Algoritmos y Estructuras de Datos I

Segundo cuatrimestre de 2023

Departamento de Computación - FCEyN - UBA

Listas. Recursión sobre listas

Polimorfismo

Repasando...

- Se llama polimorfismo a una función que puede aplicarse a distintos tipos de datos (sin redefinirla).
- se usa cuando el comportamiento de la función no depende paramétricamente del tipo de sus argumentos
- lo vimos en el lenguaje de especificación con las funciones genéricas.
- En Haskell los polimorfismos se escriben usando variables de tipo y conviven con el tipado fuerte.
- Ejemplo de una función polimórfica: la función identidad.

Variables de tipos

¿Qué tipo tienen las siguientes funciones?

```
identidad x = x

primero x y = x

segundo x y = y

constante5 x y z = 5
```

Variables de tipo

- Son parámetros que se escriben en la signatura usando variables minúsculas
- En lugar de valores, denotan tipos
- Cuando se invoca la función se usa como argumento el tipo del valor

Variables de tipo (cont.)

Funciones con variables de tipo

```
identidad :: t → t
identidad x = x

primero :: tx → ty → tx
primero x y = x

segundo :: tx → ty → ty
segundo x y = y

constante5 :: tx → ty → tz → Int
constante5 x y z = 5

mismoTipo :: t → t → Bool
mismoTipo x y = True
```

Si dos argumentos deben tener el mismo tipo, se debe usar la misma variable de tipo

- Luego, `primero True 5 :: Bool`, pero `mismoTipo 1 True 0` no tipa

Especificación de un problema: Extensión

Variables de tipo

- Vamos a querer describir funciones polimórficas con nuestro lenguaje de especificación
- Veamos cómo podemos hacerlo...

Especificación de un problema: Extensión

Variables de tipo

problema *nombre*(*parámetros*) : tipo de dato del resultado {
  requiere *etiqueta*: { condiciones sobre los parámetros de entrada }
  asegura *etiqueta*: { condiciones sobre los parámetros de salida }
}

- *nombre*: nombre que le damos al problema
  - será resuelto por una función con ese mismo nombre
- *parámetros*: lista de parámetros separada por comas, donde cada parámetro contiene:
  - Nombre del parámetro
  - Tipo de datos del parámetro o una **variable de tipo**
- *tipo de dato del resultado*: tipo de dato del resultado del problema (inicialmente especificaremos funciones) o una **variable de tipo**
  - En los asegura, podremos referenciar el valor devuelto con el nombre de **res**
- *etiquetas*: son nombres opcionales que nos servirán para nombrar declarativamente a las condiciones de los requiere o aseguras.

Especificación de un problema: Extensión

Variables de tipo

- El símbolo o nombre (letra) de la variable de tipo no se corresponde con ninguno de los tipos de datos conocidos. Es una representación genérica.
- Cada ocurrencia de una variable de tipo, siempre representa al mismo tipo de datos.

problema *segundo*($x : U, y : T$) : T {
  asegura devuelveElSegundo: $\{res = y\}$
}

problema *cantidadDeApariciones*($s : seq\langle T\rangle, e : T$) : $\mathbb{Z}$ {
  asegura: $\{res = \sum_{i=0}^{|s|-1} (\text{if } s[i] = e \text{ then } 1 \text{ else } 0 \text{ fi})\}$
}

Especificación de un problema: Extensión

Variables de tipo con restricciones

- Se puede restringir los posibles tipos de una variable de tipo mediante un requiere

problema *suma*($x : T, y : T$) : T {
  requiere: $\{T \in [\mathbb{N}, \mathbb{Z}, \mathbb{R}]\}$
  asegura: $\{res = x + y\}$
}

Pensemos en listas: Motivación

Algunas operaciones

- `maximo :: Int →Int →Int`
- `maximo3 :: Int →Int →Int →Int`
- `maximo4 :: Int →Int →Int →Int →Int`

  ⋮
- `maximoN :: Int →Int → ··· → Int`

Pregunta

¿Hay alguna manera de definir funciones que nos permitan trabajar con cantidades arbitrarias de elementos?

Más concretamente, ¿podemos definir una función máximo que funcione por igual para 2, 10 o una cantidad N de elementos?

Respuesta: ¡Sí!, usando **listas**.

Un nuevo tipo: Listas

Expresiones

- `[1, 2, 1]`
- `[True, False, False, True]`
- `[]` (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas en Haskell son listas o secuencias de elementos de un mismo tipo, cuyos elementos se pueden repetir.

El tipo de una lista se escribe como: `[tipo]`

- `[True, False, False] :: [Bool]`

Un nuevo tipo: Listas

Expresiones

- `[1, 2, 1]`
- `[True, False, False, True]`
- `[]` (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas en Haskell son listas o secuencias de elementos de un mismo tipo, cuyos elementos se pueden repetir.

El tipo de una lista se escribe como: `[tipo]`

- `[True, False, False] :: [Bool]`
- `[1, 2, 3, 4] :: [Int]`
- `[div 10 5, div 2 2] :: [Int]`
- `[[1], [2,3], [], [1,1000,2,0]] :: [ ]`

Un nuevo tipo: Listas

Expresiones

- `[1, 2, 1]`
- `[True, False, False, True]`
- `[]` (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas en Haskell son listas o secuencias de elementos de un mismo tipo, cuyos elementos se pueden repetir.

El tipo de una lista se escribe como: `[tipo]`

- `[True, False, False] :: [Bool]`
- `[1, 2, 3, 4] :: [Int]`
- `[div 10 5, div 2 2] :: [Int]`
- `[[1], [2,3], [], [1,1000,2,0]] :: [[Int]]`
- `[1, True]`
- `[(1,2), (3,4), (5,2)]` ¿Cuál es el tipo de esta lista?

Operaciones

Algunas operaciones que nos brinda el Preludio de Haskell

- `head :: [a] →a`
- `tail :: [a] →[a]`
- `(:) :: a →[a] →[a]`

Tipar y evaluar las siguientes expresiones

- `head [(1,2), (3,4), (5,2)]`
- `tail [1,2,3,4,4,3,2,1]`
- `[1,2] : []`
- `head []`
- `head [1,2,3] : [4,5]`
- `head ([1,2,3] : [4,5])`
- `head ([1,2,3] : [4,5] : [])`

Creando listas

Formas rápidas para crear listas

Prueben las siguientes expresiones en GHCI

- `[1..100]`
- `[1,3..100]`
- `[100..1]`
- `[1..]`

Ejercicio

- Escribir una expresión que denote la lista estrictamente decreciente de enteros que comienza con el número 1 y termina con el número -100.
- Escribir una expresión que denote la lista estrictamente creciente de enteros entre -20 y 20 que son congruentes a 1 módulo 4.

Recursión sobre listas

¿Se puede pensar recursivamente en listas? ¿Cómo?

Implementar las siguientes funciones (en el pizarrón)

1. `longitud :: [Int] →Int`
   que indica cuántos elementos tiene una lista.
2. `sumatoria :: [Int] →Int`
   que indica la suma de los elementos de una lista.
3. `pertenece :: Int →[Int] →Bool`
   que indica si un elemento aparece en la lista. Por ejemplo:
   `pertenece 9 []` $\rightsquigarrow$ `False`
   `pertenece 9 [1,2,3]` $\rightsquigarrow$ `False`
   `pertenece 9 [1,2,9,9,−1,0]` $\rightsquigarrow$ `True`

Idea: Pensar cómo combinar el resultado de la función sobre la cola de la lista con el primer elemento. Recordar:

- `head [1, 2, 3]` $\rightsquigarrow$ `1`
- `tail [1, 2, 3]` $\rightsquigarrow$ `[2, 3]`

Pattern matching en listas

Ya vimos cómo hacer *pattern matching* sobre distintos tipos (`Bool`, `Int`, tuplas). ¿Se puede hacer *pattern matching* en listas?

¿Cuál es la verdadera forma de las listas?

Las listas tienen dos "pintas":

- `[]` (lista vacía)
- `algo : lista` (lista no vacía)

Escribir la función `longitud :: [Int] →Int` usando *pattern matching*

```
longitud []    = 0
longitud (_:xs) = 1 + longitud xs
```

Escribir la función `sumatoria :: [Int] →Int` usando *pattern matching*

```
sumatoria []    = 0
sumatoria (x:xs) = sumatoria xs + x
```

Ejercicio: volver a implementar la función `pertenece` utilizando *pattern matching*.

Práctica 4: Ejercicio 4

- sacarBlancosRepetidos :: [Char] $->$ [Char], que reemplaza cada subsecuencia de blancos contiguos de la primera lista por un solo blanco en la segunda lista.
- contarPalabras :: [Char] $->$ Integer, que dada una lista de caracteres devuelve la cantidad de palabras que tiene.
- palabras :: [Char] $->$ [[Char]], que dada una lista arma una nueva lista con las palabras de la lista original.
- palabraMasLarga :: [Char] $->$ [Char], que dada una lista de caracteres devuelve su palabra más larga.
- aplanar :: [[Char]] $->$ [Char], que a partir de una lista de palabras arma una lista de caracteres concatenándolas.