데이터 구조

검색(Search)

Contents

❖ 학습목표

- 자료 검색의 개념을 알아본다.
- 순차 검색의 개념과 알고리즘을 알아본다.
- 이진 검색의 개념과 알고리즘을 알아본다.
- 해싱의 원리를 알아보고 다른 검색 알고리즘과의 차이를 살펴본다.

❖ 내용

- 01 검색의 이해
- 02 순차 검색
- 03 이진 검색
- 04 이진 트리 검색
- 05 해싱

1. 검색의 이해

❖ 검색search

- 컴퓨터에 저장한 자료 중에서 원하는 항목을 찾는 작업
 - 검색 성공 원하는 항목을 찾은 경우
 - 검색 실패 _ 원하는 항목을 찾지 못한 경우
- 탐색 키를 가진 항목을 찾는 것
 - 탐색 키search key 자료를 구별하여 인식할 수 있는 키
- 삽입/삭제 작업에서의 검색
 - 원소를 삽입하거나 삭제할 위치를 찾기 위해서 검색 연산 수행

1. 검색의 이해

■ 검색 방법

- 수행 위치에 따른 분류
 - 내부 검색Internal Search : 메모리 내의 자료에 대해서 검색 수행
 - 외부 검색External Search : 보조 기억 장치에 있는 자료에 대해서 검색 수행
- 검색 방식에 따른 분류
 - 비교 검색 방식comparison search method
 - 계산 검색 방식non-comparison method

표 10-1 검색 방법에 따른 분류

검색 방법	설명	종류		
비교 검색	검색 대상의 키를 비교하여 검색한다.	순차 검색, 이진 검색, 트리 검색		
계산 검색	계수적인 성질을 이용한 계산으로 검색한다.	해싱		

❖ 순차 검색sequential search, 선형 검색linear search

- 일렬로 된 자료를 처음부터 마지막까지 순서대로 검색하는 방법
- 가장 간단하고 직접적인 검색 방법
- 배열이나 연결 리스트로 구현된 순차 자료 구조에서 원하는 항목을 찾는 방법
- 검색 대상 자료가 많은 경우에 비효율적이지만 알고리즘이 단순하여 구현이 용이함

❖ 정렬되어 있지 않은 자료를 순차 검색

- 검색 방법
 - 첫 번째 원소부터 시작하여 마지막 원소까지 순서대로 키 값이 일치하는 원소가 있는지를 비교하여 찾는다.
 - 키 값이 일치하는 원소를 찾으면 그 원소가 몇 번째 원소인지를 반환
 - 마지막 원소까지 비교하여 키 값이 일치하는 원소가 없으면 찾은 원소가 없는 것이므로 검색 실패

8 3	0 1	1 9) 1	1 1	9 2	2	
(a) 정렬되어 있지 않은 자료의 예							
1 8≠9	8	30	1	9	11	19	2
② 30≠9	8	30	1	9	11	19	2
③ 1≠9	8	30	1	9	11	19	2
4 9 = 9	8	30	1	9	11	19	2
(b) 검색 성공의 예 : 9 검색							
1 8≠6	8	30	1	9	11	19	2
② 30≠6	8	30	1	9	11	19	2
③ 1≠6	8	30	1	9	11	19	2
④ 9≠6	8	30	1	9	11	19	2
⑤ 11≠6	8	30	1	9	11	19	2
⑥ 19≠6	8	30	1	9	11	19	2
⑦ 2≠6	8	30	1	9	11	19	2

(c) 검색 실패의 예:6 검색

그림 10-1 정렬되어 있지 않은 자료에서의 순차 검색 예

■ 정렬되지 않은 자료의 순차검색 알고리즘

알고리즘 10-1 정렬되지 않은 자료의 순차 검색 sequentialSearch1(a[], n, key) i ← 0; while (i < n and a[i] ≠ key) do { i ← i + 1; } if (i < n) then return i; else return -1; end sequentialSearch1()

- 비교 횟수 찾고자 하는 원소의 위치에 따라 결정
 - 찾는 원소가 첫 번째 원소라면 비교횟수는 1번, 두 번째 원소라면 비교횟수는 2번,
 세 번째 원소라면 비교횟수는 3번, 찾는 원소가 i번째 원소이면 i번
- 평균 비교 횟수 : $\frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}i=\frac{1}{n}\times\frac{(nn+1)}{2}=\frac{n+1}{2}$
- 평균 시간 복잡도 : O(n)

- [예제 10-1] 정렬되지 않은 자료를 순차 검색하기 : 교재 582p
- 실행 결과

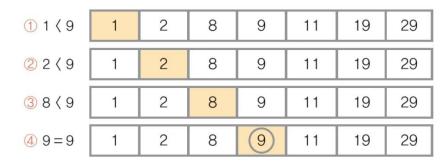
- 《 검색 대상 자료 》 8 30 1 9 11 19 2 9를 검색하라! -》 4번째에 검색 성공! 6를 검색하라! -》 8번째에 검색 실패!

❖ 정렬된 자료를 순차 검색

원소의 키값이 찾는 키값보다 크면 찾는 원소가 없는 것이므로 더 이상 검색을 수행하지 않아도 검색 실패를 알 수 있음

1 2 8	9 11	19 29
-------	------	-------

(a) 정렬된 자료의 예



(b) 검색 성공의 예:9 검색

1 1 < 6	1	2	8	9	11	19	29
22 (6	1	2	8	9	11	19	29
38>6	1	2	8	9	11	19	29

→ 검색 종료

(c) 검색 실패의 예:6 검색

그림 10-2 정렬된 자료에서의 순차 검색 예

■ 정렬된 자료의 순차검색

```
알고리즘 10-2 정렬된 자료의 순차 검색

sequentialSearch2(a[], n, key)
    i ← 0;
    while (a[i] < key) do {
        i ← i + 1;
    }
    if (a[i] = key) then return i;
    else return -1;
end sequentialSearch2()
```

- 비교 횟수 찾고자 하는 원소의 위치에 따라 결정검색 실패의 경우에 평균 비교 횟수가 반으로 줄어듦
- 평균 시간 복잡도 : O(n)

- [예제 10-2] 정렬된 자료를 순차 검색하기 : 교재 584p
- 실행 결과

```
- 《 검색 대상 자료 》
1 2 8 9 11 19 29
9를 검색하라! -》 4번째에 검색 성공!
6를 검색하라! -》 3번째에 검색 실패!
```

❖ 색인 순차 검색index sequential search

- 정렬되어있는 자료에 대한 인덱스 테이블index table을 추가로 사용하여 탐색 효율을 높인 검색 방법
- 인덱스 테이블
 - 배열에 정렬되어있는 자료 중에서 일정한 간격으로 떨어져있는 원소들을 저장한 테이블
 - 자료가 저장되어있는 배열의 크기가 n이고 인덱스 테이블의 크기가 m일 때, 배열
 에서 n/m 간격으로 떨어져있는 원소와 그의 인덱스를 인덱스 테이블에 저장
- 검색 방법
 - indexTable[i].key ≤ key < indexTable[i+1].key를 만족하는 i를 찾아서 배열의 어느 범위에 있는지를 먼저 알아낸 후에 해당 범위에 대해서만 순차 검색 수행

- 색인 순차 검색 (예) 검색 대상 자료 : {1, 2, 8, 9, 11, 19, 29}
 - 키값이 6인 원소를 검색하려면 먼저 인덱스 테이블의 키값을 검색.
 - 키값 6은 indexTable[0].key ≤ 6 < indexTable[1].key로 인덱스 테이블의 키값 1과 9 사이에 있음.
 - 따라서 검색 범위는 indexTable[0].index ≤ 검색 범위 < indexTable[1].index가 되므로 자료가 저장되어 있는 배열의 인덱스 0번부터 2번까지를 검색 범위로 정하고 순차 검색을 수행

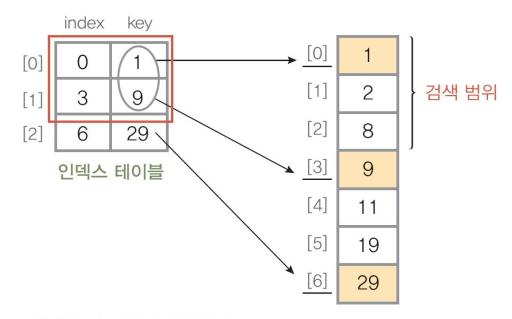


그림 10-3 색인 순차 검색의 예

■ 색인 순차 검색 알고리즘

알고리즘 10-3 정렬된 자료의 색인 순차 검색 indexSearch(a[], n, key) for (i ← 0; i < m; i ← i + 1) do if ((indexTable[i].key <= key) and (indexTable[i + 1].key > key)) then { begin ← indexTable[i].index; end ← indexTable[i + 1].index; break; } sequentialSearch2(a[], begin, end, key); end indexSearch()

• 색인 순차 검색을 위해 인덱스 테이블 알고리즘

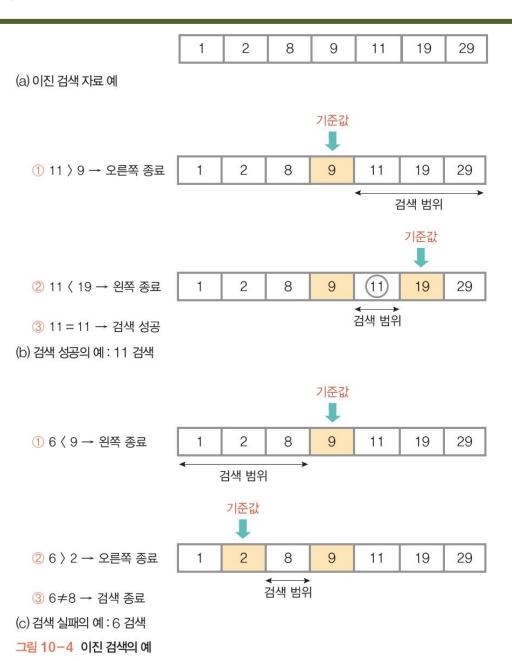
- [예제 10-3] 자료 색인 순차 검색하기 : 교재 586p
- 실행 결과

```
- 《 검색 대상 자료》
1 2 8 9 11 19 29
《 순차 검색》
9를 검색하라! -》 4번째에 검색 성공!
6를 검색하라! -》 3번째에 검색 실패!
《 색인 순차 검색》
9를 검색하라! -》 1번째에 검색 성공!
6를 검색하라! -》 3번째에 검색 성공!
6를 검색하라! -》 3번째에 검색 실패!
```

- 색인 순차 검색의 성능
 - 인덱스 테이블의 크기에 따라 결정
 - 인덱스 테이블의 크기가 줄어들면 배열의 인덱스를 저장하는 간격이 커지므로 배열에서 검색 해야 하는 범위도 커짐
 - 인덱스 테이블의 크기를 늘리면 배열의 인덱스를 저장하는 간격이 작아지므로 배열에서 검색 해야 하는 범위는 작아지겠지만 인덱스 테이블을 검색하는 시간이 늘어나게 됨
 - 색인 순차 검색의 시간 복잡도 : O(m + n/m)
 - 배열의 크기 : n, 인덱스 테이블의 크기 : m

❖ 이진 검색binary search, 이분 검색, 보간 검색interpolation search

- 자료의 가운데에 있는 항목을 키 값과 비교하여 다음 검색 위치를 결정하여 검색을 계속하는 방법
 - 찾는 키 값 > 원소의 키 값 : 오른쪽 부분에 대해서 검색 실행
 - 찾는 키 값 < 원소의 키 값 : 왼쪽 부분에 대해서 검색 실행
- 키를 찾을 때까지 이진 검색을 순환적으로 반복 수행함으로써 검색 범위를 반으로 줄여가면서 더 빠르게 검색
- 정복 기법을 이용한 검색 방법
 - 검색 범위를 반으로 분할하는 작업과 검색 작업을 반복 수행
- 정렬되어있는 자료에 대해서 수행하는 검색 방법



• 이진 검색 알고리즘

```
알고리즘 10-5 이진 검색

binarySearch(a[], begin, end, key)

middle ←(begin + end) / 2;

if (key = a[middle]) then return 1;

else if (key < a[middle]) then binarySearch(a[], begin, middle - 1, key);

else if (key > a[middle]) then binarySearch(a[], middle + 1, end, key);

else return -1;

end binarySearch()
```

- n개의 자료에 대한 이진 검색의 메모리 사용량은 n이 됨.
- 이진 검색에서 검색 범위를 1/2로 분할하면서 비교하는 연산에 대한 시간 복잡도는 O(log₂n)

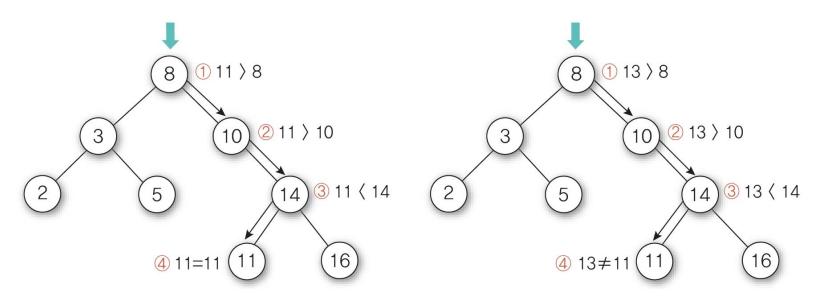
- [예제 10-4] 정렬된 자료를 이진 검색하기 : 교재 591p
- 실행 결과

. . . 〈〈 검색 대상 자료 〉〉 1 2 8 9 11 19 29 검색할 키를 검색하세요: 9 9를 검색하라! ->> 1번째에 검색 성공! 검색을 계속하려면 y를 누르세요〉〉 y 검색할 키를 입력하세요: 29 29를 검색하라! ->> 3번째에 검색 성공! 검색을 계속하려면 y를 누르세요〉〉 y 검색할 키를 입력하세요: 7 7를 검색하라! ->> 3번째에 검색 실패! 검색을 계속하려면 y를 누르세요》> n 계속하려면 아무 키나 누르십시오...

4. 이진 트리 검색

❖ 이진 트리 검색binary tree search

- 7장에서 설명한 이진 탐색 트리를 사용한 검색 방법
- 원소의 삽입이나 삭제 연산에 대해서 항상 이진 탐색 트리를 재구성하는 작업 필요



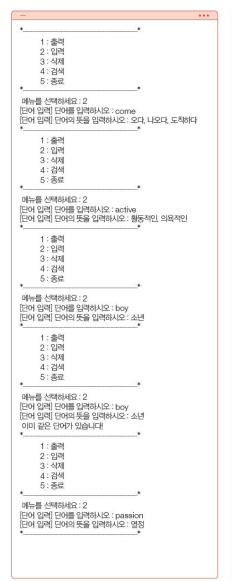
(a) 검색 성공의 경우

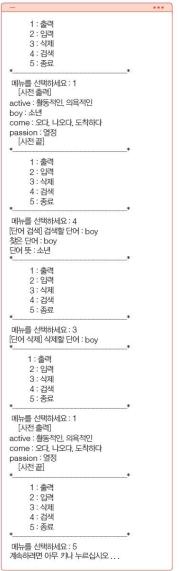
그림 10-5 이진 트리 검색의 예:11 검색과 13 검색

(b) 검색 실패의 경우

4. 이진 트리 검색

- [예제 10-5] 이진 검색을 이용해 영어 사전 구현하기 : 교재 593.p
- 실행 결과





❖ 해싱hashing

- 산술적인 연산을 이용하여 키가 있는 위치를 계산하여 바로 찾아가는 계산 검색 방식
- 검색 방법
 - 키 값에 대해서 해시 함수를 계산하여 주소를 구하고,
 - 구한 주소에 해당하는 해시 테이블로 바로 이동
 - 해당 주소에 찾는 항목이 있으면 검색 성공, 없으면 검색 실패
- 해시 함수hashing function
 - 키 값을 원소의 위치로 변환하는 함수
- 해시 테이블hash table
 - 해시 함수에 의해 계산된 주소의 위치에 항목을 저장한 표

■ 해싱 검색 수행 방법

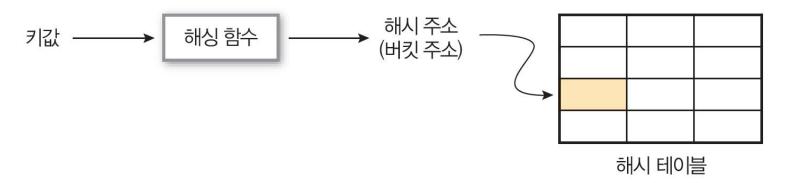
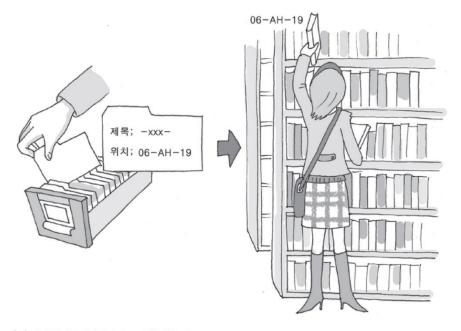


그림 10-6 해싱 검색의 수행 방법

- 해싱의 예
 - 도서관에서의 도서 검색



(a) 위치 번호를 보고 책 찾기

그림 10-7 해싱의 예



(b) 도서 검색 시스템으로 책 찾기

- 해싱의 예
 - 강의실 좌석 배정

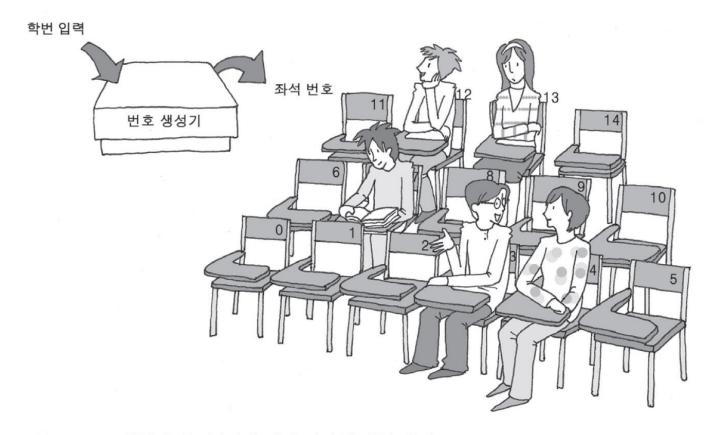


그림 10-8 해싱의 예: 학번에 따라 강의실 좌석 배정

❖ 해싱 관련 용어

- 동거자 synonym
 - 서로 다른 키 값을 가지지만 해싱 함수에 의해 같은 버킷에 저장된 키 값들
- 충돌collision
 - 서로 다른 키 값에 대해서 해싱 함수에 의해 주어진 버킷 주소를 같은 경우
 - 충돌이 발생한 경우에 비어있는 슬롯에 동거자 관계로 키 값 저장
 - 오버플로 : 버킷에 비어있는 슬롯이 없는 포화 버킷 상태에서 충돌이 발생하여 해당 버킷에 키 값을 저장할 수 없는 상태

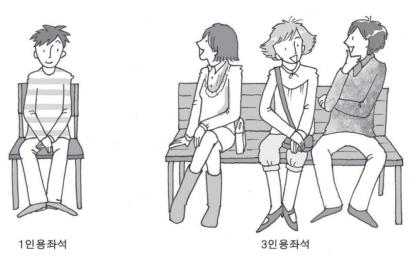




그림 10-9 동거자의 예: 같은 좌석에 앉은 짝꿍

그림 10-10 오버플로의 예

- 키 값 밀도와 적재 밀도

- 키 값 밀도
 - 사용 가능한 전체 키 값들 중에서 현재 해시 테이블에 저장되어서 실제 사용되고 있는 키 값의 개수 정도
 - 키값 밀도 = 실제 사용 중인 키값의 개수 / 사용 가능한 키값의 개수

• 적재 밀도

- 해시 테이블에 저장 가능한 키 값의 개수 중에서 현재 해시 테이블에 저장되어서 실제 사용되고 있는 키 값의 개수 정도
- 적재 밀도 = 실제 사용 중인 키값의 개수 / 해시 테이블에 저장 가능한 전체 키값의 개수 = 실제 사용 중인 키값의 개수 / (버킷 개수 × 슬롯 개수)

❖ 해시 함수

- 해시 함수의 조건
 - 해시 함수는 계산이 쉬워야 함
 - 비교 검색 방법을 사용하여 키 값의 비교연산을 수행하는 시간보다 해싱 함수를 사용하여 계산하는 시간이 빨라야 해싱 검색을 사용하는 의미가 됨
 - 해시 함수는 충돌이 적어야 함
 - 충돌이 많이 발생한다는 것은 같은 버킷을 할당 받는 키 값이 많다는 것이므로 비어있는 버킷이 많은데도 어떤 버킷은 오버플로가 발생할 수 있는 상태가 되므로
 좋은 해시 함수가 될 수 없음
 - 해시 테이블에 고르게 분포할 수 있도록 주소를 만들어야 함

- 중간 제곱 함수
 - 키 값을 제곱한 결과 값에서 중간에 있는 적당한 비트를 주소로 사용
 - 제곱한 값의 중간 비트들은 대개 키의 모든 값과 관련이 있기 때문에 서로 다른 키 값은 서로 다른 중간 제곱 함수 값을 갖게 됨
 - (예) 키 값 00110101 10100111에 대한 해시 주소 구하기

00110101 10100111 X 00110101 10100111

000010110011**11101001**0010111110001

해시 주소

- 제산Division 함수
 - 함수는 나머지 연산자 mod(C에서의 %연산자)를 사용하는 방법
 - 키 값 k를 해시 테이블의 크기 M으로 나눈 나머지를 해시 주소로 사용
 - M으로 나눈 나머지 값은 0~(M-1)이 되므로 해시 테이블의 인덱스로 사용
 - 해시 주소는 충돌 발생 없이 고르게 분포하도록 생성되어야 하므로 키 값을 나누는 해시 테이블의 크기 M은 적당한 크기의 소수prime number 사용

 $h(k) = k \mod M$

- 승산 함수
 - 곱하기 연산을 사용하는 방법
 - 키 값 k와 정해진 실수 α를 곱한 결과에서 소수점 이하 부분만을 테이블의 크기 M과 곱하여 그 정수 값을 주소로 사용

- 접지 함수
 - 키의 비트 수가 해시 테이블 인덱스의 비트 수보다 큰 경우에 주로 사용
 - 이동 접지 함수
 - 각 분할 부분을 이동시켜서 오른쪽 끝자리가 일치하도록 맞추고 더하는 방법
 - (예) 해시 테이블 인덱스가 3자리이고 키 값 k가 12312312312인 경우

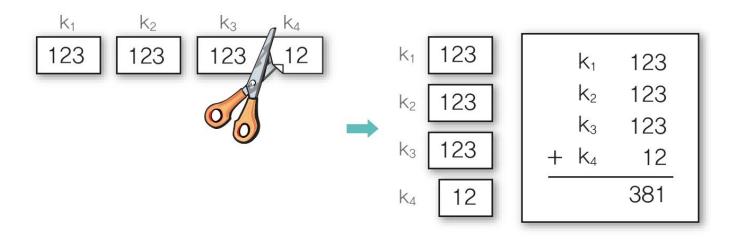


그림 10-11 이동 접지 함수의 사용 예

- 경계 접지 함수
 - 분할된 각 경계를 기준으로 접으면서 서로 마주보도록 배치하고 더하는 방법
 - (예) 해시 테이블 인덱스가 3자리이고 키 값 k가 12312312312인 경우

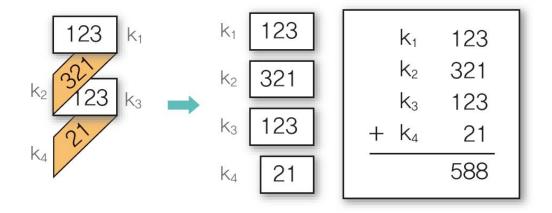


그림 10-12 경계 접지 함수의 사용 예

- 숫자 분석 함수
 - 키 값을 이루고 있는 각 자릿수의 분포를 분석하여 해시 주소로 사용
 - 각 키 값을 적절히 선택한 진수로 변환한 후에 각 자릿수의 분포를 분석하여 가장 편중된 분산을 가진 자릿수는 생략하고, 가장 고르게 분포된 자릿수부터 해시 테이블 주소의 자릿수만큼 차례로 뽑아서 만든 수를 역순으로 바꾸어서 주소로 사용
 - (예) 키 값이 학번이고 해시 테이블 주소의 자릿수가 3자리인 경우

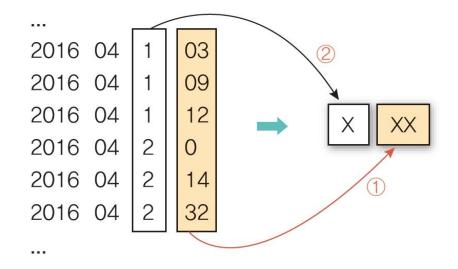


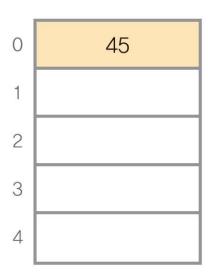
그림 10-13 숫자 분석 함수의 사용 방법

- 진법 변환 함수
 - 키 값이 10진수가 아닌 다른 진수일 때, 10진수로 변환하고 해시 테이블 주소로 필요한 자릿수만큼만 하위자리의 수를 사용하는 방법
- 비트 추출 함수
 - 해시 테이블의 크기가 2^k일 때 키 값을 이진 비트로 놓고 임의의 위치에 있는 비트들을 추출하여 주소로 사용하는 방법
 - 이 방법에서는 충돌이 발생할 가능성이 많으므로 테이블의 일부에 주소가 편중되지 않도록 키 값들의 비트들을 미리 분석하여 사용해야 함

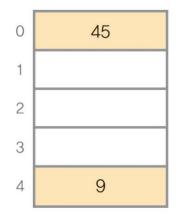
❖ 해싱에서 오버플로를 처리 방법

- 선형 개방 주소법(선형 조사법linear probing)
 - 해싱 함수로 구한 버킷에 빈 슬롯이 없어서 오버플로가 발생하면,
 그 다음 버킷에 빈 슬롯이 있는지 조사
 - 빈 슬롯이 있으면 키 값을 저장
 - 빈 슬롯이 없으면 다시 그 다음 버킷을 조사
 - 이런 과정을 되풀이 하면서 해시 테이블 내에 비어있는 슬롯을 순차적으로 찾아서
 사용하여 오버플로 문제를 처리하는 방법

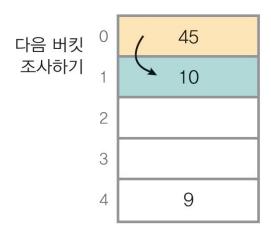
- 선형 개방 주소법을 이용한 오버플로 처리 예
 - 해시 테이블의 크기:5
 - 해시 함수 : 제산함수 사용. 해시 함수 h(k) = k mod 5
 - 저장할 키 값 : {45, 9, 10, 96, 25}
 - ① h(45) = 45 mod 5 = 0 → 해시 테이블 0번에 키값 45 저장



② h(9) = 9 mod 5 = 4 → 해시 테이블 4번에 키값 9 저장

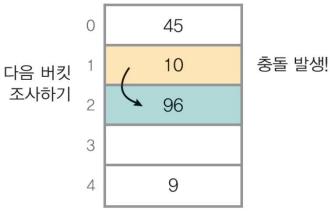


③ h(10) = 10 mod 5 = 0 → 충돌 발생! → 다음 버킷 중에서 비어 있는 버킷 1에 키값 10을 저장

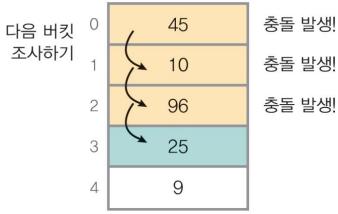


충돌 발생!

④ h(96) = 96 mod 5 = 1 → 충돌 발생! → 다음 버킷 중에서 비어 있는 버킷 2에 키값 96을 저장



⑤ h(25) = 25 mod 5 = 0 → 충돌 발생! → 다음 버킷 중에서 비어 있는 버킷 3 에 키값 25를 저장

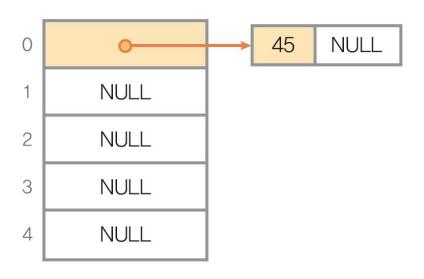


충돌 발생! 충돌 발생!

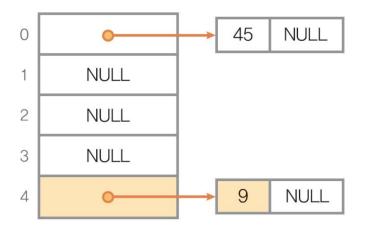
■ 체이닝

- 해시 테이블의 구조를 변경하여 각 버킷에 하나 이상의 키 값을 저장할 수 있도록 하는 방법
- 버킷에 슬롯을 동적으로 삽입하고 삭제하기 위해서 연결 리스트 사용
 - 각 버킷에 대한 헤드 노드를 1차원 배열로 만들고 각 버킷에 대한 헤드노드는 슬롯
 들을 연결 리스트로 가지고 있어서 슬롯의 삽입이나 삭제 연산을 쉽게 수행 가능
 - 버킷 내에서 원하는 슬롯을 검색하기 위해서는 버킷의 연결 리스트를 선형 검색

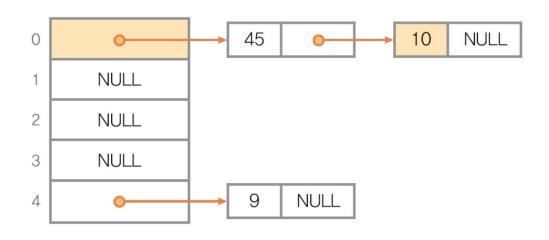
- 체이닝을 이용한 오버플로 처리 예
 - 해시 테이블의 크기:5
 - 해시 함수 : 제산함수 사용. 해시 함수 h(k) = k mod 5
 - 저장할 키 값 : {45, 9, 10, 96, 25}
 - ① h(45) = 45 mod 5 = 0 → 해시 테이블 0번에 노드를 삽입, 키값 45를 저장



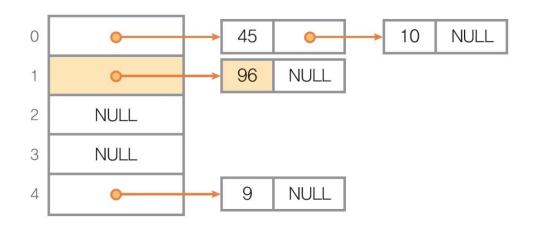
② h(9) = 9 mod 5 = 4 → 해시 테이블 4번에 노드를 삽입, 키값 9를 저장



③ h(10) = 10 mod 5 = 0 → 해시 테이블 0번에 노드를 삽입, 키값 10을 저장



④ h(96) = 96 mod 5 = 1 → 해시 테이블 1번에 노드를 삽입, 키값 96을 저장



⑤ h(25) = 25 mod 5 = 0 → 해시 테이블 0번에 노드를 삽입, 키값 25를 저장

