

МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени М.В. ЛОМОНОСОВА  
ФИЗИЧЕСКИЙ ФАКУЛЬТЕТ  
Кафедра квантовой электроники

ПЛАЗМОННАЯ ЛИНЕЙКА  
НА ОСНОВЕ ДИМЕРОВ  
ЗОЛОТЫХ НАНОСТЕРЖНЕЙ

Курсовая работа  
студента 527 группы  
Ле А.Т.

Научный руководитель:  
м.н.с., к.ф-м.н. Щербаков М.Р.

Москва - 2013

**Оглавление**

<b>Введение</b>	<b>2</b>
<b>Обзор литературы</b>	<b>3</b>
1. Локальные поверхностные плазмон-поляритоны . . . . .	3
2. Эффекты «плазмонной линейки» при взаимодействии димера плазмонных наночастиц . . . . .	4
3. Метод конечных разностей во временной области . . . . .	8
4. Методика изготовления нанодимеров . . . . .	10
5. Постановка задачи . . . . .	13
<b>Результаты расчетов</b>	<b>14</b>
1. Описание взаимодействия спаренных наночастиц в дипольном приближении . . . . .	14
2. Численный эксперимент . . . . .	17
<b>Экспериментальные результаты</b>	<b>23</b>
1. Исследуемые образцы . . . . .	23
2. Экспериментальные данные . . . . .	23
<b>Выводы</b>	<b>29</b>
<b>Список литературы</b>	<b>30</b>

## Введение

Данная курсовая работа посвящена изучению эффектов взаимодействия димеров золотых наностержней, на основе которых была построена «плазмонная линейка». В работе представлены аналитические и численные расчеты взаимодействия двух наностержней, а также экспериментальные результаты исследования спектров пропускания ансамблей из димеров золотых наностержней различной длины и расстояния между ними.

Измерение расстояний на наномасштабах является актуальной на сегодняшний день задачей. Доступные на сегодняшний день методы микроскопии (электронно-лучевая, атомно-силовая и другие) требуют специальной подготовки образцов, которая в случае биологических объектов приводит к их гибели. Помимо методов микроскопии, на данный момент существует две методики косвенного определения расстояния, которые могут быть использованы в биологических системах. Первый метод носит название ферстеровского переноса энергии. Данный метод использует перенос энергии между двумя хромофорами — донором и акцептором. Безызлучательный перенос энергии происходит от донора, находящегося в возбужденном состоянии, на акцептор через диполь-дипольное взаимодействие. Эффективность этого процесса зависит от расстояния между объектами, что позволяет измерять расстояние как между двумя молекулами, так и между метками в одной макромолекуле. Расстояние, которое можно измерить с помощью такого метода, составляет 2 – 6 нм. Второй метод связан с использованием резонансных особенностей локальных плазмонполяритонов (ЛПП) димеров металлических наночастиц. Оказывается, что электромагнитное взаимодействие между наночастицами приводит к сдвигу спектрального положения резонанса ЛПП по отношению к положению резонанса ЛПП изолированных наночастиц такой же формы. Величина сдвига однозначно зависит от энергии взаимодействия между наночастицами, которая, в свою очередь, зависит от расстояния между наночастицами. На основе этого свойства была разработана «плазмонная линейка» для измерения расстояний на наномасштабах, в том числе в биологических системах [1].

Целями данной курсовой работы являются численное исследование смещения резонанса ЛПП в димерах золотых наностержней различной длины, экспериментальная характеристика смещения резонанса ЛПП в димерах золотых наностержней, изготовленных методом электронно-лучевой литографии, и сравнение теоретических и экспериментальных данных, а также оценка возможности использования димеров наностержней в качестве «плазмонной линейки» и определение диапазона расстояний, в котором «плазмонная линейка» может функционировать.

## Обзор литературы

### 1. Локальные поверхностные плазмон-поляритоны

Поверхностными поляритонами называются волны, распространяющиеся вдоль границы раздела двух различных сред и существующие одновременно в них обеих. Поля, передаваемые этими волнами, локализованы вблизи поверхности и затухают по обе стороны от нее [2]. Поверхностными плазмон-поляритонами (ПП) являются поверхностные волны, распространяющиеся вдоль границы раздела сред металл-диэлектрик.

Помимо бегущих вдоль поверхности раздела сред металл-диэлектрик ПП, локализованные поверхностные электромагнитные возбуждения могут существовать и в других объектах, таких как металлические частицы. Такие поверхностные возбуждения в ограниченной геометрии называются локальными поверхностными плазмонами (ЛПП). Частота ЛПП может быть определена в электростатическом приближении из решения уравнения Лапласа с подходящими граничными условиями. Применение электростатического приближения, не учитывающего эффектов запаздывания, возможно при условии, что характерный размер системы  $a$  много меньше длины волны  $\lambda$  возбуждающего излучения,  $a \ll \lambda$ . Для металлических сферических частиц, в которых диэлектрическая проницаемость металла определяется формулой Друде:

$$\varepsilon(\omega) = 1 - \frac{\omega_p^2}{\omega^2}, \quad (1)$$

частота ЛПП находится по формуле:

$$\omega_l = \omega_p \left( \frac{l}{\varepsilon_0(l+1)+l} \right)^{1/2}, \quad (2)$$

где  $\omega_p$  – плазменная частота металла,  $l = 1, 2, 3\dots$  – порядок сферических функций,  $\varepsilon_0$  – диэлектрическая проницаемость окружающей среды [3]. Для сфер радиуса  $a$  и объема  $V$  Лоренц вывел соотношение для электрической поляризуемости:

$$\alpha = \frac{3(m^2 - 1)}{4\pi(m^2 + 2)} V = \frac{m^2 - 1}{m^2 + 2} a^3, \quad (3)$$

где  $m = n - ik$  – комплексный показатель преломления, состоящий из показателя преломления  $n$  и коэффициента экстинкции  $k$ .

Для эллипсоидных частиц с полуосами  $a, b$  и  $c$  выполняется соотношение, которое дает три главных значения  $\alpha_1, \alpha_2$  и  $\alpha_3$  тензора поляризуемости:

$$\alpha_i = \frac{V}{4\pi(L_i + \frac{1}{m^2-1})}, \quad (4)$$

где  $L_i$  – фактор деполяризации, зависящий от размеров осей эллипса. При произвольном выборе полуосей  $a, b$  и  $c$  получим:

$$L_1 = \int_0^\infty \frac{abcds}{2(s+a^2)^{3/2}(s+b^2)^{1/2}(s+c^2)^{1/2}}, \quad (5)$$

и при циклической перестановке ту же формулу для  $L_2$  и  $L_3$  [4].

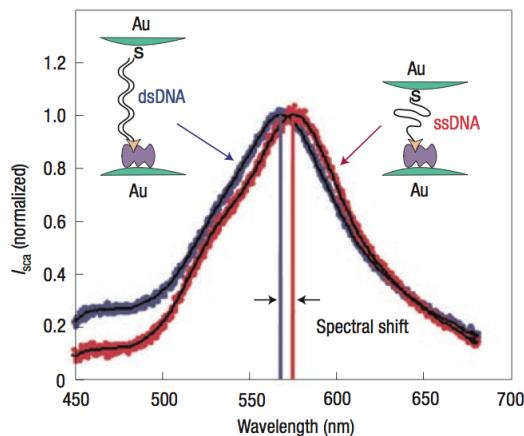


Рис. 1: Пример спектрального сдвига в системе из двух золотых наночастиц, соединенных между собой одноцепочечной молекулой ДНК (красная линия) и двухцепочечной молекулой ДНК (синяя линия) [5].

## 2. Эффекты «плазмонной линейки» при взаимодействии димера плазмонных наночастиц

Оптические свойства золотых наночастиц достаточно хорошо изучены и используются во многих областях науки и технологий, таких как направленная транспортировка лекарственных веществ [ref: 1 - drug delivery], визуализация клеток [ref: 2 - cell imaging], фототермическая терапия [ref: 3 - photothermal therapy] и других медицинских и биологических направлениях. Современные исследования в области плазмоники сосредоточены в том числе на изучении резонанса ЛПП в ансамблях металлических наночастиц в связи с использованием их, например, в биосенсорике [5]. В этих исследованиях было показано, что электромагнитное взаимодействие между частицами приводит к сдвигу спектрального положения резонанса ЛПП по отношению к положению резонанса ЛПП изолированных наночастиц такой же геометрической формы. На рис.[img: from biosensing paper] показано, как между двумя золотыми наночастицами прикреплялась молекула ДНК и измерялась ее длина по смещению положения резонанса ЛПП. Величина сдвига зависит от энергии взаимодействия между наночастицами, которая, в свою очередь, зависит от расстояния между наночастицами. Следовательно, измеряя величину сдвига резонанса, можно определить расстояние между наночастицами. Sonnichsen et al. [6] и Reinhard et al. [7] использовали данное свойство для разработки так называемой «плазмонной линейки» для измерения расстояний на наномасштабах, в том числе в биологических системах. Такие системы из двух наночастиц называются димерами. Оптическими свойствами димеров можно управлять, изменения форму наночастиц в димере, их взаиморасположение, поляризацию падающего электромагнитного излучения.

Одними из первых димеров исследовались системы из двух нанодисков. В статье [8] исследуется зависимость локального плазмонного резонанса от расстояния между двумя нанодисками из золота. Пары нанодисков из золота располагались на кварцевой подложке и имели толщину 25 нм и диаметр 88 нм. Расстояние между нанодисками варьировалось и составляло 212, 27, 17, 12, 7 и 2 нм. Изображение ансамбля из спаренных нанодисков с расстоянием между нанодисками 12 нм, полученное с помощью растрового электронного микроскопа, показано на рис. 2. Спектры резонансов ЛПП были получены с помощью микроспектроскопии пропускания. При падении света с поляризацией, параллельной оси

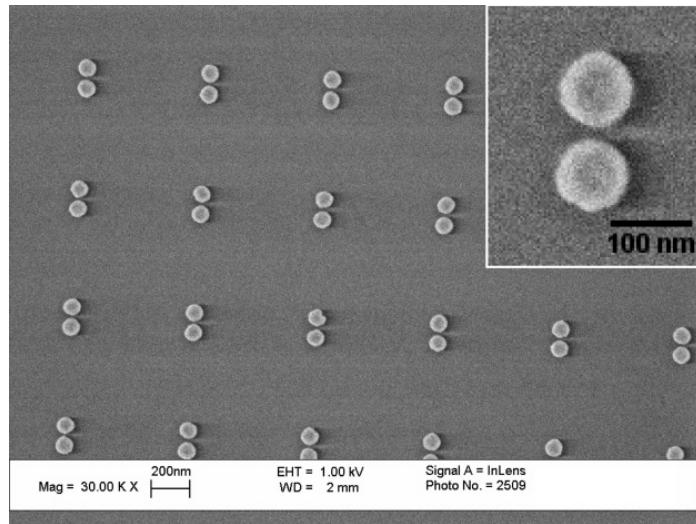


Рис. 2: Изображение пар нанодисков из золота, полученное с помощью растрового электронного микроскопа. Расстояние между нанодисками составляет 12 нм, диаметр нанодиска составляет 88 нм, а толщина — 25 нм [8].

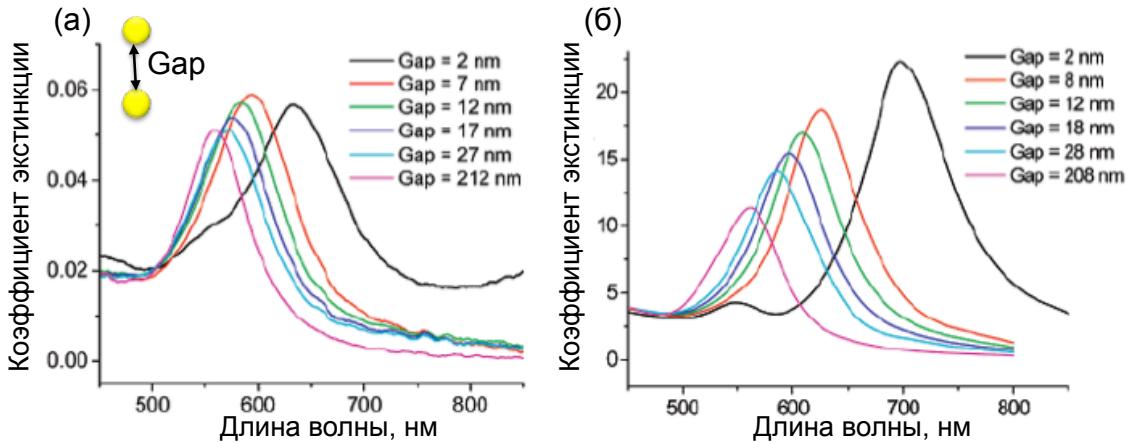


Рис. 3: (а) Экспериментальные и (б) численные спектры коэффициента экстинкции при падении света на структуру из спаренных нанодисков из золота с различными расстояниями между нанодисками. Поляризация параллельна оси между центрами нанодисков [8].

между центрами нанодисков, наблюдался сдвиг резонанса ЛПП в красную область спектра при уменьшении расстояния между нанодисками. На рис. 3 показана зависимость коэффициента экстинкции от длины волны падающего света с поляризацией, параллельной оси между центрами нанодисков, для различных расстояний между нанодисками.

На рис. 4 показана зависимость сдвига резонанса ЛПП от расстояния между нанодисками. Резонанс ЛПП при расстоянии между нанодисками 212 нм был выбран опорным при расчете относительного сдвига, так как взаимодействие между нанодисками можно положить минимальным.

Учитывая данное поведение системы, было выведено следующее феноменологическое уравнение для «плазмонной линейки»:

$$\frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} \approx 0.18 \cdot \exp\left(\frac{-(s/D)}{0.23}\right), \quad (6)$$

где  $\Delta\lambda$  — величина сдвига резонанса ЛПП,  $\lambda_0$  — резонанс ЛПП изолированной наночастицы,  $D$  — диаметр наночастицы. Такая линейка, например, была использована для измерения

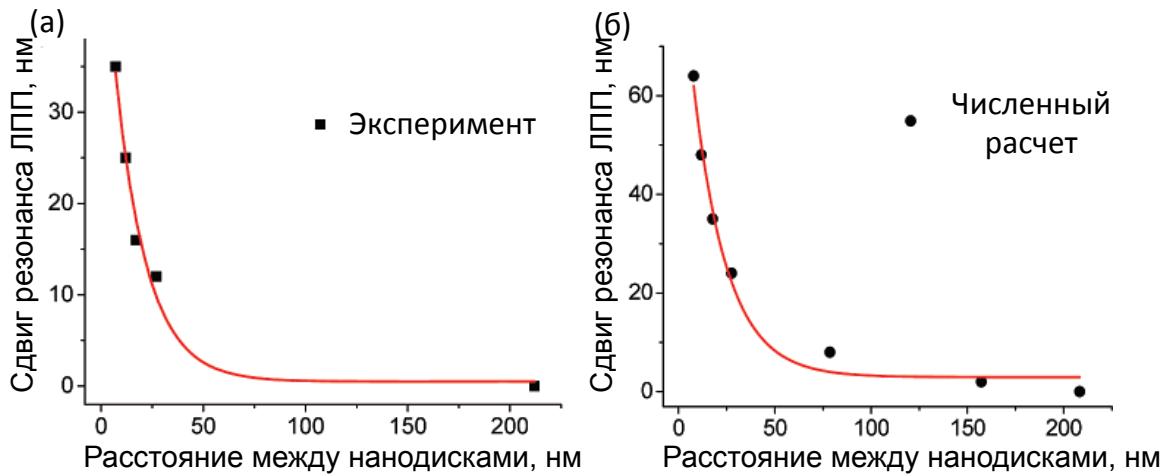


Рис. 4: Зависимость сдвига резонанса ЛПП для пар золотых нанодисков от расстояния между нанодисками в эксперименте (а) и численных расчетах (б). Красная линия соответствует кривой  $y = y_0 + a \cdot e^{-x/l}$  [8].

длин молекул ДНК [9]. Более общее уравнение для «плазмонной линейки» выглядит следующим образом:

$$\frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} = A \cdot \exp\left(\frac{-(s/D)}{\tau}\right), \quad (7)$$

где  $A$  – предэкспоненциальный множитель, а  $\tau$  – величина затухания взаимодействия наночастиц в димере.

Димеры из золотых наностержней являются наиболее часто используемыми при исследовании оптических свойств димеров золотых наночастиц [ref: nanorod dimers]. Это связано с тем, что появляется возможность исследовать не только зависимость положения резонанса ЛПП от расстояния между наночастицами, но и изучить поведение резонанса ЛПП при различном взаимном расположении наностержней. Так, в статье [17] исследуется зависимость положения резонанса ЛПП от расстояния между наностержнями в  $\sigma$ -димерах. Массивы из  $\sigma$ -димеров располагались на кварцевой подложке и были вытравлены с помощью электронно-лучевой литографии. На рис. 5А-С показаны изображения с растрового электронного микроскопа исследуемых  $\sigma$ -димеров. Поляризация света была линейная вдоль наностержней. Экспериментальные спектры экстинкции  $\sigma$ -димеров с различным расстоянием между наностержнями показаны на рис. 5Е. Видно, что при уменьшении расстояния между наностержнями резонанс ЛПП сдвигается в красную область спектра. Экспериментальная и теоретическая зависимости относительного сдвига резонанса ЛПП от нормированного на длину наностержней расстояния между наностержнями показаны на рис. 5D. Как и в случае димеров нанодисков [8], наблюдается экспоненциальный спад. Красной сплошной линией на рис. 5D показано приближение «плазмонной линейки», описываемое уравнением (7) с коэффициентом  $\tau = 0.2$ .

Когда две наночастицы, каждая из которых имеет свой резонанс ЛПП, приближаются друг к другу, ближнепольные компоненты каждой из частиц перекрываются друг с другом, что и влияет на сдвиг резонансов ЛПП. Взаимодействие между двумя вырожденными плазмонными модами можно по аналогии свести к молекулярно-экситонной теории связи [ref: МЕСТ], которая описывает расщепление энергетического уровня возбужденного состояния на две моды: одну с большей энергией, а вторую с меньшей. При этом ширина полученной энергетической зоны описывается уравнением Симпсона-Петерсона.

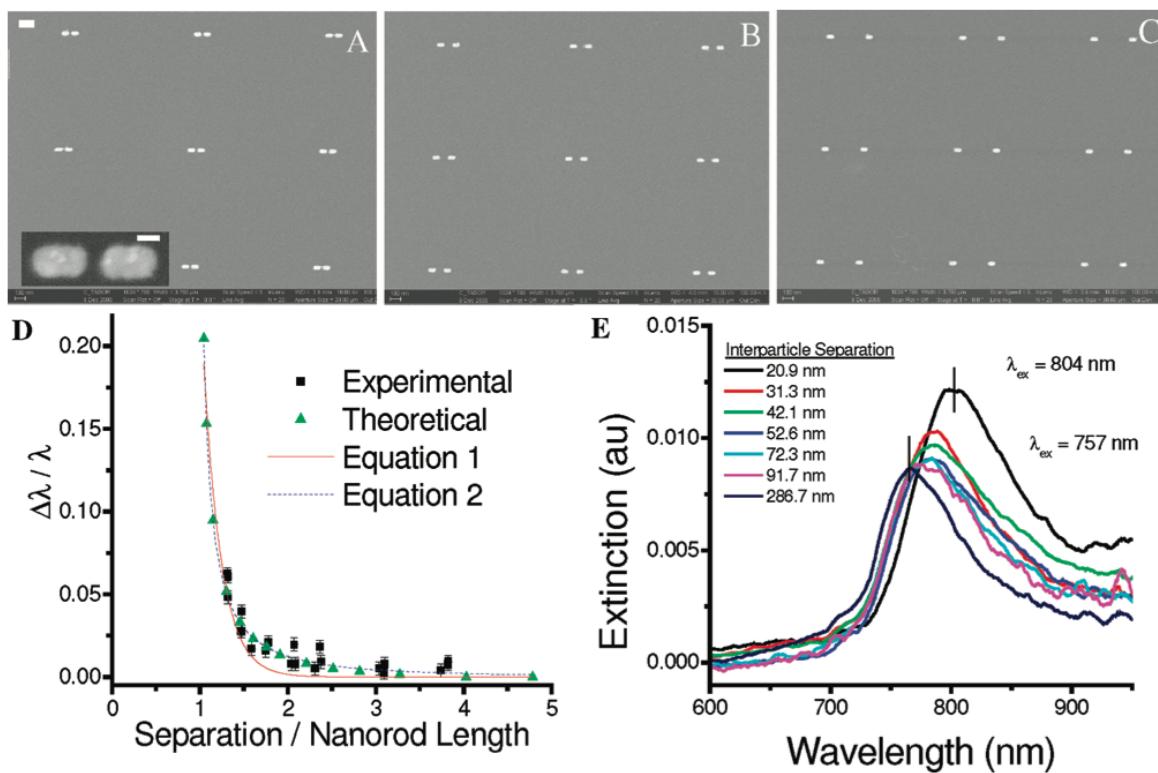


Рис. 5: (А – С) Изображения  $\sigma$ -димеров, полученные с помощью растрового электронного микроскопа, с расстоянием между наностержнями 20.9, 72.3, 286.7 нм, соответственно. Масштабная линейка в левом верхнем углу рис. А равняется 100 нм. Вставка в рис. А – увеличенное изображение  $\sigma$ -димера в 400000 раз. (Д) Зависимость относительного сдвига резонанса ЛПП от нормированного на длину наностержней расстояния между наностержнями. Черными квадратиками нанесены экспериментальные данные, зелеными треугольниками – расчетанные с помощью метода дискретного дипольного приближения. (Е) Экспериментальные спектры экстинкции 7  $\sigma$ -димеров с различным расстоянием между наностержнями показывают спектральный сдвиг резонанса ЛПП с 747 нм до 804 нм [17].

Аналогично, при взаимодействии двух наночастиц, дипольные моды каждой наночастицы взаимодействуют и преобразуются в две новые дипольные моды димера, одна с большей энергией, другая с меньшей. При этом в случае  $\sigma$ -димера мода с большей энергией является антисимметричной и темной, а мода с меньшей энергией – симметричной и светлой.

Также возможны и другие варианты взаимного расположения наностержней. Так, в статье [ref:0 - nanorods] рассматриваются не только  $\sigma$ -димеры, наностержни у которых располагаются вдоль одной прямой и взаимодействуют концами, но и  $\pi$ -димеры, наностержни которых расположены стороны к стороне (бред какой-то). В случае  $\pi$ -димеров симметричная мода имеет большую энергию, чем антисимметричная мода, а значит при уменьшении расстояния между наностержнями резонанс ЛПП должен смещаться в синюю область. На рис. 6 показаны схемы гибридизации димеров наностержней при различном их взаимном расположении. Красным крестом отмечены моды, которые являются темными. При этом небольшой продольный сдвиг стержней в случае  $\pi$ -димеров превращает темную моду в светлую, что и показано на рис. 6b.

В других работах также исследовалась зависимость сдвига резонанса ЛПП в зависимости от расстояния между наночастицами. При этом частицы были различной геометрической формы, например, нанопризмы [10, 11], нанокольца [12], наносферы [13, 14], на-

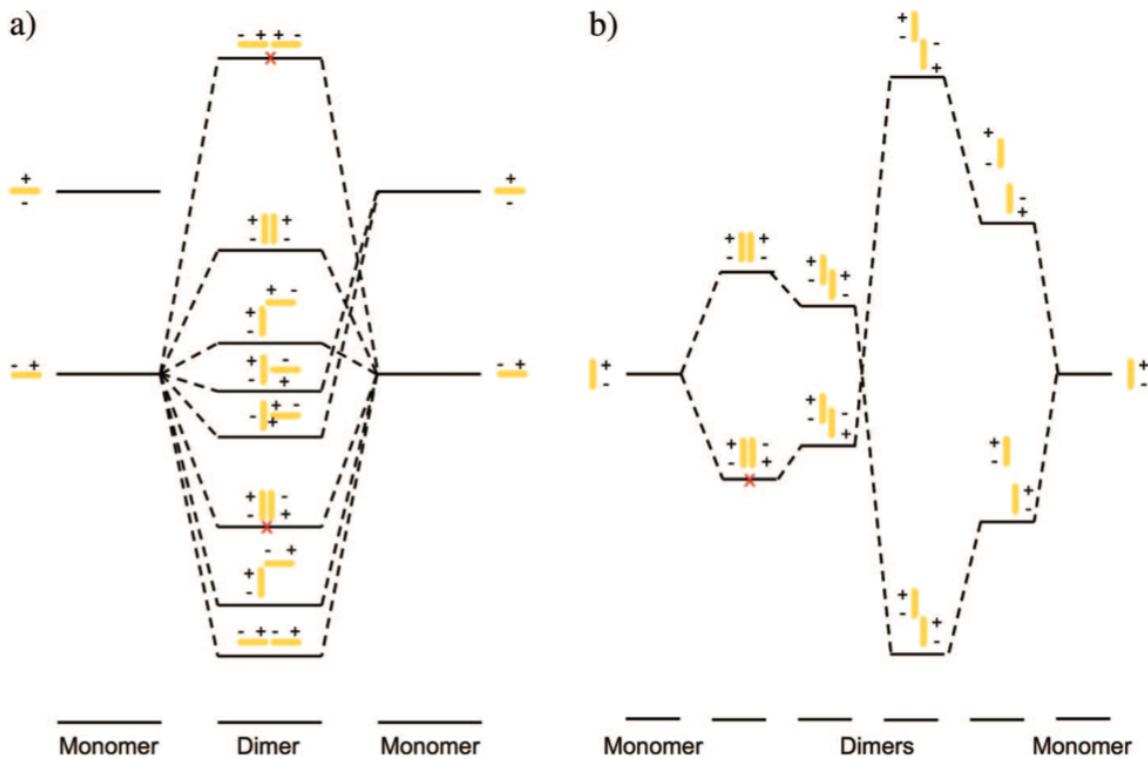


Рис. 6: Схемы гибридизации димеров наностержней при их различном взаиморасположении. (а) –  $\sigma$ -димеры, (б) –  $\pi$ -димеры[ref:0 - nanorod dimers].

ноциллиндры [15] и наностержни [16]. Также исследовался резонанс ЛПП при различных взаимных расположениях двух наночастиц одной геометрической формы [17–19]. При этом как правило изучалось поведение резонанса в  $\sigma$ -димерах, поэтому представляет большой интерес изучение поведения резонанса ЛПП в  $\pi$ -димерах, а также взаимодействия наночастиц, в которых возможно возбуждение различных плазмонных мод.

### 3. Метод конечных разностей во временной области

Для расчетов спектра пропускания и локального распределения плотности мощности электромагнитного поля димеров плазмонных наночастиц часто используют метод конечных разностей во временной области. Метод конечных разностей во временной области (англ. Finite Difference Time Domain, FDTD) – один из наиболее популярных методов численной электродинамики, основанный на дискретизации уравнений Максвелла, записанных в дифференциальной форме. Рассмотрим базовый алгоритм Йи для численного решения уравнений Максвелла, первоначально использованный в методе FDTD и подробно изложенный в статье [20].

Уравнения Максвелла в изотропной среде в системе СИ имеют вид:

$$\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} + \nabla \times \mathbf{E} = 0, \quad (8a)$$

$$-\frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t} + \nabla \times \mathbf{H} = \mathbf{J}, \quad (8b)$$

$$\nabla \cdot \mathbf{D} = \rho, \quad (8c)$$

$$\nabla \cdot \mathbf{B} = 0. \quad (8d)$$

В декартовых координатах уравнения (8a) и (8b) эквивалентны следующей системе

скалярных уравнений:

$$-\frac{\partial B_x}{\partial t} = \frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z}, \quad (9a)$$

$$-\frac{\partial B_y}{\partial t} = \frac{\partial E_x}{\partial z} - \frac{\partial E_z}{\partial x}, \quad (9b)$$

$$\frac{\partial B_z}{\partial t} = \frac{\partial E_x}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial x}, \quad (9c)$$

$$-\frac{\partial D_x}{\partial t} = \frac{\partial H_z}{\partial y} - \frac{\partial H_y}{\partial z} + J_x, \quad (9d)$$

$$-\frac{\partial D_y}{\partial t} = \frac{\partial H_x}{\partial z} - \frac{\partial H_z}{\partial x} + J_y, \quad (9e)$$

$$-\frac{\partial D_z}{\partial t} = \frac{\partial H_y}{\partial x} - \frac{\partial H_x}{\partial y} + J_z. \quad (9f)$$

Вводя разностную сетку, для точки в пространстве получим:

$$(i, j, k) = (i\Delta x, j\Delta y, k\Delta z), \quad (10)$$

и для любой функции координат и времени положим:

$$F(i\Delta x, j\Delta y, k\Delta z, n\Delta t) = F^n(i, j, k). \quad (11)$$

При идеально проводящих граничных условиях система разностных уравнений (9a) – (9f) выглядит следующим образом. Для (9a):

$$\begin{aligned} \frac{B_x^{n+1/2}(i, j + \frac{1}{2}, k + \frac{1}{2}) - B_x^{n-1/2}(i, j + \frac{1}{2}, k + \frac{1}{2})}{\Delta t} &= \\ &= \frac{E_y^n(i, j + \frac{1}{2}, k + 1) - E_y^n(i, j + \frac{1}{2}, k)}{\Delta z} - \\ &\quad - \frac{E_z^n(i, j + 1, k + \frac{1}{2}) - E_z^n(i, j, k + \frac{1}{2})}{\Delta y}. \end{aligned} \quad (12)$$

Разностные уравнения для (9b) и (9c) выглядят аналогично (9a).

Для (9d) получим:

$$\begin{aligned} -\frac{D_x^n(i + \frac{1}{2}, j, k) - D_x^{n-1}(i + \frac{1}{2}, j, k)}{\Delta t} &= \frac{H_z^{n-1/2}(i + \frac{1}{2}, j + \frac{1}{2}, k) - H_y^{n-1/2}(i + \frac{1}{2}, j - \frac{1}{2}, k)}{\Delta y} - \\ &- \frac{H_y^{n-1/2}(i + \frac{1}{2}, j, k + \frac{1}{2}) - H_z^{n-1/2}(i + \frac{1}{2}, j, k - \frac{1}{2})}{\Delta z} + J_x^{n-1/2}(i + 1/2, j, k). \end{aligned} \quad (13)$$

Разностные уравнения, относящиеся к (9e) и (9f), получаются аналогичным путем. Получается, что сетки для полей  $E$  и  $H$  смешены по отношению друг к другу на половину шага дискретизации по времени и по каждой из пространственных переменных. Конечно-разностные уравнения позволяют определить поля  $E$  и  $H$  на данном временном шаге на основании известных значений полей на предыдущем, как показано на рис.7. При заданных начальных условиях алгоритм Йи дает эволюционирующее во времени решение во времени от начала отсчета с заданным временным шагом.

Как и в любом другом разностном методе, в FDTD существует проблема неточного отображения границы тела на вычислительную сетку. Любая кривая поверхность, разделяющая соседние среды и геометрически не согласованная с сеткой, будет искажаться

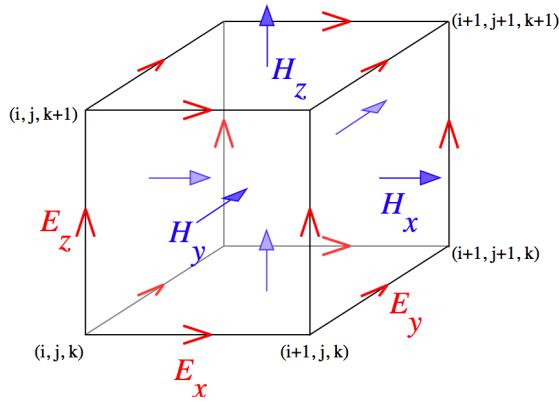


Рис. 7: Поля в ячейке сетки FDTD.  $E$  компонента находится в середине ребер сетки, а  $H$  компонента – в середине граней [20].

эффектом «лестничного приближения». Для решения данной проблемы можно использовать дополнительную сетку с большим разрешением в тех областях пространства, где расположены тела со сложной геометрической структурой.

Для того, чтобы ограничить объем сетки, в FDTD нужны особые поглощающие граничные условия, которые моделируют уход электромагнитной волны на бесконечность. Для этого используются поглощающие граничные условия Мура или Ляо, или идеально соглашенные слои (Perfectly Matched Layers, PML). Условия Мура или Ляо намного проще, чем PML. Тем не менее, PML – строго говоря, являющиеся поглощающей приграничной областью, а не граничным условием как таковым – позволяют получить на порядки меньшие по величине коэффициенты отражения от границы.

#### 4. Методика изготовления нанодимеров

На данный момент существует достаточно много способов изготовления планарных наноструктур различных размеров и форм, и наиболее распространенными являются различные виды литографии [21]. В этом методе изображение элемента или схемы выполняется в виде рисунка на металлической пленке, нанесенной на прозрачную подложку. Такой рисунок называется маской или шаблоном. Затем рисунок с помощью потока электронов переносится на полупроводниковую пластину, в которой слой за слоем формируется физическая структура требуемого объекта. Таким образом, литография – процесс переноса изображения с маски на подложку. Для этого на поверхности подложки создается пленочное покрытие из полимерного материала – резиста; покрытие облучают через маску с изображением элементов схемы и затем покрытие проявляют (травят в растворителе) так, что изображение схемы переносится на подложку.

Существует два основных вида резистов: позитивные и негативные. Если в результате облучения резист полимеризуется и теряет растворимость, то обработка растворителем (проявление) ведет к удалению только необлученных участков и на подложке возникает негативное изображение маски. Соответствующие резисты называются негативными. Если же в результате воздействия облучения резист становится растворимым, то при облучении через маску и последующим проявлении удаляются облученные участки и на подложке возникает позитивное изображение маски. Такие резисты называются позитивными. На рис. 8 слева приведен процесс проявления образца с пленкой негативного резиста, а справа – позитивного. Далее такая структура подвергается травлению, и в результате получается

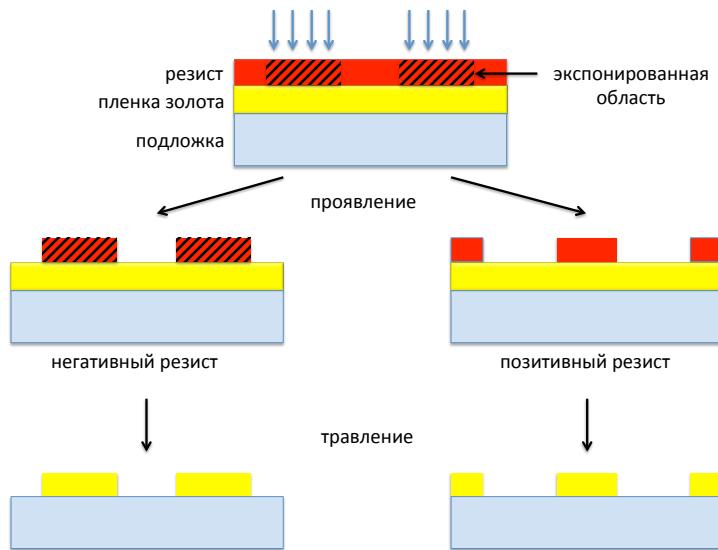


Рис. 8: Основные этапы литографического процесса с использованием негативного (слева) и позитивного (справа) резистов.

массив объектов на поверхности подложки.

Создание структур субмикронных размеров возможно с помощью электронно-лучевой литографии (ЭЛЛ) [22], позволяющий получать объекты с характерным размером меньше 1 нм. Существуют две системы ЭЛЛ — сканирующая и проекционная. При использовании сканирующей системы резист экспонируется фокусированным потоком электронов. В сканирующей ЭЛЛ электронный луч перемещается в плоскости рисунка и производит его последовательное экспонирование. Информация для управления электронным лучом хранится в памяти управляющего компьютера, поэтому не нужно применять какие-либо шаблоны. Однако последовательное сканирование всего рисунка приводит к значительному увеличению времени экспонирования. В проекционной системе широкий несфокусированный поток электронов можно использовать для получения всего рисунка в течение одной экспозиции. Соответствующая электронная проекционная система описана в [23]. В этой системе фотокатод расположен на поверхности оптической маски с заданным рисунком. Ультрафиолетовые лучи облучают фотокатодный слой через маску, что вызывает эмиссию электронов с фотокатода в облученных местах рисунка. Эти электроны проецируются на поверхность резиста с помощью однородных электростатических и магнитных полей. В результате на всей площади подложки рисунок создается за одну экспозицию. На рис.9 представлены схемы установок для сканирующей (слева) и проекционной (справа) систем ЭЛЛ.

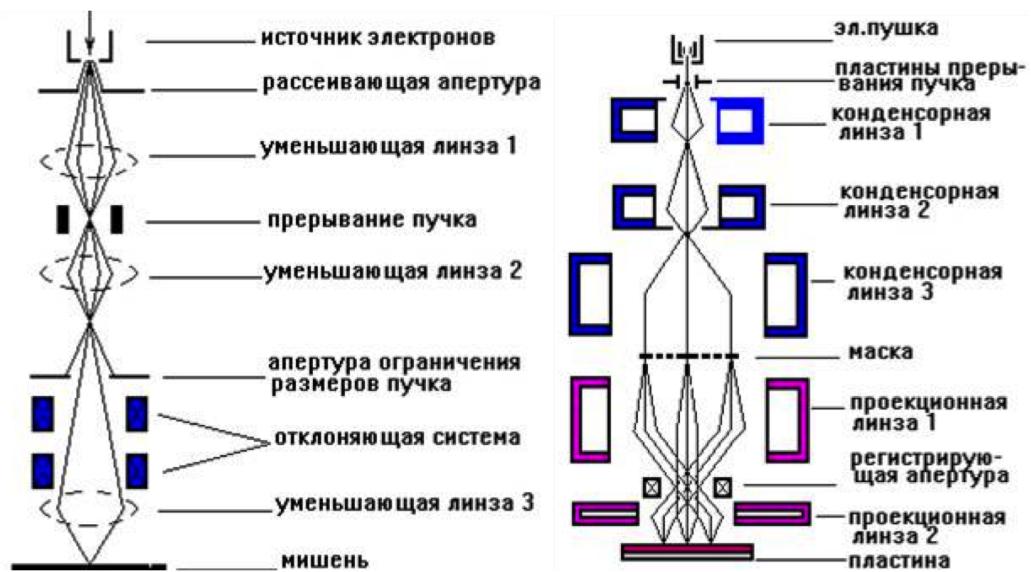


Рис. 9: Схемы установок для сканирующей (слева) и проекционной (справа) систем ЭЛЛ [21].

## **5. Постановка задачи**

В результате обзора литературных источников можно сделать вывод о том, что изучение эффектов взаимодействия димеров различной геометрической формы является актуальной на сегодняшний день задачей.

В данной работе поставлены и решены следующие задачи:

1. Численное исследование смещения резонанса ЛПП в димерах золотых наностержней различной длины.
2. Экспериментальная характеризация смещения резонанса ЛПП в димерах золотых наностержней и сравнение теоретических и экспериментальных данных.
3. Оценка возможности использования димеров наностержней в качестве «плазмонной линейки» и определение диапазона расстояний, в котором «плазмонная линейка» может функционировать.

## Результаты расчетов

### 1. Описание взаимодействия спаренных наночастиц в дипольном приближении

В данном параграфе будет рассмотрено ближнепольное взаимодействие двух золотых наностержней в дипольном приближении и продемонстрировано явление смещения резонанса ЛПП при изменении расстояния между наностержнями. При падении периодического электромагнитного излучения на наночастицу в ней наводится дипольный момент. Тогда взаимодействие двух наночастиц можно представить как взаимодействие двух точечных диполей. Теоретическое описание взаимодействия таких диполей приведено в статье [24].

Пусть один из двух диполей находится в начале декартовой системы координат (диполь (1)), а второй диполь находится на расстоянии  $r$  от первого вдоль оси  $Oz$ . Энергия взаимодействия возникает вследствие взаимной поляризации, которая вычисляется следующим образом.

Пусть мгновенная поляризация диполя (1) задается следующим выражением:

$$\mathbf{P}(1, t) = \mathbf{P} \exp(-\imath\omega t), \quad (14)$$

где  $\omega$  — частота внешнего электромагнитного поля. Тогда векторный потенциал  $\mathbf{A}$  и скалярный потенциал  $\phi$  в произвольной точке на расстоянии  $r$  от диполя определяются формулами

$$\mathbf{A}(r, t) = -\frac{\omega}{c} \mathbf{P} \exp(-\imath\omega t) \frac{\exp(\imath\omega r/c)}{r}, \quad (15)$$

и

$$\phi(r, t) = \frac{\mathbf{P} \cdot \mathbf{r}}{r^2} \left( \frac{1}{r} - \frac{\imath\omega}{c} \right) \exp(-\imath\omega t) \exp(\imath\omega r/c), \quad (16)$$

где  $c$  — скорость света в вакууме. Соответствующее электрическое поле задается выражением:

$$\mathbf{E}(r, t) = -\frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{A}}{\partial t} - \nabla \phi. \quad (17)$$

Следовательно, получим  $\mathbf{E}(r, t) = \mathbf{E}(r) \exp(-\imath\omega t)$ , где:

$$\mathbf{E} = \frac{\mathbf{P}}{r} \left( \frac{\omega^2}{c^2} + \frac{\imath\omega}{cr} - \frac{1}{r^2} \right) \exp(\imath\omega r/c) - (\mathbf{P} \cdot \mathbf{r}) \frac{\mathbf{r}}{r^3} \left( \frac{\omega^2}{c^2} + \frac{3\imath\omega}{cr} - \frac{3}{r^2} \right) \exp(\imath\omega r/c). \quad (18)$$

Значит, если  $|\mathbf{r}|$  — расстояние между диполями, а  $\mathbf{r}$  — направление вдоль оси  $Oz$ , то компоненты  $\mathbf{E}(1)$ , вызванные диполем (1) при положении диполя (2), выражаются следующими формулами:

$$E_x(1) = f(r) P_x(1), \quad E_y(1) = f(r) P_y(1), \quad E_z(1) = h(r) P_z(1), \quad (19)$$

где

$$f(r) = \frac{\exp(\imath\omega r/c)}{r} \left( \frac{\omega^2}{c^2} + \frac{\imath\omega}{cr} - \frac{1}{r^2} \right), \quad h(r) = \frac{2 \exp(\imath\omega r/c)}{r} \left( \frac{1}{r^2} - \frac{\imath\omega}{cr} \right). \quad (20)$$

Это поле поляризует диполь (2), поляризация которого равна:

$$\mathbf{P}(2) = \hat{\alpha}(2) \mathbf{E}(1), \quad (21)$$

где  $\widehat{\alpha}(2)$  – тензор поляризуемости второго диполя. Эта индуцированная поляризация в свою очередь создает электрическое поле в первом диполе, наводя свою поляризацию, и в соответствии с формулой (21) получим:

$$\mathbf{P}(1) = \widehat{\alpha}(1)\mathbf{E}(2). \quad (22)$$

Из формул (19), (21) и (22) получим:

$$\mathbf{P}(2) = \widehat{X}(2)\mathbf{P}(1), \quad \mathbf{P}(1) = \widehat{X}(1)\mathbf{P}(2), \quad (23)$$

где матрицы  $\widehat{X}$  определяются следующим образом:

$$\widehat{X} = \begin{pmatrix} \alpha_{11}f & \alpha_{12}f & \alpha_{13}h \\ \alpha_{21}f & \alpha_{22}f & \alpha_{23}h \\ \alpha_{31}f & \alpha_{31}f & \alpha_{33}h \end{pmatrix}, \quad (24)$$

и  $\alpha_{ij}$  являются матричными элементами тензоров поляризуемости  $\widehat{\alpha}(1)$  и  $\widehat{\alpha}(2)$ , соответственно. Уравнения (23) обеспечивают условие согласования на разрешенные моды:

$$\mathbf{P}(1) = \widehat{Y}\mathbf{P}(1), \quad \widehat{Y} = \widehat{X}(1)\widehat{X}(2). \quad (25)$$

Частоты разрешенных мод задаются дисперсионным соотношением:

$$D(\omega) \equiv \det(\widehat{I} - \widehat{Y}) = 0. \quad (26)$$

Из уравнений (24) и (25) компоненты матрицы  $\widehat{Y}$  имеют вид:

$$y_{11} = \{\alpha_{11}(1)\alpha_{11}(2) + \alpha_{12}(1)\alpha_{21}(2)\}f^2 + \alpha_{13}(1)\alpha_{31}(2)fh, \quad (27a)$$

$$y_{22} = \{\alpha_{21}(1)\alpha_{12}(2) + \alpha_{22}(1)\alpha_{22}(2)\}f^2 + \alpha_{23}(1)\alpha_{32}(2)fh, \quad (27b)$$

$$y_{33} = \{\alpha_{31}(1)\alpha_{13}(2) + \alpha_{32}(1)\alpha_{23}(2)\}fh + \alpha_{33}(1)\alpha_{33}(2)h^2, \quad (27c)$$

$$y_{12} = \{\alpha_{11}(1)\alpha_{12}(2) + \alpha_{12}(1)\alpha_{22}(2)\}f^2 + \alpha_{13}(1)\alpha_{32}(2)fh, \quad (27d)$$

$$y_{13} = \{\alpha_{11}(1)\alpha_{13}(2) + \alpha_{12}(1)\alpha_{23}(2)\}fh + \alpha_{13}(1)\alpha_{33}(2)h^2, \quad (27e)$$

$$y_{23} = \{\alpha_{21}(1)\alpha_{13}(2) + \alpha_{22}(1)\alpha_{23}(2)\}fh + \alpha_{23}(1)\alpha_{33}(2)h^2. \quad (27f)$$

Матричные элементы  $y_{21}$ ,  $y_{31}$  и  $y_{32}$  получаются из уравнений (27d), (27e) и (27f) путем перестановки индексов 1 и 2 диполей. Например,  $y_{21} = y_{12}\{(1) \rightleftharpoons (2)\}$ .

Возьмем модель двух взаимодействующих золотых эллипсоидов. Тогда тензор поляризуемости будет анизотропным. Пусть  $\alpha = \alpha_{xx} = \alpha_{11} \neq 0$ , а остальные компоненты равны нулю, что соответствует состоянию, в котором резонансная частота, возбужденная электрическим полем вдоль оси  $Ox$ , находится вдали от других резонансных частот. Тогда матрица (24) преобразуется в матрицу:

$$\widehat{X} = \begin{pmatrix} \alpha f & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}. \quad (28)$$

Используя уравнение (4) для поляризуемости эллипсоида и подставляя формулу Друде (1) для диэлектрической проницаемости металла, получим уравнение поляризуемости:

$$\alpha = \frac{\omega_p^2}{\omega_p^2 - \omega^2/L_x} \frac{V}{4\pi}, \quad (29)$$

где  $\omega_p$  – плазменная частота металла,  $L_x$  – фактор деполяризации эллипсоида, определяемый формулой (5),  $V$  – объем эллипсоида. Дисперсионное соотношение (26) преобразуется к виду:

$$\alpha f = \pm 1. \quad (30)$$

Рассмотрим близкнепольный случай, для которого  $r \ll \lambda$ . Тогда множитель  $\exp(ikr)$  функции  $f(r)$ , где  $k = \omega/c$ , можно разложить в ряд Тейлора. Тогда для функции  $f(r)$  получим уравнение:

$$f(r) = \frac{\exp(ikr)}{r} \left( k^2 + \frac{ik}{r} - \frac{1}{r^2} \right) \simeq \frac{1}{r} \left( 1 + ikr - \frac{k^2 r^2}{2} + \dots \right) \left( k^2 + \frac{ik}{r} - \frac{1}{r^2} \right). \quad (31)$$

Так как  $kr \ll 1$ , то  $\frac{1}{(kr)^2} \gg \frac{1}{kr}$  и  $\frac{1}{(kr)^3} \gg \frac{1}{kr}$  и пренебрегая членами порядка  $r^n$ , где  $n \geq -1$ , получим:

$$f(r) \simeq \frac{1}{r^3}. \quad (32)$$

Подставляя (32) в (30), получим уравнение для собственных частот:

$$\omega_{\pm} = \omega_p \sqrt{L_x} \sqrt{1 \mp \frac{V}{4\pi r^3}}. \quad (33)$$

Выражая уравнение (33) в длинах волн, получим:

$$\lambda_{\pm} = \frac{\lambda_p}{\sqrt{L_x}} \frac{1}{\sqrt{1 \mp V/4\pi r^3}}, \quad (34)$$

где  $\lambda_p$  – плазменная длина волны.

Рассмотрим два эллипсоида, у которых длины полуосей равны 75 нм вдоль оси  $Ox$ , 15 нм вдоль оси  $Oy$  и 25 нм вдоль оси  $Oz$ . Для таких эллипсоидов фактор деполяризации вдоль оси  $Ox$   $L_x \approx 0.08$ . Объем одного эллипса  $V \approx 1.18 * 10^5$  нм<sup>3</sup>. Взаимное расположение этих эллипсоидов показано на рис. 10а. Значение плазменной частоты  $f_p = \omega_p/2\pi$  взято из статьи [25] и составляет  $2.183 * 10^{15}$  Гц.

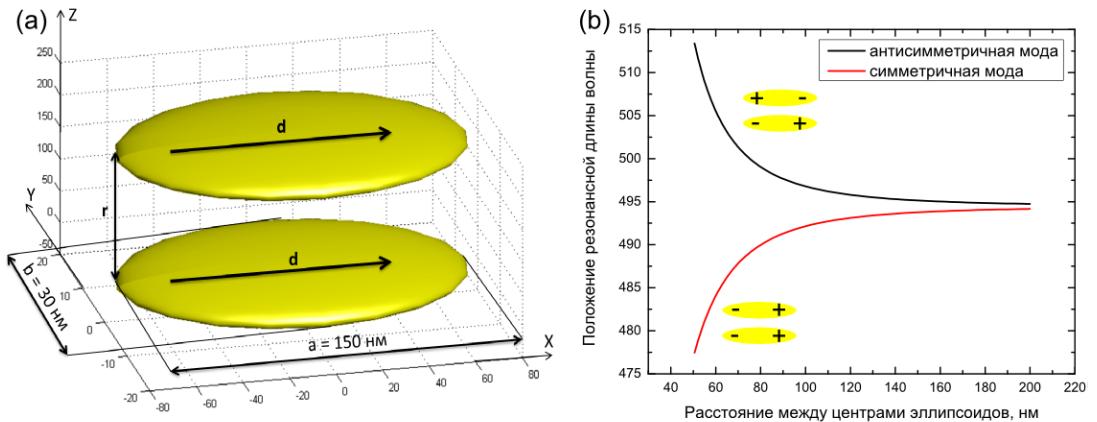


Рис. 10: Взаимное расположение двух эллипсоидов из золота и направление дипольного момента  $\mathbf{d}$  (а), зависимость резонансной длины волны от расстояния  $r$  между центрами эллипсоидов (б).

Зависимость резонансной длины волны от расстояния между центрами эллипсоидов показано на рис. 10б. На больших расстояниях взаимодействия между частицами нет, поэтому каждую частицу можно предположить одиночной, с собственной резонансной длиной

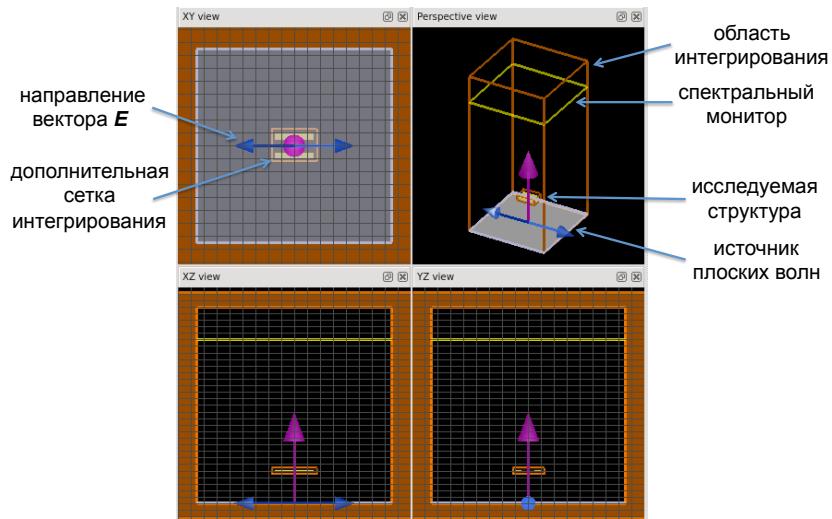


Рис. 11: Вид исследуемой структуры и основные элементы для проведения численного расчета в программе Lumerical FDTD Solutions.

волны  $\lambda_{isolated} \approx 495$  нм. При взаимодействии двух частиц появляется расщепление на две моды: симметричную с большей энергией взаимодействия и антисимметричную с меньшей энергией взаимодействия. При расстояниях  $r \ll \lambda$  в однородных внешних полях антисимметричная мода возбуждается неэффективно, поэтому больший интерес представляет симметричная мода, на которой построены принципы «плазмонной линейки». Мгновенное распределение зарядов в симметричном и антисимметричном случае показано на рис. 10b.

## 2. Численный эксперимент

Численный эксперимент проводился с помощью программного пакета Lumerical FDTD Solutions. При этом исследовался спектр пропускания пар наностержней в виде прямоугольных параллелепипедов. Ширина и высота наностержней оставались фиксированными во всех численных расчетах и равнялись 50 нм и 30 нм, соответственно. Вид исследуемой структуры и основные элементы для проведения численного расчета показаны на рис. 11.

Область интегрирования составляла  $1.5 * 1.5 * 3$  мкм<sup>3</sup>. Во всех пограничных плоскостях были выбраны граничные условия PML. Расчет спектра производился на расстоянии 1.5 мкм от образца для того, чтобы избежать детектирования ближнего поля. Минимальное количество узлов сетки было 22 на длину волны, которое было определено проверкой на сходимость; в дополнительной сетке расстояние между узлами сетки составляло 5 нм для улучшения точности вычислений. На образец падал фемтосекундный импульс с поляризацией, параллельной наностержням. Далее, с помощью преобразования Фурье рассчитывался спектр пропускания для различных длин волн падающего электромагнитного излучения. Характерный спектр пропускания показан на рис. 12. Наблюдаются два резонанса: более глубокий при длине волны  $\approx 1600$  нм – резонанс первого порядка, и при длине волны  $\approx 680$  нм – резонанс второго порядка.

Локальное распределение плотности мощности электромагнитного поля для данных параметров пар наностержней представлено на рис. 13. При этом рассчитывалось значение квадрата модуля вектора электрической напряженности  $|E|^2$  на расстоянии 20 нм от наностержней вдоль оси  $Oz$  на резонансных длинах волн. Видно, что при падении света с длиной волны 1600 нм (рис. 13б) в наностержне возникает две пучности плотности мощности электромагнитного поля, а при падении света с длиной волны 680 нм (рис. 13б) –

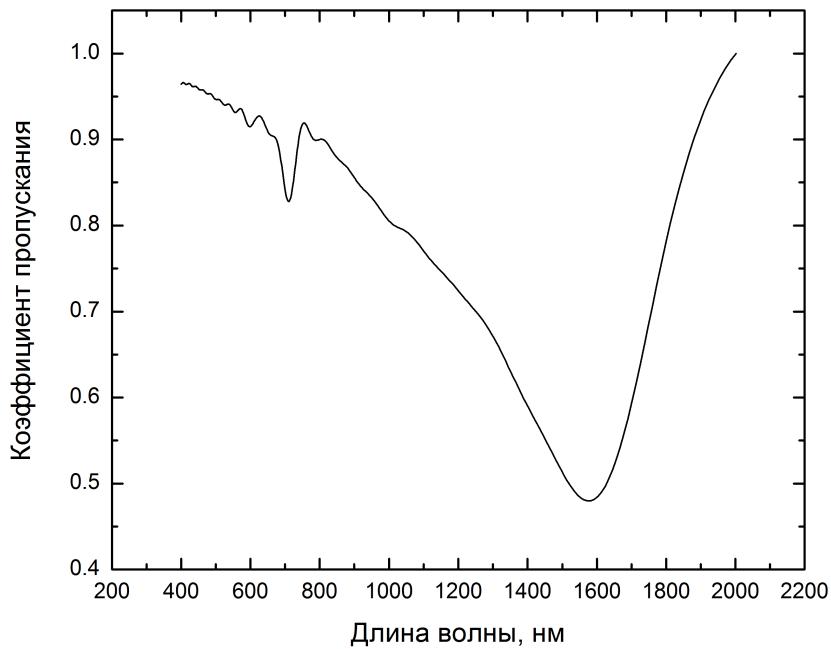


Рис. 12: Спектр пропускания димера наностержней длиной 500 нм и расстоянием 100 нм между наностержнями, рассчитанный с помощью программного пакета Lumerical FDTD.

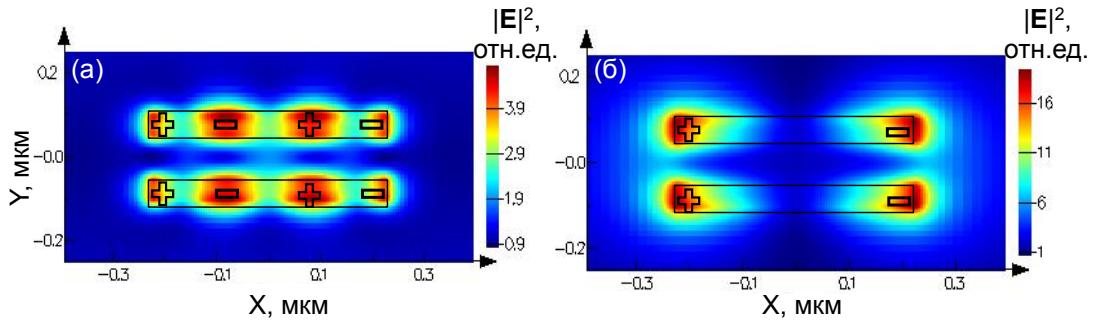


Рис. 13: Локальное распределение электромагнитного поля на расстоянии 20 нм от наностержней и мгновенное распределение зарядов при падающем электромагнитном излучении с длиной волны 680 нм (а) и 1600 нм (б).

четыре пучности.

Далее варьировалось расстояние между наностержнями фиксированной длины 500 нм от 10 нм до 650 нм с шагом 20 нм. В итоге были получены спектры пропускания для различных расстояний между наностержнями. В каждом из спектров определялись положения резонансов первого и второго порядков. Графики зависимости положения резонансов первого и второго порядков от расстояния между наностержнями представлены на рис. 14. На расстояниях до 150 нм график зависимости схож с графиком на рис. 10 для случая симметричной моды. Далее начинает появляться вклад дальнепольного взаимодействия, в связи с чем кривая положения резонанса не носит монотонный характер, а появляются осцилляции. Для резонанса второго порядка кривая носит монотонный характер до  $\approx 400$  нм, а дальше начинаются осцилляции с амплитудой  $\approx 3$  нм. Значит, данную структуру можно использовать в качестве «плазмонной линейки» для резонанса первого порядка до  $\approx 150$  нм, а для резонанса второго порядка — до  $\approx 400$  нм.

При уменьшении длины и фиксированном расстоянии наностержней резонансная длина волны смешалась в синюю область. На рис. 15 показана зависимость положения резона-

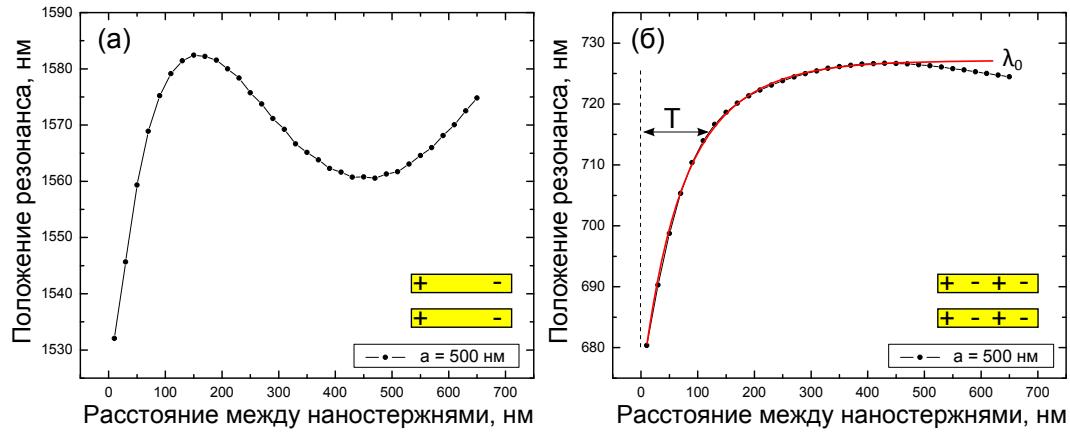


Рис. 14: Графики зависимости положения резонансов первого (а) и второго (б) порядков от расстояния между наностержнями длиной 500 нм. Вставки – мгновенное распределение зарядов для резонанса первого (а) и второго (б) порядков.

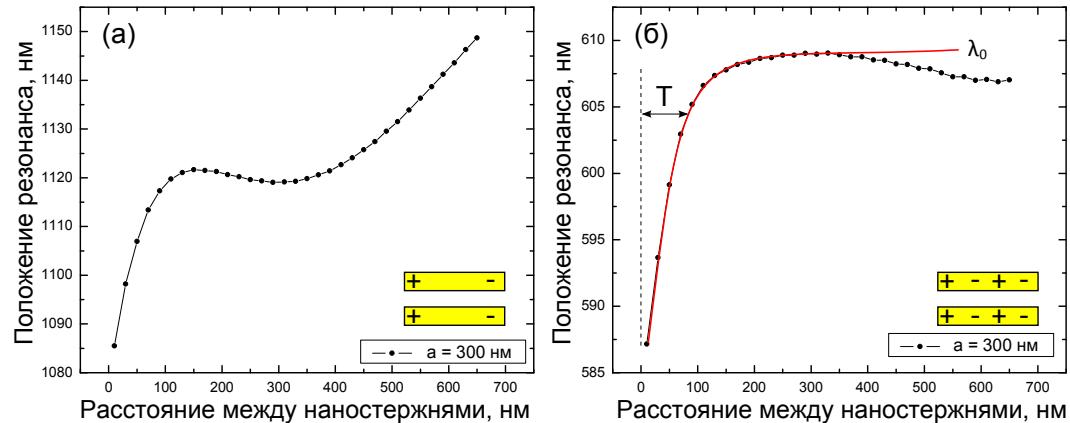


Рис. 15: Графики зависимости положения резонансов первого (а) и второго (б) порядков от расстояния между наностержнями длиной 300 нм. Вставки – мгновенное распределение зарядов для резонанса первого (а) и второго (б) порядков.

сов от расстояния между наностержнями при их длине 300 нм. Видно, что характерные для резонансов первого и второго порядков осцилляции сохраняются, а также сохраняется значение верхней границы применимости «плазмонной линейки», которая определяется равенством нуля первой производной положения резонанса от расстояния между наностержнями и составляет  $\approx 150 \pm 10$  нм для резонса первого порядка и  $\approx 400 \pm 30$  нм для резонанса второго порядка.

Далее рассчитывался спектр пропускания для пар наностержней длиной от 100 нм до 500 нм с шагом 50 нм, и для каждой фиксированной длины наностержней рассчитывалась зависимость положения резонанса первого и второго порядков от расстояния между наностержнями. При этом резонанс второго порядка становится различным при длине наностержней 250 нм и больше. Данная зависимость положения резонансов от расстояния между наностержнями аппроксимировалась экспонентой вида  $y(x) = A \exp(-x/T) + y_0$ . График зависимости постоянной затухания  $T$  от длины наностержней показан на рис. 16а для резонанса первого порядка и на рис. 16б для резонанса второго порядка.

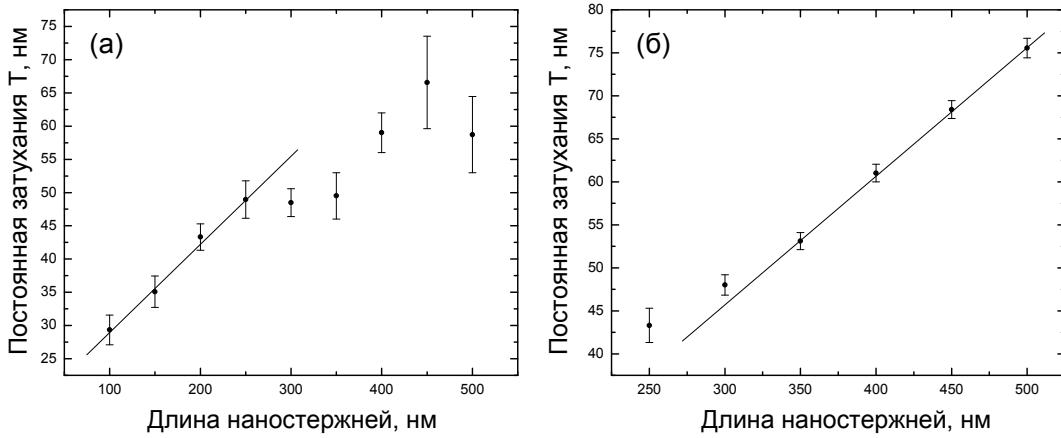


Рис. 16: Графики зависимости значения постоянной затухания  $T$  от длины наностержней для резонанса первого порядка (а) и для резонанса второго порядка (б).

Из графиков видно, что линейная зависимость сохраняется для резонансов первого порядка при длине наностержней от 100 нм до 250 нм, а для резонанса второго порядка при длине наностержней от 350 нм до 500 нм. Значит, для уравнения «плазмонной линейки» положение резонанса первого порядка можно использовать для длин наностержней от 100 нм до 250 нм, а положение резонанса второго порядка — для длин наностержней от 350 нм до 500 нм.

Пусть  $\lambda_0$  — резонансная длина волны, которая определяется соотношением

$$\frac{\partial \lambda}{\partial d} \Big|_{\lambda_0} = 0, \quad (35)$$

где  $\lambda$  — длина волны резонанса первого или второго порядков,  $d$  — расстояние между наностержнями. Тогда график сдвига резонанса первого порядка  $\Delta\lambda = \lambda - \lambda_0$  от расстояния между наностержнями для различных длин наностержней показан на рис. 17а. Далее расстояние нормировалось на геометрический параметр наностержней с размерностью длины, и если расстояние нормировать на квадратный корень из площади  $S$  наностержня, то получается уравнение для «плазмонной линейки»:

$$\frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} \approx 0.044 \exp\left(-2.38 \frac{d}{\sqrt{S}}\right). \quad (36)$$

График кривой, описывающейся уравнением (36), показан на рис. 17б сплошной черной линией, а точками показаны положения относительного сдвига резонансов первого порядка для наностержней с длиной 100, 150, 200 и 250 нм.

Для резонанса второго порядка также можно получить уравнение «плазмонной линейки», если расстояние между наностержнями нормировать на длину наностержней  $a$ . Тогда уравнение выглядит следующим образом:

$$\frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} \approx 0.063 \exp\left(-6.62 \frac{d}{a}\right). \quad (37)$$

Графики зависимости сдвига резонанса второго порядка  $\Delta\lambda$  от расстояния между наностержнями и зависимость относительного сдвига резонанса второго порядка от нормированного расстояния при длине наностержней 350, 400, 450 и 500 нм показаны на рис. 18.

Как правило, в экспериментальных исследованиях измеряется спектр не одиночной пары наночастиц, а ансамбля из пар наночастиц с фиксированным расстоянием между ними,

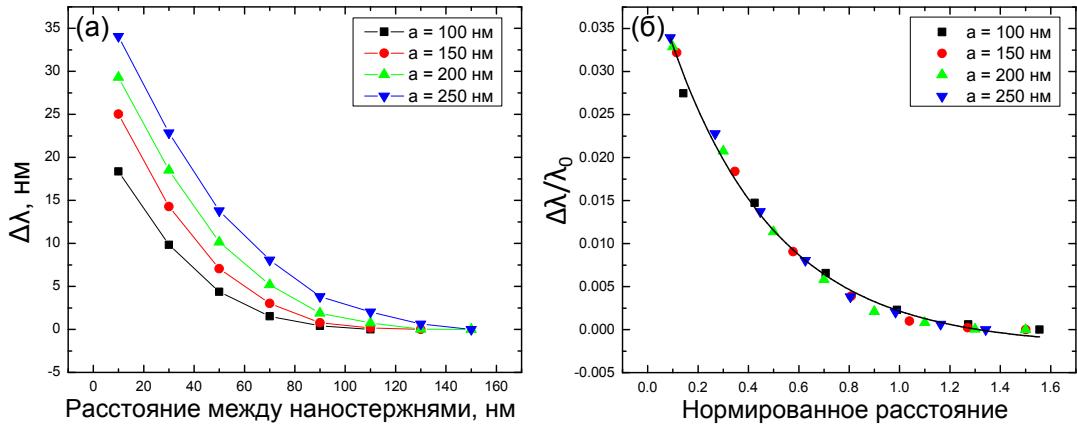


Рис. 17: Графики зависимости сдвига резонанса первого порядка  $\Delta\lambda$  от расстояния между наностержнями (а) и зависимость относительного сдвига резонанса первого порядка от нормированного на квадратный корень из площади наностержня расстояния (б) при длине наностержней 100, 150, 200 и 250 нм.

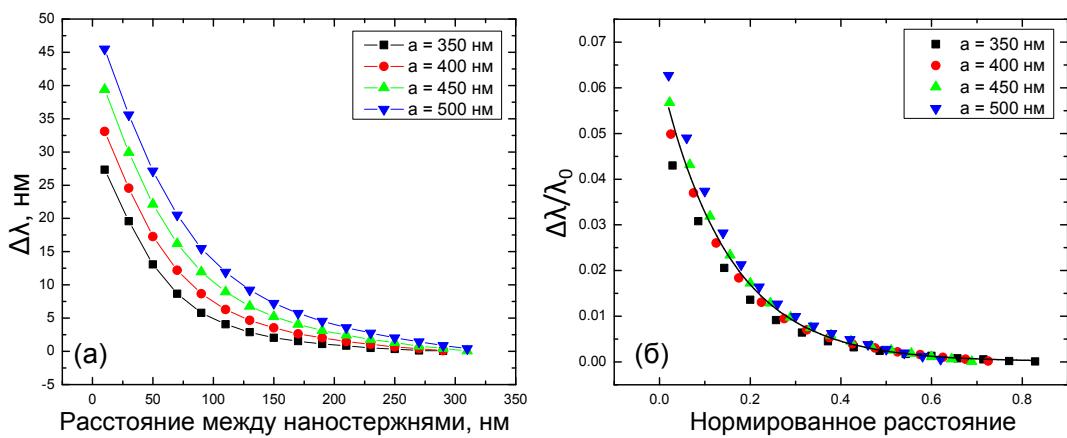


Рис. 18: Графики зависимости сдвига резонанса второго порядка  $\Delta\lambda$  от расстояния между наностержнями (а) и зависимость относительного сдвига резонанса второго порядка от нормированного на длину наностержня расстояния (б) при длине наностержней 350, 400, 450 и 500 нм

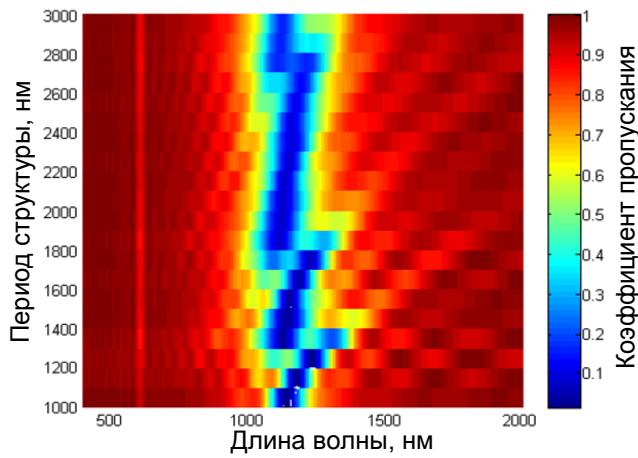


Рис. 19: График зависимости коэффициента пропускания от длины волны падающего электромагнитного излучения и периода между ансамблями из спаренных наностержней. Длина наностержней составляет 300 нм, а расстояние между ними – 300 нм.

как показано на рис. 2. Поэтому вместо граничных условий PML в плоскостях XZ и YZ были выбраны периодические граничные условия. Тогда размер интегрирования вдоль осей  $Ox$  и  $Oy$  можно интерпретировать как период между ансамблями спаренных наностержней. На рис. 19 показана зависимость коэффициента пропускания от длины волны и периода между ансамблями из спаренных наностержней. Видно, что положение резонанса также зависит и от периода между ансамблями из спаренных наностержней, что говорит о наличии дальнепольного дифракционного взаимодействия вплоть до периода в 3 мкм. Для длины волны  $\lambda \approx 600$  нм наблюдается резонанс второго порядка, который менее чувствителен к периоду структуры.

Таким образом, в результате численных расчетов обнаружено наличие двух резонансов ЛПП с различным локальным распределением плотности мощности для наностержней длиной до 500 нм, исследовано локальное распределение плотности мощности электромагнитного поля вблизи наностержней при резонансах различных порядков, а также на основе смещения положения резонансов первого и второго порядков были получены уравнения для «плазмонных линеек».

## Экспериментальные результаты

### 1. Исследуемые образцы

В данной работе были исследованы образцы, представляющие собой пары параллельных наностержней из золота, расположенных на подложке из плавленного кварца. Ансамбли из наностержней были изготовлены с помощью электронно-лучевой литографии коллегами из Парижского института фундаментальной электроники (Institut d'Electronique Fondamentale). Наноструктурированная поверхность с одинаковыми парами наностержней была площадью  $100 \times 100 \text{ мкм}^2$ , и на ней находилось приблизительно  $10^4$  пар наностержней — димеров. На рис. 20 схематично показано расположение ансамблей димеров наностержней на одной подложке из плавленного кварца с толщиной 0.5 мм. В каждом ансамбле димеров все геометрические параметры наностержней были одинаковые, в то время как в различных ансамблях варьировалась длина наностержней и расстояние между ними. Длина наностержней составляла  $a = 100, 150, 200, 400, 500 \text{ нм}$ , а расстояние между ними —  $d = 100, 150, 250, 350, 450, 650 \text{ нм}$ . Высота и ширина наностержней были фиксированы и равнялись 50 нм. Расстояние между ансамблями димеров составляло 850 мкм.

$a \backslash d$	50 нм	100 нм	150 нм	250 нм	350 нм	450 нм	650 нм
500 нм	■	■	■	■	■	■	■
400 нм	■	■	■	■	■	■	■
300 нм	■	■	■	■	■	■	■
200 нм	■	■	■	■	■	■	■
150 нм	■	■	■	■	■	■	■
100 нм	■	■	■	■	■	■	■

Рис. 20: Схематичное расположение ансамблей димеров золотых наностержней на подложке. В каждом из ансамблей фиксирована длина наностержней  $a$  и расстояние  $d$  между ними. Расстояние между ансамблями димеров составляло 850 мкм.

Расстояние между димерами наностержней составляло 1 мкм, чтобы обеспечить отсутствие ближнепольного взаимодействия между димерами. На рис. 21 показано изображение одного из ансамблей димеров, полученного с помощью растрового электронного микроскопа. По изображениям с растрового электронного микроскопа также рассчитывалась погрешность в определении средней длины и ширины наностержней, составившая не более 3 нм и 1 нм, соответственно.

### 2. Экспериментальные данные

Резонанс ЛПП димеров исследовался с помощью микроспектроскопии пропускания. Схема экспериментальной установки показана на рис. 22. Она состояла из источника света —

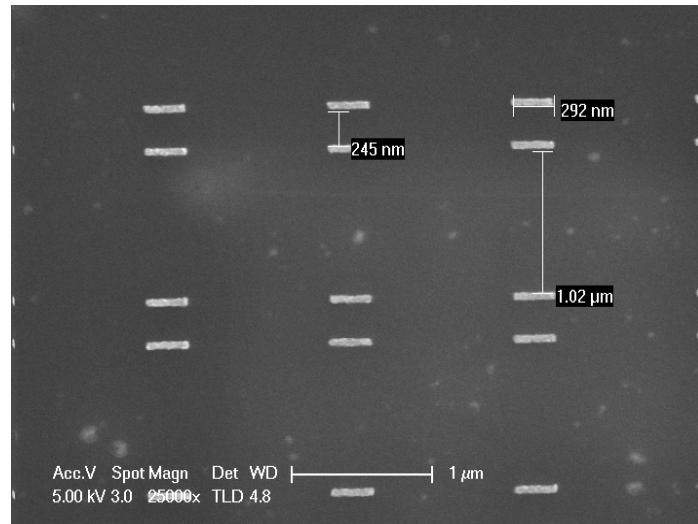


Рис. 21: Изображение одного из исследуемых ансамблей димеров из золота, полученного с помощью растрового электронного микроскопа.

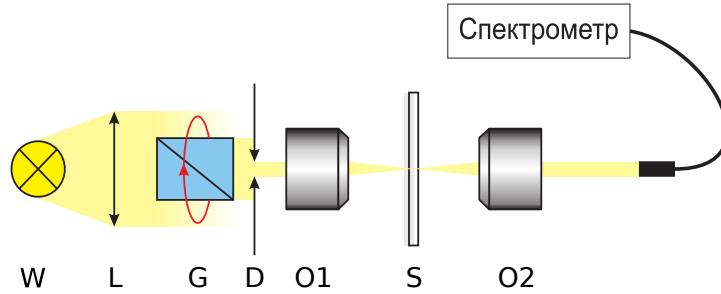


Рис. 22: Схема экспериментальной установки. W — источник света, L — собирающая линза для формирования параллельного пучка света, G — призма Глана-Тейлора для преобразования излучения в линейно поляризованное, D — апертурная диафрагма, O1, O2 — система из двух объективов, S — исследуемый образец.

галогенной лампочки мощностью 60 Вт и спектральным диапазоном  $\lambda = 400 - 1400$  нм, собирающей линзы с фокусным расстоянием 50 мм для формирования параллельного пучка, призмы Глана-Тейлора для преобразования излучения в линейно поляризованное, апертурной диафрагмы и системы из двух объективов с числовой апертурой 0.13 и 10 кратным увеличением. Минимальный диаметр перетяжки составлял 50 мкм. Далее свет собирался в оптоволокно и анализировался спектрометром S100 компании Solar LS. Спектры пропускания получались следующим образом: снимался спектр пропускания образца  $S_{sig}$ , потом на расстоянии  $\approx 100$  мкм от ансамбля димеров снимался спектр пропускания подложки  $S_{back}$ . Конечный спектр пропускания  $S$  образцов определялся следующим образом:

$$S = \frac{S_{sig}}{S_{back}}. \quad (38)$$

Для избавления от шумов каждая точка спектра сглаживалась по 15ти соседним с гауссовым весом. При определении положения резонанса выбиралась точка с минимальным коэффициентом пропускания, а также 20 соседних точек, и полученная кривая аппроксимировалась параболой  $y(x) = y_0 + (x - x_0)^2$ , где точка  $x_0$  являлась положением резонанса ЛПП. Обработка данных производилась с помощью скрипта, написанного на языке программирования PYTHON.

При получении спектров пропускания было выбрано два направления поляризации: параллельное наностержням и перпендикулярное им. При падении света с поляризацией, перпендикулярной наностержням, наблюдался небольшой сдвиг резонанса ЛПП в красную область спектра при уменьшении расстояния между наностержнями. При падении света с поляризацией, параллельной наностержням, наблюдался сдвиг резонанса ЛПП в синюю область в случае наностержней с длиной  $a = 300, 400, 500$  нм. В случае наностержней с длиной  $a = 100, 150, 200$  нм резонанс ЛПП ведет себя неадекватно. Поведение резонанса ЛПП для димеров с длиной наностержней  $a = 100$  нм и  $a = 400$  нм и различным расстоянием  $d$  между наностержнями показано на рис. 23e и рис. 23f.

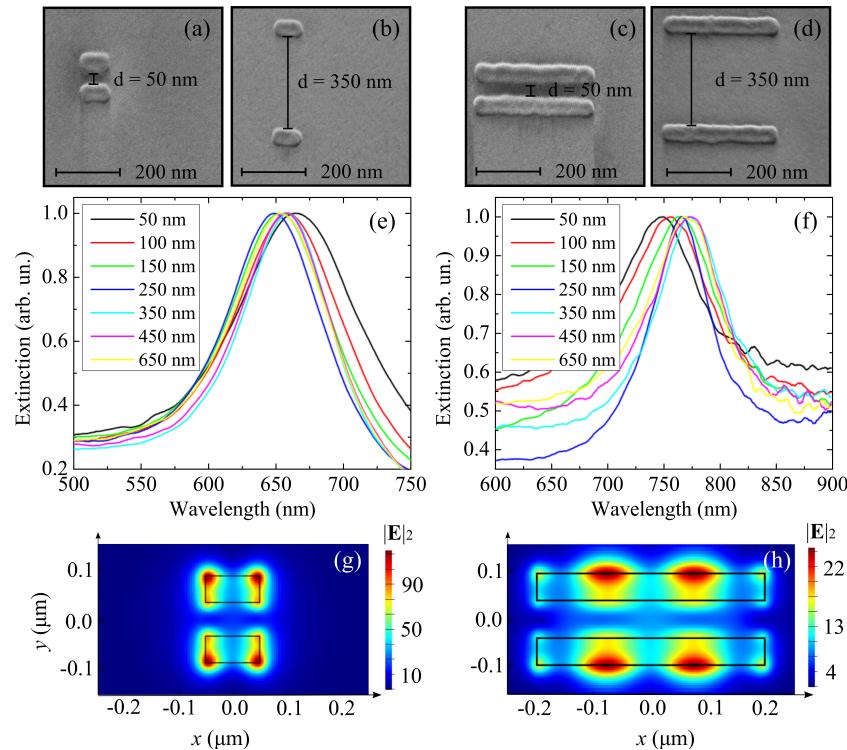


Рис. 23: (a-d) Изображения с расторового электронного микроскопа  $\pi$ -димеров золотых наностержней с длиной наностержней  $a = 100$  нм (a-b) или  $a = 400$  нм (c-d) и расстоянием между наностержнями  $d = 50$  нм (a,c) или  $d = 350$  нм (b, d). (e-f) Нормированный экспериментальный спектр экстинкции димеров с длиной наностержней  $a = 100$  нм (e) и  $a = 400$  нм (f), относящиеся к резонансу первого и второго порядка, соответственно. (g-h) Численно рассчитанная плотность ЭМ поля вблизи образца в случае резонанса первого или второго порядка.

На рис. ?? показан типичный спектр пропускания для света с поляризацией, параллельной наностержням. При этом наблюдается резонанс второго порядка, так как глубина модуляции составляет 5 % и резонансная длина волны лежит не в инфракрасной области, как и в численных расчетах.

На рис. 25 показана зависимость положения резонанса второго порядка как функция расстояния между наностержнями для длин наностержней  $a = 400$  нм (рис. 25 а) и  $a = 500$  нм (рис. 25 б). Видно, что абсолютные значения положения резонанса различаются в численном расчете и в эксперименте примерно на 100 нм. Это связано с тем, что численном расчете не учитывалась кварцевая подложка, которая влияет на положение резонанса ЛПП. Видно, что абсолютные значения положения резонанса различаются в численном расчете и в эксперименте примерно на 100 нм. Это связано с тем, что численном расчете

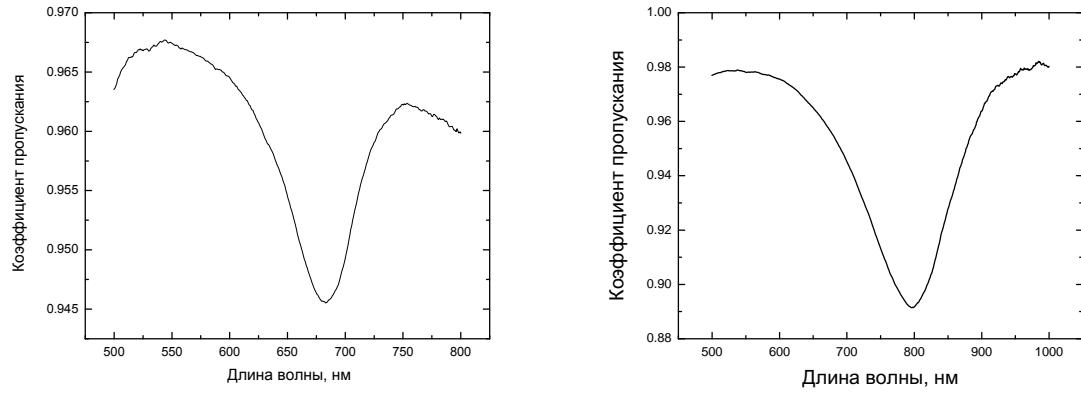


Рис. 24: Спектр пропускания ансамбля димеров золотых наностержней с длиной  $a = 400$  нм и расстоянием  $d = 100$  нм между ними (слева),  $a = 150$  нм и  $d = 100$  нм (справа) .

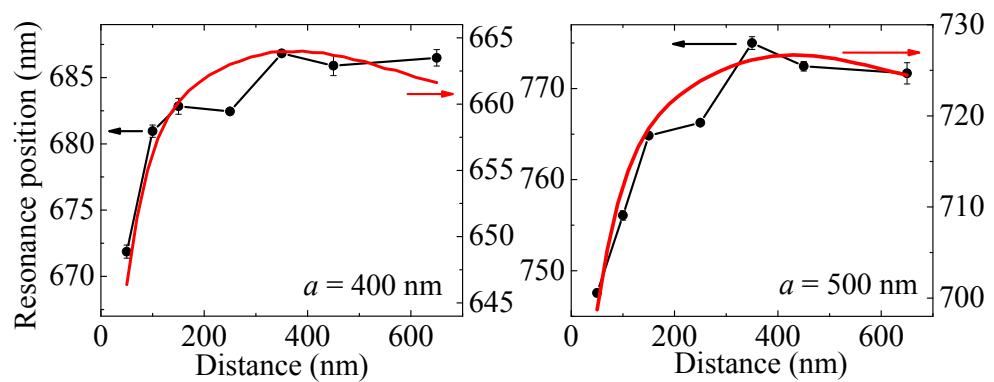


Рис. 25: Рассчитанные численно (сплошная линия) и полученные экспериментально (точки) зависимости положения резонанса второго порядка ЛПП от расстояния между наностержнями для длин наностержней  $a = 400$  нм (а) и  $a = 500$  нм (б).

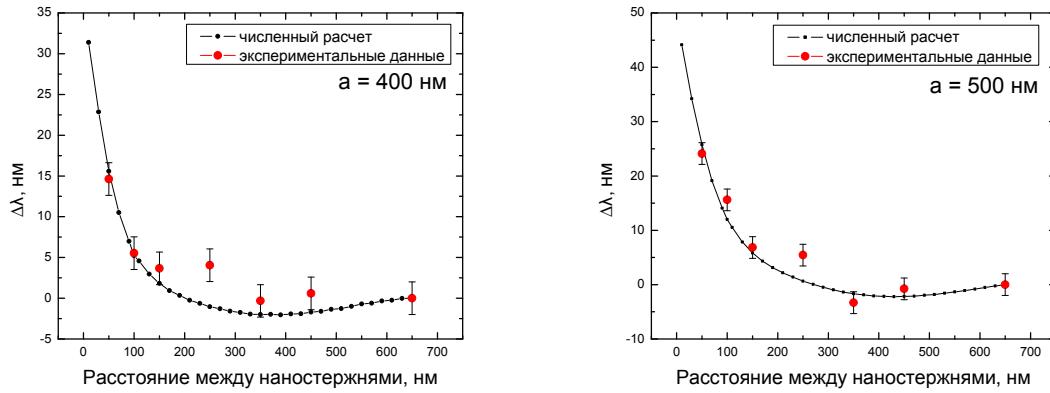


Рис. 26: Графики относительного сдвига резонанса второго порядка от расстояния между наностержнями при длине наностержней  $a = 400$  нм (слева) и  $a = 500$  нм (справа).

не учитывалась кварцевая подложка, которая влияет на положение резонанса ЛПП. Также, с уменьшением длины наностержней резонанс ЛПП сдвигается в синюю область. Такое поведение резонанса ЛПП хорошо согласуется с исследованиями систем димеров другой геометрической формы [8, 10].

Графики относительного сдвига резонанса ЛПП второго порядка показаны на рис. 26. Здесь линией обозначены данные численного расчета, а красными точками – экспериментальные данные. Видно, что численный расчет и экспериментальные данные сходятся в пределах погрешности за исключением точки, в которой расстояние между наностержнями составляет 250 нм. Это может быть связано с дальнепольным дифракционным взаимодействием, которое также влияет на положение резонанса.

Далее исследовался спектр пропускания димеров с длиной 100, 150 и 200 нм. Характерный спектр пропускания для наностержней длиной 150 нм и расстоянием между наностержнями 100 нм показан на рис. ???. Глубина модуляции резонанса ЛПП составляет примерно 10 %, а ширина на полувысоте резонанса ЛПП – 100 нм. Для длин наностержней 150 нм данный резонанс является резонансом первого порядка. На рис. 27 показана зависимость резонанса первого порядка от расстояния между наностержней для длин наностержней 100, 150, 200 и 300 нм. Зависимость не носит характера насыщения, и наблюдаются осцилляции резонанса ЛПП первого порядка. Это связано, скорее всего, с дальнепольным взаимодействием наностержней, а также дифракционным взаимодействием между димерами, расстояние между которыми  $\approx 1$  мкм. Данные осцилляции являются паразитными для задачи построения «плазмонной линейки», поскольку они мешают построению калибровочной кривой. Таким образом из экспериментальных данных следует, что для резонанса второго порядка возможно построить «плазмонную линейку» из-за его слабой чувствительности к дальнепольному взаимодействию, а для резонанса первого порядка влияние дальнепольного взаимодействия приводят к невозможности построения «плазмонной линейки».

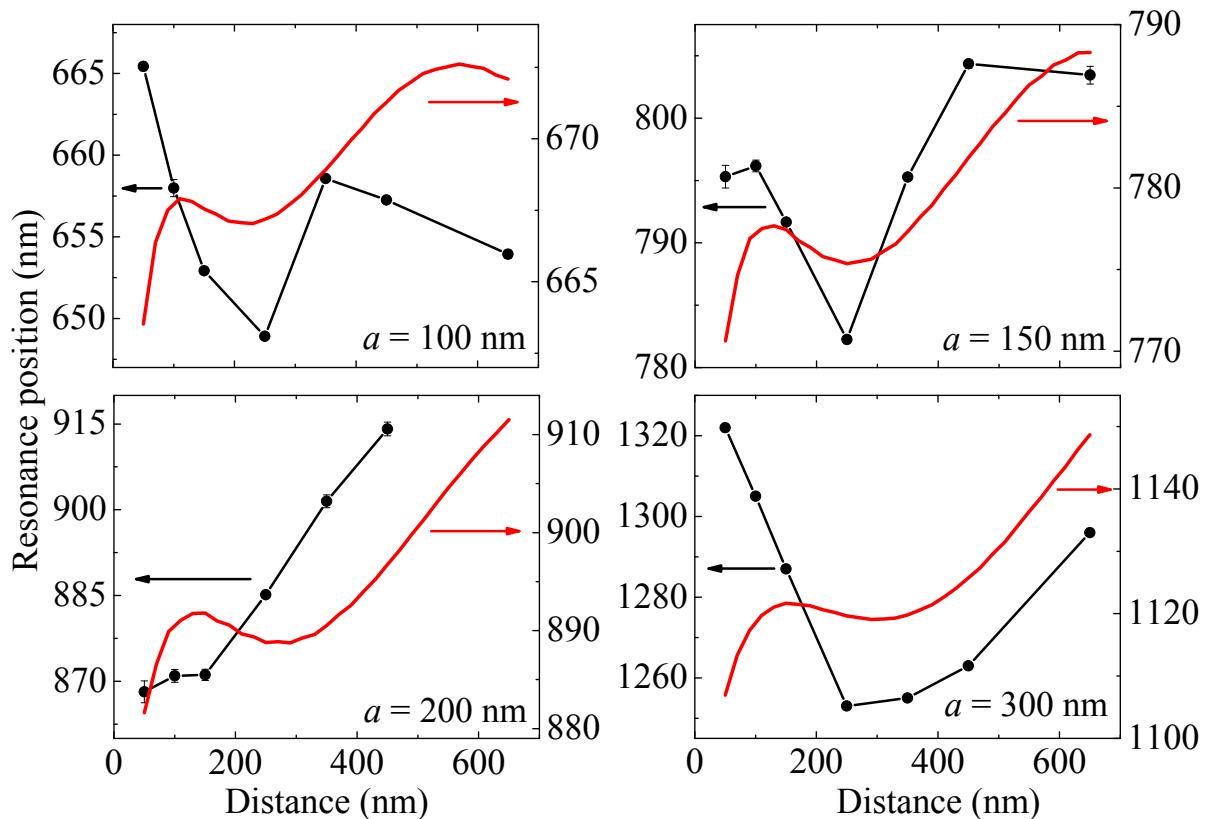


Рис. 27: Рассчитанные численно (сплошная линия) и полученные экспериментально (точки) зависимости положения резонанса первого порядка ЛПП от расстояния между наностержнями для длин наностержней  $a = 100, 150, 200$  и  $300$  нм.

## Выходы

Основные выводы могут быть сформулированы следующим образом:

1. Построена аналитическая модель смещения резонанса локальных плазмон-поляритонов в димерах золотых наностержней. В качестве модели использовалось взаимодействие двух точечных диполей, диэлектрическая проницаемость которых описывается формулой Друде. Была получена аналитическая формула зависимости резонанса локальных плазмон-поляритонов от расстояния между наностержнями, а также показано существование двух мод: симметричной и антисимметричной.
2. Численно исследовано методом конечных разностей во временной области смещение резонанса локальных плазмон-поляритонов в димерах золотых наностержней. В ходе исследования было обнаружено наличие двух резонансов локальных плазмон-поляритонов с различным локальным распределением плотности мощности электромагнитного поля для наностержней длиной до 500 нм. На основе смещения положения резонансов первого и второго порядков были получены уравнения для «плазмонных линеек».
3. Получена верхняя граница возможности использования рассматриваемых димеров золотых наностержней в качестве «плазмонной линейки». Для резонанса первого порядка она составляет  $150 \pm 10$  нм, а для резонанса второго порядка —  $400 \pm 30$  нм.
4. Методами микроспектроскопии пропускания экспериментально охарактеризованы смещения резонанса локальных плазмон-поляритонов. При этом для длии наностержней 100, 150 и 200 нм наблюдался резонанс первого порядка, а для наностержней длиной 400 и 500 нм — резонанс второго порядка. Экспериментальные данные смещения резонанса второго порядка сходятся в пределах погрешности с результатами численного расчета, что говорит о возможности использования данной системы в качестве «плазмонной линейки».

## Список литературы

- [1] L. Yang, H. Wang, B. Yan, B.M. Reinhard, Calibration of silver plasmon rulers in the 1–25 nm separation range: experimental indications of distinct plasmon coupling regimes// *Physical Chemistry C* – 2010. – Vol. 114, p. 4901.
- [2] М.Н. Либенсон, Поверхностные электромагнитные волны оптического диапазона// Соросовский образовательный журнал – 1996. – Vol. 10, p. 92.
- [3] A.V. Zayats, I.I. Smolyaninov, A.A. Maradudin, Nano-optics of surface plasmon polaritons // *Physics Reports* – 2005. – Vol. 408, p. 131.
- [4] H.C. Hulst, *Light Scattering by Small Particles*. – Dover Publications, 1981.
- [5] J.N. Anker, W.P. Hall, O. Lyandres, N.C. Shah, J. Zhao, R.P. Van Duyne, Biosensing with plasmonic nanosensors// *Nature Materials* – 2008. – Vol. 7, p. 442.
- [6] C. Sonnichsen, B. M. Reinhard, J. Liphardt, A. P. Alivisatos, A molecular ruler based on plasmon coupling of single gold and silver nanoparticles// *Nature Biotechnology* – 2005. – Vol. 23, p. 741.
- [7] B.M. Reinhard, S. Sheikholeslami, A. Mastroianni, A. Alivisatos, J. Liphardt, Use of plasmon coupling to reveal the dynamics of dna bending and cleavage by single ecorv restriction enzymes// *Proceedings of the National Academy of Sciences* – 2007. – Vol. 104, p. 2667.
- [8] P.K. Jain, W. Huang, M.A. El-Sayed, On the universal scaling behavior of the distance decay of plasmon coupling in metal nanoparticle pairs: A plasmon ruler equation // *Nano Letters* – 2007. – Vol. 7, p. 2080.
- [9] B.M. Reinhard, M. Siu, H. Agarwal, A.P. Alivastos, J. Liphard, Calibration of dynamic molecular rulers based on plasmon coupling between gold nanoparticles // *Nano Letters* – 2005. – Vol. 5, p. 2246.
- [10] C. Tabor, R. Murali, M. Mahmoud, M.A. El-Sayed, On the use of plasmonic nanoparticle pairs as a plasmon ruler: The dependence of the near-field dipole plasmon coupling on nanoparticle size and shape// *Physical Chemistry A* – 2009. – Vol. 113, p. 1946.
- [11] P.K. Jain, M.A. El-Sayed, Universal scaling of plasmon coupling in metal nanostructures: Extension from particle pairs to nanoshells// *Nano Letters* – 2007. – Vol. 7, p. 2854.
- [12] Chia-Yang Tsai al, Plasmonic coupling in gold nanoring dimers: Observation of coupled bonding mode// *Nano Letters* – 2012. – Vol. 12, p. 1648.
- [13] E.R. Encina, E.A. Coronado, Plasmon coupling in silver nanosphere pairs // *Physical Chemistry C* – 2010. – Vol. 114, p. 3918.
- [14] M. Chandra, A.M. Dowgiallo, K.L. Knappenberger, Controlled plasmon resonance properties of hollow gold nanosphere aggregates // *American Chemical Society* – 2010. – Vol. 132, p. 15783.

- [15] P.K. Jain, M.A. El-Sayed, Surface plasmon coupling and its universal size scaling in metal nanostructures of complex geometry: Elongated particle pairs and nanosphere trimers // *Physical Chemistry C* – 2008. – Vol. 112, p. 4954.
- [16] K.C. Woo, L. Shao, H. Chen, Y. Liang, J. Wang, H. Lin, Universal scaling and fano resonance in the plasmon coupling between gold nanorods// *ACS Nano* – 2011. – Vol. 5, p. 5976.
- [17] C. Tabor, D.V. Haute, M.A. El-Sayed, Effect of orientation on plasmonic coupling between gold nanorods// *ACS Nano* – 2009. – Vol. 3, p. 3670.
- [18] L.S. Slaughter, Y. Wu, B.A. Willingham, P. Nordlander, S. Link, Effects of symmetry breaking and conductive contact on the plasmon coupling in gold nanorod dimers // *ACS Nano* – 2010. – Vol. 4, p. 4657.
- [19] T.J. Davis, M. Hentschel, H. Giessen, Analytical model of the three-dimensional plasmonic ruler// *ACS Nano* – 2012. – Vol. 6, p. 1291.
- [20] K.S. Yee, Numerical solution of initial boundary value problems involving Maxwell's equations in isotropic media// *IEEE Transactions on Antennas and Propagation* – 1966. – Vol. 14, p. 302.
- [21] А.И. Гусев, *Наноматериалы, наноструктуры, нанотехнологии*. – ФИЗМАТЛИТ, 2005.
- [22] P. Rai-Choudhury, *Handbook of Microlithography, Micromachining and Microfabrication*. – SPIE Optical Engeneering Press, 1997.
- [23] J.P. Scott, Recent progress on the electron image projector// *Journal of Vacuum Science and Technology* – 1978. – Vol. 15, p. 1016.
- [24] D.J. Mitchel, B.W. Ninham, P. Richmond, Exact energy of interaction between nonpolar molecules represented as dipoles// *Australian Journal of Physics* – 1972. – Vol. 25, p. 33.
- [25] Ken-ichiro Murata, Hajime Tanaka, Surface-wetting effects on the liquid – liquid transition of a single-component molecular liquid// *Nature Communications* – 2010. – Vol. 1, p. 16.