

EXORDDGIIM22017-18.pdf



danielsp10



Álgebra I



2º Doble Grado en Ingeniería Informática y Matemáticas

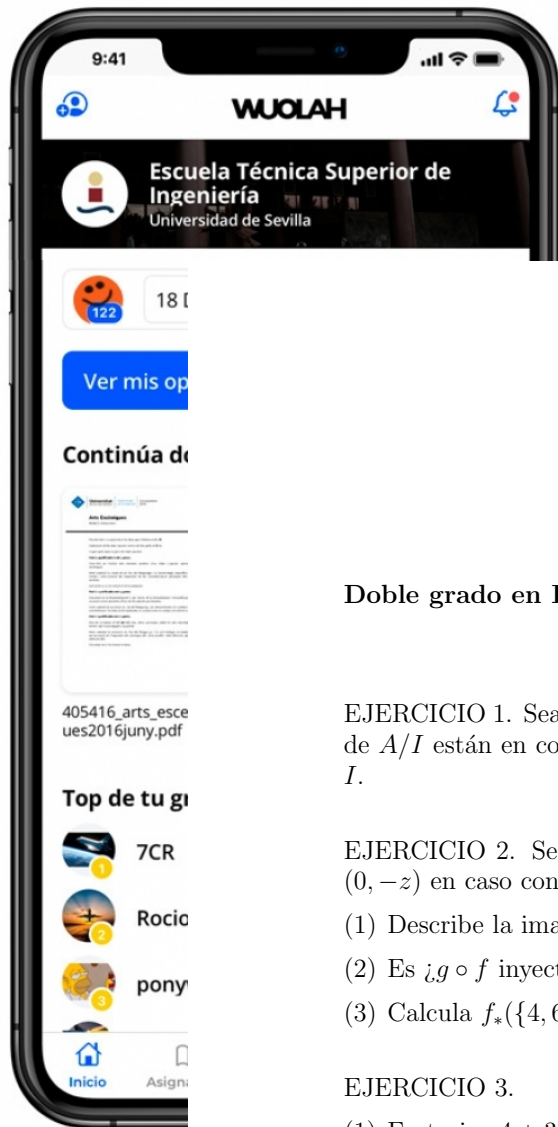


**Escuela Técnica Superior de Ingenierías Informática y de Telecomunicación
Universidad de Granada**



Descarga la APP de Wuolah.
Ya disponible para el móvil y la tablet.





Descarga la APP de Wuolah.
Ya disponible para el móvil y la tablet.



ÁLGEBRA I

Doble grado en Informática y Matemáticas, 2º Curso.

Examen Extraordinario (febrero 2018)

EJERCICIO 1. Sea A un anillo conmutativo y sea I un ideal suyo. Demuestra que los ideales de A/I están en correspondencia biyectiva con el conjunto de ideales de A que contienen a I .

EJERCICIO 2. Sea $f : \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{N} \times \mathbb{N}$ definida como $f(z) = (z, 0)$ si z es positivo y $f(z) = (0, -z)$ en caso contrario. Sea $g : \mathbb{N} \times \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ la aplicación definida como $g(a, b) = 2^a 3^b$.

- (1) Describe la imagen de $g \circ f$.
- (2) Es $g \circ f$ inyectiva?
- (3) Calcula $f_*(\{4, 6, 9, 10\})$ y $f^*(\{(0, 0), (2, 2), (3, 1)\})$

EJERCICIO 3.

- (1) Factoriza $4 + 3i \in \mathbb{Z}[i]$ como producto de irreducibles.
- (2) Resuelve en \mathbb{Z} el siguiente sistema de congruencias

$$\begin{cases} 2x \equiv 1 \pmod{13} \\ 3x \equiv 2 \pmod{11} \end{cases}$$

Encuentra la menor solución de este sistema que sea mayor o igual que 1200.

- (3) Determina si la ecuación

$$(7 + 3i)x + (5 - i)y = 2$$

tiene soluciones en $\mathbb{Z}[i]$, y en caso afirmativo, encuentra todas las soluciones.

EJERCICIO 4. Estudia la irreducibilidad de los siguientes polinomios en $\mathbb{Z}[x]$ y en $\mathbb{Q}[x]$:

- (1) $2x^4 - x^3 + 2x^2 + x + 1$
- (2) $x^5 + x^2 + 1$
- (3) $x^5 + 3x^4 + 3x^2 + 1$
- (4) $x^5 - 4x^4 - 2x^2 + x - 1$