

# 记忆化搜索

使用记忆化搜索的时间复杂度相对树形 dp 要高很多，但是代码相对简单。

$O(n^2)$

Python

```
1  # 通用记忆化搜索模板，使用Python标准库
2  # 邻接表表示图
3  graph = {
4      1: [2, 3],
5      2: [1, 4, 5],
6      3: [1],
7      4: [2],
8      5: [2]
9  }
10
11 # 记忆化数组，存储每个节点的搜索结果
12 memo = {}
13
14 # 记忆化搜索的DFS函数
15 def dfs(node, parent):
16     # 如果当前节点的结果已经计算过，直接返回缓存的结果
17     if node in memo:
18         return memo[node]
19
20     # 初始化结果
21     result = 0
22
23     # 遍历当前节点的所有相邻节点
24     for neighbor in graph[node]:
25         if neighbor != parent: # 防止返回到父节点
26             result += dfs(neighbor, node)
27
28     # 将当前节点的结果存入memo缓存
29     memo[node] = result + 1 # +1 表示处理当前节点
30
31     return memo[node]
32
33 # 记忆化搜索只能计算出当前节点node的最优值；
34 # 所以如果要计算整个图，需要对每个节点使用记忆，并比较结果
35
36 min_path_sum = INF
37 for node in range(1, n + 1):
38     # 清空memo，因为每次起点不同
39     memo.clear()
40     current_sum = dfs(node, -1)
41     if current_sum < min_path_sum:
42         min_path_sum = current_sum
43     start = node
```