1830

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

Отчёт по лабораторной работе №4 по курсу "Моделирование"

Тема Обработка очереди
Студент <u>Леонов В.В.</u>
Группа ИУ7-76Б
Оценка (баллы)
Преподаватель Рудаков И.В.

Формальная постановка задачи

Промоделировать систему с пошаговым принципом и событийным принципом, определив минимальный размер буферной памяти, при котором не будет потерь сообщений.

Исходные данные:

- параметры генератора заявок;
- параметры обработчика заявок;
- приращение пошаговой модели;
- количество заявок;
- процент возврата заявок.

Краткие теоритические сведения

Генератор

Время прихода заявок из генератора описывается равномерным распределением.

Равномерное распределение — распределение случайной величины, принимающей значения, принадлежащей некоторому промежутку конечной длины, характрезующееся тем, что плотность вероятности в этом промежутке всюду постоянна.

Функция распределения равномерной непрерывной случайной величины имеет следующий вид:

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \le a \\ \frac{x-a}{b-a}, & a \le x \le b \\ 1, & x > b \end{cases}$$

Плотность распределения равномерной непрерывной случайной величины имеет следующий вид:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a}, & a \le x \le b\\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Обработчик

Время обработки заявок из обработчика описывается распределением Эрланга.

Распределение Эрланга — распределение, описывающее непрерывную случайную величину, принимающую неотрицательные значения и представляющую собой сумму k независимых случайных величин, распределенных по одному и тому же экспоненциальному закону с параметром θ .

Функция распределения Эрланга непрерывной случайной величины имеет следующий вид:

$$F(x) = 1 - e^{-x/\theta} \sum_{i=0}^{k-1} \frac{(x/theta)^i}{i!}$$

Плотность распределения Эрланга непрерывной случайной величины имеет следующий вид:

$$f(x) = \frac{x^{k-1}e^{-x\theta}\theta^k}{(k-1)!}$$

Принципы моделирования работы системы

Пошаговый принцип

Заключается в последовательном анализе состояний всех блоков системы в момент $t+\Delta t$ по заданному состоянию в момент t. При этом новое состояние блоков определяется в соответствии с их алгоритмическим описанием с учетом действующих случайных факторов. В результате этого анализа принимается решение о том, какие системные события должны имитироваться на данный момент времени. Основным недостатком являются значительные затраты машинных ресурсов, а при недостаточном малых Δt появляется опасность пропуска события.

Событийный принцип

Состояние отдельных устройств изменяется в дискретные моменты времени, совпадающие в моментами поступления сообщения, окончания решения задачи, возникновения аварийных сигналов и т. д. При использовании событийного принципа состояния всех боков системы анализируется лишь в момент появления какого-либо события. Момент наступления следующего события определяется минимальным значением из списка будущих событий, представляющий собой совокупность моментов ближайшего изменения состояния каждого из блоков. Момент наступления следующего события определяется минимальным значением из списка событий.

Средства реализации

Язык программирования — Python. GUI - QT.

Листинг кода

```
import random
2
3
   class TimeModel():
        def __init__(self, generator, processor, step: float) -> None:
4
            self.generator = generator
5
6
            self.processor = processor
7
            self.processed tasks = 0
8
            self.step = step
9
10
        def start(self, total_tasks: int, repeat_rate: int) -> int:
11
            t prev = 0
12
            t current = self.step
13
            t\_generator = self.generator.generate()
14
            t processor = 0
15
            q current len = 0
16
            q \max len = 0
17
            q free = True
18
19
            while self.processed tasks < total tasks:
20
                if t_current > t_generator:
21
                     q\_current\_len += 1
22
                     if q current len > q max len:
23
                         q_{max_len} = q_{current_len}
24
                     t_{prev} = t_{generator}
25
                     t generator += self.generator.generate()
26
                if t_current > t_processor:
27
                     if q current len > 0:
28
                         q prev = q free
                         if \ q\_free:
29
30
                             q free = False
31
                         else:
32
                             self.processed\_tasks += 1
                             if random.randint(0, 100) \le repeat\_rate:
33
34
                                  q current len += 1
35
                         q current len -=1
36
                         if q_prev:
37
                             t\_processor = t\_prev + self.processor.generate()
38
                         else:
39
                             t processor += self.processor.generate()
40
                     else:
41
                         q free = True
42
                t current += self.step
43
            return q max len
```

```
import random
2
3
   class EventModel():
        def init (self, generator, processor) -> None:
4
5
            self.generator = generator
6
            self.processor = processor
7
            self.processed tasks = 0
8
9
        def start(self, total tasks: int, repeat rate: int) -> int:
10
            events = Events()
            events.append(Event(self.generator.generate(), 'g'))
11
12
            q current len = 0
13
            q \max len = 0
14
            q free = True
15
            q_{process} = False
16
17
            while self.processed tasks < total tasks:
18
                e = events.pop(0)
19
20
                if e.type = 'g':
21
                    q\_current\_len += 1
22
                    if q current len > q max len:
23
                         q \max len = q current len
24
                    new e = Event(e.time + self.generator.generate(), 'g')
25
                    events.append(new e)
26
                    if q_free:
27
                         q process = True
28
29
                elif e.type == 'p':
30
                     self.processed tasks += 1
31
                     if random.randint(0, 100) <= repeat rate:
32
                         q current len += 1
33
                    q process = True
34
35
                if q process:
36
                     if q_current_len > 0:
37
                         q\_current\_len = 1
38
                         new e = Event(e.time + self.processor.generate(), 'p')
39
                         events.append(new e)
40
                         q free = False
41
                    else:
42
                         q free = True
43
                    q_process = False
44
45
            return q_max_len
```

```
class Event:
              \label{eq:continuous_str} \mbox{def $\_$\_init} \mbox{$\_$\_init} \mbox{$\_$\_(self, time: float, type: str) -> None:}
 2
 3
                   self.time = time
                   self.type = type
 4
 5
 6
 7
         class Events:
 8
              def \__init\__(self) -> None:
                   self.__pool: list[Event] = []
 9
10
              def append(self, e: Event):
11
                   i = 0
12
                   while i < len(self.\_pool) and self.\_pool[i].time < e.time:
13
14
                       i += 1
                   if 0 < i < len(self._pool):
15
                       self.\_pool.insert(i - 1, e)
16
17
                   else:
                       self.__pool.insert(i, e)
18
19
20
              def pop(self, index):
21
                   return self.__pool.pop(index)
```

Демонстрация работы программы

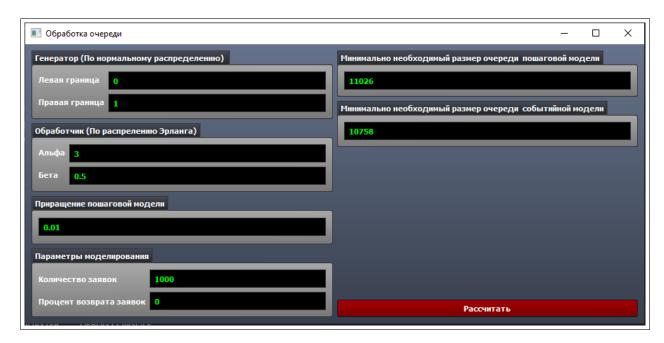


Рисунок 1 — Время обработки больше времени прихода (возврат =0%)

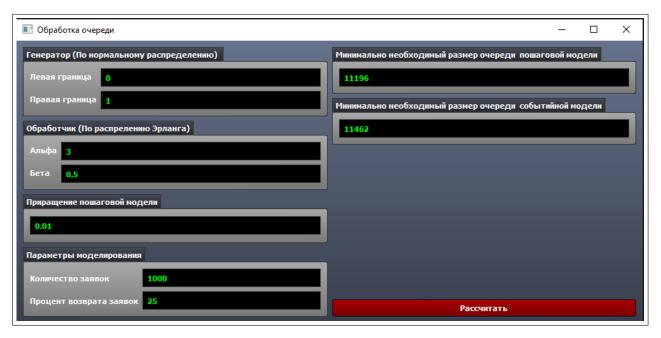


Рисунок 2 — Время обработки больше времени прихода (возврат = 25%)



Рисунок 3 — Время обработки больше времени прихода (возврат = 50%)



Рисунок 4 — Время обработки больше времени прихода (возврат = 75%)



Рисунок 5 — Время обработки больше времени прихода (возврат = 100%)

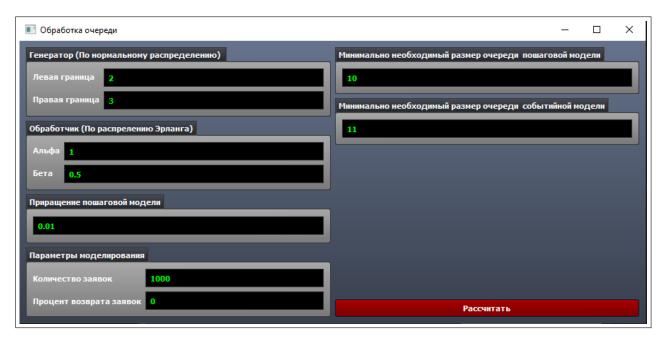


Рисунок 6 — Время обработки меньше времени прихода (возврат = 0%)

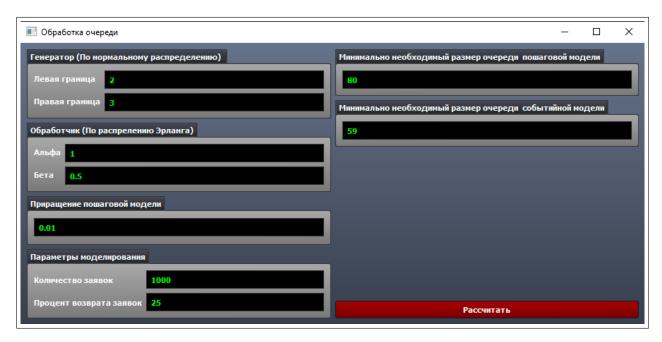


Рисунок 7 — Время обработки меньше времени прихода (возврат = 25%)

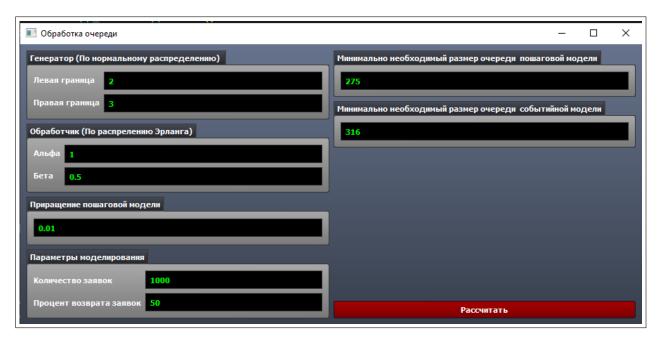


Рисунок 8 — Время обработки меньше времени прихода (возврат = 50%)

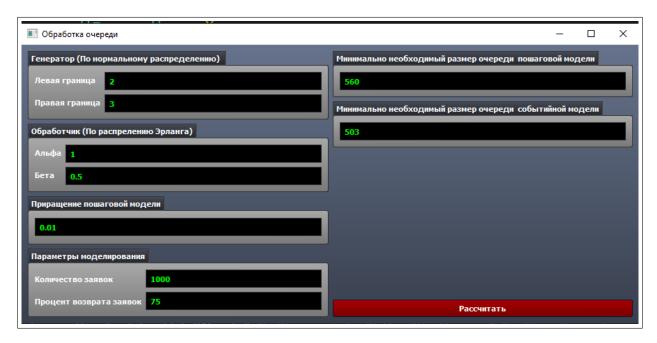


Рисунок 9 — Время обработки меньше времени прихода (возврат = 75%)

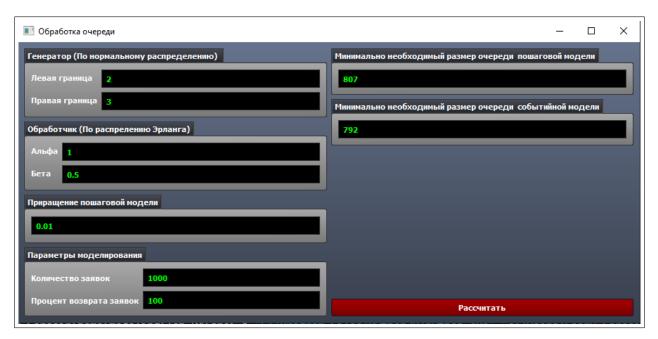


Рисунок 10 — Время обработки меньше времени прихода (возврат = 100%)