



Teoria da Computação - TP1 - part 3

Simulação Máquina de Post

Professor: Wallace de Almeida Rodrigues

Aluno: Lucas Gabriel de Almeida - Número: 0035333

Aluno: Lucas Mateus Fernandes - Número: 0035411

A seguir, será demonstrado que qualquer programa escrito para a Máquina de Turing (na versão Morphet) pode ser simulado na Máquina de Post.

Para a Máquina de Post Simular a Máquina de Turing um passo fundamental é implementar os elementos básicos da Máquina de Turing portanto para atingir tal objetivo optamos pela seguinte abordagem

Dada uma Máquina de Post com as seguintes características:

- Alfabeto = { A, B, C } U “conjunto de Caracteres Especiais”
 - “#” = carácter especial que representa final de fila;
 - “\$” = carácter especial que representa espaço em Branco;
 - “!” = carácter especial que representa meta carácter Genérico
- estados = { (#,#), (#,!), (#,\$), (#,A), (#,B), (#,C), (!,#), (!,!), (!,\$), (!,A), (!,B), (!,C), (\$,#), (\$,!), (\$,\$), (\$,A), (\$,B), (\$,C), (A,#), (A,!), (A,\$), (A,A), (A,B), (A,C), (B,#), (B,!), (B,\$), (B,A), (B,B), (B,C), (C,#), (C,!), (C,\$), (C,A), (C,B), (C,C) }

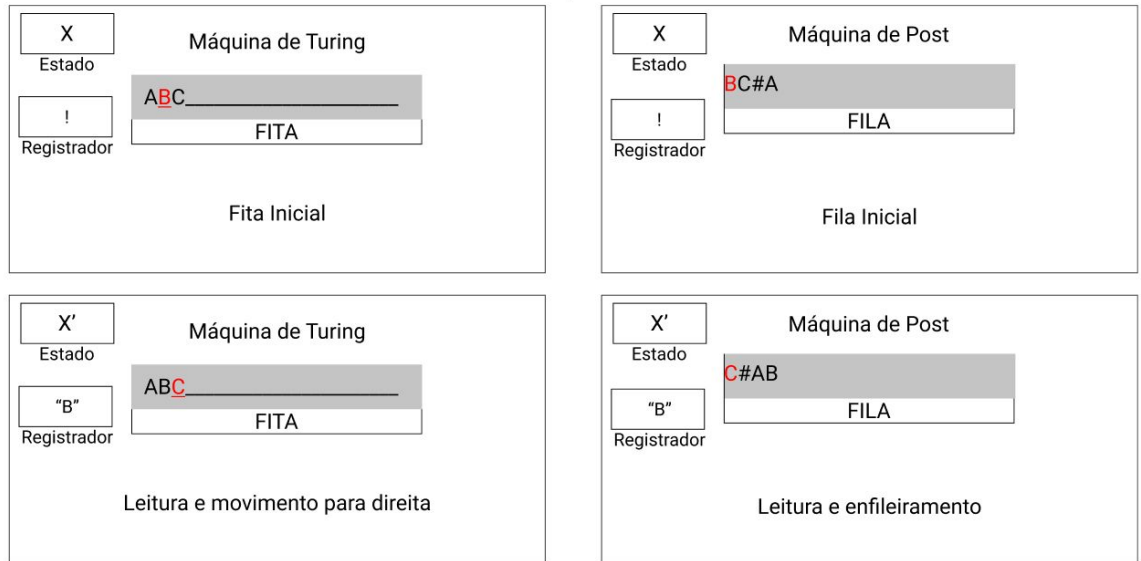
Dada uma Máquina de Post com ‘n’ caracteres no seu alfabeto, para cada carácter C_i e C_j pertencente ao alfabeto existe um estado representado pelo par ordenado (C_i, C_j) .

Fazendo uma pequena observação temos que cada elemento do conjunto de estados representa uma configuração específica da máquina de post, sendo que C_i está relacionado ao penúltimo carácter lido e C_j ao último, desde que C_j seja diferente de “!” pois quando C_j receber o valor “!” C_i começa a representar o último valor lido e C_j fica fixo com o carácter “!” indicando que o significado (C_i, C_j) foi “alterado”.

A máquina começa pelo estado $(!, !)$ pois ainda não houve leitura e o “!” é um meta carácter genérico..

Simulando a Máquina de Turing na Máquina de Post

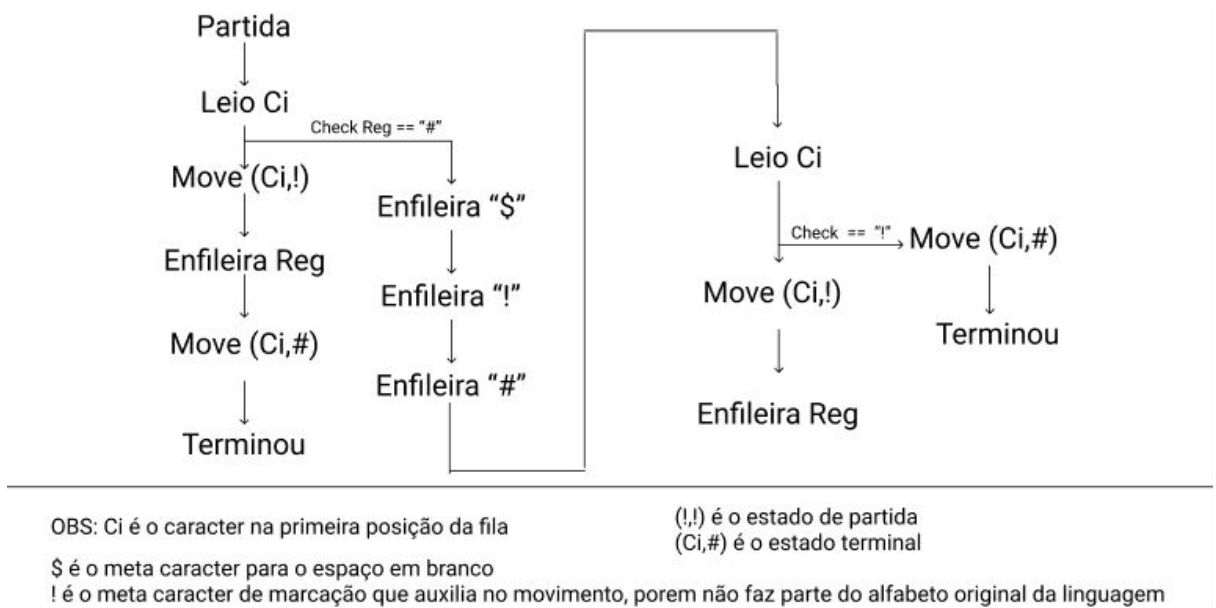
Movimento para a direita



Temos a MT, com a fita “ABC” com o cabeçote apontando para “B” e sua respectiva representação na MP com a fila “BC#A”, sendo que ambas possuem o valor “!” em seu registrador e um estado arbitrário ‘X’.

Na MT ao realizar uma ação de movimento para direita está implícito a leitura do caracter a escrita de algo na fita e o movimento do cabeçote.

Para que a MP realize tais procedimentos foi criado o diagrama de fluxo presente a seguir:



Seguindo tal diagrama e partido da configuração da máquina previamente expressa chegamos na efetiva simulação do movimento a direita o que pode ser visto através da tabela de computação abaixo:

Tabela de Computação (movimento para direita)

Fila	Estado	Registrador	Função
BC#A	(!,X)	\$	Partida
C#A	(!,X)	B	Leitura
C#A	(B,X)	B	Move
C#AB	(B,X)	B	Enfileira
C#AB	(B,X')	B	Move
C#AB	(B,X')	B	Terminou

Para fins de verbosidade, criamos label para algumas funções

Leitura equivale ao comando “ *X ler Y* ”

Check Reg = ‘argumento’ equivale ao comando “ *Y if argumento X* ”

Move equivale ao comando “ *Y if arg Y* ”

Enfileira equivale ao comando “ *Y atrib arg X* ”

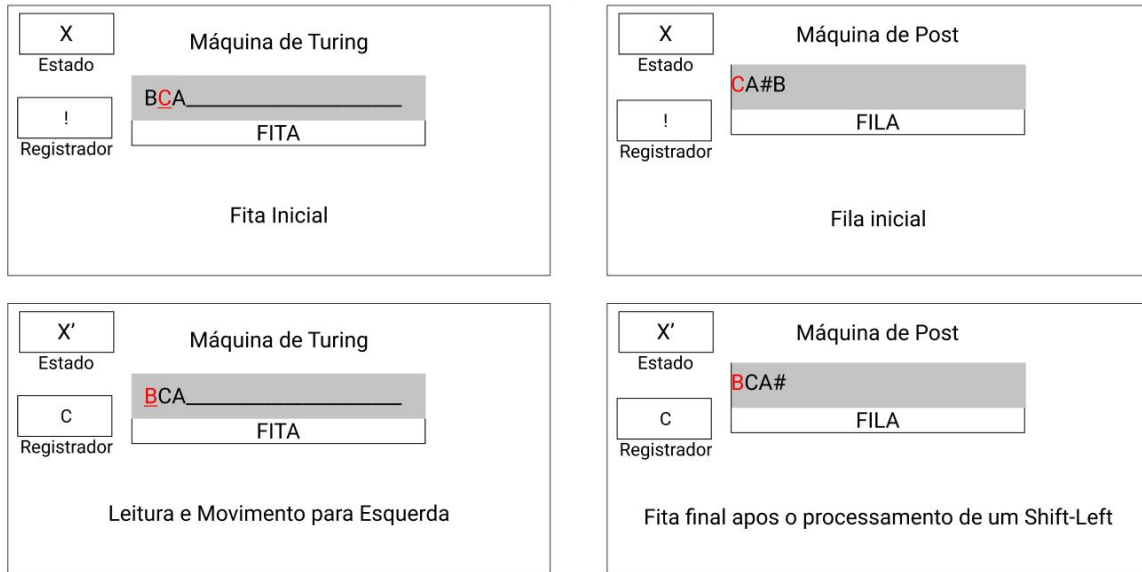
Terminou significa que o movimento foi Simulado.

Vale ressaltar que durante o movimento para a direita o par ordenado de estados (Ci,Cj) recebe o seguinte significado

- Ci = Valor do Registrador
- Cj = Estado

Simulando a Máquina de Turing na Máquina de Post

Movimento para a esquerda



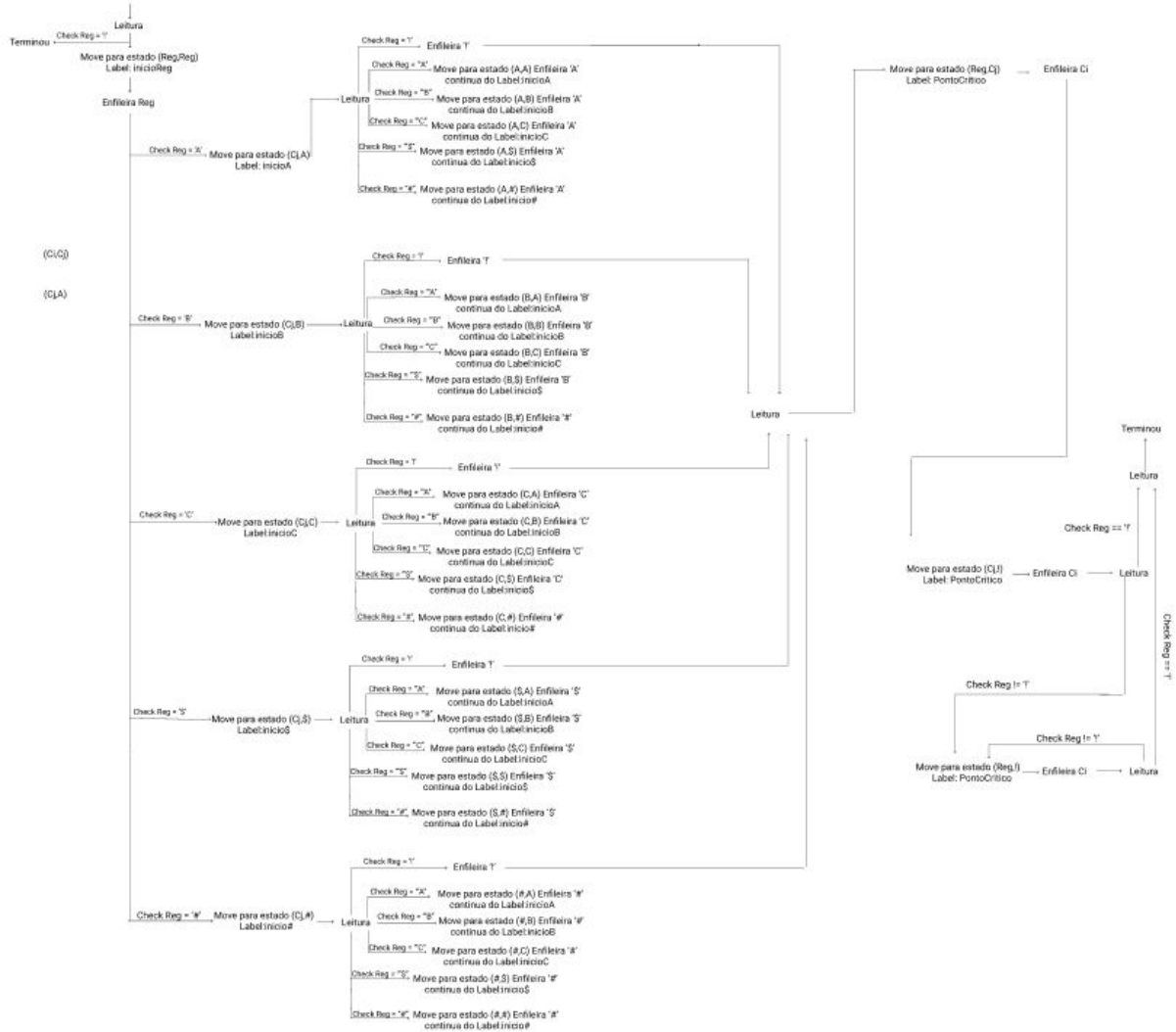
Temos a MT, com a fita “BCA” com o cabeçote apontando para “C” e sua respectiva representação na MP com a fila “CA#B”, sendo que ambas possuem o valor “!” em seu registrador e um estado arbitrário ‘X’.

Na MT ao realizar uma ação de movimento para esquerda está implícito a leitura do caracter a escrita de algo na fita e o movimento do cabeçote.

Para que a MP realize tais procedimentos foi criado o diagrama de fluxo presente a seguir:

Fluxograma Shift Left para o alfabeto (A,B,C)

Partida → Enfileira 'Y' Dado o seguinte diagrama



OBS: Dado um par ordenado (Cj,Cj)

se Cj for diferente de 'Y' então Ci representa o antigo valor de Cj

caso contrario se Cj for igual a 'Y' então Ci representa o valor presente no Registrador - com exceção Do ponto critico que é onde ocorre a alternancia das regras

A definição de Estado intermediario usada foi: os estados que são acessíveis a partir de (Cj,Cj) e+ levam a (Cj,Cj)

Label: Representa um ponto do diagrama

Terminou: O Shift Left Foi realizado

Lectura: Remove primeiro elemento da fila e armazena no registrador (Reg), em seguida move para um estado intermediario.

Check 'argumento': Caso o elemento do registrado seja igual o argumento vai para um estado intermediario

Enfileira 'X': Escreve 'x' no final da fila e move para um estado intermediario

Seguindo tal diagrama e partido da configuração da máquina previamente expressa chegamos na efetiva simulação do movimento a direita o que pode ser visto através da tabela de computação abaixo:

Tabela de Computação

Fila	Estado	Registrador	Função
CA#B	(!,!)	!	Partida
CA#B	(!,!)	!	Partida
CA#B!	(!,!)	!	Enfileira
CA#B!	(!,!)	!	Enfileira
CA#B!	(!,!)	!	Enfileira
CA#B!	(!,!)	!	Enfileira
A#B!	(!,!)	C	Leitura
A#B!	(C,C)	C	Move
A#B!C	(C,C)	C	Enfileira
A#B!C	(C,C)	C	Move
#B!C	(C,C)	A	Leitura
#B!C	(C,A)	A	Move
#B!CC	(C,A)	A	Enfileira
B!CC	(C,A)	#	Leitura
B!CC	(A,#)	#	Move
B!CCA	(A,#)	#	Enfileira
!CCA	(A,#)	B	Leitura
!CCA	(#,B)	B	Move
!CCA#	(#,B)	B	Enfileira
CCA#	(#,B)	!	Leitura(Começo transição)
CCA#!	(#,B)	!	Enfileira(Transição)
CA#!	(#,B)	C	Leitura(Transição)
CA#!	(C,B)	C	Move(Transição)
CA#!C	(C,B)	C	Enfileira(reg)
CA#!C	(B,!)	C	Move (reg)
CA#!CB	(B,!)	C	Enfileira (reg)
A#!CB	(B,!)	C	Leitura
A#!CB	(C,!)	C	Move
A#!CBC	(C,!)	C	Enfileira
#!CBC	(C,!)	A	Leitura
#!CBC	(A,!)	A	Move
#!CBCA	(A,!)	A	Enfileira
!CBCA	(A,!)	#	Leitura
!CBCA	(#,!)	#	Move
!CBCA#	(#,!)	#	Enfileira
CBCA#	(#,!)	!	Leitura
BCA#	(#,!)	C	Leitura
BCA#	(#,!)	C	Terminou

Para fins de verbosidade, criamos apelidos para algumas funções

Leitura equivale ao comando “ *X ler Y* ”

Check Reg = ‘argumento’ equivale ao comando “ *Y if argumento X* ”

Move equivale ao comando “ *Y if arg Y* ”

Enfileira equivale ao comando “ *Y’ atrib arg X* ”

Terminou significando que o movimento foi Simulado.

Label representa um ponto de referência dentro do diagrama

Vale ressaltar que durante o movimento para a esquerda o par ordenado de estados (C_i, C_j) recebe o seguinte significado

- Se (C_j) for diferente de “!” então C_i representa o antigo valor de C_j que equivale ao antigo valor do registrando, podendo assim simular um pseudo registrador adicional)
- Caso contrário se (C_j) for igual a “!” então C_i representa o valor presente no Registrador)

