

Difícilmente é possível obter essa amostra.

- Hipótese Nula ( $H_0$ ): A média da população é 20. ( $H_0 : \mu = 20$ )
- Hipótese Alternativa ( $H_1$ ): A média da população não é 20. ( $H_1 : \mu \neq 20$ )

Os dados são:

- Média da população ( $H_0$ ):  $\mu = 20$
- Média da amostra:  $\bar{x} = 24$
- Desvio-padrão da amostra:  $s = 4,1$
- Tamanho da amostra:  $n = 9$

A fórmula para a estatística t é:

$$t = \frac{\bar{x} - \mu}{s/\sqrt{n}}$$

Calculamos o erro padrão da média:

$$\frac{s}{\sqrt{n}} = \frac{4,1}{\sqrt{9}} = \frac{4,1}{3} \approx 1,367$$

Agora, calculamos o valor t:

$$t_{\text{calculado}} = \frac{24 - 20}{1,367} = \frac{4}{1,367} \approx 2,926$$

Para determinar se o resultado é "provável", comparamos nosso  $t_{\text{calculado}}$  com um valor  $t_{\text{crítico}}$  de uma tabela t. Usamos um nível de significância padrão,  $\alpha = 0,05$ .

Os graus de liberdade ( $gl$ ) são  $n - 1 = 9 - 1 = 8$ .

Para um teste de duas caudas com  $\alpha = 0,05$  e  $gl = 8$ , o valor crítico é:

$$t_{\text{crítico}} \approx 2,306$$

Comparamos os valores:

$$|t_{\text{calculado}}| > t_{\text{crítico}}$$

$$2,926 > 2,306$$

Como o nosso valor t calculado (2,926) é maior que o valor crítico (2,306), ele cai na "região de rejeição".

O resultado da amostra é estatisticamente significante e altamente improvável de ocorrer por acaso, se a média da população fosse realmente 20.

A probabilidade de obter tal amostra é muito baixa (especificamente, o valor-p é de 0,019, que é menor que 0,05).

Portanto, concluímos que a média real da população da qual a amostra foi retirada é, provavelmente, diferente de 20 (e, mais especificamente, maior que 20).