1. Um canhão lança uma bala do chão, como mostra a figura abaixo.



A força da gravidade acelera a bala para baixo, de acordo com a aceleração da gravidade, que é $g=9.8~{\rm m/s^2}.~{\rm A}$ velocidade da bala é dada por um vetor, porque ela tem duas direções, x, e y. A bala é atirada da posição (0,0), e com velocidade inicial $(10,10).~{\rm O}$ movimento é acelerado apenas na direção y, e para baixo. Na direção x o movimento tem, portanto, velocidade constante, e o movimento é descrito pela fórmula $s=s_0+v_0t.~{\rm Na}$ direção y o movimento é acelerado pela gravidade, portanto a fórmula que descreve o movimento é $s=s_0+v_0t+(a/2)t^2.$

- (a) Faça um programa que faça as contas para calcular a posição (x,y) da bala em qualquer valor de tempo, t, que você definir.
- (b) Sofistique o seu programa para calcular a trajetória da bala, isto é, que salve três vetores, um de tempo, e outros de posições $x \in y$.
- (c) Encontre em que tempo a bala chega ao chão.
- (d) Como variam o tempo e a distância horizontal (em x) em que bala chega ao chão se você varia o ângulo de lançamento (para uma velocidade com mesmo módulo)?
- 2. A força gravitacional aponta para o centro da terra. Ela tem a forma

$$F = G \frac{m_1}{m_2} r^2$$

onde G é uma constante, m_1 e m_2 são as massas dos dois corpos (a terra é o outro objeto), e r a distância entre eles. Vamos simplificar as contas e escrever $F=1/r^2$. Vamos imaginar que o centro da terra está na posição x=(0,0).

(a) Faça um código que calcule a força que age sobre o corpo dada uma posição qualquer do corpo. Note que a força depende da distância entre o corpo e o centro da terra.