### Algoritmos y Estructuras de Datos I

Primer cuatrimestre de 2023

Departamento de Computación - FCEyN - UBA

Lógica proposicional

1

## Definición (Especificación) de un problema

```
problema nombre(parámetros) :tipo de dato del resultado{
   requiere etiqueta { condiciones sobre los parámetros de entrada }
   asegura etiqueta { condiciones sobre los parámetros de salida }
}
```

- ▶ *nombre*: nombre que le damos al problema
  - será resuelto por una función con ese mismo nombre
- parámetros: lista de parámetros separada por comas, donde cada parámetro contiene:
  - ► Nombre del parámetro
  - ► Tipo de datos del parámetro
- ► tipo de dato del resultado: tipo de dato del resultado del problema (inicialmente especificaremos funciones)
  - En los asegura, podremos referenciar el valor devuelto con el nombre de res
- etiquetas: son nombres opcionales que nos servirán para nombrar declarativamente a las condiciones de los requiere o aseguras.

### Habíamos visto...

**Objetivo:** Aprender a programar en lenguajes funcionales y en lenguajes imperativos.

- ► Especificar problemas.
  - Describirlos en un lenguaje semiformal.
- Pensar algoritmos para resolver los problemas.
  - ► En esta materia nos concentramos en programas para tratamiento de secuencias principalmente.
- ► Empezar a razonar acerca de estos algoritmos y programas.
  - Veremos conceptos de testing.

2

## Definición (Especificación) de un problema

#### ► Sobre los requiere

- Describen todas las condiciones y posibles valores o casuísticas de los parámetros de entrada.
- Puede haber más de un requiere (recomendamos una condición por renglón). Se asume que valen todos juntos (es una conjunción).
- Evitar contradicciones (un requiere no debería contradecir a otro).

#### Sobre los asegura

- Describen todas las condiciones y posibles valores o casuísticas de los parámetros de salida y entrada/salida en función de los parámetros de entrada.
- Puede haber más de un asegura (recomendamos una condición por renglón). Se asume que valen todos juntos (es una conjunción).
- Evitar contradicciones (un asegura no debería contradecir a otro).

2

## Antes de continuar... hablemos de lógica proposicional

- ➤ Si bien no utilizaremos un lenguaje formal para especificar... ¿Es lo mismo decir...?
  - ► Mañana llueve e iré a comprar un paragüas
  - ► Si mañana llueve iré a comprar un paragüas
  - O mañana no llueve o no iré a comprar un paragüas
  - ► Compraré un paragüas por si mañana llueve
  - ► Si compro un paragüas, mañana llueve

5

## Lógica proposicional - Sintaxis

► Símbolos:

True , False , 
$$\neg$$
 ,  $\wedge$  ,  $\vee$  ,  $\rightarrow$  ,  $\leftrightarrow$  , ( , )

► Variables proposicionales (infinitas)

$$p, q, r, \dots$$

- ► Fórmulas
  - 1. True y False son fórmulas
  - 2. Cualquier variable proposicional es una fórmula
  - 3. Si A es una fórmula,  $\neg A$  es una fórmula
  - 4. Si  $A_1, A_2, \dots, A_n$  son fórmulas,  $(A_1 \land A_2 \land \dots \land A_n)$  es una fórmula
  - 5. Si  $A_1, A_2, \dots, A_n$  son fórmulas,  $(A_1 \lor A_2 \lor \dots \lor A_n)$  es una fórmula
  - 6. Si A y B son fórmulas,  $(A \rightarrow B)$  es una fórmula
  - 7. Si A y B son fórmulas,  $(A \leftrightarrow B)$  es una fórmula

## Lógica proposicional

- ► Es la lógica que habla sobre las proposiciones.
- ► Son oraciones que tienen un valor de verdad, Verdadero o Falso (aunque vamos a usar una variación).
- ► Sirve para poder deducir el valor de verdad de una proposición, a partir de conocer el valor de otras.

## **Ejemplos**

¿Cuáles son fórmulas?

- $\triangleright p \lor q$  no
- $ightharpoonup (p \lor q)$  si
- $ightharpoonup p \lor q \to r$  no
- $ightharpoonup (p \lor q) 
  ightharpoonup r$  no
- $\blacktriangleright ((p \lor q) \to r) \qquad \mathsf{si}$
- ightharpoonup (p 
  ightarrow q 
  ightarrow r) no

### Semántica clásica

- ▶ Dos valores de verdad: "verdadero" (V) y "falso" (F).
- ► Interpretación:
  - ► True siempre vale V.
  - False siempre vale F.
  - ▶ ¬ se interpreta como "no", se llama negación.
  - ► ∧ se interpreta como "y", se llama conjunción.
  - ▶ ∨ se interpreta como "o" (no exclusivo), se llama disyunción.
  - ightharpoonup se interpreta como "si... entonces", se llama implicación.
  - → se interpreta como "si y solo si", se llama doble implicación o equivalencia.

9

Ejemplo: tabla de verdad para  $((p \land q) \rightarrow r)$ 

p	q	r	$(p \land q)$	$((p \land q) \rightarrow r)$
1	1	1	1	1
1	1	0	1	0
1	0	1	0	1
1	0	0	0	1
0	1	1	0	1
0	1	0	0	1
0	0	1	0	1
0	0	0	0	1

### Semántica clásica: tablas de verdad

Conociendo el valor de las variables proposicionales de una fórmula, podemos calcular el valor de verdad de la fórmula.

р	$\neg p$
V	F
F	V

1	р	q	$(p \wedge q)$
	V	V	V
	V	F	F
	F	V	F
	F	F	F

р	q	$(p \lor q)$
V	V	V
V	F	V
F	V	V
F	F	F

р	q	(p  ightarrow q)
V	V	V
V	F	F
F	V	V
F	F	V

р	q	$(p \leftrightarrow q)$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	V

1

## Tautologías, contradicciones y contingencias

► Una fórmula es una tautología si siempre toma el valor *V* para valores definidos de sus variables proposicionales.

Por ejemplo,  $((p \land q) \rightarrow p)$  es tautología:

р	q	$(p \wedge q)$	$((p \land q)  ightarrow p)$	
V	V	V	V	
V	F	F	V	
F	V	F	V	
F	F	F	V	

► Una fórmula es una contradicción si siempre toma el valor *F* para valores definidos de sus variables proposicionales.

Por ejemplo,  $(p \land \neg p)$  es contradicción:

р	$\neg p$	$(p \wedge \neg p)$	
V	F	F	
F V		F	

► Una fórmula es una contingencia cuando no es ni tautología ni contradicción.

## Equivalencias entre fórmulas

- ▶ Dos fórmulas A y es B son equivalentes (y se escribe  $A \equiv B$ ) si y sólo si,  $A \leftrightarrow B$  es una tautologia.
- ► **Teorema.** Las siguientes fórmulas son tautologías.
  - 1. Doble negación  $(\neg \neg p \leftrightarrow p)$
  - 2. Idempotencia  $((p \land p) \leftrightarrow p) \\ ((p \lor p) \leftrightarrow p)$
  - 3. Asociatividad  $(((p \land q) \land r) \leftrightarrow (p \land (q \land r))) \\ (((p \lor q) \lor r) \leftrightarrow (p \lor (q \lor r)))$
  - 4. Conmutatividad

- $((p \land q) \leftrightarrow (q \land p)) \ ((p \lor q) \leftrightarrow (q \lor p))$
- 5. Distributividad  $((p \land (q \lor r)) \leftrightarrow ((p \land q) \lor (p \land r)))$  $((p \lor (q \land r)) \leftrightarrow ((p \lor q) \land (p \lor r)))$
- 6. Reglas de De Morgan  $(\neg(p \land q) \leftrightarrow (\neg p \lor \neg q))$   $(\neg(p \lor q) \leftrightarrow (\neg p \land \neg q))$

13

### Relación de fuerza

- ▶ Decimos que A es más fuerte que B cuando  $(A \rightarrow B)$  es tautología.
- ► También decimos que A fuerza a B o que B es más débil que A.
- ► Por ejemplo,
  - 1.  $\xi(p \land q)$  es más fuerte que p? Sí
  - 2.  $\iota(p \lor q)$  es más fuerte que p? No
  - 3.  $\not p$  es más fuerte que  $(q \to p)$ ? Sí Pero notemos que si q está indefinido y p es verdadero entonces  $(q \to p)$  está indefinido.
  - 4. p es más fuerte que q? No
  - 5.  $\not p$  es más fuerte que p? Sí
  - 6. ¿hay una fórmula más fuerte que todas? Sí, False
  - 7. ¿hay una fórmula más débil que todas? Sí, True

١.

# Expresión bien definida

- Toda expresión está bien definida si todas las proposiciones valen T o F.
- ► Sin embargo, existe la posibilidad de que haya expresiones que no estén bien definidas.
  - Por ejemplo, la expresión x/y=5 no está bien definida si y=0.
- ► Por esta razón, necesitamos una lógica que nos permita decir que está bien definida la siguiente expresión
  - ▶  $y = 0 \lor x/y = 5$
- ► Para esto, introducimos tres valores de verdad:
  - 1. verdadero (V)
  - 2. falso (F)
  - 3. indefinido ( $\perp$ )

## Semántica trivaluada (secuencial)

Se llama secuencial porque ...

- ▶ los términos se evalúan de izquierda a derecha,
- ► la evaluación termina cuando se puede deducir el valor de verdad, aunque el resto esté indefinido.

Introducimos los operadores lógicos  $\land_L$  (y-luego, o *conditional and*, o **cand**),  $\lor_L$  (o-luego o *conditional or*, o **cor**).

p	q	$(p \wedge_L q)$	
V	V	V	
V	F	F	
F	V	F	
F	F	F	
V	1		
F	1	F	
1	V		
T	F		
1	1		

р	q	$(p \vee_L q)$	
V	V	V	
V	F	V	
F	V	V	
F	F	F	
V	$\perp$	V	
F	$\perp$		
$\perp$	V		
T	F		
$\dashv$	$\dashv$	$\dashv$	

## Semántica trivaluada (secuencial)

¿Cuál es la tabla de verdad de  $\rightarrow$ ;?

р	q	$(p \rightarrow_L q)$		
V	V	V		
V	F	F		
F	V	V		
F	F	V		
V				
F	$\perp$	V		
	V	$\perp$		
T	F			
上	$\perp$			

- ► ¿Es lo mismo decir...?
  - ► Mañana llueve e iré a comprar un paragüas

Entonces... hablando de lógica proposicional

- ► Si mañana llueve iré a comprar un paragüas
- ▶ O mañana no llueve o no iré a comprar un paragüas
- ► Compraré un paragüas por si mañana llueve
- ► Si compro un paragüas, mañana llueve

### Entonces

### Lógica proposicional y lógica trivaluada

- ► Convención: Dado que nuestros tipos de datos siempre tendrán como valor posible el indefinido o  $\perp$ , en general, asumiremos que estamos utilizando la lógica trivaluada por default.
- ► Es decir, salvo en los casos dónde se indique lo contrario:
  - ► ∧ podrá ser interpretado como ∧, directamente
  - v así con todos los operadores vistos.

## Entonces... hablando de lógica proposicional

- ► Si llamamos:
  - ▶ a = Mañana Ilueve
  - $\blacktriangleright$  b = Ir'e a comprar un paragüas
- ► Mañana llueve e iré a comprar un paragüas Lo podriamos modelar como:  $a \wedge b$
- ► Si mañana llueve iré a comprar un paragüas Lo podriamos modelar como:  $a \rightarrow b$
- ▶ O mañana no llueve o no iré a comprar un paragüas Lo podriamos modelar como:  $\neg a \lor \neg b$
- ► Compraré un paragüas por si mañana llueve
  - ► ¡A veces es dificil desambigüar!
  - Por si mañana llueve es una nueva proposición
- ► Si compro un paragüas, mañana llueve Lo podriamos modelar como:  $b \rightarrow a$

## Práctia 1: Ejercicio 4

Determinar el valor de verdad de las siguientes proposiciones:

- a)  $(\neg a \lor b)$
- b)  $(c \lor (y \land x) \lor b)$

cuando el valor de verdad de a, b y c es verdadero, mientras que el de x e y es falso.

21

## Práctia 1: Ejercicio 6

Determinar la relación de fuerza de los siguientes pares de fórmulas:

1. True, False False

$$\alpha = (p \wedge q)$$

$$\beta = (p \vee q)$$

2.  $(p \land q)$ ,  $(p \lor q)$   $(p \land q)$ 

p	q	$\alpha$	β	$\alpha \to \beta$	$\beta \to \alpha$
0	0	0	0	1	1
0	1	0	1	1	0
1	0	0	1	1	0
1	1	1	1	1	1

3. True, True True

$$\alpha = (p \wedge q)$$

4.  $p, (p \wedge q) (p \wedge q)$ 

	1	ı	I	I
р	q	$\alpha$	$\alpha \rightarrow p$	$p \rightarrow \alpha$
0	0	0	1	1
0	1	0	1	1
1	0	0	1	0
1	1	1	1	1

7. p, q Ninguna es más fuerte

## Práctia 1: Ejercicio 5

Determinar, utilizando tablas de verdad, si las siguientes fórmulas son tautologías, contradicciones o contingencias.

- b)  $(p \wedge \neg p)$
- d)  $((p \lor q) \to p)$
- i)  $((p \land (q \lor r)) \leftrightarrow ((p \land q) \lor (p \land r)))$

22

## Práctia 1: Ejercicio 7

Usando reglas de equivalencia (conmutatividad, asociatividad, De Morgan, etc) determinar si los siguientes pares de fórmulas son equivalencias. Indicar en cada paso qué regla se utilizó.

2.  $(p \lor q) \land (p \lor r)$  $(\neg p \rightarrow (q \land r))$ 

$$(\neg p \rightarrow (q \land r))$$

↓ Reemplazo implicación

 $(p \lor (q \land r))$ 

↓ Distributiva

$$((p \lor q) \land (p \lor r))$$

## Práctia 1: Ejercicio 7

Usando reglas de equivalencia (conmutatividad, asociatividad, De Morgan, etc) determinar si los siguientes pares de fórmulas son equivalencias. Indicar en cada paso qué regla se utilizó.

6. 
$$\neg (p \land (q \land s))$$

$$\rightarrow \text{De Morgan}$$

$$(\neg p \lor \neg (q \land s))$$

$$\rightarrow \text{De Morgan}$$

$$(\neg p \lor \neg q \lor \neg s)$$

$$\rightarrow \text{Conmutativa}$$

$$(\neg s \lor \neg p \lor \neg q)$$

$$\rightarrow \text{Reemplazo implicación}$$

$$(s \rightarrow (\neg p \lor \neg q))$$

25

## Práctia 1: Ejercicio 19

Determinar los valores de verdad de las siguientes proposiciones cuando el valor de verdad de b y c es verdadero, el de a es falso y el de x e y es indefinido:

- a)  $(\neg x \lor_L b)$
- c)  $\neg (c \lor y)$
- g)  $(\neg c \land_L \neg y)$

## Práctia 1: Ejercicio 12

Sean las variables proposicionales f, e y m con los siguientes significados:

- $ightharpoonup f \equiv$  "es fin de semana"
- $ightharpoonup e \equiv$  "Juan estudia"
- $ightharpoonup m \equiv "Juan escucha música"$

Escribir usando lógica proposicional las siguientes oraciones:

- 1. "Si es fin de semana, Juan estudia o escucha música, pero no ambas cosas"  $f \to ((e \lor m) \land \neg (e \land m))$
- 2. "Si no es fin de semana entonces Juan no estudia"  $\neg f \rightarrow \neg e$
- 3. "Cuando Juan estudia los fines de semana, lo hace escuchando música"  $(f \land e) \rightarrow m$

2

## Práctia 1: Ejercicio 20

Determinar los valores de las siguientes fórmulas de Lógica Ternaria cuando el valor de verdad de p es *verdadero*, el de q es *falso* y el de r es *indefinido*:

- a)  $((9 \le 9) \land p)$
- d)  $((3 > 9) \lor (r \land (q \land p)))$
- i)  $(p \land ((5-7+3=0)) \leftrightarrow (2^2-1>3)))$

## Práctia 1: Ejercicio 21

Sean p, q y r tres variables de las que se sabe que:

- ▶ p y q nunca están indefinidas,
- ► r se indefine sii q es verdadera

Proponer, para cada ítem, una fórmula que nunca se indefina, utilizando siempre las tres variables. Cada fórmula debe ser verdadera si y solo sí se cumple que:

- b) Ninguna es verdadera.
- d) Sólo p y q son verdaderas.

Presentemos nuestro lenguaje de especificación

29

## Problemas y Especificaciones

Inicialmente los problemas resolveremos con una computadora serán planteados como funciones. Es decir:

- ▶ Dados ciertos datos de entrada, obtendremos un resultado
- ► Más adelante en la materia, extenderemos el tipo de problemas que podemos resolver...

## Definición (Especificación) de un problema

```
problema nombre(parámetros) : tipo de dato del resultado {
   requiere etiqueta: { condiciones sobre los parámetros de entrada }
   asegura etiqueta: { condiciones sobre los parámetros de salida }
}
```

- ▶ *nombre*: nombre que le damos al problema
  - será resuelto por una función con ese mismo nombre
- ▶ *parámetros*: lista de parámetros separada por comas, donde cada parámetro contiene:
  - Nombre del parámetro
  - ► Tipo de datos del parámetro
- ▶ *tipo de dato del resultado*: tipo de dato del resultado del problema (inicialmente especificaremos funciones)
  - En los asegura, podremos referenciar el valor devuelto con el nombre de res
- *etiquetas*: son nombres opcionales que nos servirán para nombrar declarativamente a las condiciones de los requiere o aseguras.

## Definición (Especificación) de un problema

#### ► Sobre los requiere

- Describen todas las condiciones y posibles valores o casuísticas de los parámetros de entrada.
- Puede haber más de un requiere (recomendamos una condición por renglón). Se asume que valen todos juntos (es una conjunción).
- Evitar contradicciones (un requiere no debería contradecir a otro).

### Sobre los asegura

- Describen todas las condiciones y posibles valores o casuísticas de los parámetros de salida y entrada/salida en función de los parámetros de entrada.
- Puede haber más de un asegura (recomendamos una condición por renglón). Se asume que valen todos juntos (es una conjunción).
- Evitar contradicciones (un asegura no debería contradecir a otro).

33

# Ejemplos

```
problema raizCuadrada(x : \mathbb{R}) : \mathbb{R} \ \{ requiere: \{x \geq 0\} asegura: \{res * res = x \land res \geq 0\} \} problema sumar(x : \mathbb{Z}, y : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} \ \{ requiere: \{True\} asegura: \{res = x + y\} \} problema restar(x : \mathbb{Z}, y : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} \ \{ requiere: \{True\} asegura: \{res = x - y\} \} problema cualquieramayor(x : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} \ \{ requiere: \{True\} asegura: \{res > x\} \}
```

```
¿Por qué nuestro lenguaje será semiformal?: Ejemplos

problema raizCuadrada(x : R) : R {
    requiere: {x debe ser mayor o igual que 0}
    asegura: {res debe ser mayor o igual que 0}
    asegura: {res elevado al cuadrado será x}
}

problema sumar(x : Z, y : Z) : Z {
    requiere: {-}
    asegura: {res es la suma de x e y}
}

problema restar(x : Z, y : Z) : Z {
    requiere: {Siempre cumplen}
    asegura: {res es la resta de x menos y}
}

problema cualquieramayor(x : Z) : Z {
    requiere: {Vale para cualquier valor posible de x}
    asegura: {res debe tener cualquier valor mayor a x}
}
```

-

### El contrato

- ► Contrato: El programador escribe un programa P tal que si el usuario suministra datos que hacen verdadera la precondición, entonces P termina en una cantidad finita de pasos retornando un valor que hace verdadera la postcondición.
- ► El programa *P* es correcto para la especificación dada por la precondición y la postcondición exactamente cuando se cumple el contrato.
- ► Si el usuario no cumple la precondición y *P* se cuelga o no cumple la poscondición...
  - ► ¿El usuario tiene derecho a quejarse?
  - ► ¿Se cumple el contrato?
- ► Si el usuario cumple la precondición y *P* se cuelga o no cumple la poscondición...
  - ► ¿El usuario tiene derecho a quejarse?
  - ► ¿Se cumple el contrato?

37

### Otro ejemplo

Dados dos enteros **dividendo** y **divisor**, obtener el cociente entero entre ellos.

```
problema cociente(dividendo : \mathbb{Z}, divisor : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z}  { requiere: \{divisor > 0\} asegura: \{res * divisor \leq dividendo\} asegura: \{(res + 1) * divisor > dividendo\} }
```

Qué sucede si ejecutamos con ...

- ightharpoonup dividendo = 1 y divisor = 0?
- dividendo = -4 y divisor = -2, y obtenemos res = 2?
- dividendo = -4 y divisor = -2, y obtenemos res = 0?
- ▶ dividendo = 4 y divisor = -2, y el programa no termina?

## Interpretando una especificación

```
▶ problema raizCuadrada(x : ℝ) : ℝ {
requiere: {x debe ser mayor o igual que 0}
asegura: {res debe ser mayor o igual que 0}
asegura: {res elevado al cuadrado será x}
}
```

- ► ¿Qué significa esta especificación?
- ▶ Se especifica que si el programa raizCuadrada se comienza a ejecutar en un estado que cumple  $x \ge 0$ , entonces el programa **termina** y el estado final cumple res \* res = x y res > 0.

3

## Tipos de datos

- ► Un tipo de datos es un conjunto de valores (el conjunto base del tipo) provisto de una serie de operaciones que involucran a esos valores.
- ▶ Para hablar de un elemento de un tipo T en nuestro lenguaje, escribimos un término o expresión
  - $\triangleright$  Variable de tipo T (ejemplos: x, y, z, etc)
  - Constante de tipo T (ejemplos: 1, -1,  $\frac{1}{5}$ , 'a', etc)
  - ► Función (operación) aplicada a otros términos (del tipo *T* o de otro tipo)
- ► Todos los tipos tienen un elemento distinguido: ⊥ o Indef

## Tipos de datos de nuestro lenguaje de especificación

- ▶ Básicos
  - ► Enteros (ℤ)
  - ightharpoonup Reales ( $\mathbb{R}$ )
  - ► Booleanos (Bool)
  - Caracteres (Char)
- ► Enumerados
- ► Uplas
- Secuencias

41

## Tipo $\mathbb{R}$ (números reales)

- ► Su conjunto base son los números reales.
- ightharpoonup Constantes: 0 ; 1 ; -7 ; 81 ; 7,4552 ;  $\pi \dots$
- ► Operaciones aritméticas:
  - ► Suma, resta y producto (pero no div y mod)
  - ► a/b (división)
  - $\triangleright \log_b(a)$  (logaritmo)
  - Funciones trigonométricas
- ightharpoonup Fórmulas que comparan términos de tipo  $\mathbb{R}$ :
  - ► *a* < *b* (menor)
  - $ightharpoonup a \le b$  o  $a \le b$  (menor o igual)
  - ightharpoonup a > b (mayor)
  - $\triangleright$   $a \ge b$  o  $a \ge b$  (mayor o igual)
  - $ightharpoonup a = b ext{ (iguales)}$
  - ightharpoonup a 
    eq b (distintos)

## Tipo $\mathbb{Z}$ (números enteros)

- ► Su conjunto base son los números enteros.
- ightharpoonup Constantes: 0 ; 1 ; -1 ; 2 ; -2 ; ...
- ► Operaciones aritméticas:
  - ightharpoonup a + b (suma); a b (resta); abs(a) (valor absoluto)
  - ightharpoonup a \* b (multiplicación); a div b (división entera);
  - ightharpoonup a mod b (resto de dividir a a por b),  $a^b$  o pot(a,b) (potencia)
  - ► a / b (división, da un valor de ℝ)
- ightharpoonup Fórmulas que comparan términos de tipo  $\mathbb{Z}$ :
  - ightharpoonup a < b (menor)
  - $ightharpoonup a \le b$  o  $a \le b$  (menor o igual)
  - ightharpoonup a > b (mayor)
  - $\triangleright$   $a \ge b$  o  $a \ge b$  (mayor o igual)
  - $ightharpoonup a = b ext{ (iguales)}$
  - $ightharpoonup a \neq b$  (distintos)

42

## Tipo Bool (valor de verdad)

- ▶ Su conjunto base es  $\mathbb{B} = \{ \text{true}, \text{false} \}.$
- ► Conectivos lógicos: !, &&, ||, con la semántica bi-valuada estándar.
- Fórmulas que comparan términos de tipo Bool:
  - ightharpoonup a=b
  - ightharpoonup a 
    eq b (se puese escribir a ! = b)

## Tipo Char (caracteres)

- ► Sus elementos son las letras, dígitos y símbolos.
- ► Constantes: 'a', 'b', 'c', ..., 'z', ..., 'A', 'B', 'C', ..., 'Z', ..., '0', '1', '2', ..., '9' (en el orden dado por el estándar ASCII).
- ► Función ord, que numera los caracteres, con las siguientes propiedades:
  - ightharpoonup ord('a') + 1 = ord('b') $ightharpoonup {
    m ord}('A') + 1 = {
    m ord}('B')$ ightharpoonup ord('1') + 1 = ord('2')
- ► Función char, de modo tal que si c es cualquier char entonces char(ord(c)) = c.
- ► Las comparaciones entre caracteres son comparaciones entre sus órdenes, de modo tal que a < b es equivalente a ord(a) < ord(b).

## Ejemplo de tipo enumerado

```
enum Día {
  LUN, MAR, MIER, JUE, VIE, SAB, DOM
```

Valen:

## Tipos enumerados

► Cantidad finita de elementos. Cada uno, denotado por una constante.

enum Nombre { constantes }

- ► *Nombre* (del tipo): tiene que ser nuevo.
- ► Constantes: nombres nuevos separados por comas.
- ► Convención: todos en mayúsculas.
- ▶ ord(a) da la posición del elemento en la definición (empezando de 0).
- ▶ Inversa: se usa el nombre del tipo funciona como inversa de ord.

Definimos el tipo Día así:

ightharpoonup ord(LUN) = 0

ightharpoonup Día(2) = MIE

► JUE < VIE