**Dep:** Matemática Aplicada

1. Dados os conjuntos  $A = \{-4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4\}$  e  $B = \{0, 2, 4, 6, 8\}$ , determinar as seguintes relações de A em B:

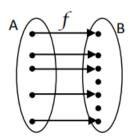
(a) 
$$R = \{(x, y) \in A \times B \mid y = 2x\}$$

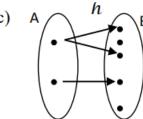
(c) 
$$R = \{(x, y) \in A \times B \mid y = x^2\}$$

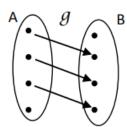
(b) 
$$R = \{(x, y) \in A \times B \mid y = 2x + 1\}$$

2. Verifque se os diagramas abaixo são funções.

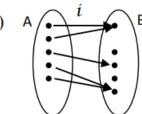
a)







d)



3. Escreva uma equação para a função do primeiro grau f satisfazendo as condições dadas. Represente as funções graficamente.

(a) 
$$f(-5) = -1 e f(2) = 4$$

(c) 
$$f(0) = 3 e f(3) = 0$$

(b) 
$$f(-3) = 5 e f(6) = -2$$

4. Determinar o domínio da função dada por cada uma das expressões seguintes:

(a) 
$$y = \sqrt{x+1}$$

(b) 
$$y = \sqrt{x - 1}$$

(c) 
$$\frac{4}{3-x}$$

(d) 
$$y = \sqrt{9 - x}$$

(e) 
$$y = \frac{1}{\sqrt{x}}$$
  
(f)  $y = x^2$ 

(f) 
$$y = x^2$$

(g) 
$$y = \frac{1}{x-4}$$

(h) 
$$y = \sqrt{4 - x^2}$$

(i) 
$$y = \sqrt{x-2}$$

(j) 
$$y = \sqrt{x^2 - 4x + 3}$$

(k) 
$$y = \sqrt{\frac{x}{x+1}}$$

- 5. Dada  $f(x) = \frac{x-1}{2x+7}$ , forme as expressões  $f\left(\frac{1}{x}\right)$  e  $\frac{1}{f(x)}$ .
- 6. Identifique como afim, linear, constante ou identidade cada uma das seguintes funções:
  - (a) f(x) = x 2

(e) f(x) = 6x

(b) f(x) = 1 - 3x

(f) f(x) = -1

(c) f(x) = 3

(g)  $f(x) = \frac{1}{2}x$ 

(d) f(x) = x

- (h) f(x) = -4x + 3
- 7. Dada a função do 1º grau f(x) = 1 5x, calcule:
  - (a) f(0)

(c)  $f\left(\frac{1}{5}\right)$ 

(b) f(-1)

- (d)  $f\left(-\frac{1}{5}\right)$
- 8. Calcule as raízes das seguintes funções:
  - (a) f(x) = x + 3

(f)  $f(x) = x^2 - x - 20$ 

(b)  $f(x) = -\frac{x}{2} + 2$ 

(g)  $f(x) = x^2 + x - 2$ 

(c) f(x) = 2x - 5

(h)  $f(x) = 1 - x^2$ 

(d) f(x) = -2x + 4

(i)  $f(x) = x^2 - 9$ 

(e)  $f(x) = 2 + \frac{x}{2}$ 

- (j)  $f(x) = x^2 7x$
- 9. Se  $f(x) = \frac{ax+b}{cx+d}$  e d = -a, mostre que f(f(x)) = x.
- 10. Uma imobiliária cobra uma comissão de 12% do valor da venda de um imóvel mais R\$ 25,00 fixo para as despesas de correio e divulgação. Denote por x o valor do imóvel (em reais) e por f(x) a comissão cobrada pela imobiliária.
  - (a) Descreva a função f(x)
  - (b) Qual o valor recebido pela imobiliária na venda de um imóvel por R\$ 185.000,00?
- 11. Resolva as equações modulares:

(a) 
$$|3x - 1| = |2x + 6|$$

(e) 
$$|x|^2 - |2x| - 3 = 0$$

(b) 
$$|4x+3| = -3x+7$$

(f) 
$$|x^2 - x - 2| = 2x + 2$$

(c) 
$$|x+1| + |2x-1| = 3$$

(g) 
$$|x^2 - 5x + 6| = 2$$

(d) 
$$|2x-1|=x-1$$

(h) 
$$|3x+1| = |x-3|$$

12. Estude o sinal das seguintes funções:

(a) 
$$f(x) = 3x + 9$$

(b) 
$$f(x) = -4x + 16$$

(c) 
$$f(x) = x^2 - 3x + 2$$

(d) 
$$f(x) = -2x^2 + 5x + 3$$

(e) 
$$f(x) = 3x^2 - 2x + 1$$

(f) 
$$f(x) = -x^2 + 12x - 36$$

(g) 
$$f(x) = x^3 - x^2 - 6x$$

(h) 
$$f(x) = \frac{x-3}{x-1}$$

(i) 
$$\frac{x-3}{x^2-9}$$

(j) 
$$\frac{-x^2+9}{x-1}$$

(k) 
$$f(x) = x^3 - x^2$$

13. Resolva as seguintes inequações:

(a) 
$$2x + 2 > 0$$

(b) 
$$\frac{x}{3} - \frac{x+1}{2} < \frac{1-x}{4}$$

(c) 
$$2x + 1 \le x + 6$$

(d) 
$$2 - 3x > x + 14$$

(e) 
$$2(x+3) > 3(1-x)$$

(f) 
$$(x-2)^2 < 2x-1$$

(g) 
$$x^2 + x - 20 < 0$$

(h) 
$$-2x^2 - x + 1 < 0$$

(i) 
$$x^2 - 4x \ge 0$$

(j) 
$$x^2 - 6x + 9 \le 0$$

(k) 
$$(3x-1)(x+1) < 0$$

(l) 
$$\frac{x^2-2x-3}{x-2} \ge 0$$

(m) 
$$\frac{(x+1)(x+4)}{x-2} > 0$$

(n) 
$$(x+1)(x-2)(x-3) > 0$$

(o) 
$$\frac{x+3}{x+4} \le \frac{x+1}{x+2}$$

(p) 
$$\frac{1}{x-1} + \frac{2}{x-2} - \frac{3}{x-3} < 0$$

14. Sabendo que f, g, h, m e n são funções reais definidas respectivamente por  $f(x) = x^2 + 3x$ , g(x) = -x, h(x) = 0, m(x) = -|x| e n(x) = |-x + 2|, calcule:

(a) 
$$f(|g(2)|)$$

(b) 
$$h(g^2(3))$$

(c) 
$$n(3+m(n(3)))$$

(d) 
$$g(m(5) + n(7))$$

(e) 
$$h^2(q(3))$$

(f) 
$$g(h(2) + m^2(2))$$

(g) 
$$f(m^2(g^2(2)))$$

(h) 
$$q(f(-1)) - f(q(-1))$$

15. Considere uma função f de domínio  $\mathbb{Q}$  e contra-domínio  $\mathbb{R}$ . Quais das seguintes expressões não define f em todo seu domínio?

(a) 
$$f(x) = \begin{cases} \cos(x^2 + 1) & \text{se } x < 0 \\ x + 1, & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

(b) 
$$f(x) = \sqrt{2}$$

(c) 
$$f(x) = \sqrt{4}$$

(d) 
$$f(x) = \sqrt{3} + x^2$$

(e) 
$$f(x) = \sqrt{x} + 3^2$$

(f) 
$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{x^2 + 1} & \text{se } x \le 0 \\ x + 1, & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

(g) 
$$f(x) = \frac{x^2+1}{x+1}$$

16. Uma função real f é injetora quanto, dados quaisquer dois elementos x e  $\tilde{x}$  distintos no domínio de f, tem-se que suas imagens são também distintas, isto é,  $f(x) \neq f(\tilde{x})$ . Quais funções reais f com relações definidas abaixo são injetoras?

3

(a) 
$$f(x) = 3x + 9$$

(b) 
$$f(x) = -3x - 9$$

(c) 
$$f(x) = 59$$

(d) 
$$f(x) = x^2 - 3x + 2$$

(e) 
$$f(x) = x^3 + 2x + 3$$

(f) 
$$f(x) = x^3 + 2x^2 + 3$$

(g) 
$$f(x) = |x|$$

(h) 
$$f(x) = x - |x|$$

(i) 
$$f(x) = x + |x|$$

(j) 
$$f(x) = x - |x|^2$$

(k) 
$$f(x) = x + |x|^2$$

(1) 
$$f(x) = \sqrt{|x|}$$

(m) 
$$f(x) = \sqrt{|x|} + x^3$$

17. Uma função real f é sobrejetora quando, sua imagem é igual ao seu contra-domínio. Quais funções reais f com relações definidas abaixo são sobrejetoras?

(a) 
$$f(x) = 3x + 9$$

(b) 
$$f(x) = -3x - 9$$

(c) 
$$f(x) = 59$$

(d) 
$$f(x) = x^2 - 3x + 2$$

(e) 
$$f(x) = x^3 + 2x + 3$$

(f) 
$$f(x) = x^3 + 2x^2 + 3$$

(g) 
$$f(x) = |x|$$

(h) 
$$f(x) = x - |x|$$

(i) 
$$f(x) = x + |x|$$

(j) 
$$f(x) = x - |x|^2$$

(k) 
$$f(x) = x + |x|^2$$

(1) 
$$f(x) = \sqrt{|x|}$$

(m) 
$$f(x) = \sqrt{|x|} + x^3$$

18. Uma função real f é bijetora quando for injetora e sobrejetora. Quais funções reais f com relações definidas abaixo são bijetoras?

(a) 
$$f(x) = 3x + 9$$

(b) 
$$f(x) = -3x - 9$$

(c) 
$$f(x) = 59$$

(d) 
$$f(x) = x^2 - 3x + 2$$

(e) 
$$f(x) = x^3 + 2x + 3$$

(f) 
$$f(x) = x^3 + 2x^2 + 3$$

(g) 
$$f(x) = |x|$$

(h) 
$$f(x) = x - |x|$$

(i) 
$$f(x) = x + |x|$$

(j) 
$$f(x) = x - |x|^2$$

(k) 
$$f(x) = x + |x|^2$$

(1) 
$$f(x) = \sqrt{|x|}$$

(m) 
$$f(x) = \sqrt{|x|} + x^3$$

19. Considere uma função f com domínio A e contra-domínio B. Quantas funções injetoras distintas f podem existir se:

(a) 
$$A = \{1, 2\}$$
 e  $B = \{1, 2\}$ 

(b) 
$$A = \{1, 2\}$$
 e  $B = \{1, 2, 3, 4\}$ 

(c) 
$$A = \{1, 2, 3, 4\}$$
 e  $B = \{1, 2\}$ 

(d) 
$$A = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 10\} \text{ e } B = A$$

(e) 
$$A = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 100\} \text{ e } B = A$$

(f) 
$$A = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 100\} \text{ e } B = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 50\}$$

(g) 
$$A = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 100\} \text{ e } B = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 200\}$$

- 20. Considere uma função f com domínio A e contra-domínio B. Quantas funções sobrejetoras distintas f podem existir se:
  - (a)  $A = \{1, 2\}$  e  $B = \{1, 2\}$
  - (b)  $A = \{1, 2\}$  e  $B = \{1, 2, 3, 4\}$
  - (c)  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  e  $B = \{1, 2\}$
  - (d)  $A = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 10\} \text{ e } B = A$
  - (e)  $A = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 100\} \text{ e } B = A$
  - (f)  $A = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 5\} \text{ e } B = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 2\}$
  - (g)  $A = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 6\} \text{ e } B = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 5\}$
- 21. Considere uma função f com domínio A e contra-domínio B. Quantas funções bijetoras distintas f podem existir se:
  - (a)  $A = \{1, 2\}$  e  $B = \{1, 2\}$
  - (b)  $A = \{1, 2\}$  e  $B = \{1, 2, 3, 4\}$
  - (c)  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  e  $B = \{1, 2\}$
  - (d)  $A = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 10\} \text{ e } B = A$
  - (e)  $A = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 100\} \text{ e } B = A$
  - (f)  $A = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 100\} \text{ e } B = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 50\}$
  - (g)  $A = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 100\} \text{ e } B = \{x \in \mathbb{N} \cup \{0\} \mid x < 200\}$
- 22. Encontre o domínio da função:
  - (a)  $f(x) = \frac{2x+1}{x^2+x-2}$
  - (b)  $g(x) = \frac{\sqrt[3]{x}}{x^2+1}$
  - (c)  $h(x) = \sqrt{4-x} + \sqrt{x^2-1}$
- 23. Como os gráficos das funções são obtidos a partir do gráfico da função f?
  - (a) y = -f(x)

(c) y = f(x-3) + 2

- (b) y = 2f(x) 1
- 24. Faça esboço dos gráficos das seguintes funções (sem usar calculadora):
  - (a)  $y = x^3$

(e)  $y = \sqrt{x}$ 

(b)  $y = (x+1)^3$ 

(f)  $y = 2\sqrt{x}$ 

(c)  $y = (x-2)^3 + 2$ 

(g)  $y = 2^x$ 

(d)  $y = 4 - x^2$ 

(h)  $y = 2\sqrt{x}$ 

- 25. Resolva as inequações seguintes, em  $\mathbb{R}$ .
  - (a)  $|x^2 5x + 5| < 1$
  - (b)  $|x^2 x 4| > 2$
  - (c)  $|x^2 5x| \ge 6$
  - (d)  $|x^2 3x 4| \le 6$
  - (e)  $\frac{2x-3}{|3x-1|} > 2$
  - (f)  $\frac{x+1}{|2x-1|} \le 2$
  - (g) ||x|-2|>1
  - (h)  $||2x+1|-3| \ge 2$
  - (i)  $||2x 1| 4| \ge 3$
- 26. Especifique, para cada umas das funções abaixo, se é crescente ou decrescente em  $\mathbb{R}$ :
  - (a) y = 1 + 5x
  - (b) y = -3 2x
  - (c) y = x + 2
  - (d) y = 3 x
  - (e) y = -2x
  - (f) y = 3x
- 27. Considere uma função f com domínio A e contra-domínio B. A função f é dita crescente se quaisquer que sejam  $a,b\in\mathbb{R}$  com a< b, tem-se f(a)< f(b). Quantas funções crescentes distintas f podem existir se:
  - (a)  $A = \{1, 2\}$  e  $B = \{1, 2\}$
  - (b)  $A = \{1, 2\}$  e  $B = \{1, 2, 3, 4\}$
  - (c)  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$  e  $B = \{1, 2, 3, 4\}$
  - (d)  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  e  $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$
  - (e)  $A = \{89, 11, 23, 34\}$  e  $B = \{76, 11, 22, 56, 13, 29\}$
- 28. Considere uma função f com domínio A e contra-domínio B. A função f é dita decrescente se quaisquer que sejam  $a,b \in \mathbb{R}$  com a < b, tem-se f(a) > f(b). Quantas funções decrescentes distintas f podem existir se:
  - (a)  $A = \{1, 2\}$  e  $B = \{1, 2\}$
  - (b)  $A = \{1, 2\}$  e  $B = \{1, 2, 3, 4\}$ s
  - (c)  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$  e  $B = \{1, 2, 3, 4\}$
  - (d)  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  e  $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$
  - (e)  $A = \{89, 11, 23, 34\}$  e  $B = \{76, 11, 22, 56, 13, 29\}$

29. Seja

$$f(x) = \begin{cases} 1 - x^2 & \text{se } x \le 0\\ 2x + 1 & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

(a) Calcule f(-2) e f(1)

- (b) Esboce o gráfico de f
- 30. Um projétil de 2kg é lançado verticalmente para cima, a partir do solo, com velocidade de 20m/s. Considerando a acerelação da gravidade como sendo  $10m/s^2$ , a altura do projétil no tempo x é dada por  $f(x)=20x-5x^2$ . Qual a altura máxima que esse projétil atinge?
- 31. Na cidade de Uberaba tem um restaurante chamado Qboiaboa. Considere o conjunto A de todos os restaurantes de Uberaba diferentes do restaurante Qboiaboa. Considere ainda a função f com domínio A e contra-domínio  $\mathbb{R}$ . Sabendo que

$$f(x) = \text{distância de } x \text{ ao restaurante Qboiaboa}$$

podemos afirmar que:

- (a) A função f é injetora
- (b) A função f é sobrejetora
- 32. O professor de matemática resolveu premiar sua turma com 4 passeios para 4 parques aquáticos diferentes. A turma tem exatamente 5 alunos. Num passeio podem ir quantos alunos quiserem, mas pelo menos um, para que o passeio não seja cancelado. Outra restrição é que cada aluno pode ir em apenas um passeio. De quantas formas os 5 alunos podem ser todos distribuídos nos 4 passeios seguindo todas as restrições deste enunciado?
- 33. Um fazendeiro tem 1200m de cerca e quer cercar um campo retangular que está na margem de um rio reto. Ele não precisa de cerca ao longo do rio. Quais são as dimensões do campo que tem a maior área?

## RESPOSTAS

1.

a) 
$$R = \{(0,0),(1,2),(2,4),(3,6),(4,8)\}$$

- b)  $R = \emptyset$
- c)  $R = \{(-2,4),(0,0),(2,4)\}$

2.

a) É função

c) Não é função

b) Não é função

d) É função

a) 
$$f(x) = \frac{5}{7}x + 4$$

b) 
$$f(x) = -\frac{7}{9}x + \frac{8}{3}$$

c) 
$$f(x) = -x + 3$$

a) 
$$D = \{x \in \mathbb{R} \mid x \ge -1\}$$

b) 
$$D = \{x \in \mathbb{R} \mid x \ge 1\}$$

c) 
$$D = \{x \in \mathbb{R} \mid x \neq 3\}$$

$$d) D = \{x \in \mathbb{R} \mid x \le 9\}$$

e) 
$$D = \{x \in \mathbb{R} \mid x > 0\}$$

f) 
$$D = \mathbb{R}$$

5. 
$$f\left(\frac{1}{x}\right) = \frac{1-x}{2+7x} e^{-\frac{1}{x}} = \frac{2x+7}{x-1}$$

6.

- a) Função afim
- b) Função afim
- c) Função constante
- d) Função identidade

7.

8.

- a) 1
- b) 6
- a) x = -3
- b) x = 4
- c)  $x = \frac{5}{2}$
- d) x = 2
- e) x = -4
- 9. Demonstração.

10.

a) 
$$f(x) = \frac{3}{25}x + 25$$

g) 
$$D = \{x \in \mathbb{R} \mid x \neq 4\}$$

h) 
$$D = \{x \in \mathbb{R} \mid -2 \le x \le 2\}$$

i) 
$$D = \{x \in \mathbb{R} \mid x \ge 2\}$$

$$j) \quad D = \{ x \in \mathbb{R} \mid x \le 1 \text{ ou } x \ge 3 \}$$

k) 
$$D = \{x \in \mathbb{R} \mid x < -1 \text{ ou } x \ge 0\}$$

e) Função linear

f) Função constante

g) Função linear

h) Função afim

c) 0 d) 2

f) x = 5 e x = -4

g) x = 1 e x = -2

h) x = 1 e x = -1

i) x = 0 e x = 9

j) x = 0 e x = 7

b) R\$22.225,00

a) 
$$S = \{-1, 7\}$$

b) 
$$S = \left\{-10, \frac{4}{7}\right\}$$

c) 
$$S = \{-1,1\}$$

d) 
$$S = \emptyset$$

12.

a) 
$$\begin{cases} \text{Para } x > -3: f(x) > 0 \\ \text{Para } x < -3: f(x) < 0 \end{cases}$$

b) 
$$\begin{cases} \text{Para } x < 4: f(x) > 0 \\ \text{Para } x > 4: f(x) < 0 \end{cases}$$

c) 
$$\begin{cases} \text{Para } x < 1 \text{ ou } x > 2 \colon f(x) > 0 \\ \text{Para } 1 < x < 2 \colon f(x) < 0 \end{cases}$$

d) 
$$\begin{cases} \text{Para } -3 < x < \frac{1}{2} : f(x) > 0 \\ \text{Para } x < -3 \text{ ou } x > \frac{1}{2} : f(x) < 0 \end{cases}$$

e) 
$$\forall x \in \mathbb{R} : f(x) > 0$$

13.

a) 
$$S = \{x \in \mathbb{R} \mid x > -1\} \text{ ou } (-1, +\infty)$$

b) 
$$S = \{x \in \mathbb{R} \mid x < 9\} \text{ ou } (-\infty, 9)$$

c) 
$$S = \{x \in \mathbb{R} \mid x \le 5\}$$
 ou  $(-\infty, 5]$ 

d) 
$$S = \{x \in \mathbb{R} \mid x \le -3\}$$
 ou  $(-\infty, -3]$ 

e) 
$$S = \left\{ x \in \mathbb{R} \mid x > -\frac{3}{5} \right\} \text{ ou } \left( -\frac{3}{5}, +\infty \right)$$

f) 
$$S = \{x \in \mathbb{R} \mid 1 < x < 5\}$$
 ou  $(1,5)$ 

e) 
$$S = \{-3,3\}$$

f) 
$$S = \{-1, 0, 4\}$$

g) 
$$S = \{1, 4\}$$

h) 
$$S = \left\{-2, \frac{1}{2}\right\}$$

f) Para  $x \neq 6$ : f(x) < 0

g) 
$$\begin{cases} \text{Para} - 2 < x < 0 \text{ ou } x > 3: f(x) > 0 \\ \text{Para } x < -2 \text{ ou } 0 < x < 3: f(x) < 0 \end{cases}$$

h) 
$$\begin{cases} \text{Para } x < 1 \text{ ou } x > 3 \colon f(x) > 0 \\ \text{Para } 1 < x < 3 \colon f(x) < 0 \end{cases}$$

i) 
$$\begin{cases} \text{Para } x > -3: f(x) > 0 \\ \text{Para } x < -3: f(x) < 0 \end{cases}$$

j) 
$$\begin{cases} \text{Para } x < -3 \text{ ou } 1 < x < 3: f(x) > 0 \\ \text{Para } -3 < x < 1 \text{ ou } x > 3: f(x) < 0 \end{cases}$$

k) 
$$\begin{cases} \text{Para } x > 1: f(x) > 0 \\ \text{Para } x < 0 \text{ ou } 0 < x < 1: f(x) < 0 \end{cases}$$

g) 
$$S = \{x \in \mathbb{R} \mid -5 \le x \le 4\}$$
 ou  $[-5, 4]$ 

h) 
$$S = \left\{ x \in \mathbb{R} \mid x \le -1 \text{ ou } x \ge \frac{1}{2} \right\} \text{ ou } \left( -\infty, -1 \right] \cup \left[ \frac{1}{2}, +\infty \right)$$

- i)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid x \le 0 \text{ ou } x \ge 4\} \text{ ou } (-\infty, 0] \cup [4, +\infty)$
- j)  $S = \{3\}$

k) 
$$S = \left\{ x \in \mathbb{R} \mid -1 \le x \le \frac{1}{3} \right\} \text{ ou } \left[ -1, \frac{1}{3} \right]$$

- 1)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid -1 \le x < 2 \text{ ou } x \ge 3\} \text{ ou } [-1,2) \cup [3,+\infty)$
- m)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid -4 < x < -1 \text{ ou } x > 2\} \text{ ou } (-4, -1) \cup (2, +\infty)$
- n)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid -1 < x < 2 \text{ ou } x > 3\} \text{ ou } (-1,2) \cup (3,+\infty)$
- o)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid -4 < x < -2\}$  ou (-4, -2)
- p)  $S = \left\{ x \in \mathbb{R} \mid x < 1 \text{ ou } \frac{3}{2} < x < 2 \text{ ou } x > 3 \right\} \text{ ou } \left( -\infty, 1 \right) \cup \left( \frac{3}{2}, 2 \right) \cup \left( 3, +\infty \right)$

a) 10

c) 0

e) 0

g) 304

b) 0

d) 0

f) -4

h) -2

15. a e g 16. a b e

- 17. a b e m
- 18. a b e

19.

a) 2

c) 0

e) 100!

g)  $\frac{200!}{100!}$ 

b) 12

d) 10!

f) 0

20.

a) 2

c) 14

- e) 100!
- g) 1800

b) 0

d) 10!

f) 30

21.

a) 2

c) 0

e) 100!

g) 0

b) 0

d) 10!

f) 0

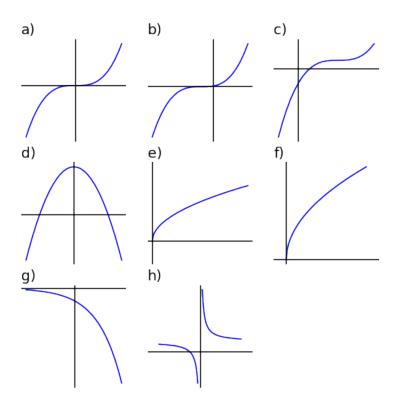
a) 
$$]-\infty, -2[\cup]-2, 1[\cup]1, \infty[$$

c) 
$$]-\infty,-1[\cup[1,4]]$$

b) 
$$]-\infty,\infty[$$

- a) Refletindo em torno do eixo x
- b) Expandindo verticalmente por um fator 2, a seguir transladando 1 unidade para baixo
- c) Transladando 3 unidades para a direita e duas unidades para cima

24.



a) 
$$S = \{x \in \mathbb{R} \mid 1 < x < 2 \text{ ou } 3 < x < 4\}$$

b) 
$$S = \{x \in \mathbb{R} \mid x < -2 \text{ ou } -1 < x < 2 \text{ ou } x > 3\}$$

c) 
$$S = \{x \in \mathbb{R} \mid x \le -1 \text{ ou } 2 \le x \le 3 \text{ ou } x \ge 6\}$$

d) 
$$S = \{x \in \mathbb{R} \mid -2 \le x \le 1 \text{ ou } 2 \le x \le 5\}$$

e) 
$$S = \left\{ x \in \mathbb{R} \mid -\frac{1}{4} < x < \frac{5}{8} \text{ e } x \neq \frac{1}{3} \right\}$$

f) 
$$S = \left\{ x \in \mathbb{R} \mid x \le \frac{1}{5} \text{ ou } x \ge 1 \right\}$$

g) 
$$S = \{x \in \mathbb{R} \mid x < -3 \text{ ou } -1 < x < 1 \text{ ou } x > 3\}$$

- h)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid x \le -3 \text{ ou } -1 \le x \le 0 \text{ ou } x \ge 2\}$
- i)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid -3 \le x \le 0 \text{ ou } 1 \le x \le 4\}$

a) crescente

d) decrescente

b) decrescente

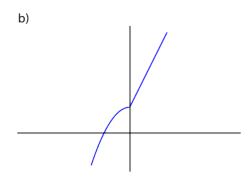
e) decrescente

c) crescente

f) crescente

27.

- a) 1
- b) 6
- c) 0
- d) 15
- e) 15
- 28.
- a) 1
- b) 6
- c) 0
- d) 15
- e) 15
- 29. a) -3, 3



a) Falso b) Falso

- 31. 20m
- 32. 240
- 33. 300x600x300

**Referência:** Cálculo, volume 1 - tradução da 7a edição norte-americana, James Stewart