

## Лабораторная работа № 5

---

Ли Тимофей Александрович, НФИбд-01-18

## Цель работы

---

Изучить модель SIR, выполнить примеры и упражнения в scilab и openmodelica.

## Ход работы

---

Сразу отмечу, что при начале работы с `openmodelica` у меня возник конфликт библиотек, из-за чего далее я не использую `xcos` с блоком `modelica`.

Модель SIR имеет следующий вид: (рис. @fig:001):

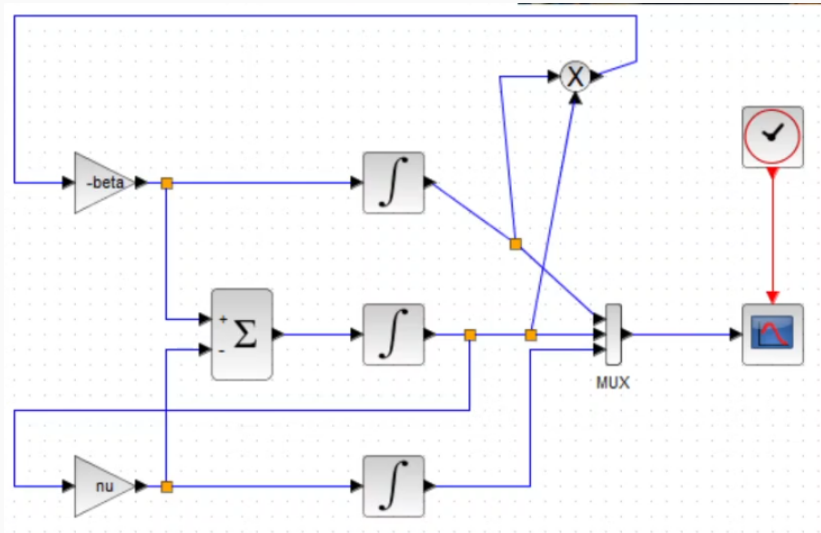
$$\begin{cases} \dot{s} = -\beta s(t)i(t); \\ \dot{i} = \beta s(t)i(t) - \nu i(t); \\ \dot{r} = \nu i(t). \end{cases}$$

Рис. 1: модель SIR

Здесь бета=скорость заражения, ню=скорость выздоровления,  
S,I,R=здоровые, болеющие и переболевшие особи соответственно.  
 $N=S+I+R$ =общее число популяции.

## Выполнение задания

Сначала реализовал модель в xcos. Полученная модель: (рис. @fig:002)



Результат моделирования: (рис. @fig:003)

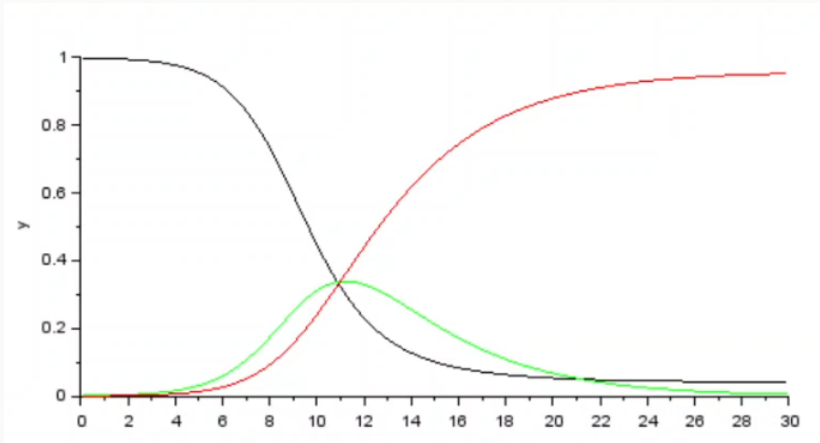


Рис. 3: график в xcos



## Выполнение задания

Затем реализовал модель в xcos с помощью блока modelica. Модель: (рис. @fig:004)

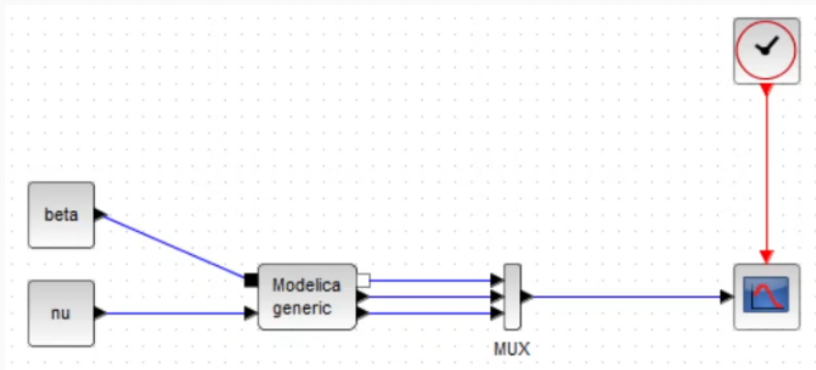


Рис. 4: модель с блоком modelica

Результат: (рис. @fig:005)

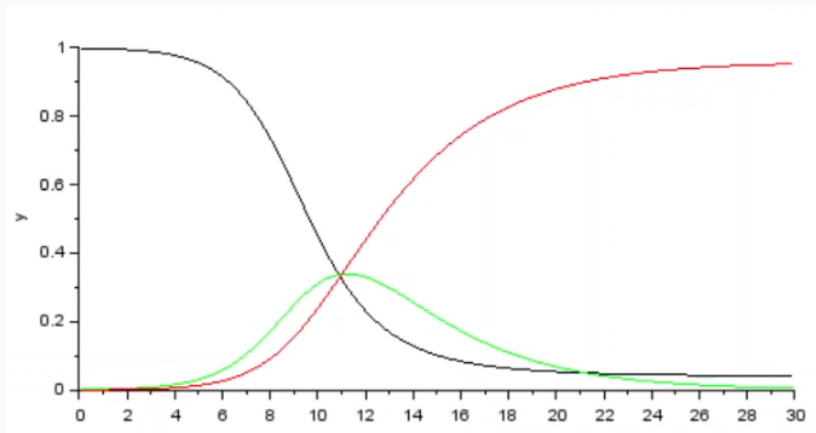


Рис. 5: график с блоком modelica

Далее открыл OMEdit и построил данную модель в нем: (рис. @fig:006)

```
1 model lab5
2 Real beta=1, nu=0.3;
3 Real s(start=0.999), i(start=0.001), r(start=0);
4 equation
5 der(s)=-beta*s*i;
6 der(i)=beta*s*i-nu*i;
7 der(r)=nu*i;
8 end lab5;
```

Рис. 6: модель в omedit

график: (рис. @fig:007)

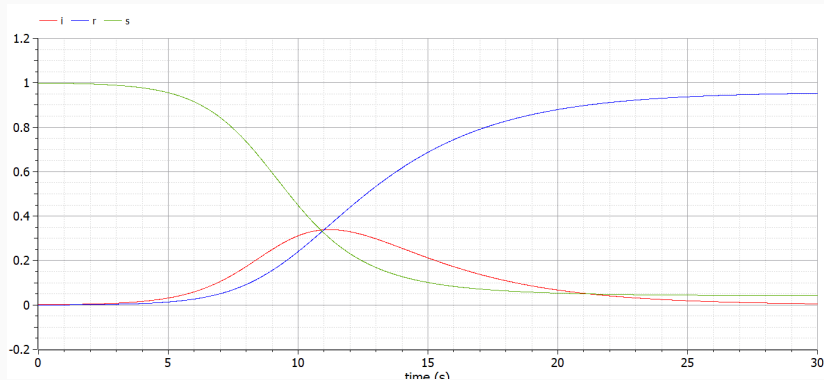


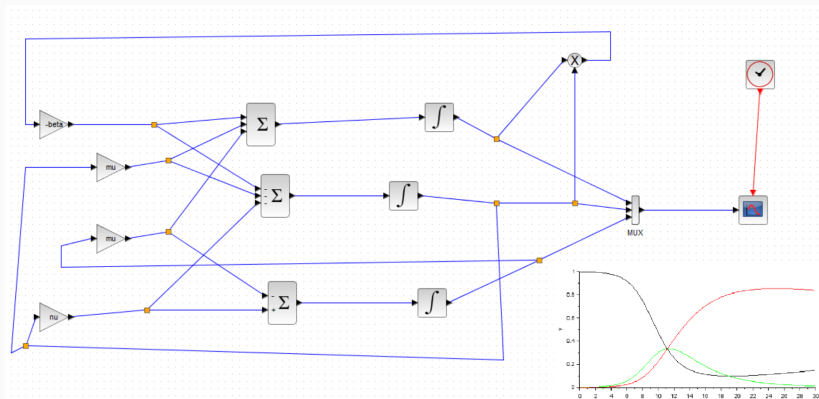
Рис. 7: график omedit

## Выполнение задания

Далее реализовал модель с добавлением коэффициента  $\mu$ .

Относительно модели из теоретического описания работы я изменил  $N-s(t)$  на  $i(t)+r(t)$ .

Полученная модель и график в xcos: (рис. @fig:008)



Модель в omedit: (рис. @fig:009)

```
1 model lab5
2 Real beta=1, nu=0.3, mu=0.01;
3 Real s(start=0.999), i(start=0.001), r(start=0);
4 equation
5 der(s)=-beta*s*i+mu*(i+r);
6 der(i)=beta*s*i-nu*i-mu*i;
7 der(r)=nu*i-mu*r;
8 end lab5;
```

Рис. 9: модель в omedit

график: (рис. @fig:010)

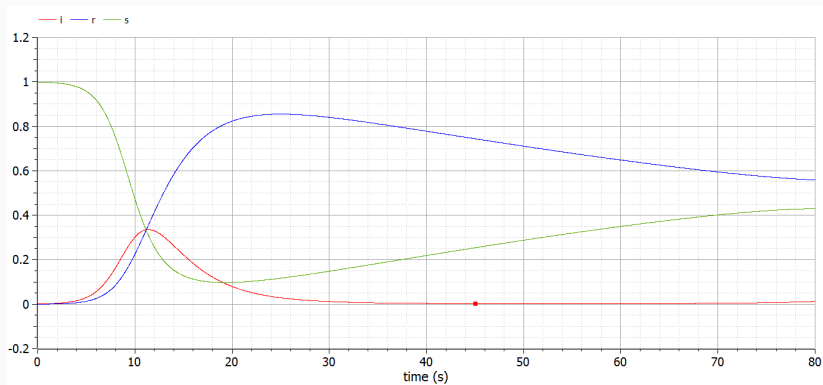


Рис. 10: график в omedit

Затем попробовал менять значение  $\mu$ . График при  $\mu=0.1$ : (рис. @fig:011)

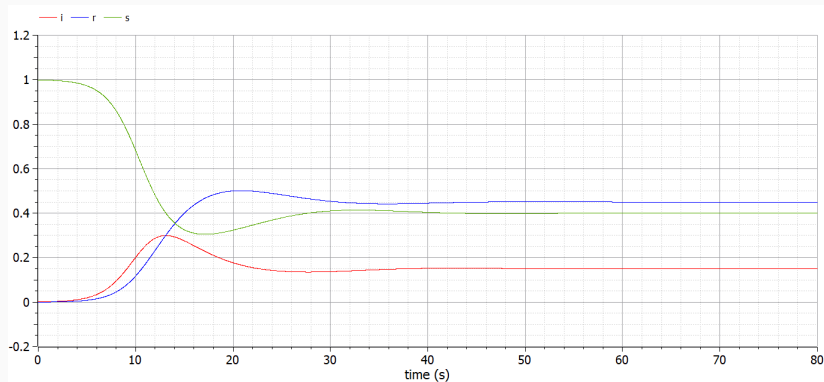


Рис. 11:  $\mu=0.1$



График при  $\mu=0.25$ : (рис. @fig:012)

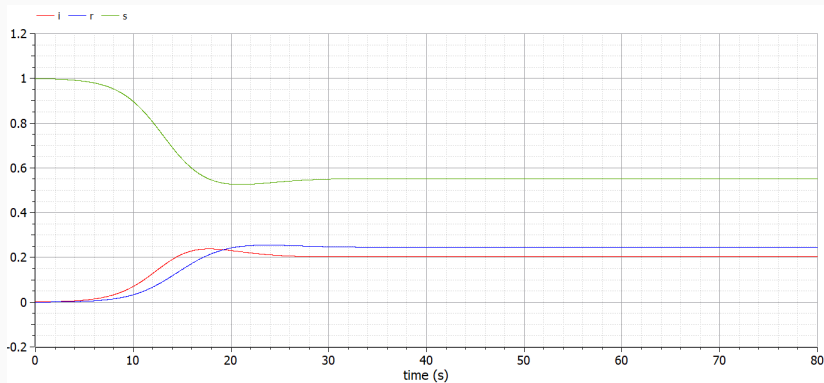


Рис. 12:  $\mu=0.25$

График при  $\mu=0.5$ : (рис. @fig:013)

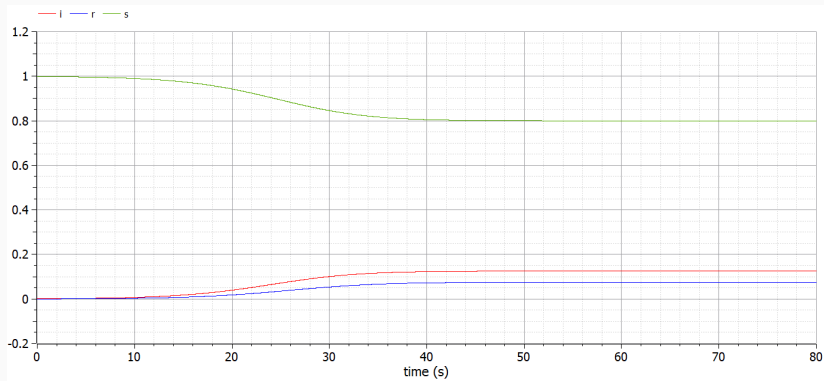


Рис. 13:  $\mu=0.5$

Как видим, при малых значениях  $m_0$ , график похож на график модели без учёта  $m_0$ . Больше особей переболевает и становятся резистентными, чем умирает и рождается. Эпидемический порог при этом оказывается примерно в одной и той же точке. Видно, что число не болевших после эпидемии будет увеличиваться, а переболевших уменьшаться из-за добавления  $m_0$ . Однако, примерно когда  $m_0$  превышает 0.1, ситуация начинает меняться: не болевших особей остаётся всё больше с возрастанием коэффициента, а переболевших и болеющих всё меньше. Эпидемический порог, по сути, не существует при больших  $m_0$ .

Попробуем также поменять другие параметры. Например, при  $\beta=1, \nu=0.7, \mu=0.01$  получим такой график: (рис. @fig:014)

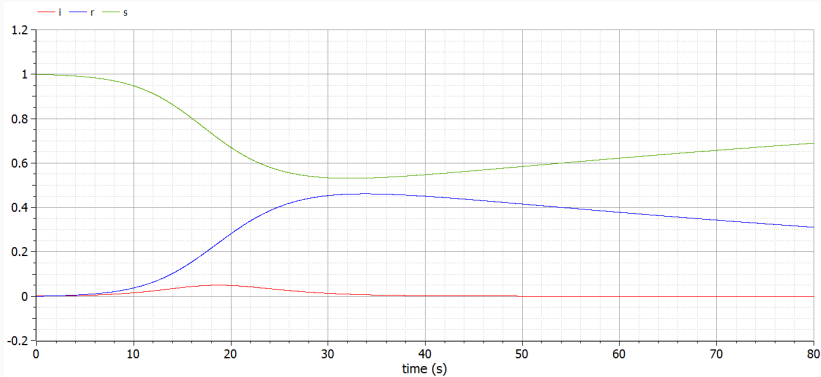


Рис. 14:  $\beta=1, \nu=0.7, \mu=0.01$

При увеличении скорости выздоровления график числа переболевших будет расти быстрее, а болеющих уменьшаться быстрее, соответственно. Порог достигнут не будет. А после эпидемии вступит в силу естественный прирост населения.

При  $\beta=4$ ,  $\nu=0.03$ ,  $\mu=0.01$  график такой: (рис. @fig:015)

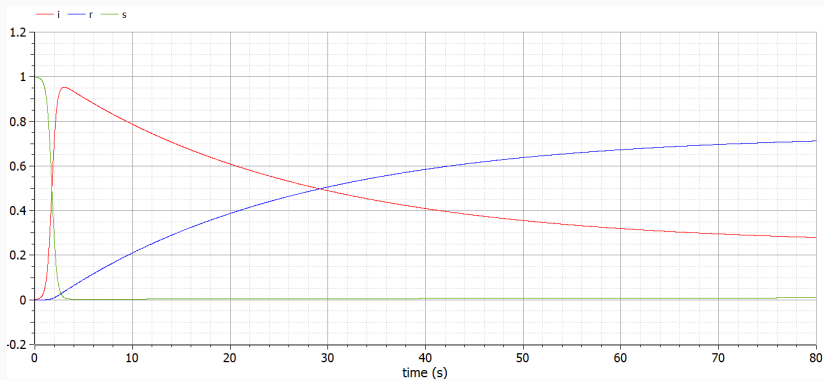


Рис. 15:  $\beta=4$ ,  $\nu=0.03$ ,  $\mu=0.01$

Видно, что из-за большой скорости заражения очень резко возрастёт число болеющих и снизится не болевших, а потом, так как скорость выздоровления невысокая, постепенно снизится число болеющих и возрастёт резистентных.

## Выводы

---



Выполнил задание, изучил модель эпидемии SIR.