## Министерство образования Российской Федерации

# МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. Н.Э. БАУМАНА

Факультет: Информатика и системы управления Кафедра: Информационная безопасность (ИУ8)

### ОСНОВЫ ТЕОРИИ УПРАВЛЕНИЯ

Лабораторная работа №2 на тему:

«Типовые динамические звенья систем автоматического регулирования»

Вариант 4

Преподаватель:

Чернега Е.В.

Студент:

Девяткин Е.Д.

Группа:

ИУ8-44

Репозиторий работы: <a href="https://github.com/ledibonibell/Module04-BMT">https://github.com/ledibonibell/Module04-BMT</a>

Москва 2024

### Цель работы

Исследование переходных характеристик и динамических свойств типовых звеньев систем автоматического управления.

### Порядок выполнения работы

- 1. Построить схемы моделирования динамических звеньев
  - 1.1. Усилительного  $W_1(S)$
  - 1.2. Интегрирующего  $W_2(S)$
  - 1.3. Апериодического  $W_3(S)$
  - 1.4. Реального дифференцирующего  $W_4(S)$
  - 1.5. Колебательного со значением K = 2, T = 0.5,  $\xi = 0.4$   $W_5(S)$
  - 1.6. Колебательного со значением K1 = 2\*K (сравнение  $W_5(S)$  и  $W_6(S)$ )
  - 1.7. Колебательного со значением T1 = 2\*T (сравнение  $W_5(S)$  и  $W_7(S)$ )
  - 1.8. Колебательного со значением  $K = \xi/2$  (сравнение  $W_5(S)$  и  $W_8(S)$ )
  - 1.9. Консервативного (E = 0, сравнение  $W_5(S)$  и  $W_9(S)$ )
- 2. Осуществить моделирования и снять переходные характеристики типовых динамических звеньев
- 3. Сделать выводы о влиянии параметров на характеристики колебательного звена
- 4. Анализ результатов моделирования

# Ход Работы

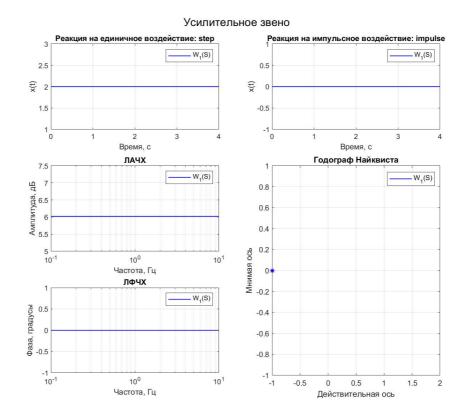


Рис. 1 - Усилительное звено

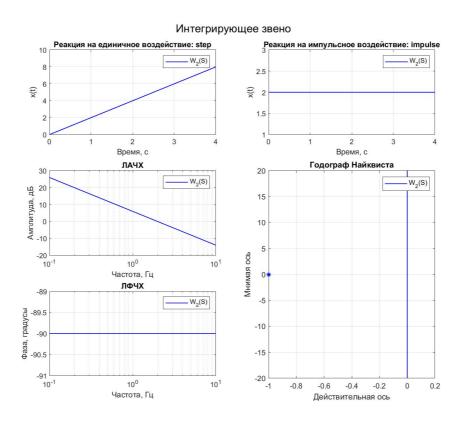


Рис. 2 - Интегрирующее звено

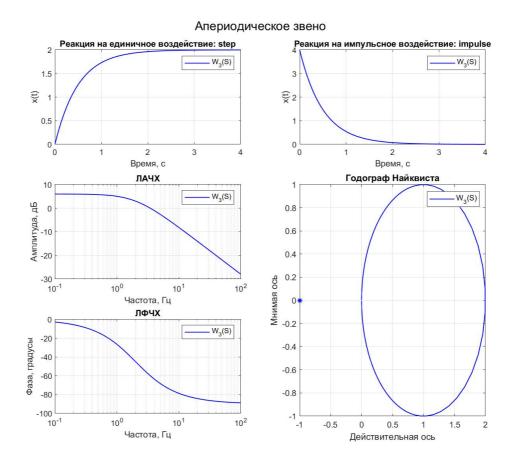


Рис. 3 - Апериодическое звено

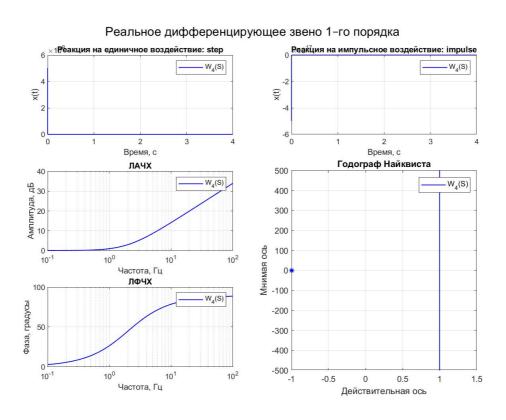


Рис. 4 - Реальное дифференцирующее звено первого порядка

#### Колебательное звено с коэффициентом усиления W<sub>5</sub>(S) W<sub>5</sub>(S) W<sub>6</sub>(S) W<sub>6</sub>(S) x(t) Время, с Время, с Годограф Найквиста ЛАЧХ W<sub>5</sub>(S) W<sub>5</sub>(S) ЯB W<sub>6</sub>(S) Амплитуда, 4 -20 -60 Мнимая ось 10<sup>-1</sup> Частота, Гц ЛФЧХ W<sub>5</sub>(S) -2 Фаза, градусы -50 W<sub>6</sub>(S) -100 -150 -6 -2 -200 10<sup>-1</sup> 10<sup>0</sup> 10 Частота, Гц

Рис. 5 - Колебательное звено. Графики переходных процессов для колебательных звеньев с разным коэффициентом усиления

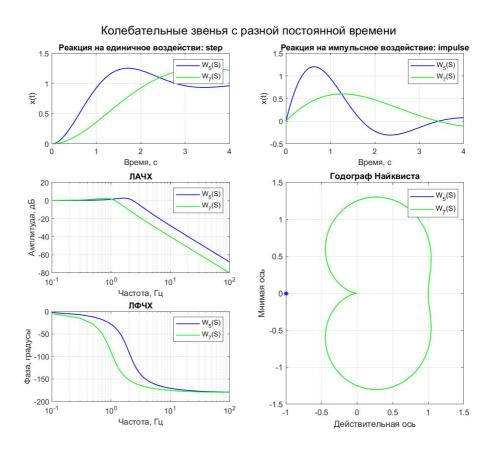


Рис. 6 - Сравнение характеристик колебательных звеньев с разной постоянной времени

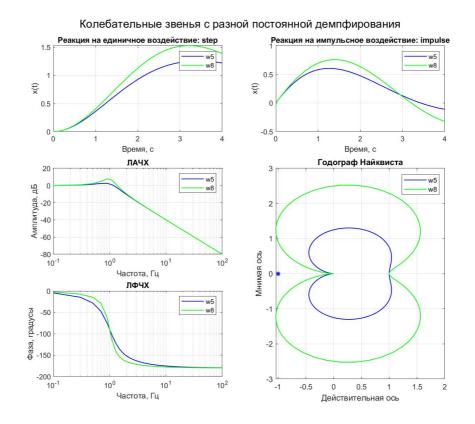


Рис. 7 - Сравнение характеристик колебательных звеньев с разным коэффициентом демпфирования

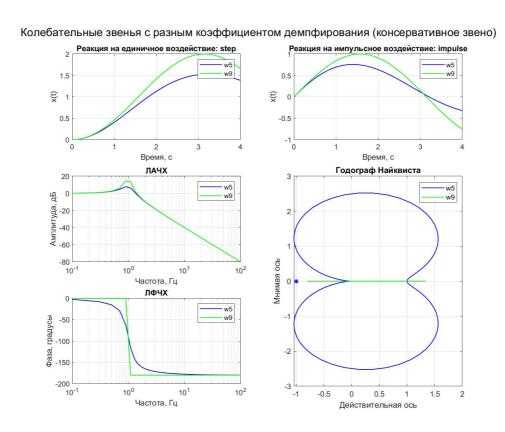


Рис. 8 - Сравнение характеристик колебательного звена и консервативного звена

### Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы были улучшены навыки владения MatLab. Также были изучены и построены основные типы динамических звеньев.

Переходные процессы были проиллюстрированы с помощью график, с помощью которых также были сравнены различные динамические звенья.

# Листинг 1

# Константы

# options.m:

%initional conditions

$$K = 2;$$
  
 $T = 0.5;$ 

$$ksi = 0.4;$$

$$%K = 2;$$

$$%T = 0.2;$$

$$%T_1 = 0.25;$$

$$%T_2 = 0.3;$$

$$%ksi = 0.55;$$

Построение графиков воздействие на единичное (step и impulse), ЛАФЧХ, а также годограф Найквиста для усилительного звена.

```
w1 = tf(K, 1);
lable name = 'W 1(S)';
figure('position', [400, 200, 900, 750])
t = tiledlayout(3, 4);
title(t, "Усилительное звено");
% Реакция на единичное воздействие: step
subplot(3, 2, 1);
[y1, tOut] = step(w1, 4);
plot(tOut, y1, 'b-', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(lable name)
title('Реакция на единичное воздействие: step')
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% Реакция на единичное воздействие: impulse
subplot(3, 2, 2);
[y1, tOut] = impulse(w1, 4);
plot(tOut, y1, 'b-', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(lable name);
title('Реакция на единичное воздействие: impulse');
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% ЛАЧХ
subplot(3, 2, 3);
[mag, ph, wout] = bode(w1);
mag = squeeze(mag);
semilogx(wout, mag2db(abs(mag)), 'b-', 'LineWidth', 1);
grid on
```

```
legend(lable name);
title('ЛАЧХ');
ylabel('Амплитуда, дБ');
xlabel('Частота, Гц');
% ЛФЧХ
subplot(3, 2, 5);
[mag, phase, wout] = bode(w1);
phase = squeeze(phase);
semilogx(wout, phase, 'b-', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(lable name);
title('ΠΦΥΧ')
ylabel('Фаза, градусы');
xlabel('Частота, Гц');
% Годограф Найквиста
subplot(3, 2, [4, 6]);
k = 1000;
w = linspace(-k, k, 10*k);
[re,im, wout] = nyquist(w1, w);
re = squeeze(re);
im = squeeze(im);
plot(re, im, 'b-', -1, 0, 'b*', 'LineWidth', 1)
grid on
legend(lable name);
title('Годограф Найквиста')
xlabel('Действительная ось');
ylabel('Мнимая ось');
saveas(gcf, 'graphics/Усилительное звено.png');
```

Построение графиков воздействие на единичное (step и impulse), ЛАФЧХ, а также годограф Найквиста для интегрирующего звена.

```
w2 = tf(K, [1, 0]);
lable name = 'W 2(S)';
figure('position', [400, 200, 900, 750])
t = tiledlayout(3, 4);
title(t, "Интегрирующее звено");
% Реакция на единичное воздействие: step
subplot(3, 2, 1);
[y2, tOut] = step(w2, 4);
plot(tOut, y2, 'b-', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(lable name)
title('Реакция на единичное воздействие: step')
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% Реакция на единичное воздействие: impulse
subplot(3, 2, 2);
[y2, tOut] = impulse(w2, 4);
plot(tOut, y2, 'b-', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(lable name);
title('Реакция на единичное воздействие: impulse');
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% ЛАЧХ
subplot(3, 2, 3);
[mag, ph, wout] = bode(w2);
mag = squeeze(mag);
semilogx(wout, mag2db(abs(mag)), 'b-', 'LineWidth', 1);
grid on
```

```
legend(lable name);
title('ЛАЧХ');
ylabel('Амплитуда, дБ');
xlabel('Частота, Гц');
% ЛФЧХ
subplot(3, 2, 5);
[mag, phase, wout] = bode(w2);
phase = squeeze(phase);
semilogx(wout, phase, 'b-', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(lable name);
title('ЛФЧХ')
ylabel('Фаза, градусы');
xlabel('Частота, Гц');
% Годограф Найквиста
subplot(3, 2, [4, 6]);
k = 1000;
w = linspace(-k, k, 10*k);
[re,im, wout] = nyquist(w2, w);
re = squeeze(re);
im = squeeze(im);
plot(re, im, 'b-', -1, 0, 'b*', 'LineWidth', 1)
grid on
legend(lable name);
title('Годограф Найквиста')
xlabel('Действительная ось');
ylabel('Мнимая ось');
saveas(gcf, 'graphics/Интегрирующее звено.png');
```

Построение графиков воздействие на единичное (step и impulse), ЛАФЧХ, а также годограф Найквиста для апериодического звена.

```
w3 = tf(K, [T, 1]);
lable name = 'W 3(S)';
figure('position', [400, 200, 900, 750])
t = tiledlayout(3, 4);
title(t, "Апериодическое звено");
% Реакция на единичное воздействие: step
subplot(3, 2, 1);
[y3, tOut] = step(w3, 4);
plot(tOut, y3, 'b-', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(lable name)
title('Реакция на единичное воздействие: step')
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% Реакция на единичное воздействие: impulse
subplot(3, 2, 2);
[y3, tOut] = impulse(w3, 4);
plot(tOut, y3, 'b-', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(lable name);
title('Реакция на единичное воздействие: impulse');
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% ЛАЧХ
subplot(3, 2, 3);
[mag, ph, wout] = bode(w3);
mag = squeeze(mag);
semilogx(wout, mag2db(abs(mag)), 'b-', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(lable name);
title('ЛАЧХ');
```

```
ylabel('Амплитуда, дБ');
xlabel('Частота, Гц');
% ЛФЧХ
subplot(3, 2, 5);
[mag, phase, wout] = bode(w3);
phase = squeeze(phase);
semilogx(wout, phase, 'b-', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(lable name);
title('ЛФЧХ')
ylabel('Фаза, градусы');
xlabel('Частота, Гц');
% Годограф Найквиста
subplot(3, 2, [4, 6]);
k = 1000;
w = linspace(-k, k, 10*k);
[re,im, wout] = nyquist(w3, w);
re = squeeze(re);
im = squeeze(im);
plot(re, im, 'b-', -1, 0, 'b*', 'LineWidth', 1)
grid on
legend(lable_name);
title('Годограф Найквиста')
xlabel('Действительная ось');
ylabel('Мнимая ось');
saveas(gcf, 'graphics/Апериодическое звено.png');
```

Построение графиков воздействие на единичное (step и impulse), ЛАФЧХ, а также годограф Найквиста для реального дифференцирующего звена 1-го порядка.

```
s = tf('s');
sys = T*s + 1;
w4 = sys*tf(1, [0.000000001 1]);
lable name = 'W 4(S)';
figure('position', [400, 200, 900, 750])
t = tiledlayout(3, 4);
title(t, "Реальное дифференцирующее звено 1-го порядка");
% Реакция на единичное воздействие: step
subplot(3, 2, 1);
[y4, tOut] = step(w4, 4);
plot(tOut, y4, 'b-', 'LineWidth', 1);
legend(lable name)
grid on
title('Реакция на единичное воздействие: step')
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% Реакция на единичное воздействие: impulse
subplot(3, 2, 2);
[y4, tOut] = impulse(w4, 4);
plot(tOut, y4, 'b-', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(lable name);
title('Реакция на единичное воздействие: impulse');
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% ЛАЧХ
subplot(3, 2, 3);
[mag, ph, wout] = bode(w4);
mag = squeeze(mag);
semilogx(wout, mag2db(abs(mag)), 'b-', 'LineWidth', 1);
grid on
```

```
legend(lable name);
title('ЛАЧХ');
ylabel('Амплитуда, дБ');
xlabel('Частота, Гц');
% ЛФЧХ
subplot(3, 2, 5);
[mag, phase, wout] = bode(w4);
phase = squeeze(phase);
semilogx(wout, phase, 'b-', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(lable name);
title('ЛФЧХ')
ylabel('Фаза, градусы');
xlabel('Частота, Гц');
% Годограф Найквиста
subplot(3, 2, [4, 6]);
k = 1000;
w = linspace(-k, k, 10*k);
[re,im, wout] = nyquist(w4, w);
re = squeeze(re);
im = squeeze(im);
plot(re, im, 'b-', -1, 0, 'b*', 'LineWidth', 1)
grid on
legend(lable name);
title('Годограф Найквиста')
xlabel('Действительная ось');
ylabel('Мнимая ось');
saveas(gcf, 'graphics/Peaльное дифференцирующее звено 1-го порядка.png');
```

Построение графиков воздействие на единичное (step и impulse), ЛАФЧХ, а также годограф Найквиста для колебательных звеньев с разным коэффициентом усиления.

```
w5 = tf(K, [T^2, 2^*T^*ksi, 1]);
w6 = tf(2*K, [T^2, 2*T*ksi, 1]);
first legend = 'W 5(S)';
second legend = 'W 6(S)';
figure('position', [400, 200, 900, 750])
t = tiledlayout(3, 4);
title(t, "Колебательные звенья с разным коэффициентом усиления");
% Реакция на единичное воздействие: step
subplot(3, 2, 1);
[y5, tOut] = step(w5, 4);
y6 = step(w6, 4);
plot(tOut, y5, 'b', tOut, y6, 'g', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('Реакция на единичное воздействие: step')
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% Реакция на единичное воздействие: impulse
subplot(3, 2, 2);
[y5, tOut] = impulse(w5, 4);
y6 = impulse(w6, 4);
plot(tOut, y5, 'b', tOut, y6, 'g', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('Реакция на единичное воздействие: impulse');
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% ЛАЧХ
subplot(3, 2, 3);
[mag5, phase5, wout] = bode(w5);
mag5 = squeeze(mag5);
```

```
[mag6, phase6, wout] = bode(w6);
mag6 = squeeze(mag6);
semilogx(wout,mag2db(abs(mag5)),'b', wout,mag2db(abs(mag6)),'g',
'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('ЛАЧХ');
ylabel('Амплитуда, дБ');
xlabel('Частота, Гц');
% ЛФЧХ
subplot(3, 2, 5);
[mag5, phase5, wout] = bode(w5);
phase5 = squeeze(phase5);
[mag6, phase6, wout] = bode(w6);
phase6 = squeeze(phase6);
semilogx(wout, phase5, 'b', wout, phase6, 'g', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('ЛФЧХ')
ylabel('Фаза, градусы');
xlabel('Частота, Гц');
% Годограф Найквиста
subplot(3, 2, [4, 6]);
k = 1000;
w = linspace(-k, k, 100*k);
[re5,im5, wout] = nyquist(w5, w);
re5 = squeeze(re5);
im5 = squeeze(im5);
[re6,im6, wout] = nyquist(w6, w);
re6 = squeeze(re6);
im6 = squeeze(im6);
plot(re5,im5,'b', re6,im6,'g', -1, 0, 'b*', 'LineWidth', 1)
grid on
legend(first legend, second legend);
title('Годограф Найквиста')
xlabel('Действительная ось');
ylabel('Мнимая ось');
saveas(gcf, 'graphics/Колебательное звено с коэффициентом усиления.png');
```

Построение графиков воздействие на единичное (step и impulse), ЛАФЧХ, а также годограф Найквиста для колебательных звеньев с разной постоянной времени.

```
w5 = tf(1, [T^2, 2^*T^*ksi, 1]);
T = T*2:
w7 = tf(1, [T^2, 2*T*ksi, 1]);
first legend = 'W 5(S)';
second_legend = 'W_7(S)';
figure('position', [400, 200, 900, 750])
t = tiledlayout(3, 4);
title(t, "Колебательные звенья с разной постоянной времени");
% Реакция на единичное воздействие: step
subplot(3, 2, 1);
[y5, tOut] = step(w5, 4);
y7 = step(w7, 4);
plot(tOut, y5, 'b', tOut, y7, 'g', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('Реакция на единичное воздействии: step')
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% Реакция на единичное воздействие: impulse
subplot(3, 2, 2);
[y5, tOut] = impulse(w5, 4);
y7 = impulse(w7, 4);
plot(tOut, y5, 'b', tOut, y7, 'g', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('Реакция на единичное воздействие: impulse');
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% ЛАЧХ
subplot(3, 2, 3);
k = 100;
```

```
t = linspace(-k, k, 10*k);
[mag5, phase5, wout] = bode(w5, t);
mag5 = squeeze(mag5);
[mag7, phase7, wout] = bode(w7, t);
mag7 = squeeze(mag7);
semilogx(wout, mag2db(abs(mag5)), 'b', wout, mag2db(abs(mag7)), 'g',
'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('ЛАЧХ');
ylabel('Амплитуда, дБ');
xlabel('Частота, Гц');
% ЛФЧХ
subplot(3, 2, 5);
[mag5, phase5, wout] = bode(w5, t);
phase5 = squeeze(phase5);
[mag7, phase7, wout] = bode(w7, t);
phase7 = squeeze(phase7);
semilogx(wout, phase5, 'b', wout, phase7, 'g', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('ЛФЧХ')
ylabel('Фаза, градусы');
xlabel('Частота, Гц');
% Годограф Найквиста
subplot(3, 2, [4, 6]);
t = linspace(-k, k, 100*k);
[re5,im5, wout] = nyquist(w5, t);
re5 = squeeze(re5);
im5 = squeeze(im5);
[re7,im7, wout] = nyquist(w7, t);
re7 = squeeze(re7);
im7 = squeeze(im7);
plot(re5,im5,'b', re7,im7,'g', -1, 0, 'b*', 'LineWidth', 1)
grid on
legend(first legend, second legend);
title('Годограф Найквиста')
xlabel('Действительная ось');
ylabel('Мнимая ось');
saveas(gcf, 'graphics/Колебательные звенья с разной постоянной
времени.png');
```

Построение графиков воздействие на единичное (step и impulse), ЛАФЧХ, а также годограф Найквиста для колебательных звеньев с разным коэффициентом демпфирования.

```
w5 = tf(1, [T^2, 2^*T^*ksi, 1]);
ksi = ksi / 2;
w8 = tf(1, [T^2, 2^*T^*ksi, 1]);
first legend = 'w5';
second legend = 'w8';
figure('position', [400, 200, 900, 750])
t = tiledlayout(3, 4);
title(t, "Колебательные звенья с разным коэффициентом демпфирования");
% Реакция на единичное воздействие: step
subplot(3, 2, 1);
[y5, tOut] = step(w5, 4);
y8 = step(w8, 4);
plot(tOut, y5, 'b', tOut, y8, 'g', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('Реакция на единичное воздействие: step')
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% Реакция на единичное воздействие: impulse
subplot(3, 2, 2);
[y5, tOut] = impulse(w5, 4);
y8 = impulse(w8, 4);
plot(tOut, y5, 'b', tOut, y8, 'g', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('Реакция на единичное воздействие: impulse');
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% ЛАЧХ
subplot(3, 2, 3);
k = 100;
```

```
t = linspace(-k, k, 10*k);
[mag5, phase5, wout] = bode(w5, t);
mag5 = squeeze(mag5);
[mag8, phase8, wout] = bode(w8, t);
mag8 = squeeze(mag8);
semilogx(wout,mag2db(abs(mag5)),'b', wout,mag2db(abs(mag8)),'g',
'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('ЛАЧХ');
ylabel('Амплитуда, дБ');
xlabel('Частота, Гц');
% ЛФЧХ
subplot(3, 2, 5);
[mag5, phase5, wout] = bode(w5, t);
phase5 = squeeze(phase5);
[mag8, phase8, wout] = bode(w8, t);
phase8 = squeeze(phase8);
semilogx(wout, phase5, 'b', wout, phase8, 'g', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('ЛФЧХ')
ylabel('Фаза, градусы');
xlabel('Частота, Гц');
% Годограф Найквиста
subplot(3, 2, [4, 6]);
t = linspace(-k, k, 100*k);
[re5,im5, wout] = nyquist(w5, t);
re5 = squeeze(re5);
im5 = squeeze(im5);
[re8,im8, wout] = nyquist(w8, t);
re8 = squeeze(re8);
im8 = squeeze(im8);
plot(re5,im5,'b', re8,im8,'g', -1, 0, 'b*', 'LineWidth', 1)
grid on
legend(first legend, second legend);
title('Годограф Найквиста')
xlabel('Действительная ось');
ylabel('Мнимая ось');
saveas(gcf, 'graphics/Колебательные звенья с разной постоянной
демпфирования.png');
```

Построение графиков воздействие на единичное (step и impulse), ЛАФЧХ, а также годограф Найквиста для колебательных звеньев с разным коэффициентом демпфирования (исходный и нулевой).

```
w5 = tf(1, [T^2, 2^*T^*ksi, 1]);
ksi = 0:
w9 = tf(1, [T^2, 2*T*ksi, 1]);
first legend = w5;
second legend = 'w9';
figure('position', [400, 200, 900, 750])
t = tiledlayout(3, 4);
title(t, "Колебательные звенья с разным коэффициентом демпфирования");
% Реакция на единичное воздействие: step
subplot(3, 2, 1);
[y5, tOut] = step(w5, 4);
y9 = step(w9, 4);
plot(tOut, y5, 'b', tOut, y9, 'g', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('Реакция на единичное воздействие: step')
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% Реакция на единичное воздействие: impulse
subplot(3, 2, 2);
[y5, tOut] = impulse(w5, 4);
y9 = impulse(w9, 4);
plot(tOut, y5, 'b', tOut, y9, 'g', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('Реакция на единичное воздействие: impulse');
xlabel('Время, c');
ylabel('x(t)');
% ЛАЧХ
subplot(3, 2, 3);
k = 100;
t = linspace(-k, k, 10*k);
[mag5, phase5, wout] = bode(w5, t);
mag5 = squeeze(mag5);
[mag9, phase9] = bode(w9, t);
```

```
mag9 = squeeze(mag9);
semilogx(wout,mag2db(abs(mag5)),'b', wout,mag2db(abs(mag9)),'g',
'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('ЛАЧХ');
ylabel('Амплитуда, дБ');
xlabel('Частота, Гц');
% ЛФЧХ
subplot(3, 2, 5);
[mag5, phase5, wout] = bode(w5, t);
phase5 = squeeze(phase5);
[mag9, phase9] = bode(w9, t);
phase9 = squeeze(phase9);
semilogx(wout, phase5, 'b', wout, phase9, 'g', 'LineWidth', 1);
grid on
legend(first legend, second legend);
title('ЛФЧХ')
ylabel('Фаза, градусы');
xlabel('Частота, Гц');
% Годограф Найквиста
subplot(3, 2, [4, 6]);
k = 1000;
t = linspace(-k, k, 100*k);
[re5,im5] = nyquist(w5, t);
re5 = squeeze(re5);
im5 = squeeze(im5);
t = linspace(-k, k, 2*k);
[re9,im9] = nyquist(w9, t);
re9 = squeeze(re9);
im9 = squeeze(im9);
plot(re5,im5,'b', re9,im9,'g', -1, 0, 'b*', 'LineWidth', 1)
grid on
legend(first legend, second legend);
title('Годограф Найквиста')
xlabel('Действительная ось');
ylabel('Мнимая ось');
saveas(gcf, 'graphics/Колебательные звенья с разным коэффициентом
демпфирования.png');
```