miast wyznacza minimalną liczbę dni dzielącą otwarcie pierwszej i ostatniej autostrady.

Przykład Dla tablicy A = [(10,10),(15,25),(20,20),(30,40)] wynikiem jest 7 (Autostrady pomiędzy miastami 0-1, 0-2, 1-3).

[2pkt.] Zadanie 3.

Szablon rozwiązania: zad3.py

Dany jest zbiór N zadań, gdzie niektóre zadania muszą być wykonane przed innymi zadaniami. Wzajemne kolejności zadań opisuje dwuwymiarowa tablica T[N][N]. Jeżeli T[a][b] = 1 to wykonanie zadania a musi poprzedzać wykonanie zadania b. W przypadku gdy T[a][b] = 2 zadanie b musi być wykonane wcześniej, a gdy T[a][b] = 0 kolejność zadań a i b jest obojętna. Proszę zaimplementować funkcję tasks(T), która dla danej tablicy T, zwraca tablicę z kolejnymi numerami zadań do wykonania.

Przykład Dla tablicy T = [0,2,1,1], [1,0,1,1], [2,2,0,1], [2,2,2,0]] wynikiem jest tablica [1,0,2,3].