Nom :			
Code permanent :	1	***************************************	 1-2-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1
Numéro de place :			

Directives pédagogiques:

- Inscrivez votre nom, prénom, code permanent et numéro de votre place.
- Lisez attentivement toutes les questions et **répondez directement sur le questionnaire**.
- Seule l'utilisation d'un crayon est permise, aucune documentation, calculatrice, téléphone cellulaire, ordinateur, ou autre objet permis.
- Cet examen contient 10 questions pour 150 points au total.
- Il y a 15 points en bonus.
- Cet examen contient 21 pages, incluant 4 pages détachables à la fin pour vos brouillons.
- Écrivez lisiblement et détaillez vos réponses.
- Vous avez 160 minutes pour compléter cet examen.

BONNE CHANCE!

1	/ 15
2	/ 15
3	/ 15
4	/ 10
5	/ 20
6	/ 10
7	/ 10
8	/ 20
9	/ 25
10	/ 25
Total	/150

1. (15) Montrez que $\sum i=1$ jusqu'à n de i^2 est $O(n^3)$.

2. (15) Soit A une liste de taille $n \ge 2$ et qui contient les entiers de 1 à n-1, incluant une et une seule répétition. Décrivez un algorithme rapide, O(n), pour trouver l'entier répété dans A.

3. (15) Supposez qu'on dépose trois valeurs dans un pile S dans un ordre aléatoire. Donnez un code sans boucle ni récursivité qui n'utilise qu'une et une seule comparaison et une et une seule variable, x, tel que la valeur de x à la fin de l'exécution de votre code contient la plus grande valeur des trois avec probabilité de 2/3. Dites pourquoi votre méthode est correcte.

12 décembre 2014

- 4. (10) Un aéroport veut développer un sytème de simulation du traffic aérien pour gérer ses évènements d'arrivées et de départs. Chaque évènement est étiqueté de son temps, soit le temps du moment où l'évènement survient. Le programme de simulation doit faire les deux opérations fondamentales suivantes:
 - 1. Insérer un évènement futur à un temps donné.
 - 2. Extraire le prochain évènement.

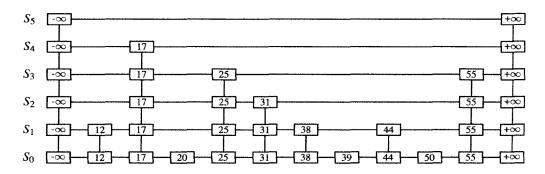
Quelle structure de données devrait être utilisée pour implanter ces opérations et pourquoi?

5. (20) Dessinez la table de hachage qui résulte de l'utilisation de la fonction de hachage h(i) = (3i+5) mod 11, pour insérer les clés suivantes : 12, 44, 13, 88, 23, 94, 11, 39, 20, 16 et 5.

a) (10) Si les collisions sont résolues par un chaînage externe.

b) (10) Si les collisions sont résolues par sondage linéaire.

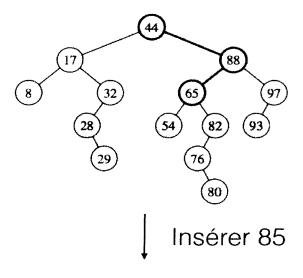
6. (10) Considérez la « skip list », S, suivante :



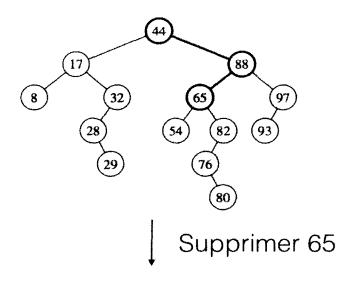
a) (5) Dessinez la skip list résultante après l'opération del S[17].

b) (5) À partir de la « skip list » ci-haut (celle de départ et non pas celle que vous avez obtenue en (a)), dessinez la « skip list » résultante après l'opération S[45] = 'x', si le hasard détermine d'incrémenter la hauteur de sa tour 3 fois.

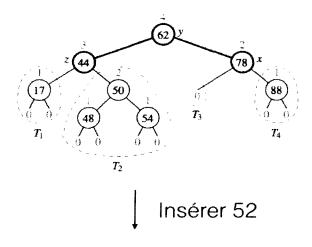
- 7. (10) Effectuez les opérations suivantes sur les arbres binaires de recherche.
 - a) (5) Insertion d'une clé.



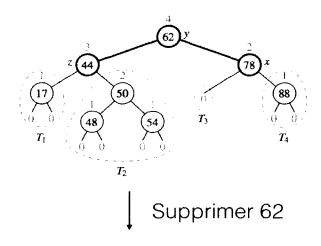
b) (5) Suppression d'une clé.



- 8. (20) Effectuez les opérations d'insertion et de suppression dans les arbres AVL. Dessinez l'arbre AVL résultant et indiquez la hauteur de chaque noeud.
 - a) (10) Insertion d'une clé.



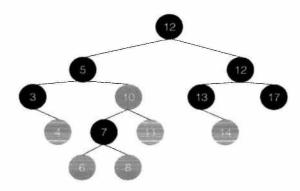
b) (10) Suppression d'une clé.



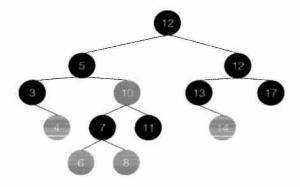
9. (25) Considérez l'insertion des clés suivantes : 5, 16, 22, 45, 2, 10, 18, 30, 50, 12 et 1. Dessinez les arbres obtenus après chaque insertion si ces clés sont insérées dans cet ordre dans un arbre (2,4) initialement vide.

10. (25) Dites si les arbres rouge-noir suivants sont valides. Dans le cas où un arbre n'est pas valide indiquez la propriété ou les propriétés qui ne sont pas respectées.

a) (5)

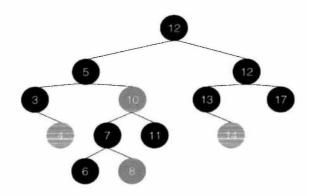


b) (5)

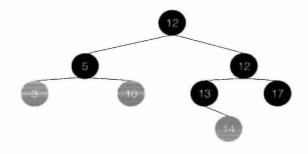


12 décembre 2014

c) (5)



d) (5)



e) (5)

