

- 문제: $N, M, A[N]$ 이 주어질 때
A의 부분합이 M이 되는 것의 개수.

- 접근: 전형적인 '두 포인터' 문제. (M과 A의 모든 원소가 자연수!!)

- ① 만약 현재 부분합이 M 이상이거나, 이미 $e == N$ 이면
 $sum -= A[s++]$;
- ② 그렇지 않다면
 $sum += A[e++]$;
- ③ ($sum == M$) 이라면
 $ans++$;
 $sum -= A[s++]$;

* $[s, e)$ 의 부분합은 인덱스 선형으로 '증가'만 하므로

↳ $s == e$ 이면 길이 0. ($e++$ 될 때 길이가 1이되며 e 가 원래 있던 자리 더해줌)
sum에 적절히 +, - 하며 반복하면 간단.

* sum에 $-= A[s++]$; 해주면

↳ 원래 있던 자리값 빼주고 ++되니까 $[s, e)$ 만족.

sum에 $+= A[e++]$; 해주면

↳ 원래 자기 더해주고 ++되니까 $[s, e)$ 만족.
($[s, e)$ 만족했음 테니 미포함이었음)

- 시간 복잡도: 각 반복마다 s 또는 e가 1씩 증가하므로

최대 $2N$ 번. $\rightarrow O(N)$.

· 부분합 계산 포함 $O(1)$ 만에 +, - 해주니 영향 X.

- 구현

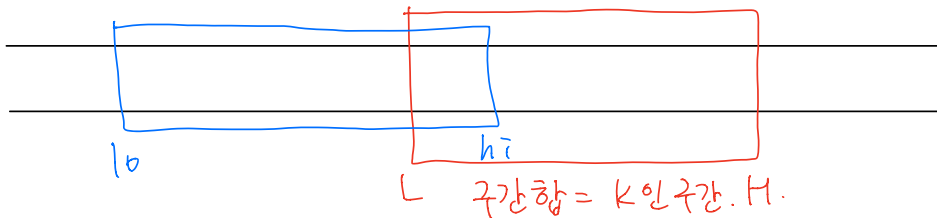
```
while(1) {
```

```
    if (sum >= M) sum -= A[l++];  
    else if (h == N) break; // 위의 if 만족 X → sum < M 이라는 뜻.  
    else sum += A[h++];      이후 sum은 항상 M보다 작다.
```

```
    if (sum == M) ans++;
```

```
}
```

- 증명 : l, h 가 선형으로 '감소' 없이 '증가'만 하는데 모든 정답을 항상 찾을 수 있을까?



· 현재 두 포인터가 $[l, h]$ 구간을 가리킬 때,
앞으로 $[L, H]$ 를 만나지 않고 지나치지 못함을 증명하면 됨.

· 선형으로 증가하기 때문에 지나치기 위해 두 가지 조건 존재.

① $h = H$ 되기 전에 $l > L$ 이 된다.

↳ 선형 증가하기 때문에 $l = L$ 인 시점이 존재.
이때, $sum < K$ 이므로 무조건 h 가 증가할 것.

② $l = L$ 되기 전에 $h > H$ 가 된다.

↳ $l < L$ & $h = H$ 인 시점에서는
 $sum > K$ 이므로 무조건 l 가 증가.

⇒ 항상 인덱스, sum, K가 '자연수' 이기에 가능!