

Sistema de Transmisión AM con Codificación DTMF

Informe de Trabajo Integrador



Procesamiento Digital de Señales

Ingeniería en Computación

Facultad de Ciencias Exactas y Tecnología

Universidad Nacional de Tucumán

Autores:

Boeri, Benjamin
Campero, Leandro
Villafañe, Cristian

20 de junio de 2023

Resumen

El procesamiento digital de señales se refiere a la manipulación, análisis y transformación de señales utilizando algoritmos y técnicas computacionales. En este proyecto, el procesamiento digital de señales se aplica para generar y decodificar los tonos DTMF, así como para simular la transmisión y detección de los dígitos enviados.

Este proyecto presenta la implementación de un sistema de Modulación en Amplitud (AM) y Codificación DTMF utilizando MATLAB/SIMULINK. Se busca transmitir dígitos numéricos codificados en DTMF a través de un enlace cableado simulado. El sistema involucra la generación de tonos DTMF, el diseño de filtros digitales pasa bandas para el decodificador, la configuración de la frecuencia de portadora RF y la modelización del canal de transmisión como un filtro analógico pasa banda.

Un filtro digital es un componente esencial en el procesamiento digital de señales que permite modificar las características de una señal. En este proyecto, se utilizan filtros digitales pasa bandas implementados mediante la técnica del filtro Butterworth. Estos filtros permiten seleccionar y aislar las frecuencias específicas asociadas a los tonos DTMF.

La implementación de los filtros digitales se logra mediante la transformación de los coeficientes del filtro en una representación numérica que se aplica a la señal de entrada. Esto puede lograrse utilizando algoritmos y técnicas de programación, así como también herramientas como MATLAB y SIMULINK.

El resultado de este proyecto demuestra la viabilidad y efectividad de la implementación del sistema propuesto. El procesamiento digital de señales y el uso de filtros digitales son fundamentales en diversas aplicaciones, incluyendo las comunicaciones y el procesamiento de señales de audio.

En resumen, este proyecto combina el procesamiento digital de señales, la modulación AM, el diseño de filtros digitales y la codificación DTMF para lograr la transmisión y detección de dígitos numéricos. La implementación exitosa de este sistema contribuye al avance y comprensión de las técnicas de procesamiento y transmisión de señales en el ámbito de las comunicaciones.

Índice general

| | |
|---|-----------|
| Índice general | 1 |
| 1. Introducción | 2 |
| 1.1. Problema propuesto | 2 |
| 1.2. Objetivo | 2 |
| 1.3. Enunciado | 3 |
| 1.4. Lineamientos Generales | 3 |
| 2. Desarrollo | 5 |
| 2.1. Análisis | 5 |
| 2.2. Diseño | 6 |
| 2.3. Especificaciones | 6 |
| 2.4. Prototipo | 7 |
| 3. Conclusiones | 10 |
| 3.1. Resultados | 10 |
| 3.2. Aplicaciones | 10 |
| 3.3. Problemas en la práctica | 10 |
| Bibliografía | 11 |
| Siglas | 12 |
| Índice de figuras | 13 |
| Índice de cuadros | 14 |
| Índice de bloques de código fuente | 15 |

Capítulo 1

Introducción

1.1. Problema propuesto

La modulación en amplitud o Amplitud Modulada (AM), permite la transmisión de una señal de baja frecuencia superpuesta a una onda de alta frecuencia. Este sistema de modulación permite enviar mensajes en la forma de envoltorios de la onda portadora, ya sea por un canal de aire o físico utilizando un enlace cableado.

El sistema de codificación Doble Tonos Múltiples Frecuencias (DTFM), utiliza una combinación de tonos de frecuencia audibles para representar el conjunto de números del 0 al 9 disponible en el teclado telefónico, con lo cual es posible enviar una codificación numérica por la línea telefónica.

El modelo de trabajo está representado en la Figura 1.1, correspondientes al Modulador y Demodulador AM, el canal de cable telefónico, y las etapas de codificación y decodificación DTFM.

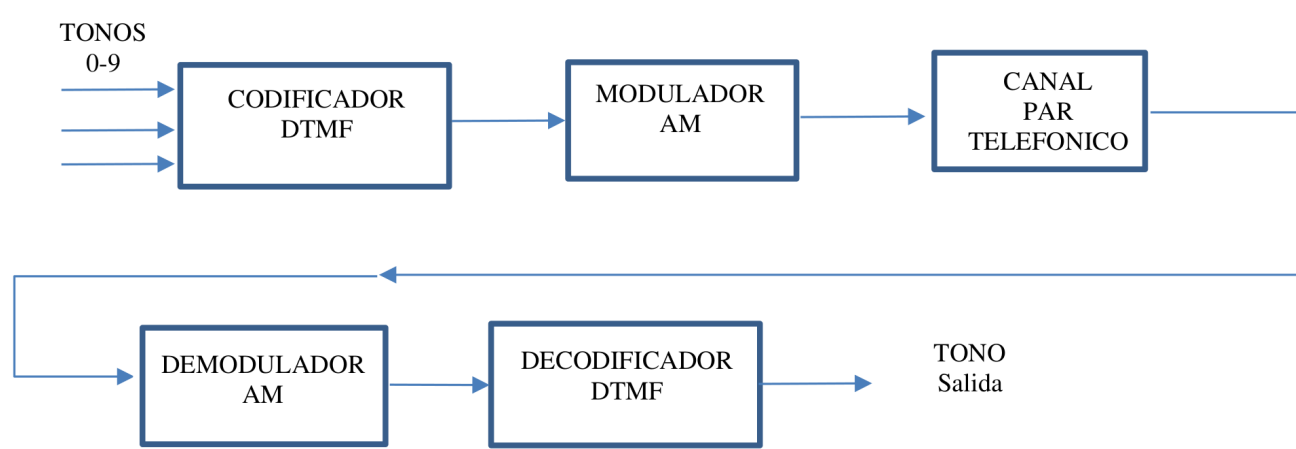


Figura 1.1: Diagrama de bloques general

1.2. Objetivo

El objetivo principal de este proyecto integrador es la implementación del sistema mostrado en la Figura 1.1, utilizando MATLAB, SIMULINK, o la combinación de ambos recursos de modelado computacional, para el envío de números (0-9) codificados en DTFM bajo modulación AM, y la detección del número enviado a la salida (uno número cada por vez).

A modo de referencia, el Cuadro 1.1, muestra la combinación de tonos audibles asociados al conjunto numérico, y en el enlace indicado se encuentra la información ampliada sobre la codificación DTFM.

| Frecuencia Baja | Frecuencia Alta | Digito | Frecuencia Final |
|-----------------|-----------------|--------|------------------|
| 697 | 1209 | 1 | 1906 |
| 697 | 1336 | 2 | 2033 |
| 697 | 1477 | 3 | 2174 |
| 770 | 1209 | 4 | 1979 |
| 770 | 1336 | 5 | 2106 |
| 770 | 1477 | 6 | 2247 |
| 852 | 1209 | 7 | 2061 |
| 852 | 1336 | 8 | 2188 |
| 852 | 1477 | 9 | 2329 |
| 941 | 1336 | 0 | 2277 |

Cuadro 1.1: Combinación de tonos audibles (medido en [Hz])

1.3. Enunciado

- A nivel simulación se deberán sintetizar los tonos asociados a cada dígito numérico seleccionando una Frecuencia de Muestreo (f_s) apropiada (Teorema de Nyquist-Shannon).
- El demodulador DTFM deberá ser implementado mediante filtros digitales pasa bandas, con un orden y respuestas apropiadas. El modo de indicar cuál fue el dígito enviado queda a criterio del grupo de trabajo.
- Para el modelo de transmisión AM (enlace cableado) se deberán establecer y sintetizar la frecuencia de portadora RF el índice de modulación apropiados (recordando que f_s es única en todo el sistema).
- El canal de transmisión se corresponde al de un filtro analógico (transformado a digital) pasa banda con un rango de 300 Hz a 3400 Hz, respuesta plana y orden apropiado. Se considera el rango útil asignado a la frecuencia telefónica, aunque el cable telefónico de cobre tipo AWG-24, por ejemplo, supera este ancho de banda a 1Mz en distancias inferiores a 200 Mts.

1.4. Lineamientos Generales

- El grupo de trabajo deberá cumplir con las especificaciones del proyecto, utilizando criterios de diseños justificados para cada bloque del sistema.
- Se deberán indicar el paso a paso para el diseño de los filtros digitales utilizados en las diferentes etapas.
- El criterio de selección para el filtro analógico representativo del canal (Bessel, Butterworth, etc.), y el método de transformación analógico a discreto escogido, brindando una gráfica comparativa de la respuesta en frecuencia resultantes en ambos planos (Laplace y Z).

- d) Se pide 3 aplicaciones posibles del sistema desarrollado en aplicaciones de tele comando (por ejemplo, aplicación de sistema de riego por comando telefónico de 3 zonas), y como se imprimiría en la práctica (no el desarrollo, solo la propuesta).
- e) Problema de análisis: para el caso de que ocurran fallos en el canal de comunicación (por ejemplo, una atenuación en determinadas frecuencias), analizar la robustez del código detector para al menos 3 zonas atenuadas de frecuencias diferentes. Utilizar el código adjunto en Matlab para el diseño del canal con fallas. Justificar los resultados.
- f) Escribir el informe, Incluir conclusiones, observaciones y sugerencias sobre los resultados obtenidos

Capítulo 2

Desarrollo

2.1. Análisis

El análisis de un filtro digital es el proceso de determinar la respuesta de un filtro ante una dada excitación. El presente informe tiene como objetivo documentar los pasos que serán necesarios para realizar el diseño de un filtro digital a partir de un prototipo con determinadas características o especificaciones.

En el contexto de la problemática comentada en el capítulo anterior, disponemos de 10 señales a analizar las cuales se corresponden con los dígitos del 0 al 9. De esto concluimos que se necesitan 10 bandas de paso para filtrar las 10 señales. Dada la cercanía de las frecuencias centrales por dígito (ver Cuadro 1.1) se propone un Ancho de Banda (AB) de 20Hz por frecuencia. De esta forma la distribución bandas de paso queda determinado por el Cuadro 2.1.

Los límites de frecuencia de cada AB corresponden a los puntos de media potencia (0.707) del valor máximo de transferencia. Además, establecemos como criterio de diseño que debe atenuar a 20dB en la banda de transición o paso.

| Dígito | f_{c1} | f_0 | f_{c2} |
|---------------|----------|-------|----------|
| 1 | 1896 | 1906 | 1916 |
| 4 | 1969 | 1979 | 1989 |
| 2 | 2023 | 2033 | 2043 |
| 7 | 2051 | 2061 | 2071 |
| 5 | 2096 | 2106 | 2116 |
| 3 | 2164 | 2174 | 2184 |
| 8 | 2178 | 2188 | 2198 |
| 6 | 2237 | 2247 | 2257 |
| 0 | 2267 | 2277 | 2287 |
| 9 | 2319 | 2329 | 2339 |

Cuadro 2.1: Distribución de bandas de paso (medido en [Hz])

2.2. Diseño

Para el desarrollo de los filtros pasa banda usaremos el método directo con un filtro prototipo pasabajos Butterworth.

Método Directo

El método directo, también conocido como método de diseño de coeficientes, es uno de los métodos más simples y directos para diseñar filtros digitales. Este método se basa en la especificación directa de los coeficientes del filtro en función de los parámetros deseados, como la respuesta de frecuencia, la Frecuencia de Corte (f_c) y las características de atenuación.

Filtro Butterworth

El filtro Butterworth es un tipo de filtro digital diseñado utilizando la aproximación de Butterworth, que es una de las aproximaciones clásicas para la respuesta de frecuencia de filtros analógicos y digitales. Se caracteriza por tener una respuesta en frecuencia lo más plana y suave posible en la banda de paso, lo que significa que atenúa las frecuencias no deseadas de manera gradual y sin oscilaciones abruptas.

El filtro de Butterworth más típico es el filtro pasa bajo de primer orden, el cual puede ser modificado a un filtro pasa alto o añadir en serie otros formando un filtro pasa banda o elimina banda y filtros de mayores órdenes.

Consideraciones

Como podemos observar en el Cuadro 2.1 la región espectral más comprometida es la que corresponde a los dígitos 3 y 8 debido su cercanía en frecuencia, por lo que procederemos a calcular el filtro para el dígito 8. Luego, lo usaremos como base para los demás filtros, ya que si cumple las especificaciones para la región entre frecuencias más cercanas, se cumplirá en las demás frecuencias. Realizamos el cálculo del orden del filtro Butterworth prototipo pasa-bajo. El filtro pasa-banda será el doble del orden calculado para el prototipo pasa-bajos.

2.3. Especificaciones

Definimos la f_s apropiada utilizando el Teorema de Nyquist-Shannon, teniendo en cuenta la banda de frecuencias de interés. La frecuencia máxima del sistema es 2339Hz (banda lateral superior del dígito 9). Entonces el cálculo de f_s está dado por la siguiente expresión:

$$f_s \geq 2f_{MAX} = 2 \times 2339[\text{Hz}] = 4678[\text{Hz}] \quad (2.1)$$

Por cuestiones de diseño tomamos $f_s = 5000[\text{Hz}]$. Además también debemos establecer la Frecuencia de Atenuación o Paso (f_a), la cual será 4[Hz] mayor que f_c . Todos los datos necesarios para el diseño del filtro pasa bajos se detalla en el Cuadro 2.2.

| Magnitud | Valor |
|------------|----------|
| f_0 | 2188[Hz] |
| f_c | 2198[Hz] |
| f_a | 2022[Hz] |
| f_s | 5000[Hz] |
| Atenuación | 10[dB] |

Cuadro 2.2: Características de prototipo de filtro pasa bajos

Ahora necesitamos obtener el orden (n) del filtro. A partir de la Ecuación 2.4, podemos despejar n y obtenemos la Ecuación 2.5. Para poder encontrar el valor de n primero debemos convertir las frecuencias digitales a analógicas, cuyos resultados son obtenidos de las Ecuaciones 2.2 e 2.3.

$$\omega_{aA} = 2f_s \tan \frac{2\pi f_a}{2f_s} = 52066,281 \text{ [rad/s]} \quad (2.2)$$

$$\omega_{cA} = 2f_s \tan \frac{2\pi f_c}{2f_s} = 52782,106 \text{ [rad/s]} \quad (2.3)$$

$$A_{dB} = 10 \log \left[1 + \left(\frac{\omega_{aA}}{\omega_{cA}} \right)^{2n} \right] \quad (2.4)$$

$$n = \frac{1}{2} \frac{\log \left(10^{\frac{A_{dB}}{10}} - 1 \right)}{\log \left(\frac{\omega_{cA}}{\omega_{aA}} \right)} = 80,457 \approx 81 \quad (2.5)$$

Como se puede observar en el resultado de la Ecuación 2.5, el orden es de aproximadamente 81 (porque tiene que ser un número entero positivo). Dado el alto orden que tiene este filtro, el cálculo analítico de los valores se hace sumamente complejo, debido a este problema procederemos a realizar de manera ilustrativa el cálculo para un filtro de **orden 2**.

2.4. Prototipo

Para el desarrollo analítico del prototipo consideraremos un filtro pasa-bajos de orden 2 (justificado en la sección anterior). Las frecuencias involucradas se describen en el Cuadro 2.2. Como se trata un filtro Butterworth, los polos estables se encontrarán distribuidos sobre el círculo de Butterworth (círculo unitario). Aquellos valores que se encuentren por fuera del mismo, serán los polos inestables. Para este análisis solo consideraremos los estables. Por otro lado, obtendremos los ceros ubicados en $z = -1$ como se muestra en la Figura 2.1.

Para obtener los polos correspondientes al plano z utilizamos la función transferencia, de ella obtenemos la ecuación para obtener los polos (usando la Ecuación 2.6 para obtener las partes reales, y la Ecuación 2.7 para las partes imaginarias).

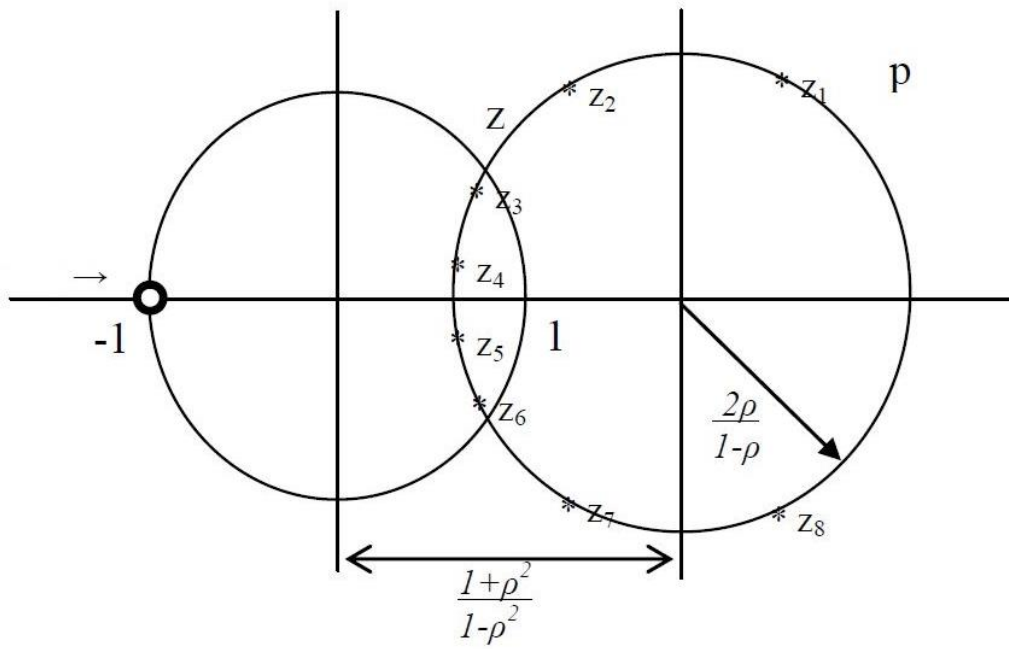


Figura 2.1: Diagrama de Polos y Ceros

$$u_m = \frac{1 - \tan^2 \left(\frac{\omega_c T}{2} \right)}{1 - 2 \tan \left(\frac{\omega_c T}{2} \right) \cos \left(\frac{2m+1}{2n} \pi \right) + \tan^2 \left(\frac{\omega_c T}{2} \right)} \quad (2.6)$$

$$v_m = \frac{2 \tan \left(\frac{\omega_c T}{2} \right) \sin \left(\frac{2m+1}{2n} \pi \right)}{1 - 2 \tan \left(\frac{\omega_c T}{2} \right) \cos \left(\frac{2m+1}{2n} \pi \right) + \tan^2 \left(\frac{\omega_c T}{2} \right)} \quad (2.7)$$

| m | u_m | v_m | Modulo | Argumento |
|-----|--------|---------|---------------|------------------|
| 0 | -1,259 | 0,355i | 1,308 | 2,867 |
| 1 | -0,736 | 0,208i | 0,765 | 2,866 |
| 2 | -0,736 | -0,208i | 0,765 | -2,866 |
| 3 | -1,259 | -0,355i | 1,308 | -2,867 |

Cuadro 2.3: Polos del filtro prototipo

Luego para $m = 0, 1, \dots, 2n - 1$, se obtienen 4 polos (ver Cuadro 2.3). Del resultado, se puede ver que los polos 0 y 3 se encuentran fuera del círculo unitario, entonces vamos a considerar los polos 1 y 2 para armar la función transferencia del filtro prototipo.

$$H(z) = \frac{(z - 1)^2}{(z - p_1)(z - p_2)} \quad (2.8)$$

$$H(z) = \frac{z^2 + 2z + 1}{z^2 - 2u_1z + u_1^2 + v_1^2} \quad (2.9)$$

$$H(z) = \frac{z^2 + 2z + 1}{z^2 + 1,472z + 0,585} \quad (2.10)$$

Para trabajar en el plano de z^{-1} se multiplica y divide la expresión por z^{-2} . Luego obtenemos la Ecuación 2.11 la cual nos indica los coeficientes de la función transferencia.

$$H(z^{-1}) = \frac{1 + 2z^{-1} + z^{-2}}{1 + 1,472z^{-1} + 0,585z^{-2}} \quad (2.11)$$

A partir de los coeficientes del polinomio anterior podemos graficar respuesta en frecuencia del filtro utilizando el Código 2.1 en MATLAB. La función que calcula la respuesta en frecuencia es: `freqz (N, D)`, donde `N` son los coeficientes del numerador, y `D` son los coeficientes del denominador. El resultado se puede apreciar en la Figura 2.2.

```

1 num=[1 2 1];
2 den=[1 1.472 0.585];
3 [h,w]=freqz(num,den);
4 plot (w*2500/pi, abs(h)/max(abs(h))) % 2500 representa la máxima frecuencia
5 title('Gráfica del filtro prototipo')
6 xlabel ('Frecuencia'), ylabel ('Amplitud'), grid on
7
8 x = abs(h)
```

Código fuente 2.1: Graficar respuesta en frecuencia

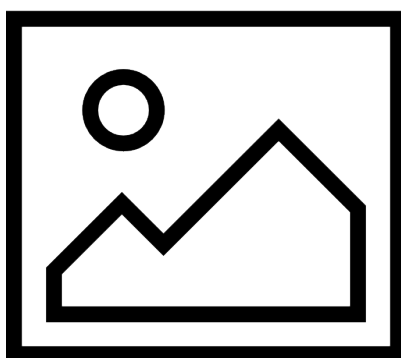


Figura 2.2: Respuesta en frecuencia del filtro

Capítulo 3

Conclusiones

3.1. Resultados

Aquí explicas tu metodología de investigación.

3.2. Aplicaciones

3.3. Problemas en la práctica

Bibliografía

Siglas

f_a Frecuencia de Atenuación o Paso. 7

f_c Frecuencia de Corte. 6, 7

f_s Frecuencia de Muestreo. 3, 7

AB Ancho de Banda. 5

AM Amplitud Modulada. 2

DTFM Doble Tonos Múltiples Frecuencias. 2, 3

Índice de figuras

| | |
|---|---|
| 1.1. Diagrama de bloques general | 2 |
| 2.1. Diagrama de Polos y Ceros | 8 |
| 2.2. Respuesta en frecuencia del filtro | 9 |

Índice de cuadros

| | |
|--|---|
| 1.1. Combinación de tonos audibles (medido en [Hz]) | 3 |
| 2.1. Distribución de bandas de paso (medido en [Hz]) | 5 |
| 2.2. Características de prototipo de filtro pasa bajos | 7 |
| 2.3. Polos del filtro prototipo | 8 |

Índice de bloques de código fuente

| | |
|---|---|
| 2.1. Graficar respuesta en frecuencia | 9 |
|---|---|