# 11. 합성곱 신경망

<mark>인공 신경망은</mark> <mark>파라미터만 잘 조정해주면 매우 다양한 함수를 나타낼 수 있다.</mark> 그래서 우리가 원하는 결과를 얻기 위해 <mark>모형의 형태에 제약을 주기도 한다</mark>. 이러 한 방법 중에 대표적인 것으로 합성곱 신경망과 순환신경망이 있다.

이미지를 기계학습으로 처리할 경우, 이미지의 점 하나가 변수가 된다. 가로  $28 \times 10^{\circ}$  X 세로  $28 \times 10^{\circ}$  이미지가 있다면, 이 이미지는  $28 \times 10^{\circ}$  점으로 이뤄져 있다. 즉  $28 \times 10^{\circ}$  개의 변수로된 데이터를 분석하는 것과 같게 된다.

<mark>이미지는 점들이 모여 작은 형태</mark>를 이루고, <mark>작은 형태들이 모여 더 큰 형태를</mark> 이루는 특징이 있다. 따라서 <mark>이미지들을 단순히 여러 개의 점들로 보는 것</mark>보다, 이 런 <mark>점들이 모여 만드는 형태들을 모형에 포함시킨다면 이미지 기계학습의 성능을 향상시킬 수 있다.</mark> 실제로 생물의 시각도 같은 방식으로 작동한다. 생물에서 작은 영역에 반응하는 세포들을 <mark>receptive field</mark>라고 부른다. 여기에서 착안한 것이 <mark>합성곱 신경망(convolutional neural network, CNN)</mark>이다.

# 11.1. 합성곱

합성곱(convolution)은 <mark>원래 이미지 처리에 많이 사용되는 방법</mark>이다.예를 들어 다음과 같은 이미지에

 $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ 

아래와 같은 필터를

 $\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$ 

<mark>합성곱</mark> 해보자. 위의 필터는 <mark>수직선에 반응하는 비슷한 기능</mark>을 한다.

계산은 다음과 같이 이뤄진다. 먼저 왼쪽 위의 3x3 부분만을 본다.

 $\begin{bmatrix} 1 & 0 & \cdot \\ 1 & 0 & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot \end{bmatrix}$ 

그 다음 같은 위치에 있는 값들끼리 곱해준다.

 $\begin{bmatrix} 1 \times 1 & -1 \times 0 \\ 1 \times 1 & -1 \times 0 \end{bmatrix}$ 

그러면 계산 결과가 다음과 같다.

 $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ 

마지막으로 이들의 합을 구하면 2가 된다.

다음으로는 한 칸 오른쪽으로 옮겨서 다음 3x3 부분에

 $\begin{bmatrix} \cdot & 0 & 0 \\ \cdot & 0 & 0 \\ \cdot & \cdot & \cdot \end{bmatrix}$ 

똑같은 계산을 적용하면 0이 된다. 이렇게 계산을 반복하고 그 결과를 아래와 같은 <mark>feature map</mark>으로 만든다.

 $\begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ 

위의 행렬을 보면 그림의 왼쪽 위가 수직선 패턴이 가장 강하다는 것을 알 수 있다. 이번에는 수평선 패턴에 반응하는 아래와 같은 필터를

 $\begin{bmatrix} -1 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ 

똑같은 이미지에 합성곱을 하면 다음과 같은 feature map을 만들 수 있다.

 $\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ 

위의 행렬을 보면 그림의 오른쪽 아래가 <mark>수평선 패턴</mark>이 가장 강하다는 것을 알 수 있다.

이런 식으로 <mark>다양한 필터</mark>를 만들어 <mark>합성곱</mark>을 해주면 <mark>이미지에서 특정 패턴을 추출</mark>할 수 있다. 합성곱은 <mark>패턴 추출</mark>에만 사용되는 것이 아니고 <mark>흐리게 하기(blur)</mark> 나 <mark>날카롭게 하기(sharpen)</mark> 등 이미지 편집에 사용되는 여러 필터 적용에도 쓸 수 있다.

<mark>합성곱 신경망에서 필터 역할을 하는 레이어</mark>를 <mark>합성곱 레이어</mark>라고 한다. <mark>기존의 이미지 처리가 미리 만들어진 필터를 적용하는 방식</mark>이라면, <mark>CNN</mark>은 이러한 필 터 자체를 학습한다는 것이 특징이다. 필터라는 것은 결국 그림의 일부에 일정한 계수를 곱해주고 그 결과를 더하는 것이로 일반적인 신경망의 구조와 다를 것 이 없다. 다만, 같은 계수를 그림의 부분들에 반복적으로 적용한다는 점만 차이가 있을 뿐이다.

# 11.2. Pooling

합성곱을 하면 <mark>feature map에서 근처의 값들끼리 비슷해지는 경향</mark>을 띈다. 그래서 <mark>근방의 영역에 있는 값들을 묶어 하나의 값으로 줄이는 pooling을 한다.</mark> pooling의 방법에는 다음과 같은 것들이 있다.

- max: 영역의 최대값
- average: 영역의 평균
- L2: 영역의 제곱합의 제곱근

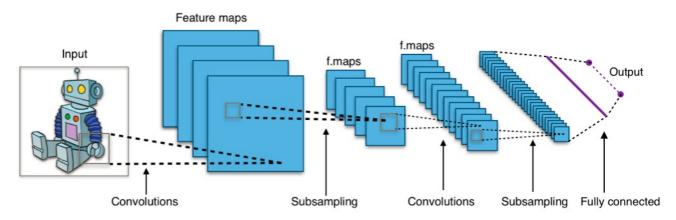
앞에서 예로 들었던 feature map에 2x2 max pooling을 적용하면 똑같이 2가 나오게 된다.

따라서 우리는 정확한 위치는 알 수 없지만 3x3 그림에 수직선과 수평선이 하나 있다는 것을 알 수 있게 된다. 이러한 <mark>pooling</mark>은 <mark>정보를 줄이게 되지만, 과적합도 줄어들 뿐만 아니라 그림이 일부 변형되더라도 학습결과를 유지할 수 있게 해준다.</mark> 왜냐하면 그림이 수직이나 수평 방향으로 1픽셀 이동하더라도 pooling을 거 친 결과는 동일하기 때문이다.

합성곱 레이어와 달리 풀링 레이어는 별도의 학습이 이뤄지지 않는다.

# 11.3. 합성곱 신경망

이제 이미지를 입력 받아 그 위로 <mark>합성곱 레이어</mark>와 <mark>풀링 레이어</mark>를 반복해서 쌓으면 <mark>CNN</mark>이 된다. 두 가지 레이어를 반복해서 쌓는 이유는 <mark>작은 형태를 바탕으로</mark> <mark>다시 큰 형태를 처리</mark>하게 하기 위해서다.



# 11.4. 실습

## 11.4.1. 데이터 준비

```
from urllib.request import urlretrieve
from zipfile import ZipFile
urlretrieve('http://doc.mindscale.kr/km/unstructured/dog-vs-cat.zip',
                                                            'dog-vs-cat.zip')
with ZipFile('dog-vs-cat.zip') as z:
                   z.extractall()
from keras.preprocessing.image import ImageDataGenerator
train = ImageDataGenerator(rescale=1.0/255).flow from directory(
                   'dog-vs-cat/train',
target_size=(100, 100),
class_mode='binary')
valid = ImageDataGenerator(rescale=1.0/255).flow_from_directory(
                   'dog-vs-cat/validation',
target size=(100, 100),
                     class_mode='binary',
                   shuffle=False)
/home/ubuntu/anaconda3/envs/tensorflow p36/lib/python3.6/site-packages/h5py/__init__.py:36: FutureWarning: Conversion of the second argument of
from ._conv import register_converters as _register_converters Using TensorFlow backend.
 /home/ubuntu/anaconda3/envs/tensorflow_p36/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py:1067: UserWarning: Duplicate key in file "/home/ubuntu/anaconda3/envs/tensorflow_p36/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py:1067: UserWarning: Duplicate key in file "/home/ubuntu/anaconda3/envs/tensorflow_p36/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/envs/tensorflow_p36/lib/pyth
           (fname, cnt))
 /home/ubuntu/anaconda3/envs/tensorflow_p36/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py:1067: UserWarning: Duplicate key in file "/home/ubuntu/anaconda3/envs/tensorflow_p36/lib/python3.6/site-packages/matplotlib/__init__.py:1067: UserWarning: Duplicate key in file "/home/ubuntu/anaconda3/envs/tensorflow_p36/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/python3/lib/pyt
           (fname, cnt))
Found 2000 images belonging to 2 classes.
 Found 800 images belonging to 2 classes.
```

## 11.4.2. 합성곱 신경망과 텐서보드

```
from keras.layers import Conv2D, Dense, Flatten, MaxPooling2D
from keras.models import Sequential

modell = Sequential()
modell.add(Conv2D(32, (3, 3), activation='relu', input_shape=(100, 100, 3)))
modell.add(MaxPooling2D((2, 2)))
modell.add(Flatten())
modell.add(Dense(1, activation='sigmoid'))
modell.summary()
```

Layer (type)	Output	Shape		Param #
conv2d_6 (Conv2D)	(None,	98, 98	3, 32)	896

```
max_pooling2d_6 (MaxPooling2 (None, 49, 49, 32) 0

flatten_6 (Flatten) (None, 76832) 0

dense_6 (Dense) (None, 1) 76833

Total params: 77,729
Trainable params: 0

from keras.optimizers import Adam, RMSprop
```

model1.compile(loss='binary crossentropy', metrics=['accuracy'], optimizer=Adam())

#### 테서보드

```
학습 기록을 log model1로 저장하고 텐서보드로 모니터한다.
```

```
from keras.callbacks import EarlyStopping, TensorBoard
history1 = model1.fit_generator(
   train, validation_data=valid, epochs=30,
   callbacks=[
     EarlyStopping(monitor = "val_loss", patience=2),
TensorBoard(log_dir='log_model1')
   1)
Epoch 1/30
63/63 [=
                    =========] - 15s 236ms/step - loss: 0.7803 - acc: 0.5347 - val_loss: 0.6694 - val_acc: 0.5950
Epoch 2/30
63/63 [=
                    ========] - 14s 228ms/step - loss: 0.6180 - acc: 0.6627 - val loss: 0.6166 - val acc: 0.6837
Epoch 3/30
63/63 [==
                     =======] - 13s 206ms/step - loss: 0.5118 - acc: 0.7654 - val_loss: 0.5970 - val_acc: 0.6587
Epoch 4/30
63/63 [===
                    =========] - 13s 208ms/step - loss: 0.4174 - acc: 0.8323 - val_loss: 0.6203 - val_acc: 0.6488
Epoch 5/30
63/63 [===
                       6/30
Epoch
                     ========] - 13s 209ms/step - loss: 0.2762 - acc: 0.9152 - val loss: 0.6249 - val acc: 0.6687
63/63 [===
Epoch
     7/30
```

작업 디렉토리 명령창에 tensorboard --logdir=log\_model1이라고 입력하여 텐서보드를 실행하고 웹 브라우저 주소창에 <a href="http://localhost:6006">http://localhost:6006</a> 으로 텐서보드에 접속한다.

# 11.4.3. 더 깊은 신경망

#### 신경망의 층을 더 추가한다.

```
model2 = Sequential()
model2.add(Conv2D(32, (3, 3), activation='relu', input_shape=(100, 100, 3)))
model2.add(MaxPooling2D((2, 2)))
model2.add(Conv2D(32, (3, 3), activation='relu'))
model2.add(MaxPooling2D((2, 2)))
model2.add(Flatten())
model2.add(Dense(1, activation='sigmoid'))
model2.compile(loss='binary crossentropy', metrics=['accuracy'], optimizer=Adam())
history2 = model2.fit_generator(
   train, validation_data=valid, epochs=30,
   callbacks=[
       EarlyStopping(monitor = "val_lo
                                    oss", patience=2),
       TensorBoard(log_dir='log_model2')
   ])
Epoch 1/30
                       ========] - 15s 240ms/step - loss: 0.6971 - acc: 0.5238 - val loss: 0.6859 - val acc: 0.5012
63/63 [===
Epoch 2/30
63/63 [====
                    =========] - 13s 208ms/step - loss: 0.6428 - acc: 0.6215 - val_loss: 0.6346 - val_acc: 0.6288
Epoch 3/30
63/63 [=:
                       =======] - 13s 207ms/step - loss: 0.5838 - acc: 0.6895 - val_loss: 0.6014 - val_acc: 0.6813
Epoch 4/30
63/63 [=
                     Epoch 5/30
                       ========] - 13s 208ms/step - loss: 0.5052 - acc: 0.7579 - val_loss: 0.6211 - val_acc: 0.6625
```

# 11.4.4. 데이터 증강

### <mark>회전, 상하좌우로 이동, 기울이거나 확대 또는 뒤집는 방식</mark>으로 데이터를 증강한다.

```
img_gen = ImageDataGenerator(
         rescale=1./255,
         rotation_range=40,
                                       # 40도까지 회전
         width shift range=0.2, # 20%까지 좌우 이동 height shift range=0.2, # 20%까지 상하 이동 shear_range=0.2, # 20%까지 기울임
          zoom_range=0.2,
                                      # 20%까지 확대
         horizontal_flip=True, # 좌우 뒤집기
           img gen.flow from directory(
train ag
         'dog-vs-cat/train',
target_size=(100, 100),
         class mode='binary')
Found 2000 images belonging to 2 classes.
model3 = Seguential()
model3.add(Conv2D(32, (3, 3), activation='relu', input_shape=(100, 100, 3)))
model3.add(MaxPooling2D((2, 2)))
model3.add(Conv2D(32, (3, 3), activation='relu'))
model3.add(MaxPooling2D((2, 2)))
model3.add(Flatten())
```

```
model3.add(Dense(1, activation='sigmoid'))
model3.summary()
Laver (type)
                             Output Shape
                                                       Param #
conv2d 11 (Conv2D)
                             (None, 98, 98, 32)
                                                       896
max_pooling2d_11 (MaxPooling (None, 49, 49, 32)
conv2d_12 (Conv2D)
                             (None, 47, 47, 32)
                                                       9248
max_pooling2d_12 (MaxPooling (None, 23, 23, 32)
flatten 9 (Flatten)
                             (None, 16928)
                                                       16929
dense 9 (Dense)
                             (None, 1)
Total params: 27,073
Trainable params: 27,073
Non-trainable params: 0
model3.compile(loss='binary_crossentropy', metrics=['accuracy'], optimizer=Adam())
history3 = model3.fit_generator(
    train, validation_data=valid, epochs=30,
    callbacks=[
        EarlyStopping(monitor = "val_loss", patience=2),
        TensorBoard(log_dir='log_model3')
   1)
Epoch 1/30
63/63 [=
                         ========] - 15s 241ms/step - loss: 0.6946 - acc: 0.5491 - val_loss: 0.6848 - val_acc: 0.5975
Epoch 2/30
63/63 [=
                           =======] - 13s 207ms/step - loss: 0.6686 - acc: 0.6077 - val_loss: 0.6632 - val_acc: 0.6138
Epoch 3/30
63/63 [=
                              :======] - 13s 208ms/step - loss: 0.6247 - acc: 0.6711 - val_loss: 0.6253 - val_acc: 0.6687
Epoch 4/30
63/63 [=
                                   ===] - 13s 209ms/step - loss: 0.5750 - acc: 0.7054 - val loss: 0.6199 - val acc: 0.6538
Epoch 5/30
63/63 [===
                                   ===] - 13s 208ms/step - loss: 0.5187 - acc: 0.7391 - val loss: 0.5950 - val acc: 0.6913
Epoch
      6/30
63/63 [====
                   7/30
Epoch
                     ============== - 13s 208ms/step - loss: 0.4358 - acc: 0.7986 - val loss: 0.6036 - val acc: 0.6863
63/63 [====
11.4.5. 드롭아웃과 학습률 조정 그리고 ModelCheckpoint
from keras.layers import Dropout
from keras.callbacks import ModelCheckpoint
<mark>드롭아웃 레이어</mark>를 넣는다.
model4 = Sequential()
model4.add(Conv2D(32, (3, 3), activation='relu', input_shape=(100, 100, 3)))
model4.add(MaxPooling2D((2, 2)))
model4.add(Conv2D(64, (3, 3), activation='relu'))
model4.add(MaxPooling2D((2, 2)))
model4.add(Conv2D(128, (3, 3), activation='relu'))
model4.add(MaxPooling2D((2, 2)))
model4.add(Flatten())
model4.add(Dropout(0.5))
model4.add(Dense(512, activation='relu'))
model4.add(Dense(1, activation='sigmoid'))
학습률을 0.0001로 낮춘다.
model4.compile(loss='binary_crossentropy', metrics=['accuracy'], optimizer=RMSprop(lr=0.0001))
체크포인트
가장 성능이 좋은 모델을 model4-00.hdf5와 같은 파일 명으로 저장한다.
history4 = model4.fit_generator(
    train, validation_data=valid, epochs=30,
    callbacks=[
        ModelCheckpoint('model4-{epoch:02d}.hdf5', save_best_only=True),
        TensorBoard(log_dir='log_model4')
    1)
Epoch 1/30
63/63 [=
                             =======] - 15s 239ms/step - loss: 0.6939 - acc: 0.5233 - val_loss: 0.6753 - val_acc: 0.6175
Epoch 2/30
63/63 [===
                         =======] - 13s 209ms/step - loss: 0.6719 - acc: 0.5848 - val_loss: 0.6801 - val_acc: 0.5312
Epoch 3/30
63/63 [===
                             =======] - 13s 209ms/step - loss: 0.6341 - acc: 0.6523 - val_loss: 0.7012 - val_acc: 0.5487
Epoch 4/30 63/63 [===
                            ======== 1 - 13s 209ms/step - loss: 0.6112 - acc: 0.6751 - val loss: 0.6531 - val acc: 0.5962
Epoch 5/30
63/63 [===
                             =======] - 13s 212ms/step - loss: 0.5871 - acc: 0.6994 - val_loss: 0.6376 - val_acc: 0.6350
Epoch
63/63 [===
                            =======] - 13s 208ms/step - loss: 0.5559 - acc: 0.7227 - val loss: 0.6355 - val acc: 0.6450
Epoch 7/30
63/63 [=
                           =======] - 13s 209ms/step - loss: 0.5334 - acc: 0.7475 - val loss: 0.5898 - val acc: 0.6775
Epoch 8/30
63/63
                            =======] - 13s 209ms/step - loss: 0.4967 - acc: 0.7713 - val_loss: 0.5948 - val_acc: 0.6787
```

=======] - 13s 209ms/step - loss: 0.4963 - acc: 0.7699 - val\_loss: 0.5929 - val\_acc: 0.6863

=======] - 13s 208ms/step - loss: 0.4451 - acc: 0.7936 - val loss: 0.5802 - val acc: 0.7037

===] - 13s 209ms/step - loss: 0.4676 - acc: 0.7798 - val loss: 0.5835 - val acc: 0.7050

Epoch 9/30 63/63 [===

Epoch 11/30 63/63 [====

10/30

12/30

Epoch

63/63

```
Epoch 13/30
63/63
                                    ==] - 13s 210ms/step - loss: 0.4100 - acc: 0.8140 - val_loss: 0.5779 - val_acc: 0.7000
     14/30
Epoch
63/63
                                   ===] - 13s 208ms/step - loss: 0.4103 - acc: 0.8075 - val loss: 0.5696 - val acc: 0.7113
Epoch 15/30
63/63 [==
                              ======] - 13s 209ms/step - loss: 0.3846 - acc: 0.8343 - val_loss: 0.5732 - val_acc: 0.7163
Epoch 16/30
63/63 [====
                            =======] - 13s 208ms/step - loss: 0.3754 - acc: 0.8378 - val_loss: 0.5744 - val_acc: 0.7175
Epoch
63/63
      17/30
                             =======] - 13s 211ms/step - loss: 0.3565 - acc: 0.8408 - val loss: 0.5867 - val acc: 0.7100
     18/30
Epoch
63/63
                                ======] - 13s 208ms/step - loss: 0.3446 - acc: 0.8507 - val loss: 0.6245 - val acc: 0.6925
      19/30
Epoch
                            =======] - 13s 211ms/step - loss: 0.3307 - acc: 0.8566 - val_loss: 0.6485 - val_acc: 0.6937
63/63 [=
     20/30
Epoch
63/63
                           =======] - 13s 209ms/step - loss: 0.3282 - acc: 0.8571 - val loss: 0.5875 - val acc: 0.7125
     21/30
Epoch
63/63
                                       - 14s 221ms/step - loss: 0.3145 - acc: 0.8715 - val_loss: 0.6014 - val_acc: 0.7150
Epoch 22/30
63/63
                                        - 13s 208ms/step - loss: 0.2983 - acc: 0.8760 - val_loss: 0.5960 - val_acc: 0.7063
Epoch 23/30 63/63 [====
                                     =] - 15s 230ms/step - loss: 0.2809 - acc: 0.8805 - val loss: 0.6126 - val acc: 0.7150
Epoch
63/63
     24/30
                                     =] - 13s 208ms/step - loss: 0.2761 - acc: 0.8869 - val loss: 0.7494 - val acc: 0.6750
     25/30
Epoch
63/63 [====
                         ========] - 13s 209ms/step - loss: 0.2781 - acc: 0.8824 - val_loss: 0.6123 - val_acc: 0.7137
Epoch 26/30
                        ========] - 13s 208ms/step - loss: 0.2498 - acc: 0.9003 - val loss: 0.6248 - val acc: 0.7262
63/63 [====
     27/30
Epoch
63/63
                                   ===] - 13s 210ms/step - loss: 0.2390 - acc: 0.9122 - val_loss: 0.6527 - val_acc: 0.7100
Epoch 28/30
63/63 [=
                             =======] - 13s 210ms/step - loss: 0.2333 - acc: 0.9048 - val_loss: 0.6399 - val_acc: 0.7238
Epoch 29/30
63/63
                             =======] - 13s 208ms/step - loss: 0.2241 - acc: 0.9132 - val_loss: 0.7072 - val_acc: 0.6950
Epoch 30/30
63/63 [==:
                          ========] - 13s 209ms/step - loss: 0.2234 - acc: 0.9157 - val_loss: 0.6412 - val_acc: 0.7188
```

#### 저장된 모델 목록 보기

```
import glob
model_files = glob.glob('model4-*.hdf5')
model_files
['model4-05.hdf5',
    'model4-10.hdf5',
    'model4-01.hdf5',
    'model4-04.hdf5',
    'model4-11.hdf5',
    'model4-11.hdf5',
    'model4-06.hdf5',
    'model4-12.hdf5']
last_model = sorted(model_files)[-1]
last_model
'model4-14.hdf5'
```

#### Colab에서 다운로드 받기

Google Colab을 쓰는 경우 아래 코드를 이용해 모델 파일을 다운로드 받을 수 있다.

```
from google.colab import files
files.download(last_model)
```

### 모델 다시 불러오기

import keras.models

Loading [MathJax]/jax/output/CommonHTML/jax.js | -model)