A. 魔法宝石 (magic)

问题描述

小 L 是一个大魔法师。这一天他得到了 n 个魔法宝石。他将这些魔法宝石按顺序排成一排,每个宝石都有一个魔力值,第 i 个宝石的魔力值为

 a_i 。小 L 想要拿其中的一个 **长度大于1** 的子段的宝石来召唤魔法阵。根据基本法,召唤魔法阵的魔法宝石必须满足如下条件:设选的子段左端点为

l,右端点为 r, $a_l + a_r = max_{i=1}^r a_i$, 即两端的魔法值的和等于整段的魔法值的最大值。

现在小 L 想知道有多少种不同的子段能够召唤出魔法阵。你能帮帮他吗?两种子段不同当且仅当它们的 左端点位置不同或右端点位置不同。

输入格式

输入共两行,第一行为一个正整数 n,表示魔法宝石的个数。

第二行有 n 个正整数 a_i ,表示每个魔法宝石的魔力值。

输出格式

输出仅一行一个整数,表示能够召唤出魔法阵的子段个数。

样例输入1

5 1 3 2 5 4

样例输出1

2

样例解释1

有两种可行的子段,分别为[1,3]和[1,5]。

数据范围与约定

subtask 1(30pts): $n \leq 5000$.

subtask 2(30pts): $n \leq 10^5$.

subtask 3(40pts): $n < 5 * 10^5$.

对于所有数据,满足 $1 \le n \le 5 * 10^5, 1 \le a_i \le 10^9$

时间限制: 2s

空间限制: 512MB

B.商人 (merchant)

问题描述

小 L 是一个商人,特长是靠交易物品从中获利。通过某种神必手段,小 L 得知了未来 n 天某种物品在市场上的价格,小 L

每天可以执行以下三种操作(假设当天这种物品的市场价为 x 金币):

- 1. 用 x 金币买入一个物品。 (注意不能买多个)。
- 2. 以 x 金币的价格卖出一个物品。(注意不能卖多个且之前必须有至少一个物品)。
- 3. 什么也不做。

假设小 L 一开始有无限多个金币且没有该种物品,且他一定会使用让自己赚钱最多的策略交易物品。现在小 Q 想知道小 L 最多能赚多少个金币。由于小

L 不想告诉小 Q 每天的价格,只告诉他每天的价格只有可能是 1 金币或者 2 金币。现在他想知道有多少种可能的情况,使得小 L

最多能赚到 k 个金币。

输入格式

输入共两行,第一行为一个正整数 tp,表示询问类型。

若 tp=1,则第二行有两个正整数 n,k,表示天数和小 L 赚的金币个数。

若 tp=2,则第二行有一个正整数 n,表示天数。

输出格式

若 tp=1,则输出一行一个整数 ans,表示小 L 最多能赚取 k 个金币的方案数。答案对 998244353 取 模。

若 tp=2,则输出一行一个整数 ans,设 way_k 表示最多赚取 k 个金币的方案数,则

 $ans = \sum_{i=0}^{\lfloor \frac{n}{2} \rfloor} 233^i * way_i \mod 998244353$

样例输入1

1

4 2

样例输出1

2

样例解释1

有两种方案,每天的价格分别是:[1,1,2,2],[1,2,1,2]。

数据范围与约定

subtask 1(10pts): $n \leq 20$.

subtask 2(10pts): $n \leq 300$.

subtask 3(10pts): $n \le 5000, tp = 1$.

subtask 4(15pts): $n \leq 5000$.

subtask 5(10pts): $n \leq 10^5, tp = 1$.

subtask 6(15pts): $n \leq 10^5$.

subtask 7(10pts): $n \le 10^6, tp = 1$.

subtask 8(20pts): $n \le 10^6$.

对于所有数据,满足 $1 \le n \le 10^6, 0 \le k \le \lfloor \frac{n}{2} \rfloor$

时间限制: 1s

空间限制: 512MB

C.防御工事 (capital)

问题描述

小 L 是 Y 国的国王,这一天他派你去决定哪个城市应该设置为首都。Y 国一共有 n 个城市,城市之间有一些双向道路连接。当你确定好首都之后,小

L 还会派另外一个人在除了首都的另外一座城市建立防御工事,假设他的是等概率地选择,即选每座城市的概率都是 $\frac{1}{n-1}$ 。

叛军未来会对 Y 国的首都发起袭击,而你身为叛军安插在国王身边的内鬼,知道叛军可能会按照 q 种方案中的一种开始行动。在第 i 种方案中,他们会在

 $k_{\cdot \cdot}$

个城市中准备一支军队,如果存在某条从这个城市到首都的路径,使得它不经过建立了防御工事的城市,那么这只军队会一路打到首都。显然,越多的军队能进攻首都,胜利的概率就越大。你的任务就是,对于所有的进攻方案,选择一个首都,使得能进攻首都的军队个数的期望值最大。你只要输出这个期望值乘以

n-1即可,容易发现这一定是一个整数。

输入格式

输入的第一行有三个数 n, m, q, 分别表示城市的个数, 道路的条数, 和进攻方案数。

接下来 m 行,每行两个数 x_i,y_i ,表示第 x_i 个城市和第 y_i 个城市之间有一条双向道路相连。保证没有 重边和自环。

接下来 q 行,每一行表示一种方案。每种方案的第一个数 k_i 表示军队的个数。接下来 k_i 个数表示每支军队所在的城市,注意可能有一些军队在相同的城市。

输出格式

输出共q行,对于每一种方案,输出最大的期望能进攻首都的军队个数乘以n-1的值。

样例输入1

4 4 2

1 2

1 3

2 3

1 4

2 2 4

2 1 4

样例输出1

4 5

数据范围与约定

subtask 1(20pts): $n \le 100, m \le 200, q \le 100$.

subtask 2(20pts): $n \le 2000, m \le 10000, \sum k_i \le 5000$.

subtask 3(20pts): 保证图是一棵树。

subtask 4(40pts): 无特殊限制。

对于所有数据,满足 $1 \leq n \leq 2*10^5, 1 \leq m \leq 5*10^5, 1 \leq q \leq 5*10^5, \sum k_i \leq 5*10^5$,保证图连

通。

时间限制: 2s

空间限制: 512MB

温馨提示: 本题的输入输出规模较大, 建议使用快速输入/输出方式。