

function a\_star(start, goal) open\_set := {start} closed\_set := { came\_from := { g\_score[start] := 0 f\_score[start] := heuristic\_cost\_estimate(start, goal) while open\_set is not empty current := node in open\_set with lowest f\_score[] value return reconstruct\_path(came\_from, current) remove current from open\_set add current to closed\_set for each neighbor of current if neighbor in closed\_set if weight(current, neighbor) > 90 tentative\_g\_score := g\_score[current] + weight(current, neighbor) if neighbor not in open\_set add neighbor to open\_set tentative\_is\_better := true else if tentative\_g\_score < g\_score[neighbor] tentative\_is\_better := true tentative\_is\_better := false if tentative\_is\_better = true came\_from[neighbor] := current von Elementen benötigt. Dies ist die optimale Laufzeit für den g\_score[neighbor] := tentative\_g\_score f\_score[neighbor] := g\_score[neighbor] + heuristic\_cost\_estimate(neighbor, goal) return failure

total\_path.prepend(current) return total\_path Im Vergleich zum Pseudocode des A\*-Algorithmus für das "Kürzester Weg in einem Graph"-Problem gibt es zwei wichtige Änderungen: Wenn das Kantengewicht größer als 90 ist, wird die Schleife für die Nachbarn des aktuellen Knotens übersprungen und der nächste Nachbar wird betrachtet. In der tentative\_g\_score-Zeile wird das Kantengewicht statt der Distanz zwischen dem aktuellen Knoten und dem Nachbarn verwendet. Diese Änderungen sorgen dafür, dass der Algorithmus nur Kanten mit einem Gewicht von 90 oder weniger

total\_path := [current]

while current in came\_from

current := came\_from[current]

berücksichtigt und somit die Bedingungen des gegebenen Die Zeit- und Platz-Komplexität des Algorithmus bleibt unverändert bei O(|E| + |V|\*log(|V|)) für die Zeit-Komplexität und O(|V|) für die Platz-Komplexität. Der A\*-Algorithmus ist ein heuristischer Algorithmus, der für das Problem des kürzesten Weges in einem Graph verwendet wird. Der Algorithmus sucht den Pfad von einem Startknoten zu einem Zielknoten, indem er systematisch Knoten aus einer Prioritätswarteschlange auswählt und diese

Knoten mit ihren Nachbarn vergleicht.

dargestellt, in dem die offenen Knoten gespeichert werden. Die geschlossene Menge (closed\_set) wird verwendet, um Knoten zu speichern, die bereits besucht wurden, damit sie nicht erneut betrachtet werden müssen. Der Algorithmus beginnt mit dem Startknoten und fügt diesen Knoten in das open\_set-Array ein. Die g\_score- und f\_score-Arrays werden verwendet, um die bisherigen Kosten und die geschätzten Gesamtkosten von jedem Knoten zu speichern. Der g\_score des Startknotens wird auf 0 gesetzt und der f\_score des Startknotens wird auf den geschätzten Kosten von der Start- zur Zielposition gesetzt. In jedem Schritt wird der Knoten mit dem niedrigsten f\_score-Wert aus der offenen Menge entfernt und überprüft, ob er das Ziel ist. Wenn ja, wird der Pfad von diesem Knoten rekonstruiert und zurückgegeben. Wenn nein, werden die Nachbarn des Knotens überprüft und ihre g\_score- und f\_score-Werte aktualisiert. Dazu wird der g\_score des aktuellen .. Der A\*-Algorithmus ist ein heuristischer Suchalgorithmus der verwendet wird, um das Problem des kürzesten Weges in einem Graph zu lösen. Er verwendet dabei eine Prioritätswarteschlange (in der Regel in Form einer Mineine Reihe von Scores, um die Kosten von jedem Knoten zu (der geschätzten Gesamtkosten von diesem Knoten bis zum das Ziel ist. Wenn ja, wird der Pfad von diesem Knoten zurück zum Startknoten mit Hilfe des came\_from-Arrays

zurück zum Startknoten mit Hilfe des came\_from-Arrays Heap-Struktur), um die offenen Knoten zu speichern, und Der Algorithmus beginnt mit dem Startknoten und fügt ihn zur offenen Menge hinzu. Solange die offene Menge nicht leer ist, wird der Knoten mit dem niedrigsten f\_score-Wert Ziel) aus der offenen Menge entfernt und überprüft, ob er rekonstruiert und zurückgegeben. Wenn nein, werden alle Nachbarn des Knotens betrachtet und ihre g\_score- und f\_score-Werte aktualisiert (g\_score ist der bisherige Kosten von diesem Knoten zum Startknoten und f\_score ist die Summe von g\_score und der geschätzten Kosten von diesem Knoten bis zum Ziel). Der Algorithmus wiederholt diesen Prozess, bis entweder das Ziel gefunden wurde oder die offene Menge leer wird, was bedeutet, dass kein Weg zum Ziel gefunden wurde. Durch die Verwendung von Heuristiken (geschätzten Kosten) kann der A\*-Algorithmus bessere Ergebnisse liefern als der bruteforce-Ansatz, bei dem alle möglichen Pfade untersucht werden. Allerdings kann der ... Der Pseudocode des A\*-Algorithmus zur Lösung des gegebenen Problems führt die folgenden Schritte aus: Initialisiere die offene Menge (open\_set) mit dem Startknoten und die geschlossene Menge (closed\_set) als leere Menge. Initialisiere das came\_from-Array, das die Pfade von jedem Knoten zurück zum Startknoten speichert, und die g\_scoreund f\_score-Arrays, die die bisherigen Kosten und die geschätzten Gesamtkosten von jedem Knoten speichern. Solange die offene Menge nicht leer ist, entferne den Knoten mit dem niedrigsten f\_score-Wert aus der offenen Menge

und überprüfe, ob er das Ziel ist.

und überprüfe seine Nachbarn.

1. Initialisiere die offene Menge (open\_set) mit dem Startknoten und die geschlossene Menge (closed\_set) als 2. Initialisiere das came\_from-Array, das die Pfade von jedem Knoten zurück zum Startknoten speichert, und die g\_scoreund f\_score-Arrays, die die bisherigen Kosten und die geschätzten Gesamtkosten von jedem Knoten speichern. 3. Solange die offene Menge nicht leer ist: 1. Entferne den Knoten mit dem niedrigsten f\_score-Wert aus der offenen Menge. 2. Wenn der Knoten das Ziel ist, rekonstruiere den Pfad von diesem Knoten zurück zum Startknoten mit Hilfe des came\_from-Arrays und gebe ihn zurück. 3. Wenn der Knoten nicht das Ziel ist, füge ihn zur geschlossenen Menge hinzu und überprüfe seine Nachbarn. 4. Für jeden Nachbarn des Knotens: 1. Wenn der Nachbar bereits in der geschlossenen Menge ist oder das Kantengewicht größer als 90 ist, überspringe ihr 2. Ansonsten, aktualisiere seine g\_score und f\_score-Werte und füge ihn zur offenen Menge hinzu, falls er noch nicht darin enthalten ist. 4. Wenn die offene Menge leer ist und das Ziel nicht erreicht wurde, gebe "keine Lösung" zurück.

A-Algorithmus.

DEFINIERE Kantengewicht als Funktion(Knoten1, Knoten2):

BERECHNE Abstand zwischen Knoten1 und Knoten2

GEBE Abstand zurück

DEFINIERE Graph als leeres Dictionary

ÖFFNE Datei "coordinates.txt" ZUM Lesen

FÜR jede Zeile IN Datei:

TEILE Zeile in x-Koordinate und y-Koordinate auf

KONVERTIERE x- und y-Koordinate in Gleitkommazahlen

FÜR jeden Knoten1 im Graph:

Kantengewicht(Knoten1, Knoten2) DEM Graph HINZU

jedem anderen Knoten, der mit Knoten1 verbunden ist, in

Dieser Algorithmus liest die Koordinaten aus der Datei ein

entsprechenden Kantengewicht. Der Winkel zu den anderen

und erstellt für jedes Paar von Knoten eine Kante mit dem

Kanten wird ebenfalls gespeichert.

FÜR jeden Knoten2 im Graph:

WENN Knoten1 NICHT gleich Knoten2:

FÜGE Kante ZWISCHEN Knoten1 und Knoten2 MIT

SPEICHERE Winkel ZWISCHEN Knoten1, Knoten2 UND

FÜGE Knoten MIT x- und y-Koordinate dem Graph HINZU

RETURN graph Dieser Pseudocode definiert eine Funktion create\_weighted\_graph, die eine Liste von Koordinaten als Eingabe nimmt und einen gewichteten Graphen in Matrixform zurückgibt. Der Graphen wird durch eine Schleife über jedes Paar von Koordinaten in der Liste erstellt, und das Kantengewicht wird durch die Funktion calculate\_angle berechnet, die den Winkel zwischen den beiden Koordinaten zurückgibt. Die Funktion ADD\_EDGE fügt dann eine Kante zwischen den beiden Knoten dem Graphen hinzu Die Laufzeit des Algorithmus ist O(|E| + |V|log(|V|)), da jeder Knoten und jede Kante genau einmal betrachtet wird und die offene Menge mit einem binären Heap implementiert wird, der logarithmische Zeit für das Hinzufügen und Entfernen

FUNCTION create\_weighted\_graph(coordinate\_list):

# Für jedes Paar von Koordinaten in der Liste

FOR i FROM 0 TO LENGTH(coordinate\_list)-1:

zwischen den beiden Koordinaten

FOR j FROM i+1 TO LENGTH(coordinate\_list)-1:

# Berechne das Kantengewicht als den Winkel

edge\_weight = calculate\_angle(coordinate\_list[i],

# Füge eine Kante zwischen den beiden Knoten dem

ADD\_EDGE(graph, i, j, edge\_weight)

b. Berechne den Winkel in Radiant mithilfe von atan2 und konvertiere ihn in Grad. c. Gebe den Winkel als Ausgabe zurück. In "a\_star\_search": a. Erstelle eine Prioritätswarteschlange "pq", die States speichert und diese nach ihrem f-Wert sortiert. b. Erstelle eine Hash-Tabelle "came\_from", um den Vorgängerknoten für jeden Knoten zu speichern. c. Erstelle eine Hash-Tabelle "cost\_so\_far", um die Kosten, die bis zu diesem Knoten benötigt wurden, zu speichern. d. Setze den Startknoten in "came\_from" auf "null" und setze die Kosten für den Startknoten in "cost\_so\_far" auf 0. e. Füge den Startknoten in die Warteschlange "pq g. Solange die Warteschlange nicht leer ist: i. Hole den Knoten mit dem geringsten f-Wert aus der Warteschlange. ii. Wenn der Knoten der Zielknoten ist, breche die Schleife ab und gehe zu 8. iii. Durchlaufe alle Nachbarknoten des aktuellen Knotens: 7. Berechne die neuen Kosten für den Nachbarknoten: a. Berechne den Kostenabstand zwischen dem aktuellen Knoten und dem Nachbarknoten mithilfe der bereits erstellten Funktion "calculate\_cost".

b. Füge diesen Kostenabstand zu den bisherigen Kosten hinzu, die bis zum aktuellen Knoten benötigt wurden, um die neuen Kosten für den Nachbarknoten zu berechnen. 8. Wenn der Nachbarknoten noch nicht in "cost\_so\_far" enthalten ist oder wenn die neuen Kosten günstiger sind als die bisherigen Kosten für den Nachbarknoten: a. Setze die neuen Kosten für den Nachbarknoten in b. Setze den Vorgängerknoten des Nachbarknotens auf den aktuellen Knoten in "came\_from". c. Füge den Nachbarknoten in die Warteschlange "pq" ein. 9. Erstelle eine leere Liste "path", um den Weg von Start zu

Ziel zu speichern.

Knoten in "path", um den Weg von Ziel zu Start zu erhalten.

11. Gebe "path" als Ausgabe zurück.

10. Gehe von Ziel zurück zum Start und speichere jeden

Erstelle eine Funktion "create\_weighted\_graph", die eine

Liste von Koordinaten als Eingabeparameter hat und eine

gewichtete Adjazenzmatrix als Ausgabe liefert.

Erstelle eine Funktion "calculate\_angle", die zwei Koordinaten

als Eingabeparameter hat und den Winkel zwischen diesen

Erstelle eine Funktion "a\_star\_search", die eine gewichtete

Adjazenzmatrix, einen Startknoten und einen Zielknoten als

Start zu Ziel als Ausgabe liefert.

In "create\_weighted\_graph":

a. Initialisiere eine leere Adjazenzmatrix "graph" mit der

Anzahl der Knoten.

b. Iteriere über alle Knoten und berechne das Kantengewicht

c. Gebe die Adjazenzmatrix zurück.

In "calculate\_angle":

. Berechne die Differenz der x- und y-Werte der beiden

zu allen anderen Knoten. Speichere das Kantengewicht in der

Eingabeparameter hat und den Weg durch den Graphen von

beiden Koordinaten in Grad als Ausgabe liefert.

Pseudocode: def read\_coordinate\_list(list):  $graph = {}$ for line in list: # Split the line into x and y coordinate x, y = line.split() x = float(x)y = float(y)node = (x, y)# Initialize empty list of edges for this node

# Calculate distances and angles to all other nodes for other\_node in graph: distance = calculate distance(node, other node angle = calculate\_angle(node, other\_node) # Add an edge to the list of edges for this node graph[node].append((other\_node, distance, angle)) return graph def calculate\_distance(node1, node2): x1, y1 = node1x2, y2 = node2distance = sqrt((x1 - x2)\*\*2 + (y1 - y2)\*\*2)return distance def calculate\_angle(node1, node2): x1, y1 = node1x2, y2 = node2angle = atan2(y2 - y1, x2 - x1)return angle Diese Funktion read\_coordinate\_list nimmt eine Liste von Koordinaten als Eingabe und gibt einen Graphen zurück, der als Dictionary implementiert ist. Jeder Knoten im Grapher

wird durch ein Tupel aus x- und y-Koordinate repräsentier

und jeder Eintrag im Dictionary enthält eine Liste von Kanten,

die von diesem Knoten ausgehen. Jede Kante besteht aus

einem Zielknoten, der Entfernung zwischen den Knoten und

dem Winkel, den die Kante zu den anderen Kanten des

Knotens hat. Die Funktionen calculate\_distance und

calculate\_angle berechnen entsprechend die Distanz und

den Winkel zwischen zwei Knoten.

function A\*(graph, start, end): closed\_list =  $g_score = 0$ h\_score = heuristic(start, end) f\_score = g\_score + h\_score open\_list.add(current\_node, f\_score) while open\_list is not empty: current\_node = get node with lowest f\_score from

closed\_list.add(current\_node) for neighbor in neighbors of current\_node: if neighbor in closed\_list: tentative\_g\_score = g\_score + distance between current\_node and neighbor if neighbor not in open\_list: open\_list.add(neighbor) elseif tentative\_g\_score >= g\_score of neighbor:

if current\_node == end:

open\_list.remove(current\_node)

return path from start to end

update g\_score, h\_score, and f\_score for neighbor set current\_node as predecessor of neighbor function heuristic(start, end): return euclidean distance between start and end Der A\*-Algorithmus verwendet eine Heuristik, um den optimalen Weg durch den Graph zu finden. In diesem Fall habe ich die euklidische Distanz zwischen dem Start- und Endknoten als Heuristik verwendet, aber andere Heuristiken können auch verwendet werden.

function create\_graph(coordinate\_list): for i in range(len(coordinate\_list)): for j in range(len(coordinate\_list)) x1, y1 = coordinate\_list[i] x2, y2 = coordinate\_list[ angle = calculate\_angle(x1, y1, x2, y if angle <= 90:

graph[i].append((j, angle)) return graph function calculate\_angle(x1, y1, x2, y2): return atan2(dy, dx) \* 180 / pi

angle = calculate\_angle(graph[i], graph[j]) # Füge eine Kante von dem aktuellen Knoten zu dem anderen Knoten hinzu edges.append((j, angle)) # Speichere die Kanten für den aktuellen Knoten graph[i] = (graph[i], edges) return graph function calculate angle(node1, node2):

function read\_and\_store\_coordinates(coordinate\_list):

# Iteriere über jede Koordinate in der Liste

for i in range(len(coordinate\_list)):

# Splitte die Koordinaten in x und y

x, y = coordinate\_list[i].split(" ")

# Wandle x und y in Fließkommazahlen um

# Füge die Koordinate als Knoten zum Graphen hinzu

graph.append((x, y))

# Iteriere über jeden anderen Knoten im Graphen

if i == j:

# Berechne den Winkel zwischen dem aktuellen

for j in range(len(graph))

Knoten und dem anderen Knoten

# Iteriere über jeden Knoten im Graphen

for i in range(len(graph))

x = float(x)

# Berechne den Winkel zwischen den Knoten node1 und # Hier müssen noch weitere Details implementiert werden, wie z.B. die Berechnung # des Winkels aus den x- und y-Koordinaten der Knoten return angle

y\_coord: REAL KANTEN: ARRAY von STRUKTUR ziel\_knoten: Knoten gewicht: REAL winkel: REAL **ENDE STRUKTUR** DEFINIERE Graph als STRUKTUR knoten: ARRAY von Knoten ENDE STRUKTUR

DEFINIERE Knoten als STRUKTUR

x\_coord: REAL

FUNKTION erstelle\_knoten(x\_coord: REAL, y\_coord: REAL) ERSTELLE neuen\_knoten: Knoten SETZE neuen\_knoten.x\_coord = x\_coord SETZE neuen\_knoten.y\_coord = y\_coord SETZE neuen\_knoten.kanten = LEERE ARRAY GIB neuen\_knoten ZURÜCK **ENDE FUNKTION** 

FUNKTION berechne\_abstand(knoten1: Knoten, knoten2: Knoten) -> REAL: BERECHNE x\_diff: REAL = knoten1.x\_coord knoten2.x\_coord BERECHNE y\_diff: REAL = knoten1.y\_coord knoten2.y\_coord BERECHNE abstand: REAL = WURZEL(x\_diff^2 + y\_diff^2) GIB abstand ZURÜCK

**ENDE FUNKTION** FUNKTION berechne winkel(knoten1: Knoten, knoten2: Knoten) -> REAL: BERECHNE x\_diff: REAL = knoten2.x\_coord knoten1.x\_coord

BERECHNE y\_diff: REAL = knoten2.y\_coord knoten1.y\_coord BERECHNE winkel: REAL = TAN(y\_diff / x\_diff) GIB winkel ZURÜCK **ENDE FUNKTION** FUNKTION erstelle\_kante(von\_knoten: Knoten, zu\_knoten:

BERECHNE gewicht: REAL = berechne abstand(von knoten, zu knoten) BERECHNE winkel: REAL = berechne\_winkel(von\_knoten, zu\_knoten) ERSTELLE neue\_kante: KANTE SETZE neue\_kante.ziel\_knoten = zu\_knoten SETZE neue\_kante.gewicht = gewicht SETZE neue\_kante.winkel = winkel GIB neue\_kante ZURÜCK **ENDE FUNKTION** PROGRAMM:

ERSTELLE graphen: Graph SETZE graphen.knoten = LEERE ARRAY FÜR JEDE zeile IN liste: TEILE zeile IN x\_coord, y\_coord AUF ERSTELLE neuer\_knoten: Knoten = erstelle\_knoten(x\_coord, FÜGE neuer\_knoten ZU graphen.knoten HINZU FÜR JEDE knoten IN graphen.knoten: FÜR JEDE anderer\_knoten IN graphen.knoten: WENN anderer\_knoten NICHT gleich knoten: ERSTELLE neue\_kante: KANTE = erstelle\_kante(knoten, FÜGE neue\_kante ZU knoten.kanten HINZU

Dieser Pseudocode liest jede Zeile der Eingabeliste ein und erstellt daraus einen Knoten. Dann werden alle möglichen Kanten zwischen den Knoten erstellt und zu den entsprechenden Knoten hinzugefügt. Schließlich wird der

vollständige Graphen zurückgegeben.

GIB graphen ZURÜCK

**ENDE PROGRAMM**