## Geometría III

(Doble Grado IIM, 25/11/2022)<sup>1</sup>

- 1. Estudia si existe una aplicación afín f de  $\mathbb{R}^2$  en  $\mathbb{R}^2$  verificando f(0,1)=(1,1), f(1,2)=(-1,1), f(-1,0)=(3,1) y f(0,0)=(2,1). En caso afirmativo calcula su expresión matricial en el sistema de referencia usual y decide si es o no biyectiva (4 puntos)
- 2. Razona que en un triángulo isósceles el incentro, circuncentro, baricentro y ortocentro están siempre alineados. (2 puntos)
- 3. Determina el movimiento helicoidal en  $\mathbb{R}^3$  de eje  $e := \{x y = 0, z = 1\}$ , ángulo  $\frac{\pi}{4}$  y vector de traslación (2, 2, 0). (4 puntos)

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Tiempo del control: 1 hora 30 minutos