데이터 구조

스택

중간 고사 공지

❖ 다음 주 2시간 강의날 시험

- 시험 시간
 - 수 2~3/목 6: 10월 25일 10시 ~ (지각 시 감점)
 - 수 6/목 7~8: 10월 26일 15시 ~ (지각 시 감점)
- ■시험 장소
 - 수업 강의실 (504호) PC 사용 하지 X
 - 자리는 앞자리부터 채우세요.
- ■시험 범위
 - 처음 ~ Stack(오늘 배울 내용까지)
- 시험 내용 (12문제)
 - 설명하기(문제에 답하기)
 - 객관식(무응답>오답)
 - 빈칸 채워넣기(단어/프로그래밍)
 - 코드 수정하기(프로그래밍)

Contents

❖ 학습목표

- 스택 자료구조에 대해 이해한다.
- 스택의 특징과 연산 방법을 알아본다.
- 순차 자료구조와 연결 자료구조를 이용해 스택을 구현해 본다.
- 스택을 응용하는 방법을 알아본다.

❖ 내용

- 01 스택의 이해
- 02 스택의 구현
- 03 스택의 응용

❖ 스택(stack)

■ 접시를 쌓듯이 자료를 차곡차곡 쌓아 올린 형태의 자료구조





그림 5-1 스택의 개념 예

❖ 스택(stack)

- 스택에 저장된 원소는 top으로 정한 곳에서만 접근 가능
 - top의 위치에서만 원소를 삽입하므로, 먼저 삽입한 원소는 밑에 쌓이고, 나중에 삽입한 원소는 위에 쌓이는 구조
 - 마지막에 삽입(Last-In)한 원소는 맨 위에 쌓여 있다가 가장 먼저 삭제(First-Out)됨 🖙 후입선출 구조 (LIFO, Last-In-First-Out)

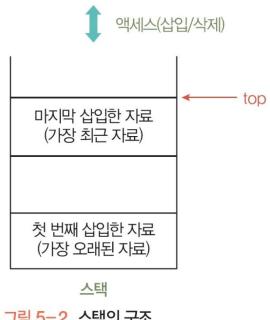


그림 5-2 스택의 구조

- 후입선출 구조의 예1 : 연탄 아궁이
 - 연탄을 하나씩 쌓으면서 아궁이에 넣으므로 마지막에 넣은 3번 연탄이 가장 위에 쌓여 있다.
 - 연탄을 아궁이에서 꺼낼 때에는 위에서부터 하나씩 꺼내야 하므로 마지막에 넣은 3번 연탄을 가장 먼저 꺼내게 된다.

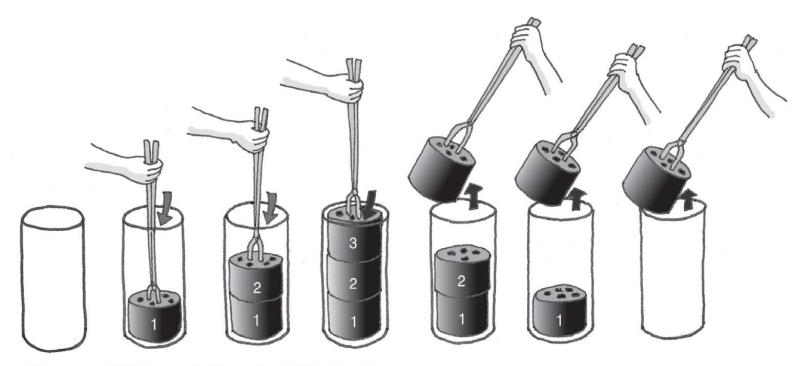


그림 5-3 스택의 LIFO 구조 예 : 연탄 아궁이

- 후입선출 구조의 예2 : 슈퍼맨의 옷 갈아입기
 - 수퍼맨이 옷을 벗는 순서
 - ①장화 → ②망토 → ③빨간팬츠 → ④파란옷
 - 슈퍼맨이 옷을 입는 순서
 - ④파란옷 → ③빨간팬츠 → ②망토 → ①장화

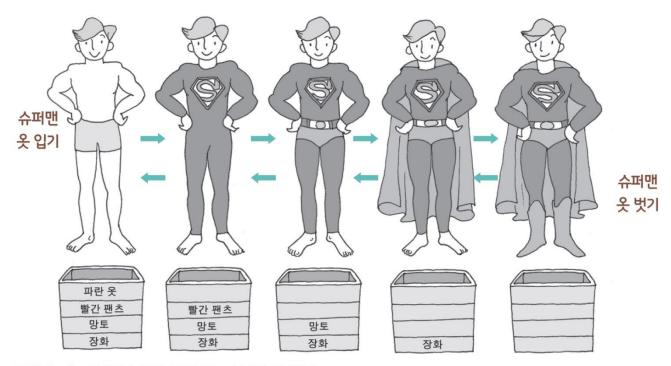


그림 5-4 스택의 LIFO 구조 예 : 슈퍼맨 옷 입기

❖ 스택의 연산

■ 스택에서의 삽입 연산 : push

■ 스택에서의 삭제 연산 : pop

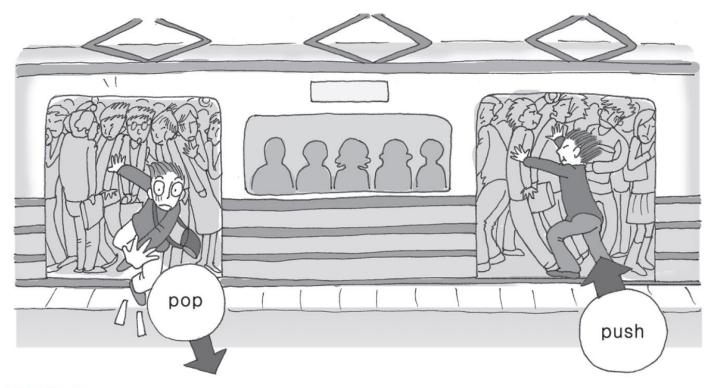


그림 5-5 만원 지하철에서의 pop과 push

- 스택에서의 원소 삽입/삭제 과정
 - [그림 5-6]공백 스택에 원소 A, B, C를 순서대로 삽입하고 한번 삭제하는 연산과정 동안의 스택 변화

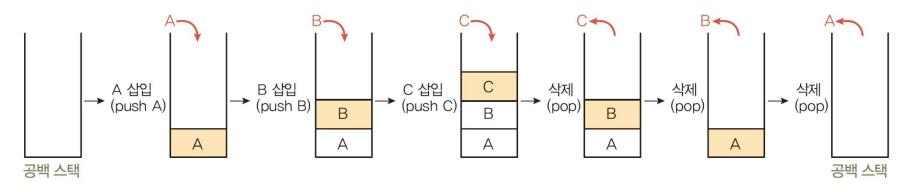


그림 5-6 스택의 데이터 삽입(push)과 삭제(pop) 과정

1. 스택의 이해 : 스택의 추상 자료형

ADT 5-1 스택의 추상 자료형

```
ADT Stack
데이터 : 0개 이상의 원소를 가진 유한 순서 리스트
연산 :
  S \in Stack; item \in Element;
  // 공백 스택 S를 생성하는 연산
  createStack(S) ::= create an empty Stack S;
  // 스택 S가 공백인지 확인하는 연산
  isStackEmpty(S) ::= if (S is empty) then return true
                else return false;
  // 스택 S의 top에 item(원소)을 삽입하는 연산
  push(S, item) ::= insert item onto the top of Stack S;
  // 스택 S의 top에 있는 item(원소)을 삭제하는 연산
  pop(S) ::= if (isStackEmpty(S)) then return error
            else delete and return the top item of Stack S;
  // 스택 S의 top에 있는 item(원소)을 반환하는 연산
  peek(S) ::= if (isStackEmpty(S)) then return error
             else return the top item of the Stack S;
End Stack
```

1. 스택의 이해 : 스택의 추상 자료형

❖ 스택의 push() 알고리즘

- 1 top \leftarrow top+1;
 - 스택 S에서 top이 마지막 자료를 가리키고 있으므로 그 위에 자료를 삽입 하려면 먼저 top의 위치를 하나 증가
 - 만약 이때 top의 위치가 스택의 크기(stack_SIZE)보다 크다면 오버플로우 (overflow)상태가 되므로 삽입 연산을 수행하지 못하고 연산 종료
- \bigcirc S(top) \leftarrow x;
 - 오버플로우 상태가 아니라면 스택의 top이 가리키는 위치에 x 삽입

알고리즘 5-1 스택의 원소 삽입

```
push(S, x)
① top ← top + 1;
    if (top > stack_SIZE) then overflow;
    else
        ② S(top) ← x;
end push()
```

1. 스택의 이해 : 스택의 추상 자료형

❖ 스택의 pop() 알고리즘

- 1 return S(top);
 - 공백 스택이 아니면 top에 있는 원소를 삭제하고 반환
- 2 top ← top-1;
 - 스택의 마지막 원소가 삭제되면 그 아래 원소, 즉 스택에 남아 있는 원소 중에서 가장 위에 있는 원소가 top이 되어야 하므로 top 위치를 하나 감소

알고리즘 5-2 스택의 원소 삭제 pop(S) if (isStackEmpty(S)) then underflow; else { ① return S(top); ② top ← top - 1; } end pop()

❖ 순차 자료구조를 이용한 스택의 구현

- 순차 자료구조인 1차원 배열을 이용하여 구현
 - 스택의 크기 : 배열의 크기
 - 스택에 저장된 원소의 순서 : 배열 원소의 인덱스
 - 인덱스 0번 : 스택의 첫번째 원소
 - 인덱스 n-1번 : 스택의 n번째 원소
 - 변수 top : 스택에 저장된 마지막 원소에 대한 인덱스 저장
 - 공백 상태 : top = -1 (초기값)
 - 포화 상태 : top = n-1

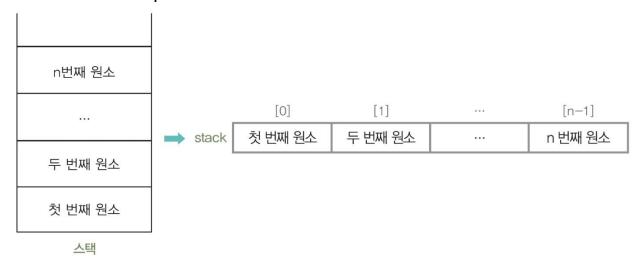
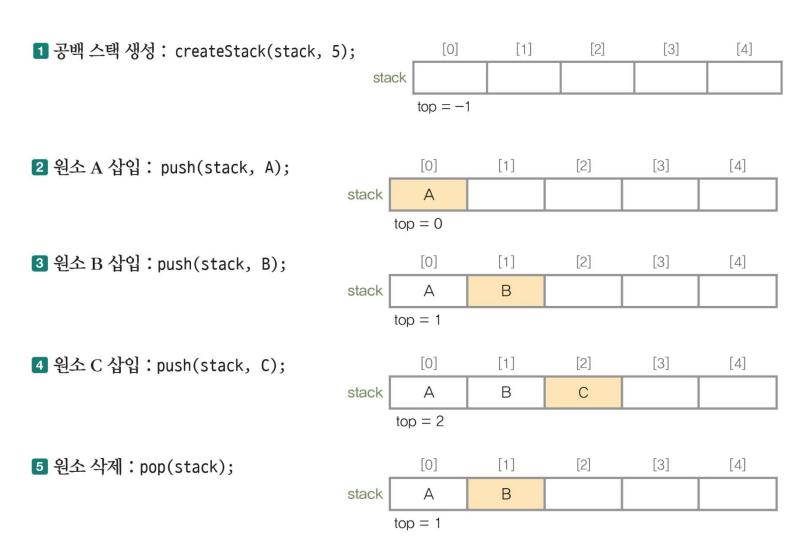


그림 5-7 1차원 배열을 이용한 순차 스택

■ 크기가 5인 스택을 생성하여 원소 A, B, C를 순서대로 삽입한 후에 원소 하나를 삭제하는 과정



- [예제 5-1] 순차 자료구조를 이용해 순차 스택 구현하기 : 교재 247p
- 실행 결과

```
** 순차 스택 연산 **
STACK []
STACK[1]
STACK[12]
STACK [123]
STACK[123] peek => 3
STACK[12] pop \Rightarrow 3
STACK[1] pop \Rightarrow 2
STACK[] pop \Rightarrow 1
```

- 순차 자료구조로 구현한 스택의 장점
 - 순차 자료구조인 1차원 배열을 사용하여 쉽게 구현
- 순차 자료구조로 구현한 스택의 단점
 - 물리적으로 크기가 고정된 배열을 사용하므로 스택의 크기 변경 어려움
 - 순차 자료구조의 단점을 가짐

❖ 연결 자료구조를 이용한 스택의 구현

- 단순 연결 리스트를 이용하여 구현
 - 스택의 원소 : 단순 연결 리스트의 노드
 - 스택 원소의 순서 : 노드의 링크 포인터로 연결
 - push : 리스트의 마지막에 노드 삽입
 - pop : 리스트의 마지막 노드 삭제
 - 변수 top : 단순 연결 리스트의 마지막 노드를 가리키는 포인터 변수
 - 초기 상태 : top = null

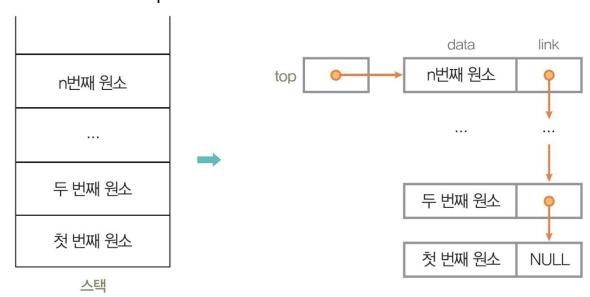
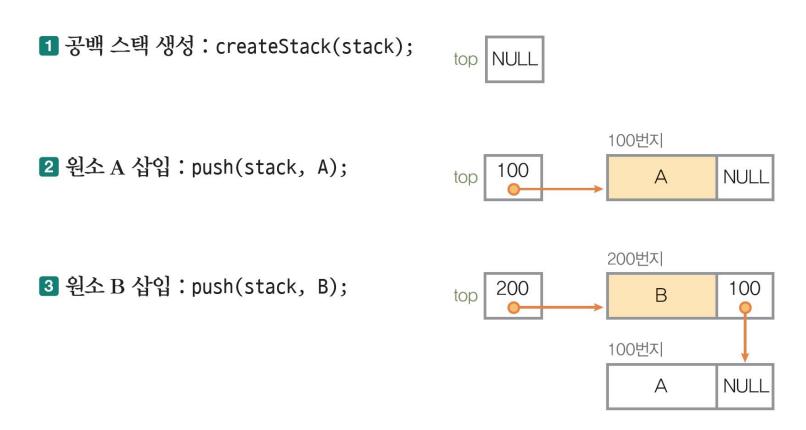
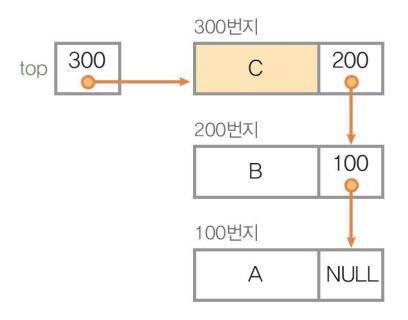


그림 5-8 단순 연결 리스트를 이용한 연결 스택

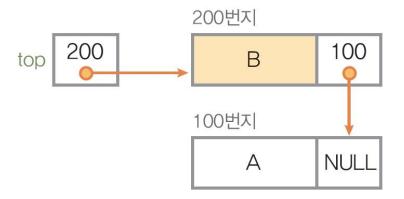
■ 원소 A, B, C를 순서대로 삽입하면서 스택을 생성한 후에 원소 하나를 삭제하는 과정



4 원소 C 삽입: push(stack, C);



5 원소 삭제: pop(stack);



- [예제 5-2] 연결 자료구조를 이용해 연결 스택 구현하기 : 교재 251p
- 실행 결과

```
-

** 연결 스택 연산 **

STACK[]

STACK[1]

STACK[21]

STACK[321]

STACK[321]

peek => 3

STACK[21]

pop => 3

STACK[1]

STACK[1]

pop => 2

STACK[1]

pop => 1
```

[stackL.c]

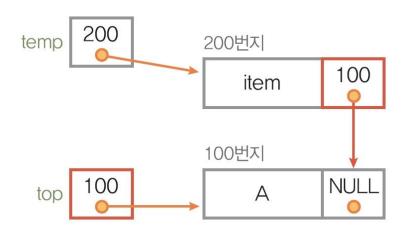
■ 11~17행 : 연결 스택에서 삽입 연산을 수행하는 과정

• 12행 : 원소 item을 저장할 노드에 대한 메모리 할당, 포인터 temp 설정

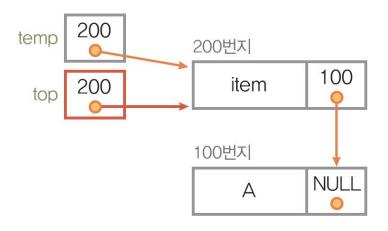
• 14행 : 삽입할 노드의 데이터 필드에 원소 item을 저장



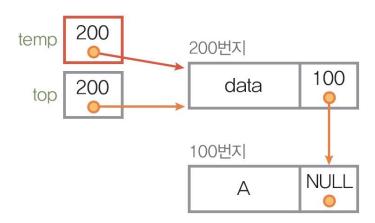
 15행: 삽입할 노드의 링크 필드에 포인터 top의 값 저장하면, 새로 삽입한 노드가 현재 스택의 마지막 노드(현재 top이 가리키는 노드)로 연결



• 16행 : 포인터 temp의 값(삽입 노드의 주소)을 포인터 top에 설정, 새로 삽입한 노드가 스택의 top 노드가 되도록 조정

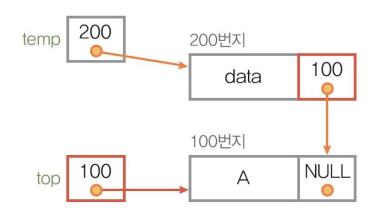


- 20~34행 : 연결 스택에서 삭제하는 연산을 수행하는 과정
 - 22행 : 포인터 temp를 top 노드에 설정하여 삭제할 노드를 가리킴



• 29행 : 스택의 마지막 노드의 데이터 필드값을 변수 item에 저장

• 30행 : 포인터 top의 위치를 현재 마지막 노드의 아래 노드로 이동

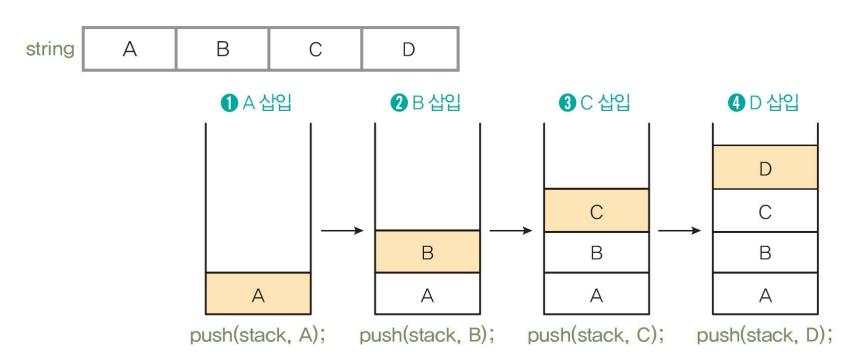


- 31행 : 포인터 temp가 가리키는 노드를 메모리 해제
- 32행 : 변수 item의 값, 즉 스택의 top이었던 노드의 데이터를 반환
- 51~54행 : 연결 스택에 노드가 있는 동안, top 노드부터 링크 필드를 따라 아래 노드로 이동하면서 데이터 필드값을 출력. top 노드부터 출력하므로 출력 화면에서 왼쪽이 스택의 마지막 원소인 top이 됨

3. 스택의 응용: 스택을 이용한 역순 문자열

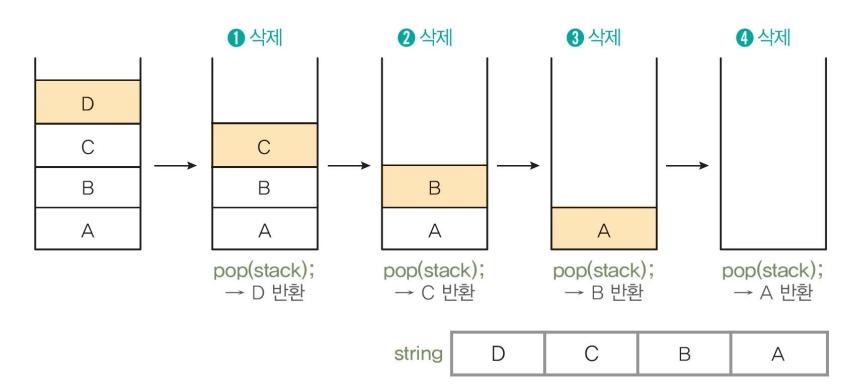
❖ 역순 문자열 만들기

- 스택의 후입선출(LIFO) 성질을 이용
 - ① 문자열을 순서대로 스택에 삽입



3. 스택의 응용: 스택을 이용한 역순 문자열

② 스택에서 삭제하여 문자열을 만들기



❖ 시스템 스택

- 프로그램에서의 호출과 복귀에 따른 수행 순서를 관리
 - 가장 마지막에 호출된 함수가 가장 먼저 실행을 완료하고 복귀하는 후입선출 구조이므로, 후입선출 구조의 스택을 이용하여 수행순서 관리
 - 함수 호출이 발생하면 호출한 함수 수행에 필요한 지역변수, 매개변수 및 수행 후 복귀할 주소 등의 정보를 스택 프레임(stack frame)에 저장하여 시 스템 스택에 삽입
 - 함수의 실행이 끝나면 시스템 스택의 top 원소(스택 프레임)를 삭제(pop)하면서 프레임에 저장되어있던 복귀주소를 확인하고 복귀
 - 함수 호출과 복귀에 따라 이 과정을 반복하여 전체 프로그램 수행이 종료되면 시스템 스택은 공백스택이 됨

• 함수 호출과 복귀에 따른 전체 프로그램의 수행 순서

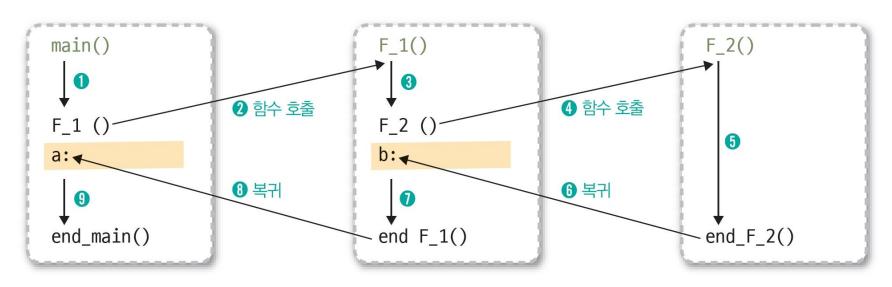
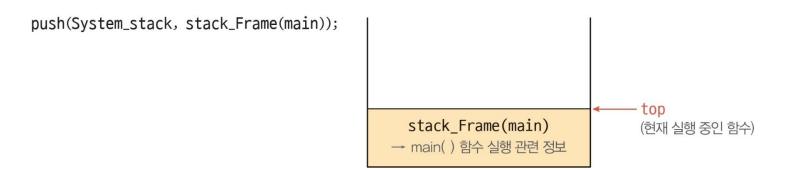


그림 5-9 함수 호출과 복귀에 따른 전체 프로그램 수행 순서

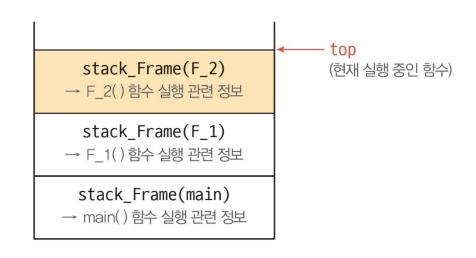
1 main()함수 실행 시작: 시작하면 main()함수가 호출되어 실행, main()함수 시작과 관련된 정보를 스택 프레임에 저장, 시스템 스택에 삽입



❷ F_1() 함수 호출: main() 함수 실행 중 F_1() 함수 호출을 만나면 함수 호출과 복귀에 필요한 정보를 스택 프레임에 저장, 시스템 스택에 삽입, 호출된 함수인 F_1() 함수로 이동. 이때 스택 프레임에는 호출된 함수의 수행이 끝나고 main() 함수로 복귀할 주소 a를 저장

- ❸ 호출된 함수 F_1() 함수 실행
- ❹ F_2() 함수 호출: F_1() 함수 실행 중에 F_2() 함수 호출을 만나면 다시 함수 호출과 복귀에 필요한 정보를 스택 프레임에 저장하여 시스템 스 택에 삽입하고, 호출된 함수인 F_2() 함수를 실행. 스택 프레임에는 F_1() 함수로 복귀할 주소 b를 저장

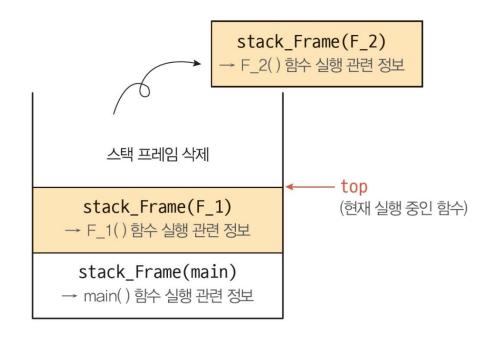
push(System_stack, stack_Frame(F_2));



⑤ 호출된 함수 F_2() 함수 실행

⑥ F_2() 함수 실행 종료, F_1() 함수로 복귀: F_2() 함수 실행이 끝나면 F_2() 함수를 호출했던 이전 위치로 복귀하여 이전 함수 F_1()의 작업을 계속해야 함. 시스템 스택의 top에 있는 스택 프레임을 pop하여 정보를 확인하고 복귀 및 작업 전환 실행함

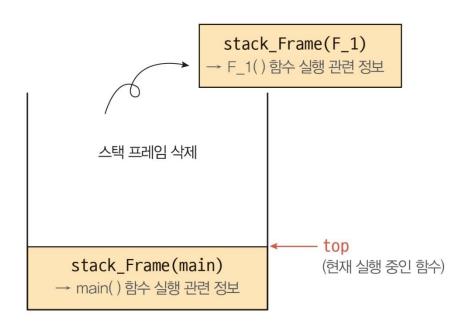
pop(System_stack);



♂ F_1() 함수로 복귀하여 F_1() 함수의 나머지 부분 실행

⑧ F_1() 함수 실행 종료, main() 함수로 복귀 : 스택의 top에 있는 스택 프레임을 pop하여 정보를 확인하고 복귀 및 작업 전환을 실행

pop(System_stack);



9 main() 함수 실행 완료(전체 프로그램 실행 완료): 정상적인 함수 호출 과 복귀가 모두 완료되었으므로 시스템 스택은 공백이 됨

pop(System_stack);

stack_Frame(main)
→ main() 함수 실행 관련 정보

스택 프레임 삭제

top=NULL

3. 스택의 응용: 스택을 이용한 수식의 괄호 검사

* 수식의 괄호 검사

- 수식에 포함되어있는 괄호는 가장 마지막에 열린 괄호를 가장 먼저 닫아 주어야 하는 후입선출 구조로 구성되어있으므로, 후입선출 구조의 스택을 이용하여 괄호를 검사한다.
- 수식을 왼쪽에서 오른쪽으로 하나씩 읽으면서 괄호 검사
 - ① 왼쪽 괄호를 만나면 스택에 **push**
 - ② 오른쪽 괄호를 만나면 스택을 **pop**하여 마지막에 저장한 괄호와 같은 종류 인지를 확인
 - 같은 종류의 괄호가 아닌 경우 괄호의 짝이 잘못 사용된 수식임.
- 수식에 대한 검사가 모두 끝났을 때 스택은 공백 스택이 됨
 - 수식이 끝났어도 스택이 공백이 되지 않으면 괄호의 개수가 틀린 수식임.

3. 스택의 응용 : 스택을 이용한 수식의 괄호 검사

알고리즘 5-3 수식의 괄호 쌍 검사

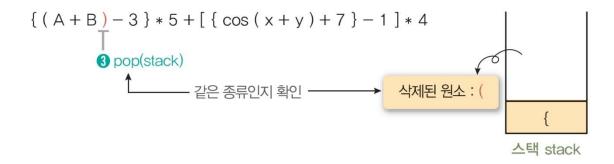
```
testPair()
   exp ← Expression;
   Stack ← null;
   while (true) do {
      symbol ← getSymbol(exp);
      case {
          symbol == "(" or "[" or "{" :
                    push(Stack, symbol);
          symbol == ")" :
                    open_pair ← pop(Stack);
                    if (open_pair ≠ "(") then return false;
          symbol == "]" :
                     open_pair ← pop(Stack);
                     if (open_pair ≠ "[") then return false;
          symbol == "}" :
                    open_pair ← pop(Stack);
                    if (open_pair ≠"{") then return false;
          symbol == null :
                    if (isStackEmpty(Stack)) then return true;
                    else return false;
         else:
end testPair()
```

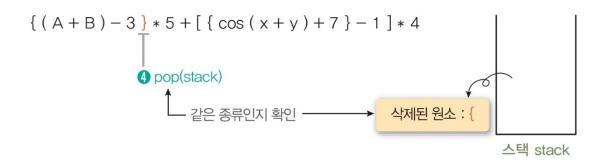
3. 스택의 응용: 스택을 이용한 수식의 괄호 검사

예

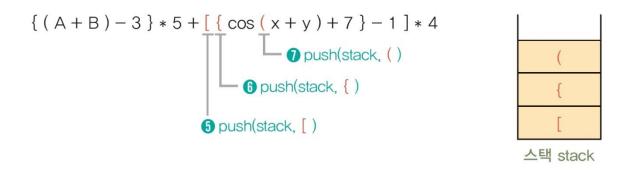
$${(A+B)-3}*5+[{\cos(x+y)+7}-1]*4$$

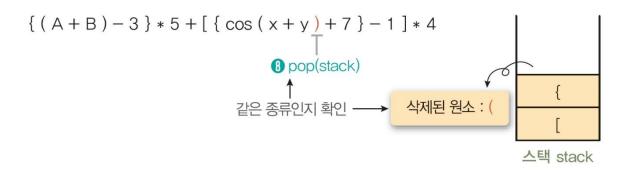
스택 stack

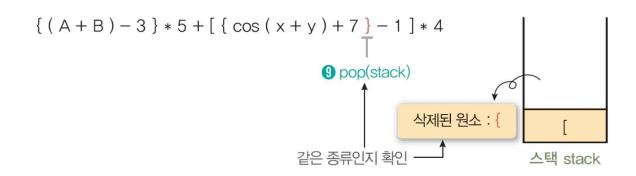




3. 스택의 응용 : 스택을 이용한 수식의 괄호 검사







3. 스택의 응용: 스택을 이용한 수식의 괄호 검사

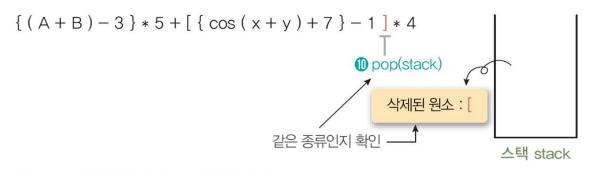
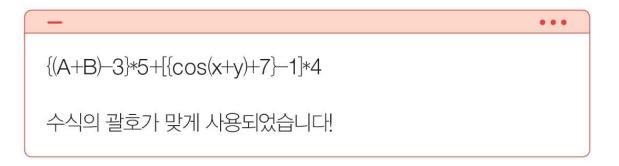


그림 5-10 수식 처리에 따른 스택 사용 과정

3. 스택의 응용: 스택을 이용한 수식의 괄호 검사

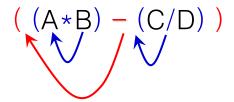
- [예제 5-3] 스택을 이용해 수식의 괄호쌍 검사하기 : 교재 261p
- 실행 결과



* 수식의 표기법

- 전위표기법(prefix notation)
 - 연산자를 피연산자를 앞에 표기하는 방법예) +AB
- 중위표기법(infix notation)
 - 연산자를 피연산자의 가운데 표기하는 방법예) A+B
- 후위표기법(postfix notation)
 - 연산자를 피연산자 뒤에 표기하는 방법예) AB+

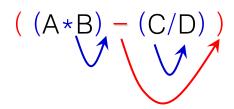
- 중위표기식의 전위표기식 변환 방법
 - ① 수식의 각 연산자에 대해 우선순위에 따라 괄호를 사용해 다시 표현한다.



• ② 각 연산자를 그에 대응하는 왼쪽 괄호의 앞으로 이동시킨다.

• 🕄 괄호를 제거한다.

- 중위표기식의 후위표기식 변환 방법
 - 1 수식의 각 연산자에 대해 우선순위에 따라 괄호를 사용해 다시 표현한다.



2 각 연산자를 그에 대응하는 오른쪽 괄호의 뒤로 이동시킨다.

❸ 괄호를 제거한다.

AB*CD/-

❖ 컴퓨터 내부에서 스택을 사용해 중위 표기법을 후위 표기법 으로 바꾸는 방법

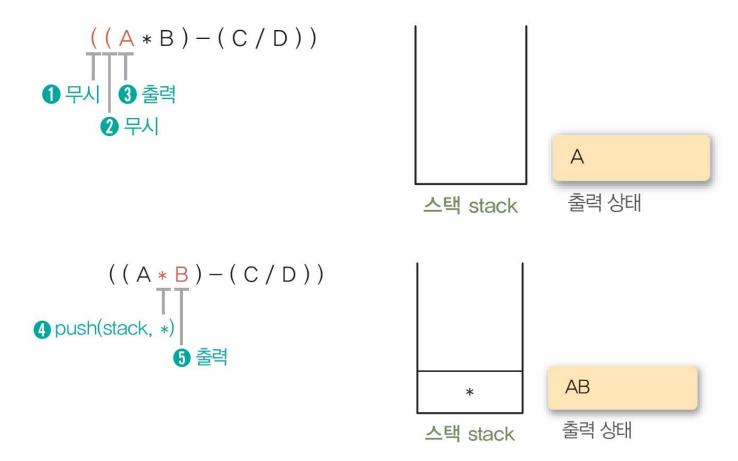
- ① 왼쪽 괄호를 만나면 무시하고 다음 문자를 읽는다.
- ② 피연산자를 만나면 출력한다.
- ③ 연산자를 만나면 스택에 삽입한다.
- ④ 오른쪽 괄호를 만나면 스택을 pop하여 출력한다.
- ⑤ 수식이 끝나면 스택이 공백이 될 때까지 pop하여 출력한다.

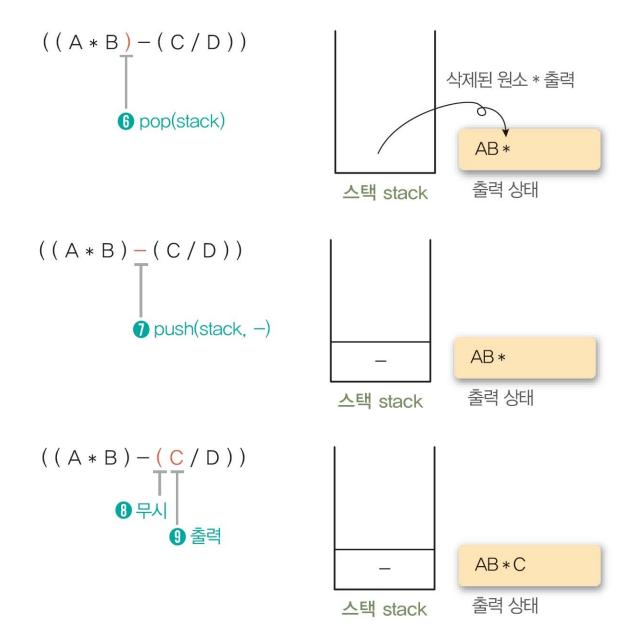
그림 5-13 컴퓨터 내부에서 중위 표기법을 후위 표기법으로 바꾸는 방법

알고리즘 5-4 후위 표기법으로 변환

```
infix_to_postfix(exp)
  while (true) do {
     case {
        symbol == operand : // 피연산자 처리: 출력
                 print(symbol);
        symbol == operator : // 연산자 처리: 스택에 push
                 push(stack, symbol);
        symbol == ")": // 오른쪽 괄호 처리: 스택을 pop하여 출력
                 print(pop(stack));
        symbol == null : // 수식의 끝 처리:
                 while (top > -1) do // 스택이 공백이 될 때까지 pop하여 출력
                    print(pop(stack));
        else:
  }
end infix to postfix()
```

■ 스택을 이용하여 수식 A*B-C/D를 후위 표기법으로 변환





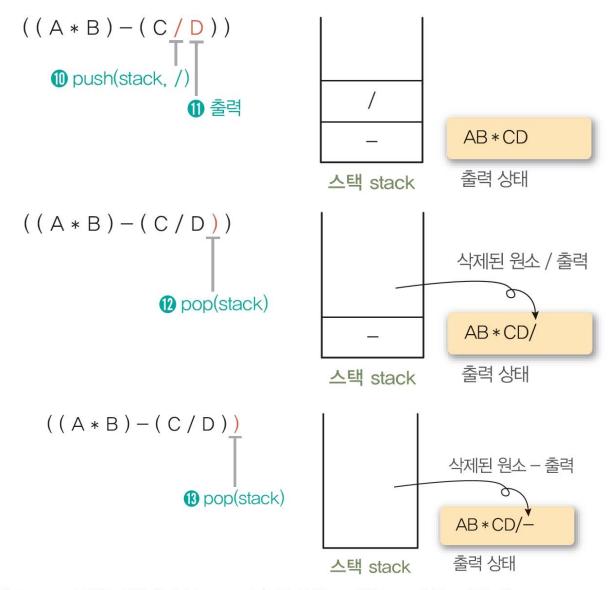


그림 5-14 스택을 사용해 수식 A*B-C/D를 후위 표기법으로 바꾸는 과정 예

❖ 스택을 이용한 후위 표기법 수식의 연산

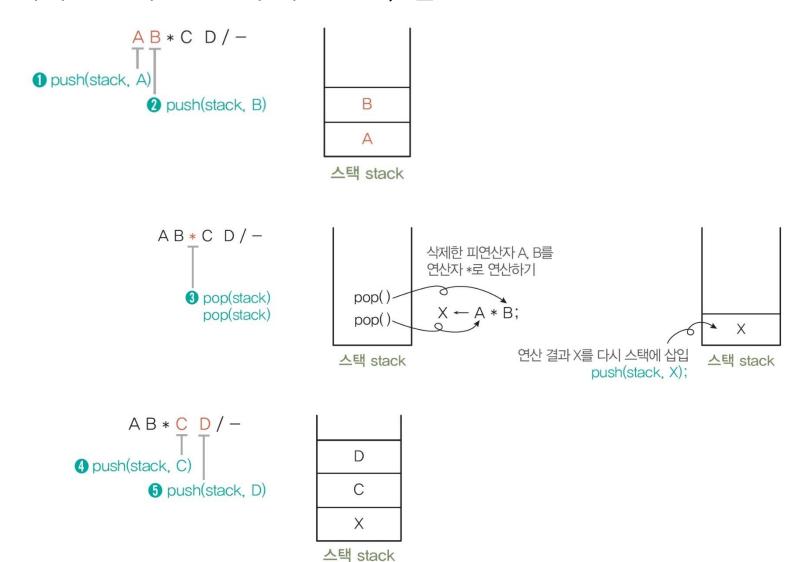
- 스택을 사용해 후위 표기법 수식을 계산하는 방법
 - ① 피연산자를 만나면 스택에 push한다.
 - ② 연산자를 만나면 필요한 만큼의 피연산자를 스택에서 pop하여 연산하고, 연산 결과를 다시 스택에 push한다.
 - ③ 수식이 끝나면 마지막으로 스택을 pop하여 출력한다.

그림 5-15 스택을 사용해 후위 표기법 수식을 계산하는 방법

알고리즘 5-5 후위 표기법으로 수식 연산

```
evalPostfix(exp)
   while (true) do {
      symbol \( \text{getSymbol(exp)}; \)
      case {
         symbol == operand : // 피연산자 처리
                   push(Stack, symbol);
         symbol == operator : // 연산자 처리
                   opr2 ← pop(Stack);
                   opr1 ← pop(Stack);
                   // 스택에서 꺼낸 피연산자들을 연산자로 연산
                   result ← opr1 op(symbol) opr2;
                   push(Stack, result);
         symbol == null : // 후위 수식의 끝
                   print(pop(Stack));
end evalPostfix()
```

■ 위의 알고리즘으로 수식 AB*CD/-를 연산



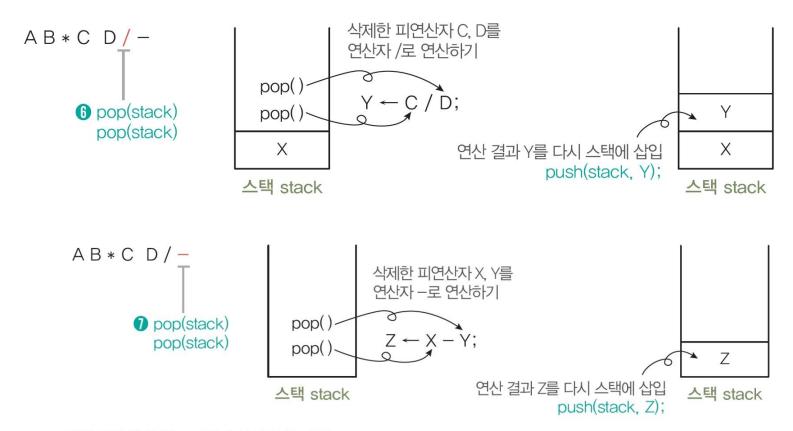


그림 5-16 스택을 사용한 후위 표기법 수식의 연산 과정

- [예제 5-4] 수식을 후위 표기법으로 연산하기 : 교재 268p
- 실행 결과

```
-
후위 표기식 : 35*62/−
연산 결과 => 12
```