

(Lưu ý: Đề thi gồm có 2 trang)

Câu 1.(1.5 điểm) Xác suất virus máy tính V có thể gây hại cho một tập tin bất kì là 35%. Giả sử virus V xâm nhập vào một thư mục gồm 2400 tập tin. Tính xác suất có từ 800 đến 850 tập tin bị nhiễm virus.

Câu 2.(2 điểm) Cho X và Y là số lần phần cứng bị hỏng trong 2 phòng lab A và B trong một tháng. Phân phối đồng thời của X và Y được cho bởi bảng sau:

$P(x, y)$		x		
		0	1	2
y	0	0.52	0.20	0.04
	1	0.14	0.02	0.01
	2	0.06	0.01	0

- Tính xác suất $P(X + Y \geq 1)$.
- X và Y có độc lập nhau hay không ? Vì sao ?
- Giả sử phòng lab A bị hỏng phần cứng trong tháng 1, tính xác suất phòng lab B cũng bị hỏng phần cứng trong tháng 1.

Câu 3.(2 điểm) Cho 2 biến ngẫu nhiên có hàm mật độ đồng thời

$$f(x, y) = \begin{cases} C(x-2)e^{-y} & \text{nếu } 0 \leq x \leq 2, y \geq 0, \\ 0 & \text{nếu } (x, y) \text{ khác.} \end{cases}$$

- Tìm C .
- Tìm hàm mật độ thành phần của X . Tính $P(X < 1)$.
- Tính xác suất $P(X \leq 1, Y > 2)$.

Câu 4. (1.5 điểm) Để kiểm tra chất lượng vận chuyển hàng hóa của một công ty, người ta kiểm tra 200 hàng hóa do công ty đó vận chuyển và phát hiện có 24 hàng hóa bị hỏng trong quá trình vận chuyển. Ước lượng tỷ lệ hàng hóa bị hỏng do công ty đó vận chuyển với độ tin cậy 96%.

Câu 5.(2 điểm) Để đảm bảo một máy chủ được sử dụng hiệu quả, cần ước lượng trung bình có bao nhiêu người sử dụng máy chủ đó tại cùng thời điểm. Quan sát tại 100 thời điểm khác nhau được chọn một cách ngẫu nhiên, người ta thấy trung bình có 37.7 người sử dụng máy chủ đó tại cùng thời điểm với độ lệch chuẩn $\sigma = 9.2$.

a) Ước lượng trung bình có bao nhiêu người sử dụng máy chủ đó tại cùng thời điểm với độ tin cậy là 90%.

b) Với mức ý nghĩa 1%, có thể kết luận rằng trung bình có trên 35 người sử dụng máy chủ đó tại cùng thời điểm hay không ?

Câu 6.(1 điểm) Một người muốn biết hiệu quả của một chương trình máy tính phụ thuộc như thế nào vào kích cỡ của dữ liệu đầu vào. Hiệu quả của chương trình được đo bằng số yêu cầu được xử lý trong một giờ. Gọi x là kích cỡ của dữ liệu đầu vào và y là số yêu cầu được xử lý trong một giờ. Chạy chương trình cho tập hợp dữ liệu có kích thước khác nhau, người đó nhận được kết quả sau:

x (gigabytes)	6	7	7	8	10	10	15
y	40	55	50	41	17	26	16

a) Viết phương trình hồi qui tuyến tính của y theo x .

b) Nếu dữ liệu đầu vào có kích cỡ là 14 gigabytes thì chương trình có thể xử lý khoảng bao nhiêu yêu cầu ?

Hết

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Q.Trưởng Bộ môn Toán-Lý

CAO THANH TÌNH