Introducción a la Programación

Guía Práctica 5
Recursión sobre listas

Departamento de Computación
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires

Ejercicio 1. Definir las siguientes funciones sobre listas:

1. `longitud :: [t] -> Integer`, que dada una lista devuelve su cantidad de elementos.
2. `ultimo :: [t] -> t` según la siguiente especificación:

   `problema ultimo` (s: $seq\langle T\rangle$) : T {
   `requiere:` { $|s| > 0$ }
   `asegura:` { $resultado = s[|s| - 1]$ }
   }

3. `principio :: [t] -> [t]` según la siguiente especificación:

   `problema principio` (s: $seq\langle T\rangle$) : $seq\langle T\rangle$ {
   `requiere:` { $|s| > 0$ }
   `asegura:` { $resultado = subseq(s, 0, |s| - 1)$ }
   }

4. `reverso :: [t] -> [t]` según la siguiente especificación:

   `problema reverso` (s: $seq\langle T\rangle$) : $seq\langle T\rangle$ {
   `requiere:` { $True$ }
   `asegura:` { $resultado$ tiene los mismos elementos que s pero en orden inverso.}
   }

Ejercicio 2. Definir las siguientes funciones sobre listas:

1. `pertenece :: (Eq t) => t -> [t] -> Bool` según la siguiente especificación:

   `problema pertenece` (e: T, s: $seq\langle T\rangle$) : $\mathbb{B}$ {
   `requiere:` { $True$ }
   `asegura:` { $resultado = true \leftrightarrow e \in s$ }
   }

2. `todosIguales :: (Eq t) => [t] -> Bool`, que dada una lista devuelve verdadero sí y solamente sí todos sus elementos son iguales.
3. `todosDistintos :: (Eq t) => [t] -> Bool` según la siguiente especificación:

   `problema todosDistintos` (s: $seq\langle T\rangle$) : $\mathbb{B}$ {
   `requiere:` { $True$ }
   `asegura:` { $resultado = false \leftrightarrow$ existen dos posiciones distintas de s con igual valor }
   }

4. `hayRepetidos :: (Eq t) => [t] -> Bool` según la siguiente especificación:

   `problema hayRepetidos` (s: $seq\langle T\rangle$) : $\mathbb{B}$ {
   `requiere:` { $True$ }
   `asegura:` { $resultado = true \leftrightarrow$ existen dos posiciones distintas de s con igual valor }
   }

5. `quitar :: (Eq t) => t -> [t] -> [t]`, que dados un entero x y una lista xs, elimina la primera aparición de x en la lista xs (de haberla).

6. `quitarTodos :: (Eq t ) => t -> [t] -> [t]`, que dados un entero x y una lista xs, elimina todas las apariciones de x en la lista xs (de haberlas). Es decir:

   `problema quitarTodos` (e: T, s: $seq\langle T\rangle$) : $seq\langle T\rangle$ {
   `requiere:` { $True$ }
   `asegura:` { $resultado$ es igual a s pero sin el elemento e. }
   }

7. `eliminarRepetidos :: (Eq t) => [t] -> [t]` que deja en la lista una única aparición de cada elemento, eliminando las repeticiones adicionales.

8. `mismosElementos :: (Eq t) => [t] -> [t] -> Bool`, que dadas dos listas devuelve verdadero sí y solamente sí ambas listas contienen los mismos elementos, sin tener en cuenta repeticiones, es decir:

   `problema mismosElementos` (s: $seq\langle T\rangle$, r: $seq\langle T\rangle$) : $\mathbb{B}$ {
   `requiere:` { $True$ }
   `asegura:` { $resultado = true \leftrightarrow$ todo elemento de s pertenece r y viceversa}
   }

9. `capicua :: (Eq t) => [t] -> Bool` según la siguiente especificación:

   `problema capicua` (s: $seq\langle T\rangle$) : $\mathbb{B}$ {
   `requiere:` { $True$ }
   `asegura:` { $(resultado = true) \leftrightarrow (s = reverso(s))$ }
   }

   Por ejemplo `capicua [á','c', 'b', 'b', 'c', á']` es `true`, `capicua [á', 'c', 'b', 'd', á']` es `false`.

Ejercicio 3. Definir las siguientes funciones sobre listas de enteros:

1. `sumatoria :: [Integer] -> Integer` según la siguiente especificación:

   `problema sumatoria` (s: $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$) : $\mathbb{Z}$ {
   `requiere:` { $True$ }
   `asegura:` { $resultado = \sum_{i=0}^{|s|-1} s[i]$ }
   }

2. `productoria :: [Integer] -> Integer` según la siguiente especificación:

   `problema productoria` (s: $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$) : $\mathbb{Z}$ {
   `requiere:` { $True$ }
   `asegura:` { $resultado = \prod_{i=0}^{|s|-1} s[i]$ }
   }

3. `maximo :: [Integer] -> Integer` según la siguiente especificación:

   `problema maximo` (s: $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$) : $\mathbb{Z}$ {
   `requiere:` { $|s| > 0$ }
   `asegura:` { $resultado \in s \wedge$ todo elemento de s es menor o igual a $resultado$ }
   }

4. `sumarN :: Integer -> [Integer] -> [Integer]` según la siguiente especificación:

   `problema sumarN` (n: $\mathbb{Z}$, s: $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$) : $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$ {
   `requiere:` { $True$ }
   `asegura:` {$|resultado| = |s| \wedge$ cada posición de $resultado$ contiene el valor que hay en esa posición en s sumado n }
   }

5. `sumarElPrimero :: [Integer] -> [Integer]` según la siguiente especificación:

   `problema` `sumarElPrimero` (s: $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$) : $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$ {
   `requiere:` { $|s| > 0$ }
   `asegura:` {$resultado = sumarN(s[0], s)$ }
   }

   Por ejemplo `sumarElPrimero [1,2,3]` da `[2,3,4]`

6. `sumarElUltimo :: [Integer] -> [Integer]` según la siguiente especificación:

   `problema` `sumarElUltimo` (s: $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$) : $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$ {
   `requiere:` { $|s| > 0$ }
   `asegura:` {$resultado = sumarN(s[|s| - 1], s)$ }
   }

   Por ejemplo `sumarElUltimo [1,2,3]` da `[4,5,6]`

7. `pares :: [Integer] -> [Integer]` según la siguiente especificación:

   `problema` `pares` (s: $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$) : $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$ {
   `requiere:` { $True$ }
   `asegura:` {*resultado* sólo tiene los elementos pares de s en el orden dado, respetando las repeticiones}
   }

   Por ejemplo `pares [1,2,3,5,8,2]` da `[2,8,2]`

8. `multiplosDeN :: Integer -> [Integer] -> [Integer]` que dado un número n y una lista xs, devuelve una lista con los elementos de xs múltiplos de n.

9. `ordenar :: [Integer] -> [Integer]` que ordena los elementos de la lista en forma creciente.

Ejercicio 4. Definir las siguientes funciones sobre listas de caracteres, interpretando una palabra como una secuencia de caracteres sin blancos:

1. `sacarBlancosRepetidos :: [Char] -> [Char]`, que reemplaza cada subsecuencia de blancos contiguos de la primera lista por un solo blanco en la lista resultado.
2. `contarPalabras :: [Char] -> Integer`, que dada una lista de caracteres devuelve la cantidad de palabras que tiene.
3. `palabras :: [Char] -> [[Char]]`, que dada una lista arma una nueva lista con las palabras de la lista original.
4. `palabraMasLarga :: [Char] -> [Char]`, que dada una lista de caracteres devuelve su palabra más larga.
5. `aplanar :: [[Char]] -> [Char]`, que a partir de una lista de palabras arma una lista de caracteres concatenándolas.
6. `aplanarConBlancos :: [[Char]] -> [Char]`, que a partir de una lista de palabras, arma una lista de caracteres concatenándolas e insertando un blanco entre cada palabra.
7. `aplanarConNBlancos :: [[Char]] -> Integer -> [Char]`, que a partir de una lista de palabras y un entero n, arma una lista de caracteres concatenándolas e insertando n blancos entre cada palabra (n debe ser no negativo).

Ejercicio 5. Definir las siguientes funciones sobre listas:

1. `sumaAcumulada :: (Num t) => [t] -> [t]` según la siguiente especificación:

   `problema` `sumaAcumulada` (s: $seq\langle T\rangle$) : $seq\langle T\rangle$ {
   `requiere:` {$T \in [\mathbb{N}, \mathbb{Z}, \mathbb{R}]$}
   `asegura:` {$|s| = |resultado| \wedge$ el valor en la posición i de *resultado* es $\sum_{k=0}^{i} s[k]$}
   }

   Por ejemplo `sumaAcumulada [1, 2, 3, 4, 5]` es `[1, 3, 6, 10, 15]`.

2. `descomponerEnPrimos :: [Integer] -> [[Integer]]` según la siguiente especificación:

   `problema` `descomponerEnPrimos` (s: $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$) : $seq\langle seq\langle\mathbb{Z}\rangle\rangle$ {

   `requiere:` { Todos los elementos de s son mayores a 2 }

   `asegura:` { $|resultado| = |s|$ }

   `asegura:` {todos los valores en las listas de $resultado$ son números primos}

   `asegura:` {multiplicar todos los elementos en la lista en la posición i de $resultado$ es igual al valor en la posición i de s}

   }

   Por ejemplo `descomponerEnPrimos [2, 10, 6]` es `[[2], [2, 5], [2, 3]]`.