数据结构和算法代码汇总

 $\alpha lpha0x00$ leetiankai@gmail.com

2020年9月14日

本文档来自于对 HarvestWu 的《数据结构算法汇总》文档的整理和完善,代码严格按照 C99 标准来书写,并不会 C++ 代码的任何特性(包括引用)。

目录

目录

1 线性表

1.1 数据结构定义

1.1.1 顺序表

静态分配 静态分配是指初始化链表时内部不需要 malloc 函数动态分配空间。其结构定义如下:

```
#define MaxSize 1024
typedef struct SeqList {
   int data[MaxSize];
   int length; /* 记录存储元素的个数 */
   SeqList;
```

动态分配 相对于静态分配,初始化链表时需要 malloc 或 calloc 函数。

```
typedef struct SeqList {
    int *data;
    int length, capacity; /* capacity 记录顺序表可存储元素最大个数 */
} SeqList;
```

基本操作

1. 初始化 bool InitList(SeqList *list, int capacity); 成功返回 true, 失败返回 false

```
/**
   * bool 在 C99 以标准类型添加到 C 语言中, 来自头文件 <stdbool.h>
3
  bool InitList(SeqList *list, int capacity)
4
5
      if (NULL == list || capacity <= 0) return false;
6
      /**
      * 注意: 这里没有使用
9
      * list->data = (int *)malloc(capacity * sizeof(int));
10
      * 风格, 强制转换指针为 int * 类型, 原因见下面链接
11
      12
13
      list->data = malloc(capacity * sizeof(int));
14
      if (NULL == list->data) return false;
15
     list->length = 0;
17
      list->capacity = capacity;
18
     return true;
19
```

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

```
}
20
   /* 如果是静态分配的顺序表, 初始化函数可以按照如下定义 */
  bool InitList(SeqList *list)
23
24
25
       if (NULL == list) return false;
       list->length = 0;
26
27
       return true;
28
 2. 销毁列表 void DestroyList(SeqList *list); 对于静态顺序表,可以没有销毁操作,
   或者简单地把 list->length 置为 0 即可
   void DestroyList(SeqList *list)
   {
2
       free(list->data);
3
   }
4
 3. 求顺序表长度 int ListLength(SeqList *list);
   int ListLength(SeqList *list)
2
   {
       if (NULL == list) return 0;
3
       return list->length;
4
   }
5
4. 获取顺序表容量 int ListCapacity(SeqList *list);
   int ListCapacity(SeqList *list)
2
   {
       if (NULL == list) return 0;
3
       return list->capacity;
4
       /* 对于静态顺序表 */
       // return MaxSize;
   }
 5. 顺序表是否为空 bool ListEmpty(SeqList *list);
   bool ListEmpty(SeqList *list)
   {
2
       return (0 == list->length);
   }
 6. 顺序表是否已满 bool ListFull(SeqList *list);
   bool ListFull(SeqList *list)
2
   {
```

```
return (ListLength(list) == ListCapacity(list));
3
   }
7. 查找某个元素的下标 int LocateElem(SeqList *list, int ele);
   * 返回 -1 表明没有找到或者出错
2
3
   int LocateElem(SeqList *list, int ele)
       if (NULL == list) return -1;
      for (int i = 0; i < Length(list); i++) {</pre>
          if (ele == list->data[i])
              return i;
9
          /* 对于静态顺序表 */
10
          //if (ele == list.data[i])
11
                return i;
12
13
       /* 没有找到 */
14
      return -1;
15
   }
16
8. 根据下标获取元素 int GetElem(SeqList *list, int idx);
   int GetElem(SeqList *list, int idx)
1
   {
2
       /* 假定元素都是大于 O, 返回 -1 表明发生下标越界错误
3
       * 如果存储的元素是任意整数,那么返回 -1 就不合理,可以修改 GetElem 函数为
       * bool GetElem(SeqList *list, int idx, int *store);
       * 返回 ture, 表明正确获取数据,存储到指针 *store 里,
6
       * 返回 false, 表明下标越界
       */
       if (idx < 0 || idx > ListLength(list))
9
          return -1;
10
      return list->data[idx];
11
       /* 对于静态顺序表 */
^{12}
       //return list.data[idx];
13
   }
14
9. 在指定下标处插人元素 bool ListInsert(SeqList *list, int idx, int ele);
   bool ListInsert(SeqList *list, int idx, int ele)
1
2
       if (idx < 0 || idx > ListLength(list)) return false;
3
       /* 存储空间已满 */
4
       if (ListFull(list)) return false;
5
      for (int i = Length(list); i > idx; i--) {
          list->data[i] = list->data[i-1];
          /* 对于静态顺序表 */
          // list.data[i] = list.data[i-1];
```

```
10
       list->data[idx] = ele;
11
       return true;
12
   }
13
10. 删除下标处的元素 bool ListDelete(SeqList *list, int idx, int *ele);
   bool ListDelete(SeqList *list, int idx, int *ele)
2
       if (idx < 0 || idx > ListLength(list)) return false;
3
       for (int i = idx; i < ListLength(list)-1; i++) {</pre>
4
           list->data[i] = list->data[i+1];
           /* 对于静态顺序表 */
           // list.data[i] = list.data[i+1];
       list->length = list->length-1;
9
       return true;
10
```

1.1.2 单链表

```
typedef struct LinkNode {
    int data;
    struct LinkNode *next;
    LinkNode;
    typedef LinkNode *LinkList;

/* 分配一个节点 */
    LinkList node = malloc(sizeof(LinkNode));
    node->next = NULL;
```

基本操作

1. 初始化一个单链表 bool InitList(LinkList *list);

```
/**
   * 带头节点的初始化
   * LinkList 实际上是指向 LinkNode 类型的指针
   * 所以 list 指针也就是一个指向 LinkNode 类型的 "二级指针"
   * 也就是所谓的指向指针的指针, list 指向 LinkList 类型的指针
   */
6
  bool InitList(LinkList *list)
      if (NULL == list) return false;
9
      *list = malloc(sizeof(LinkNode));
10
      (*list)->next = NULL;
11
      return true;
12
  }
```

```
14
15
   * 不带头结点的单链表初始化
16
17
   bool InitList(LinkList *list)
18
19
      if (NULL == list) return false;
20
      *list = NULL;
21
      return true;
22
23
   /* 对于不带头节点的单链表可以不使用函数来初始化链表, 而是按照如下方式 */
^{24}
                         /* 因为无头节点,可以直接以空指针当作空链表 */
   LinkList list = NULL;
```

2. 释放一个单链表 void DestroyList(LinkList list);

```
* 无论有没有头节点,释放方法都一样
2
3
    void DestroyList(LinkList list)
4
5
       LinkList next;
6
       for (; NULL != list; list = next) {
7
           next = list->next;
           free(list);
9
       }
10
   }
11
```

1.1.3 双链表

双链表不像单链表有带头节点和不带头节点之分,因为不带头节点处理链表通常会繁琐一些,双链表插入删除涉及的指针数量是单链表的两倍,所以双链表实际中一般都是带有头节点。此外,双链表有普通的双链表和循环双链表两种实现。

```
typedef struct DLinkNode {
   int data;
   struct DLinkNode *prev, *next;
} DLinkNode;
typedef DLinkNode *DLinkList;
```

基本操作 这里以循环双链表为主要例子作为演示,同时注释里会注明普通双链表的实现。

1. 初始化双链表 bool InitDLinkList(DLinkList *dlist);

```
bool InitDLinkList(DLinkList *dlist)
{
    if (NULL == dlist) return false;
    *dlist = malloc(sizeof(DLinkNode));
```

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

```
if (NULL == *dlist) return false;
5
       /* 循环双链表 */
6
       (*dlist)->prev = (*dlist)->next = *dlist;
       /* 普通双链表 */
       // (*dlist)->prev = (*dlist)->next = NULL;
       return true;
10
  }
11
   /* 使用初始化函数 */
^{12}
   DLinkList list;
13
   InitDLinkList(&list);
14
2. 判断是否是空链表 bool DLinkListEmpty(DLinkList list);
   bool DLinkListEmpty(DLinkList list)
2
       if (NULL == list) return true;
3
       return (list->next = list) && (list->prev = list);
       /* 普通双链表 */
       // return (list->next == NULL) & (list->prev == NULL);
6
   }
3. 求表长度 int DLinkListLength(DLinkList list);
   int DLinkListLength(DLinkList list)
1
2
       if (NULL == list) return 0;
3
       int len = 0;
4
       /* 让 p = list->next 是为了去掉头节点 */
5
       for (DLinkList p = list->next; list != p; p = p->next)
6
       /* 普通双链表 */
9
       //for (DLinkList p = list->next; NULL != p; p = p->next)
10
             len++:
11
12
       return len;
13
14
4. 在双链表指定节点后插入元素 bool InsertDLinkListAt(DLinkList at, int ele);
  /**
    *插入元素 ele 到插入点 at 之后
3
   bool InsertDLinkListAt(DLinkList at, int ele)
4
5
       if (NULL == at) return false;
6
       DLinkNode *node = malloc(sizeof(DLinkNode));
       if (NULL == node) return false;
      node->data = ele;
9
10
```

```
DLinkList next = at->next;
node->next = next;
node->prev = at;
next->prev = node;
at->next = node;
return true;
}
```

5. 删除双链表指定节点 bool DeleteDLinkList(DLinkList node);

```
bool DeleteDLinkList(DLinkList node)
1
       if (NULL == node) return false;
3
       DLinkList prev = node->prev;
4
       DLinkList next = node->next;
5
       prev->next = next;
6
       next->prev = prev;
       free(node);
       return true;
9
   }
10
```

1.1.4 静态链表

静态链表(或者叫「游标」的技术)在 C 语言中使用的比较少,但是对于没有指针概念的编程语言中使用会使用。与之类似的技术在 C 语言中使用较多,叫「池」的技术。比如链表节点池:为了减少 malloc 函数的调用以提高效率,预先分配一大块内存,自己在这块内存中分配各个节点。指向这些节点的时候可以不使用指针,而是使用节点在这一大块内存中的编号。

1.2 例题

1. 删除不带头结点单链表 list 中所有值为 x 的结点

```
#include "list.h"
  void DeleteAllxFromList(LinkList *plist, int x)
2
  {
3
4
      * 使用二级指针后代码虽然简洁,但是理解有点复杂,尝试画图理解吧
5
      * 二级指针的思想就是: 把节点想象成汤圆, 指针就是用来插汤圆的牙签,
6
      * 二级指针就是握住牙签的手
      * 空链表: 就是一根光溜溜的牙签
8
     if (NULL == plist) return;
10
11
     while (*plist != NULL) {
12
13
         * plist 是手, *plist 就是手上的牙签, (*plist)->next 下一个汤圆的牙签
         * 让"手"握住下一个"汤圆"的"牙签"
```

```
*/
16
            LinkList *pnext = &(*plist)->next; /* -> 优先级高于 & */
17
            if (x == (*plist) -> data) {
                free(*plist);
19
                 *plist = *pnext;
20
            } else {
21
                plist = pnext;
22
23
^{24}
        }
25
26
```

2. 删除带头结点单链表 list 中所有值为 x 结点

```
#include "list.h"
1
   void DeleteAllxFromList2(LinkList list, int x)
2
   {
3
        if (NULL == list || NULL == list->next) return;
4
       while (NULL != list->next) {
5
            LinkList curr = list->next;
6
            if (x == curr->data) {
                free(curr);
                list->next = curr->next;
9
            } else {
10
                list = list->next;
11
12
       }
13
14
```

3. 反向输出带有头结点单链表 list 中的所有值

```
#include "list.h"
2
   * 逆向输出有两种策略(注意这里带有头节点)
3
   * 方法一: 函数递归输出, 缺点是存在栈溢出的情况
4
5
   void _PrintListRevsersely(LinkList list)
6
7
      /* 按照没有头节点单链表来处理 */
      if (NULL == list) return;
9
      _PrintListRevsersely(list->next);
10
      printf("%d ", list->data);
11
  }
12
  void PrintListReversely(LinkList list)
13
14
      /* 对于空链表 (带有头节点) 直接返回不进行处理 */
15
      if (NULL == list || NULL == list->next) return;
16
      list = list->next; /* 去除头节点 */
17
      _PrintListRevsersely(list);
18
19
   /* 方法二: 用一个数组暂存数据的地址, 然后再逆向输出 */
```

```
void PrintListReversely(LinkList list)
23
       if (NULL == list || NULL == list->next) return;
^{24}
       list = list->next; /* 去除头节点 */
25
       /* 存储元素的地址,减少直接复制元素带来的开销 */
26
       int *values[MaxSize];
27
       int cnt;
28
       for (cnt = 0; cnt < MaxSize && NULL != list; cnt++, list = list->next)
29
           values[cnt] = &list->data;
30
31
       if (cnt > MaxSize) {
           printf("the amount of data in list is greater than MaxSize(%d).", MaxSize);
33
           return;
34
       while (cnt-->0)
35
           printf("%d ", *values[cnt]);
36
   }
37
```

4. 删除带头结点单链表 list 中最小值的节点

```
#include "list.h"
1
   void DeleteMinimalValueFromList(LinkList list)
2
3
       /* INT_MAX 来自头文件 limits.h, 典型值为 2~31 (2 的 31 次方) */
4
       int minValue = INT_MAX; /* 存储最小值 */
5
       LinkList minPrev; /* 指向最小值节点的前驱节点 */
6
       if (NULL == list || NULL == list->next) return;
       for (; NULL != list->next; list = list->next) {
           LinkList curr = list->next;
           if (curr->data < minValue) {</pre>
10
               minValue = curr->data;
11
               minPrev = list;
12
13
14
       LinkList minNode = minPrev->next;
15
       minPrev->next = minNode->next;
16
       free(minNode);
17
   }
18
```

5. 就地逆置带头结点单链表 list

```
#include "list.h"
  void ReverseListInPlace(LinkList list)
   {
3
       if (NULL == list || NULL == list->next) return;
4
       LinkList node, next;
/* 把 list 断开成两个链表: list 空链表, node 余下节点 */
5
6
       node = list->next;
       list->next = NULL;
       for (; NULL != node; node = next) {
9
           next = node->next;
10
           /* 插入头节点之后,普通节点之前 */
11
```

6. 排序带头结点的单链表 list 为升序

```
#include "list.h"
   /* 采用插入排序法 */
   void SortList(LinkList list)
3
4
       if (NULL == list | NULL == list->next) return;
       LinkList node = list->next;
6
       list->next = NULL;
       /* 把余下节点 node, 插入到新链表 list */
8
       LinkList next;
9
       for (; NULL != node; node = next) {
10
           next = node->next;
11
           /* 寻找 */
12
           LinkList prev = list;
13
           while (node->data > prev->data && NULL != prev->next)
14
               prev = prev->next;
15
           /* 插入 */
16
           node->next = prev->next;
17
           prev->next = node;
18
       }
19
   }
```

7. 删除带有头结点单链表 list 中介于给定的两个值 lo, hi (大于等于 lo, 小于等于 hi) 中的元素

```
#include "list.h"
1
   /**
    * 整体思路和从 list 中删除 x 一样, 只是条件不同
   void DeleteValuesBetweenLoHiFromList(LinkList list, int lo, int hi)
6
       if (NULL == list || NULL == list->next || lo > hi) return;
       LinkList next;
       while (NULL != list->next) {
9
           LinkList curr = list->next;
10
           if (lo <= curr->data && curr->data <= hi) {
11
               list->next = curr->next;
12
13
               free(curr);
           } else {
14
               list = list->next;
15
           }
16
       }
17
   }
18
```

2 栈

2.1 数据结构定义

栈可以采用数组连续存储或者单链表来实现,其中使用动态分配的顺序存储来实现更为常见。下面按照动态分配的连续存储实现的栈演示。

2.1.1 顺序存储的栈

静态分配 类似于静态分配的顺序表。

```
#define MaxSize 1024
typedef struct SeqStack {
   int data[MaxSize];
   int top;
} SeqStack;
```

动态分配

```
typedef struct SeqStack {
   int *data;
   int top, capacity;
} SeqStack;
```

基本操作

1. 以最大容量 capacity 初始化栈 bool InitStack(SeqStack *stack, int capacity);

```
bool InitStack(SeqStack *stack, int capacity)

{
    if (NULL == stack || capacity <= 0) return false;
    stack->top = -1;
    stack->capacity = capacity;
    stack->data = malloc(capacity * sizeof(int));
    if (NULL == stack->data) return false;
    return true;
}
```

- 2. 销毁栈 void DestroyStack(SeqStack *stack);和销毁动态分配的顺序表类似,就不再赘述
- 3. 获取栈内元素个数 int StackSize(SeqStack *stack);

2.1 数据结构定义 2 栈

```
int StackSize(SeqStack *stack)
1
2
       if (NULL == stack) return 0;
3
4
      return (stack->top + 1);
  }
5
4. 获取栈最大容量 int StackCapacity(SeqStack *stack);
  int StackCapacity(SeqStack *stack)
1
  {
2
       if (NULL == stack) return 0;
3
       return stack->capacity;
4
       /* 对于静态分配的栈 */
5
       // return MaxSize;
6
  }
5. 判断栈是否为空 bool StackEmpty(SeqStack *stack);
  bool StackEmpty(SeqStack *stack)
2
       if (NULL == stack) return true;
3
      return (0 == StackSize(stack));
4
       /* 或者 */
5
       // return (-1 == stack->top);
6
  }
6. 判断栈是否为满 bool StackFull(SeqStack *stack);
  bool StackFull(SeqStack *stack)
  {
2
       if (NULL == stack) return false;
3
       return (StackSize(stack) == StackCapacity(stack));
4
       /* 或者 */
       // return (stack->top +1 == stack->capacity);
6
  }
7
7. 进栈 bool Push(SeqStack *stack, int ele);
  bool Push(SeqStack *stack, int ele)
  {
2
       if (NULL == stack || StackFull(stack)) return false;
3
       stack->top += 1;
       stack->data[stack->top] = ele;
5
      return true;
6
  }
7
8. 出栈 bool Pop(SeqStack *stack, int *store);
```

2.1 数据结构定义 2.1 数据结构定义 2 栈

```
bool Pop(SeqStack *stack, int *store)
1
2
       if (NULL == stack || NULL == store) return false;
3
       if (StackEmpty(stack)) return false;
4
       *store = stack->data[stack->top];
5
       stack->top -= 1;
6
      return true;
  }
9. 获取栈顶元素 bool GetTop(SeqStack *stack, int *store);
  bool GetTop(SeqStack *stack, int *store)
1
2
       if (NULL == stack || NULL == store) return false;
3
       if (StackEmpty(stack)) return false;
4
       *store = stack->data[stack->top];
       return true;
  }
```

2.1.2 链式存储的栈

```
typedef struct LinkStack {

int size; /* 存储了多少个元素 */

LinkList top;

LinkStack;
```

基本操作

1. 初始化栈 bool InitStack(LinkStack *stack);

```
bool InitStack(LinkStack *stack)
{
    if (NULL === stack) return false;
    stack->size = 0;
    stack->top = NULL; /* 不带头节点的单链表 */
    return true;
}
```

- 2. 获取栈内元素个数、判断栈是否为空等函数不再赘述
- 3. 进栈 bool Push(LinkStack *stack, int ele);

```
bool Push(LinkStack *stack, int ele)
{
    if (NULL == stack) return false;
    /* 链表实现的栈的容量为无穷大,所以不存在栈满的情况 */
```

2.2 例题 2 栈

```
LinkNode *node = malloc(sizeof(LinkNode));
5
       if (NULL == node) return false;
6
       node->data = ele;
8
       node->next = stack->top;
9
       stack->top = node;
10
11
       stack->size += 1;
12
13
       return true;
14
4. 出栈 bool Pop(LinkStack *stack, int *store);
   bool Pop(LinkStack *stack, int *store)
1
2
       if (NULL == stack || NULL == store) return false;
3
       if (Empty(stack)) return false;
4
       LinkList node = stack->top;
5
       stack->top = node->next;
6
       *store = node->data;
9
       free(node);
       return true;
10
   }
11
```

5. 获取栈顶元素 int GetElem(LinkStack *stack); 无须再给出吧

2.2 例题

栈的应用更多是在数和图里面作为辅助数据结构使用,所以单独考察变体不多。这里以判 断括号是否匹配为例子,演示栈数据结构的使用。

```
#include "stack.h"
    #define CapacityMax 4096
   bool IsBracketsValid(char *brackets)
3
4
         bool valid = true;
5
         SeqStack stack;
6
         InitStack(&stack, CapacityMax);
         int ch;
         for (int i = 0; '\0' != brackets[i]; i++) {
              switch (brackets[i]) {
10
              /* 左 "括号" 入栈 */
case '(': Push(&stack, '('); break;
case '[': Push(&stack, '['); break;
case '{': Push(&stack, '{'}); break;
11
12
13
14
              /* 右 "括号" 出栈 */
15
              case ')
16
                   if (Empty(&stack)) {
^{17}
                         DestroyStack(&stack);
18
```

2.2 例题 2 栈

```
return false;
19
20
                 Pop(&stack, &ch);
^{21}
                 if ('(' != ch) {
22
                      DestroyStack(&stack);
23
                      return false;
24
                 }
25
                 break;
26
             case ']':
27
                 if (Empty(&stack)) {
28
                      DestroyStack(&stack);
29
                      return false;
30
31
                 Pop(&stack, &ch);
                 if ('[' != ch) {
33
                      DestroyStack(&stack);
34
                      return false;
35
                 }
36
37
                 break;
             case '}':
38
                 if (Empty(&stack)) {
39
                      DestroyStack(&stack);
40
                      return false;
41
42
                 Pop(&stack, &ch);
43
                 if ('{' != ch) {
44
                      DestroyStack(&stack);
45
                      return false;
46
                 }
47
                 break;
48
                 break;
49
             default:
50
                 break;
51
52
        }
53
        if (!Empty(&stack)) {
54
             DestroyStack(&stack);
55
             return false;
56
        }
57
58
        DestroyStack(&stack);
59
60
        return true;
    }
61
```

3 队列

3.1 数据结构定义

3.1.1 顺序存储的队列

同顺序表和顺序存储的栈,顺序存储的队列也有两种结构。下文只介绍动态分配的顺序存储队列的实现。

动态分配

```
typedef struct SeqQueue {
    int *data;
    int capacity;
    int front, rear;
    /* 通过 size 记录存储元素的个数,进而作为另一种判断队列是否为空的方法 */
    // int size;
} SeqQueue;
```

基本操作

1. 初始化队列 bool InitQueue(SeqQueue *queue, int capacity);

```
bool InitQueue(SeqQueue *queue, int capacity)
{
    if (NULL == queue || capacity <= 0) return false;
    queue->data = malloc(capacity * sizeof(int));
    if (NULL == queue->data) return false;
    queue->capacity = capacity;
    queue->front = queue->rear = 0;
    // queue->size = 0;
    return true;
}
```

2. 判断队列是否为空 bool QueueEmpty(SeqQueue *queue);

```
bool QueueEmpty(SeqQueue *queue)
{
    if (NULL == queue) return true;
    return (queue->front == queue->rear);
    /* 如果采用 size 记录存储元素的个数 */
    // return (0 == queue->size);
}
```

3. 判断队列是否为满 bool QueueFull(SeqQueue *queue);

3.1 数据结构定义 3 队列

```
bool QueueFull(SeqQueue *queue)
2
       if (NULL == queue) return false;
3
      return (queue->front == (queue->rear+1) % queue->capacity);
4
       // return (queue->capacity == queue->size);
5
6
4. 获取队列当前元素个数 int QueueSize(SeqQueue *queue);
  int QueueSize(SeqQueue *queue)
1
2
       if (NULL == queue) return 0;
3
       return (queue->rear - queue->front + queue->capacity) % queue->capacity;
4
       // return queue->size;
6
5. 人队 bool EnQueue(SeqQueue *queue, int ele);
  bool EnQueue(SeqQueue *queue, int ele)
2
       if (NULL == queue || QueueFull(queue)) return false;
3
       queue->data[queue->rear] = ele;
       queue->rear = (queue->rear+1) % queue->capacity;
       // queue->size += 1;
      return true;
  }
6. 出队 bool DeQueue(SeqQueue *queue, int *store);
  bool DeQueue(SeqQueue *queue, int *store)
       if (NULL == queue || NULL == store) return false;
       if (QueueEmpty(queue)) return false;
       *store = queue->data[queue->front];
       queue->front = (queue->front+1) % queue->capacity;
6
       // queue->size -= 1;
      return true;
8
  }
9
7. 获取队首元素 bool GetHead(SeqQueue *queue, int *store);
  bool GetHead(SeqQueue *queue, int *store)
1
   {
2
       if (NULL == queue || NULL == store) return false;
3
       if (QueueEmpty(queue)) return false;
       *store = queue->data[queue->front];
5
       return true;
6
  }
```

3.1 数据结构定义 3 队列

3.1.2 链式存储的队列

单链表实现的队列,如果需要求得当前队列元素个数,必须要遍历队列,效率较低,也可以通过一个变量 size 记录存储元素的个数。

```
typedef struct LinkQueue {
LinkList rear, front;
int size;
LinkQueue;
```

基本操作

1. 初始化队列 bool InitQueue(LinkQueue *queue);

```
bool InitQueue(LinkQueue *queue)
2
       if (NULL == queue) return false;
3
       LinkNode *dummy = malloc(sizeof(LinkNode)); /* 头节点 */
4
       if (NULL == dummy) return false;
       dummy->next = NULL;
       /**
        * front->[dummy]->NULL
        * rear ----
        */
11
       queue->front = queue->rear = dummy;
12
       queue->size = 0;
13
       return true;
14
   }
15
```

2. 销毁队列 void DestroyQueue(LinkQueue *queue);

```
void DestroyQueue(LinkQueue *queue)
{
    if (NULL == queue) return;
    DestroyList(queue->front);
}
```

3. 判断队列是否为空 bool QueueEmpty(LinkQueue *queue);

```
bool QueueEmpty(LinkQueue *queue)
{
    if (NULL == queue) return true;
    return (queue->front == queue->rear);
}
```

4. 人队 bool EnQueue(LinkQueue *queue, int ele);

3.2 例题 3.2 队列

```
bool EnQueue(LinkQueue *queue, int ele)
1
2
        if (NULL == queue) return false;
3
        LinkNode *node = malloc(sizeof(LinkNode));
4
        if (NULL == node) return false;
5
        node->data = ele;
6
        node->next = NULL;
        /**
9
        * front->[dummy]->[node1]->...->[ele]->NULL
10
         * rear -----
11
12
        queue->rear->next = node;
13
14
        queue->rear = node;
15
        queue->size += 1;
16
        return true;
17
   }
18
 5. 出队 bool DeQueue(LinkQueue *queue, int *store);
   bool DeQueue(LinkQueue *queue, int *store)
1
2
        if (NULL == queue || NULL == store) return false;
3
        if (QueueEmpty(queue)) return false;
4
5
6
         * front \rightarrow [dummy] \rightarrow [node2] \rightarrow \dots \rightarrow [noden] \rightarrow NULL
         * rear -----
         * node ->[node1]
9
        */
10
        LinkList node = queue->front->next;
11
12
        queue->front->next = node->next;
        /* 如果是最后一个元素 */
13
        if (node == queue->rear)
14
            queue->rear = queue->front;
15
        queue->size -= 1;
16
^{17}
        *store = node->data;
        free(node);
19
        return true;
20
21
```

3.2 例题

本章无例题:)

4 树

4.1 数据结构定义

4.1.1 双亲存储结构

数组形式 数组形式存储的 k ($k \ge 2$) 叉树, 通常孩子节点下标 n 和双亲节点下标 m 满足如下关系(下标从 1 开始计数):

- 通过孩子节点下标计算双亲节点下标: $m = \left\lceil \frac{n-1}{k} \right\rceil$
- 计算双亲节点的第 i $(1 \le i \le k)$ 个孩子的下标: n = (m-1)k + i + 1

下面证明如何通过孩子节点计算双亲节点公式正确:

证明. 对于任意孩子节点 n,假设其双亲节点为 m。那么双亲 m 的第一个孩子节点下标为 (m-1)k+2,最后一个孩子节点下标为 mk+1,那么有不等式

$$(m-1)k+2 \le n \le mk+1$$

$$\implies m-1+\frac{2}{k} \le \frac{n}{k} \le m+\frac{1}{k}$$

$$\implies m+\frac{1}{k}-1 \le \frac{n-1}{k} \le m$$

$$\implies m \le \left\lceil \frac{n-1}{k} \right\rceil \le m$$

$$\implies m = \left\lceil \frac{n-1}{k} \right\rceil$$

特别地,对于二叉树上述公式也是成立,但是此外有更为便捷的方法。考虑到对计算机而言,下取整比上取整更为方便,对上述证明中采取如下计算方法:

$$(m-1)k+2 \le n \le mk+1$$

$$\implies m \le \frac{n}{k}+1-\frac{2}{k} \le m+1-\frac{1}{k}$$

$$\implies m \le \left\lfloor \frac{n}{k}+1-\frac{2}{k} \right\rfloor \le \left\lfloor m+1-\frac{1}{k} \right\rfloor = m$$

$$\implies m = \left\lfloor \frac{n}{k}+1-\frac{2}{k} \right\rfloor (考虑到k=2)$$

$$\implies m = \left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor$$

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

即由双亲节点得孩子节点 n=2m 或 2m+1, 由孩子节点得双亲节点 $m=\left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor$

```
#define TreeNodeMax 2048
  /* Parent Tree Node */
2
  typedef struct PTNode {
3
      int data;
4
                      /* -1 表明没有双亲节点 */
      int parent;
  } PTNode;
  /* Parent Tree */
  typedef struct PTree {
      PTNode *nodes;
                      /* nodes 的总个数 */
      int capacity;
  } PTree;
```

应用

- 1. 并查集 (Union Find Set): 顺序存储的树结构可以用于实现并查集,不同之处在于并查集不需要通过双亲节点找到孩子节点,因此可以更为灵活。注意: 下列代码中空集定义为双亲元素为 -1,单元素集合定义为双亲元素为自身。
 - 结构的定义

₅ }

```
typedef struct UFSet {
       int *nodes;
2
       int capacity;
   } UFSet;
 • 初始化并查集 bool InitUFSet(UFSet *set, int capacity);
   bool InitUFSet(UFSet *set, int capacity)
2
       if (NULL == set || capacity <= 0) return false;</pre>
       set->nodes = malloc(capacity * sizeof(int));
       if (NULL == set->nodes) return false;
       set->capacity = capacity;
6
       /* 所有集合初始化为空集 */
       for (int i = 0; i < capacity; i++)</pre>
           set->nodes[i] = -1;
9
       return true;
10
   }
11
 • 销毁并查集 void DestroyUFSet(UFSet *set);
   void DestroyUFSet(UFSet *set)
1
2
       if (NULL == set) return;
3
       free(set->nodes);
4
```

• 添加单元素集合 {id} bool MakeSet(UFSet *set, int id);

• 查找元素 id 所在集合的代表元素 int Find(UFSet *set, int id);

```
* 返回 -1 表示 id 不在任何集合内
    * 返回 >= 0 表示 id 所在集合的代表元素
   int Find(UFSet *set, int id)
5
6
       if (NULL == set) return -1;
7
       if (id < 0 \mid | id >= set->capacity) return -1;
8
       while (true) {
9
           int parent = set->nodes[id];
10
           if (parent == id || parent == -1)
11
               return parent;
12
13
           id = parent;
       }
14
   }
15
```

• 判断两个元素是否同一集合 bool Same(UFSet *set, int x, int y);

```
bool Same(UFSet *set, int x, int y)
{
    int xparent = Find(set, x);
    int yparent = Find(set, y);
    if (-1 == xparent || -1 == yparent)
        return false;
    return (xparent == yparent);
}
```

• 合并 x 和 y 所在的集合 bool Union(UFSet *set, int x, int y);

```
/**

* 下面单纯的合并会导致查找 Find 效率降低,

* 实际中会使用:按秩合并和路径压缩的方法

* 参见: https://en.wikipedia.org/wiki/Disjoint-set_data_structure

bool Union(UFSet *set, int x, int y)

{

int xparent = Find(set, x);
int yparent = Find(set, y);
```

```
if (-1 == xparent || -1 == yparent)
return false;
/* y 所在集合的代表元素 yparent 指向 x 集合代表元素 xparent */
set->nodes[yparent] = xparent;
return true;
}
```

- 2. 满二叉树
- 3. 大堆或小堆

指针形式 指针形式通常不能直接找到双亲节点的孩子节点,通过孩子节点寻找双亲节点很方便。

```
typedef struct PTreeNode {
   int data;
   struct PTreeNode *parent;
} PTreeNode;
typedef PTreeNode *PTree;
```

4.1.2 孩子兄弟存储结构

```
/* Child Sibling Tree */
typedef struct CSTreeNode {
   int data;
   struct CSTreeNode *firstchild, *nextsibling;
} CSTreeNode;
typedef CSTreeNode *CSTree;
```

4.1.3 二叉树、二叉排序数和平衡二叉树

```
/* Binary Tree */
typedef struct BiTreeNode {
    int data;
    struct BiTreeNode *lchild, *rchild;
} BiTreeNode;
typedef BiTreeNode *BiTree;
```

基本操作

- 1. 二叉树遍历
 - 先序遍历 void PreOrder(BiTree tree);

4.1 数据结构定义 4.1 4 树

```
/* 递归实现 */
   void PreOrder(BiTree tree)
2
   {
3
       if (NULL == tree) return;
4
       /* 访问节点 tree */
5
        // visit(tree);
6
       PreOrder(tree->lchild);
       PreOrder(tree->rchild);
   }
9
10
   /* 非递归实现: 版本一 */
11
   void PreOrder(BiTree tree)
12
13
   #define TreeHeightMax 2048
14
        SeqStack stack;
15
        InitStack(&stack, TreeHeightMax);
16
17
       Push(&stack, &tree);
18
       while (!StackEmpty(&stack)) {
19
            BiTree node;
20
            Pop(&stack, &node);
21
            if (NULL == node)
22
                continue;
23
            /* 访问节点 node */
// visit(node);
^{24}
25
            /* 先右节点入栈, 然后是左节点入栈 */
26
            Push(&stack, &node->rchild);
27
            Push(&stack, &node->lchild);
28
29
30
       DestroyStack(&stack);
31
   }
32
33
   /* 非递归实现:版本二 */
34
   void PreOrder(BiTree tree)
35
36
   #define TreeHeightMax 2048
37
        SeqStack stack;
38
        InitStack(&stack, TreeHeightMax);
39
40
       BiTree curr = tree;
41
       while (NULL != curr || !StackEmpty(&stack)) {
42
            if (NULL != curr) {
43
                /* 访问当前节点 curr */
44
                // visit(curr);
45
46
                Push(&stack, &curr);
                curr = curr->lchild;
            } else {
48
                Pop(&stack, &curr);
49
                curr = curr->rchild;
50
            }
51
       }
52
53
       DestroyStack(&stack);
54
```

4.1 数据结构定义 4.1 数据结构定义 4 树

```
• 中序遍历 void InOrder(BiTree tree);
   /* 递归实现 */
   void InOrder(BiTree tree)
   {
        if (NULL == tree) return;
4
       InOrder(tree->lchild);
5
       /* 访问节点 tree */
// visit(tree);
6
       InOrder(tree->rchild);
8
   }
9
10
   /* 非递归实现 */
11
   void InOrder(BiTree tree)
12
13
   #define TreeHeightMax 2048
14
        SeqStack stack;
15
        InitStack(&stack, TreeHeightMax);
16
17
       BiTree curr = tree;
18
       while (NULL == curr || !StackEmpty(&stack)) {
19
            if (NULL != curr) {
20
                Push(&stack, &curr);
^{21}
                curr = curr->lchild;
22
            } else {
23
                Pop(&stack, &curr);
24
                /* 访问节点 node */
25
                // visit(node);
26
                curr = curr->rchild;
27
            }
28
       }
29
30
       DestroyStack(&stack);
31
32
   后序遍历 void PostOrder(BiTree tree);
   /* 递归实现 */
   void PostOrder(BiTree tree)
2
   {
3
       if (NULL == tree) return;
4
       PostOrder(tree->lchild);
5
       PostOrder(tree->rchild);
6
       /* 访问节点 tree */
       // visit(tree);
   }
10
   /* 非递归实现 */
11
   /* 参见 https://en.wikipedia.org/wiki/Tree_traversal#Post-order_(LRN) */
12
   void PostOrder(BiTree tree)
13
14
```

```
#define TreeHeightMax 2048
15
16
        SeqStack stack;
        InitStack(&stack, TreeHeightMax);
17
        BiTree lastVisited = NULL;
18
        BiTree curr = tree;
19
20
        while (NULL != curr || !StackEmpty(&stack)) {
21
            if (NULL != curr) {
22
                Push(&stack, &curr);
23
                curr = curr->lchild;
24
            } else {
25
                GetTop(&stack, &curr); /* 只获取栈顶, 不弹栈 */
26
27
                if (NULL != curr->rchild && lastVisited != curr->rchild) {
                    curr = curr->rchild;
28
                } else {
29
                    /* 访问当前节点 */
30
                    // visit(curr);
31
                    Pop(&stack, &lastVisited);
32
                }
33
            }
34
        }
35
36
        DestroyStack(&stack);
37
   }
38
   层次遍历 void LevelOrder(BiTree tree);
   void LevelOrder(BiTree tree)
2
   #define TreeWidthMax 4096
3
        if (NULL == tree) return;
4
        SeqQueue queue;
5
        InitQueue(&queue, TreeNodesMax);
6
        EnQueue(&queue, &tree);
        while (!QueueEmpty(&queue)) {
9
            BiTree node;
10
            DeQueue(&queue, &node);
11
            /* 访问节点 */
12
            // visit(node);
13
            if (NULL != node->lchild)
14
                EnQueue(&queue, &node->lchild);
15
            if (NULL != node->rchild)
16
                EnQueue(&queue, &node->rchild);
17
        }
18
19
        DestroyQueue(&queue);
20
   }
21
```

- 2. 二叉查找树 (Binary Search Tree, BST), 也叫排序二叉树或二叉排序树
 - 查找元素 bool BiTreeSearch(BiTree tree, int data);

```
/* 递归实现 */
   bool BiTreeSearch(BiTree tree, int data)
2
   {
3
       if (NULL == tree) return false;
4
       if (data == tree->data)
5
           return true;
6
       if (data < tree->data)
           return BiTreeSearch(tree->lchild, data);
       else
9
           return BiTreeSearch(tree->rchild, data);
10
   }
11
12
   /* 非递归实现 */
13
   bool BiTreeSearch(BiTree tree, int data)
14
15
       while (NULL != tree) {
16
           if (data == tree->data)
17
                return true;
18
            if (data < tree->lchild)
19
                tree = tree->lchild;
20
           else
^{21}
                tree = tree->rchild;
22
23
24
       return false;
25
   }
26
   插入元素 bool BiTreeInsert(BiTree *ptree, int data);
   #include "tree.h"
   bool BiTreeInsert(BiTree *ptree, int data)
3
       /* 和向不带头节点单链表中插入数据极其类似 */
       while (NULL != *ptree) {
           if (data == (*ptree)->data)
6
                return true;
           if (data < (*ptree)->data) {
                ptree = &(*ptree)->lchild;
9
           } else {
10
                ptree = &(*ptree)->rchild;
11
           }
12
       }
13
14
       BiTreeNode *node = malloc(sizeof(BiTreeNode));
15
       if (NULL == node) return false;
       node->data = data;
^{17}
       node->lchild = node->rchild = NULL;
18
       *ptree = node;
19
20
       return true;
21
   }
22
 • 二叉排序树构造 BiTree CreateBSTree(int *array, int n);
```

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

4.1 数据结构定义 4.1 数据结构定义 4 树

```
BiTree CreateBSTree(int *array, int n)
1
2
        if (NULL == array | | n <= 0) return NULL;</pre>
3
4
        BiTree tree = NULL;
5
        for (int i = 0; i < n; i++)
6
            BiTreeInsert(&tree, array[i]);
       return tree;
9
   }
10
   删除元素 bool BiTreeDelete(BiTree *ptree, int data);
   #include "tree.h"
   /**
2
    * 从树中偷取其最大值的节点,并存储到 store 里
3
4
   void StealMaxNode(BiTree *ptree, BiTree *store)
5
   {
6
        while (NULL != (*ptree)->rchild)
7
           ptree = &(*ptree)->rchild;
        *store = *ptree;
9
        *ptree = (*store)->lchild;
10
11
   bool BiTreeDelete(BiTree *ptree, int data)
12
   {
13
        if (NULL == ptree) return false;
while (NULL != *ptree && data != (*ptree)->data) {
14
15
            if (data < (*ptree)->data)
16
               ptree = &(*ptree)->lchild;
17
18
                ptree = &(*ptree)->rchild;
19
20
        /* 没有值为 data 的节点 */
^{21}
        if (NULL == *ptree) return false;
22
23
        BiTree lsubtree = (*ptree)->lchild;
24
        BiTree rsubtree = (*ptree)->rchild;
25
26
        free(*ptree);
27
        /* 左右都有子树的节点的删除 */
28
        if (NULL != lsubtree && NULL != rsubtree) {
29
            BiTree maxNode;
30
            StealMaxNode(&lsubtree, &maxNode);
31
            *ptree = maxNode;
32
            (*ptree)->lchild = lsubtree;
33
            (*ptree)->rchild = rsubtree;
34
            return true;
35
36
37
        /* 只有左子树的节点的删除 */
38
        if (NULL != lsubtree) {
39
            *ptree = lsubtree;
40
```

```
return true;
41
42
43
       /* 只有右子树的节点的删除 */
44
       if (NULL != rsubtree) {
45
           *ptree = rsubtree;
46
           return true;
47
48
49
       /* 没有左右子树的节点 */
50
       *ptree = NULL;
51
       return true;
52
   }
53
```

3. 平衡二叉树 AVL-Tree, 查找算法和二叉查找树一样, 但是插入和删除算法不同而且代码 实现较为复杂(比二叉查找树删除元素还要复杂), 这里暂时不给出。

4.1.4 线索二叉树

```
typedef struct ThreadTreeNode {
       int data;
2
       struct ThreadTreeNode *lchild, *rchild;
   #define TagChild
  #define TagPrevNode 1
5
   #define TagNextNode 1
6
       int ltag, rtag;
   } ThreadTreeNode;
8
9
   * ltag 为 TagChild
                         (0) 时, lchild 指向左孩子节点
10
    * ltag 为 TagPrevNode (1) 时, lchild 指向前驱节点
11
                         (0) 时, rchild 指向右孩子结点
    * rtag 为 TagChild
12
    * rtag 为 TagNextNode (1) 时, rchild 指向后继节点
13
14
    typedef ThreadTreeNode *ThreadTree;
```

思想:任意一个节点有前驱节点且左孩子指针 1child 没有指向左孩子,那么就指向此节点的前驱节点;任意一个节点有后继节点且右孩子指针 rchild 没有指向右孩子,那么就指向后继节点。

基本操作

1. 先序遍历线索化 **void** CreatePreThreadTree(ThreadTree tree);

```
#include "tree.h"
void _CreatePreThreadTree(ThreadTree tree, ThreadTree *pprev)
{
    if (NULL == tree) return;
```

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

4.1 数据结构定义 4.1 数据结构定义 4 树

```
5
        /* 前驱指向当前节点 */
6
        if (NULL != *pprev && NULL == (*pprev)->rchild) {
            (*pprev)->rchild = tree;
8
            (*pprev)->rtag = TagNextNode;
9
10
        /* 当前节点指向前驱 */
11
       if (NULL == tree->lchild) {
12
            tree->lchild = *pprev;
13
            tree->ltag = TagPrevNode;
14
15
       pprev = &tree;
16
        if (TagChild == tree->ltag)
            _CreatePreThreadTree(tree->lchild, pprev);
19
        if (TagChild == tree->rtag)
20
            _CreatePreThreadTree(tree->rchild, pprev);
21
22
   void CreatePreThreadTree(ThreadTree tree)
23
24
       ThreadTree prev = NULL;
25
        _CreatePreThreadTree(tree, &prev);
26
   }
27
 2. 中序遍历线索化 void CreateInThreadTree(ThreadTree tree);
   #include "tree.h"
1
   void _CreateInThreadTree(ThreadTree tree, ThreadTree *pprev)
2
3
        if (NULL == tree) return;
4
5
       if (TagChild == tree->ltag)
6
            _CreateInThreadTree(tree->lchild, pprev);
        if (NULL != *pprev && NULL == (*pprev)->rchild) {
            (*pprev)->rchild = tree;
10
            (*pprev)->rtag = TagNextNode;
11
12
        if (NULL == tree->lchild) {
13
            tree->lchild = *pprev;
14
            tree->ltag = TagPrevNode;
15
16
       pprev = &tree;
17
18
        if (TagChild == tree->rtag)
19
            _CreateInThreadTree(tree->rchild, pprev);
20
   }
^{21}
   void CreateInThreadTree(ThreadTree tree)
22
23
        ThreadTree prev = NULL;
24
        _CreateInThreadTree(tree, &prev);
^{25}
   }
26
```

3. 后序遍历线索化 void CreatePostThreadTree(ThreadTree tree);

```
#include "tree.h"
   void _CreatePostThreadTree(ThreadTree tree, ThreadTree *pprev)
   {
3
        if (NULL == tree) return;
4
5
       if (TagChild == tree->lchild)
6
             CreatePostThreadTree(tree->lchild, pprev);
        if (TagChild == tree->rchild)
            _CreatePostThreadTree(tree->rchild, pprev);
9
10
        if (NULL != *pprev && NULL == (*pprev)->rchild) {
11
            (*pprev)->rchild = tree;
12
            (*pprev)->rtag = TagNextNode;
       }
14
       if (NULL == tree->lchild) {
15
            tree->lchild = *pprev;
16
            tree->ltag = TagPrevNode;
17
18
       pprev = &tree;
19
20
   void CreatePostThreadTree(ThreadTree tree)
^{21}
22
       ThreadTree prev = NULL;
23
        _CreatePostThreadTree(tree, &prev);
24
   }
25
```

4. 先序遍历先序线索树 void PreOrderOfPreThreadTree(ThreadTree tree);

```
#include "tree.h"
   /* 在先序序列中, 找给定节点的后继元素 */
2
  ThreadTree NextNode(ThreadTree node)
3
4
      if (TagChild == node->ltag)
5
         return node->lchild;
      return node->rchild;
  }
8
  /* 在先序序列中, 找给定节点的前驱元素 */
9
  ThreadTree PrevNode(ThreadTree node)
10
11
12
       *注意:比较困难,可能需要遍历整棵树
13
       * 因为, 如果 node->ltag == TagPrevNode,
14
                  只需要返回 node->lchild
15
              否则前驱节点就是 node 的父节点,
       *
16
              然而在二叉树孩子节点表示法中,难以找到父节点
17
18
19
   /* 在先序线索树中,找先序序列的最后一个节点 */
20
  ThreadTree LastNode(ThreadTree tree)
21
22
```

```
ThreadTree nextNode;
23
24
      while (true) {
          nextNode = NextNode(tree);
25
          if (NULL == nextNode)
26
              return tree;
27
          tree = nextNode;
28
29
30
   /* 在先序线索树中,找先序序列的第一个节点 */
31
   ThreadTree FirstNode(ThreadTree tree)
32
33
      return tree;
34
  }
35
   void PreOrderOfPreThreadTree(ThreadTree tree)
37
38
       * 把线索化后的节点看成可以通过 PrevNode() 找到前驱和 NextNode() 找到后继的
39
       * 非循环双链表,如果某一个节点 PrevNode() 为 NULL,说明这个节点为第一个节
40
       *点;同理,如果 NextNode() 为 NULL,说明这个节点为最后一个节点
42
      ThreadTree node;
43
      for (node = FirstNode(tree); NULL != node; node = NextNode(node)) {
44
          /* 访问节点 */
45
          //visit(node);
46
      }
47
   }
48
```

5. 中序遍历中序线索树 void InOrderOfInThraedTree(ThreadTree tree);

```
#include "tree.h"
   /* 在中序线索树中, 求给定节点的后继 */
  ThreadTree NextNode(ThreadTree node)
3
4
      if (TagNextNode == node->rtag)
5
         return node->rchild;
      /* 右子树的第一个节点就是当前节点的后继节点 */
      return FirstNode(node->rchild);
8
  }
9
  /* 在中序线索树中, 求给定节点的前驱 */
10
  ThreadTree PrevNode(ThreadTree node)
12
      if (TagPrevNode == node->ltag)
13
          return node->lchild;
14
      /* 左子树的最后一个节点解释当前节点的前驱节点 */
15
      return LastNode(node->lchild);
16
17
   /* 在中序线索树中, 求中序序列第一个节点 */
18
  ThreadTree FirstNode(ThreadTree tree)
19
20
      if (NULL == tree) return NULL;
      /* 左边"链"往左下的最后一个节点 */
22
      while (TagPrevNode != tree->ltag)
23
          tree = tree->lchild;
```

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

```
return tree;
25
26
   }
   /* 在中序线索树中, 求中序序列最后一个节点 */
27
  ThreadTree LastNode(ThreadTree tree)
28
29
       if (NULL == tree) return NULL;
30
       /* 右边"链"往右下的最后一个节点 */
31
       while (TagNextNode != tree->rtag)
32
           tree = tree->rchild;
33
       return tree;
34
35
   void InOrderOfInThraedTree(ThreadTree tree)
36
       ThreadTree node;
38
       for (node = FirstNode(tree); NULL != node; node = NextNode(node)) {
39
           /* 访问节点 node */
40
           //visit(node);
41
42
       /* 如果是按照中序序列逆序 */
43
       //for (node = LastNode(tree); NULL != node; node = PrevNode(node)) {
44
            /* 访问节点 node */
45
             //visit(node);
46
       //}
47
   }
48
```

对中序线索树中序遍历时,某一节点的前驱或者后继节点一定是其子树中的节点,所以一定方便找到前驱和后继。对比先序线索树的先序遍历,某一节点的前去节点可能是其父节点,所以难以找到前驱节点。

6. 后序遍历后序线索树 void PostOrderOfPostThread(ThreadTree tree);

```
#include"tree.h"
   ThreadTree NextNode(ThreadTree node)
2
   {
3
        *注意:和先序遍历寻找前驱类似,也是比较困难,原因一样
        * 如果 node->rtag == TagNextNode, 直接返回 node->rchild 即可
6
        * 否则就是 node 的父节点,父节点难以求得
9
   ThreadTree PrevNode(ThreadTree node)
10
11
       if (TagChild == node->rtag)
12
           return node->rchild;
13
       return node->lchild;
14
   ThreadTree FirstNode(ThreadTree tree)
16
17
       if (NULL == tree) return tree;
/* 第一个节点是"最左边"的第一个叶节点 */
18
19
       while (true) {
20
```

4.2 例题 4.2 4 树

```
if (TagChild == tree->ltag)
21
22
               tree = tree->lchild;
           else if (TagChild == tree->rtag)
23
               tree = tree->rchild;
24
           else
25
               break;
26
       }
27
       return tree;
29
   ThreadTree LastNode(ThreadTree tree)
30
31
       return tree;
32
   }
33
   void PostOrderOfPostThread(ThreadTree tree)
35
       /**
36
        * 后序线索树想要后序遍历,因为 NextNode() 函数难以实现,
37
        * 所以后序遍历也难以实现
38
        * 但是, 逆后序遍历是容易的, 下面给出逆后序遍历
39
40
       ThreadTree node;
41
       for (node = LastNode(tree); NULL != node; node = PrevNode(node)) {
42
           /* 访问节点 */
43
           //visit(node);
44
       }
45
   }
46
```

对比先序线索树的先序遍历,可以发现后序线索树的后续遍历与其有一定的对称性。

4.2 例题

1. 求二叉树的高度

```
#include "tree.h"

/* 这里给出递归求树的高度,也可以通过非递归的任意遍历求树高 */

int BiTreeHeight(BiTree tree)

{

if (NULL == tree) return 0;

int lheight = BiTreeHeight(tree->lchild);

int rheight = BiTreeHeight(tree->rchild);

return (lheight>rheight)? (lheight+1): (rheight+1);

}
```

2. 求二叉树宽度和高度,二叉树宽度定义为同一层中节点数最大值

```
#include "tree.h"
#include "queue.h"
int max(int x, int y)
{
    return (x>y)? x: y;
```

```
6
   bool BiTreeWidthAndHeight(BiTree tree, int *width, int *height)
   \#define\ TreeWidthMax
                             10240
9
        if (NULL == height || NULL == width) return false;
10
        *height = 0;
11
        *width = 0;
12
       if (NULL == tree) return true;
13
14
       SeqQueue queue;
15
       BiTree lastEnQueue;
16
17
18
       InitQueue(&queue, TreeWidthMax);
       EnQueue(&queue, &tree);
19
                                     /* 每一层的最后一个入队列的元素 */
        lastEnQueue = tree;
20
^{21}
       while (!QueueEmpty(&queue)) {
            int width2 = 0;
23
            BiTree thisLayerLastEnQueue = NULL;
24
25
            /* 处理一层 */
26
            while (true) {
                BiTree node;
                DeQueue(&queue, &node);
29
                width2 ++;
30
                if (NULL != node->lchild) {
31
                    EnQueue(&queue, &node->lchild);
32
                    thisLayerLastEnQueue = node->lchild;
                }
                if (NULL != node->rchild) {
35
                    EnQueue(&queue, &node->rchild);
36
                    thisLayerLastEnQueue = node->rchild;
37
                }
                if (lastEnQueue == node)
                    break;
40
            }
41
42
            lastEnQueue = thisLayerLastEnQueue;
43
            *height += 1;
            *width = max(*width, width2);
45
       }
46
47
48
       DestroyQueue(&queue);
49
50
       return true;
51
```

3. 求左子树中节点经过根节点到右子树中节点的最长路径的长度

4.2 例题 4.2 4 树

```
* 注意: 树的高度等于根节点到最远叶节点距离加一
* 高度和路劲长度不是完全一回事

*/
* if (NULL == tree) return 0;
    int lheight = BiTreeHeight(tree->lchild);
    int rheight = BiTreeHeight(tree->rchild);
    if (lheight >= 1) lheight -= 1;
    if (rheight >= 1) rheight -= 1;
    return lheight + rheight;

}
```

4. 输出根节点到每个叶子结点的路径

```
#include "tree.h"
   #define BiTreeHeightMAX 4096
2
   int trace[BiTreeHeightMAX];
3
   int idx = 0;
/* DFS 深度遍历 */
4
5
   void PrintAllTraces(BiTree tree)
7
        if (NULL == tree) {
8
            for (int i = 0; i < idx; i++)
9
                printf("%d'", trace[i]);
10
            printf("\n");
            return;
        }
13
        trace[idx] = tree->data;
14
        idx++;
15
        PrintAllTraces(tree->lchild);
16
        PrintAllTraces(tree->rchild);
17
18
        idx--;
   }
19
```

5. 输出二叉树给定节点的所有祖先

```
#include "tree.h"
/* 如果是二叉排序树 */
2
   void PrintAncestors(BiTree tree, int x)
3
4
        while (NULL == tree || x == tree->data) {
5
            printf("%d ", tree->data);
6
            if (x < tree->data)
                tree = tree->lchild;
            else
                tree = tree->rchild;
10
        }
11
12
13
   /* 一般二叉树 */
14
   bool _PrintAncestors(BiTree tree, int x)
15
   {
16
        if (NULL == tree) return false;
17
```

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

```
if (x == tree->data)
18
19
           return true;
       /* 如果左子树或者右子树找到 x, 那么当前节点是 x 的祖先, 那么输出它 */
20
       if (_PrintAncestors(tree->lchild, x) || _PrintAncestors(tree->rchild, x)) {
21
           printf("%d ", tree->data);
22
           return true;
23
       }
24
25
       return false;
26
   void PrintAncestors(BiTree tree, int x)
27
   {
28
       _PrintAncestors(tree, x);
29
   }
30
```

6. 判断给定二叉树是否为完全二叉树

```
#include "tree.h"
1
   #include "queue.h"
2
   /**
3
    * 完全二叉树: 除了最有一层右边部分外, 其余层都是满的
4
    * 层次遍历时,如果出现空节点,那么其后续元素都应当是空节点
5
6
   bool IsCompleteBiTree(BiTree tree)
7
8
   #define BiTreeWidthMax 4096
9
       if (NULL == tree) return true;
10
       SeqQueue queue;
11
       InitQueue(&queue, BiTreeWidthMax);
12
       EnQueue(&queue, &tree);
13
14
       while (!QueueEmpty(&queue)) {
15
16
           BiTree node;
           DeQueue(&queue, &node);
           if (NULL != node) {
18
               EnQueue(&queue, &node->lchild);
19
               EnQueue(&queue, &node->rchild);
20
           } else {
               while (!QueueEmpty(&queue)) {
                   DeQueue(&queue, &node);
23
                   if (NULL != node) {
24
                       DestroyQueue(&queue);
25
                       return false;
26
                   }
27
               }
28
               DestroyQueue(&queue);
29
               return true;
30
           }
31
       }
32
       DestroyQueue(&queue);
34
       return true;
35
   }
36
```

4.2 例题 4.2 4 树

7. 判断二叉树 subtree 是否为 tree 的一棵子树

```
#include "tree.h"
   bool IsEqualBiTree(BiTree tree1, BiTree tree2)
   {
3
       if (NULL == tree1 && NULL == tree2)
4
            return true;
5
       if ((NULL != tree1 && NULL != tree2) && (tree1->data == tree2->data)) {
6
            return IsEqualBiTree(tree1->lchild, tree2->lchild)
                && IsEqualBiTree(tree1->rchild, tree2->rchild);
9
       return false;
10
   }
11
12
   bool IsSubTree(BiTree tree, BiTree subtree)
14
       if (IsEqualBiTree(tree, subtree))
15
            return true;
16
       if (NULL != tree) {
17
            if (IsSubTree(tree->lchild, subtree))
18
19
                return true;
            if (IsSubTree(tree->rchild, subtree))
20
                return true;
21
22
       return false;
23
```

8. 判断二叉树 part 是否为 tree 的子结构, 子结构是指能在 tree 找到 part 这样的树结构, 并不一定是子树。

```
#include "tree.h"
1
2
   bool IsPartOf(BiTree tree, BiTree part)
3
        if (NULL == part)
4
            return true;
5
        if (NULL == tree)
                             /* part 一定不等于 NULL */
6
            return false;
       if (tree->data != part->data)
            return false;
9
       return IsPartOf(tree->lchild, part->lchild)
10
            && IsPartOf(tree->rchild, part->rchild);
11
12
13
   bool IsPartOfBiTree(BiTree tree, BiTree part)
14
        if (IsPartOf(tree, part))
15
            return true;
16
        if (NULL != tree) {
17
            if (IsPartOf(tree->lchild, part))
18
                return true;
19
            if (IsPartOf(tree->rchild, part))
20
                return true;
^{21}
       }
22
```

9. 按照从下往上、从右往左的方式遍历二叉树(逆层次遍历)

```
#include "tree.h"
   #include "stack.h"
   #include "queue.h"
   void ReLevelOrder(BiTree tree)
5
       /* 层次遍历加逆序输出 */
6
   #define BiTreeNodesMax 10240
       if (NULL == tree) return;
       SeqStack stack;
9
       SeqQueue queue;
10
       InitQueue(&queue, BiTreeNodesMax);
11
       InitStack(&stack, BiTreeNodesMax);
12
13
       EnQueue(&queue, &tree);
14
       while (!QueueEmpty(&tree)) {
15
            BiTree node;
16
            DeQueue(&queue, &node);
17
18
            Push(&stack, node->data);
            if (NULL != node->lchild)
                EnQueue(&queue, &node->lchild);
20
            if (NULL != node->rchild)
21
                EnQueue(&queue, &node->rchild);
22
       }
23
       while (!StackEmpty(&stack)) {
25
            int data;
26
            Pop(&stack, &data);
27
            printf("%d ", data);
28
29
       printf("\n");
31
       DestroyStack(&stack);
32
   }
33
```

10. 通过先序序列和中序序列重构二叉树

```
return NULL;
11
12
       int rootData = preArr[preIdx];
13
       BiTree root = malloc(sizeof(BiTreeNode));
14
       if (NULL == root) return NULL;
15
       root->data = rootData;
16
17
       /* 在中序数组 inArr 中找到 rootData, 然后划分成两部分 */
18
       int i;
19
       for (i = inIdx; i < inEnd; i++) {</pre>
20
           if (rootData == inArr[i])
21
               break;
22
       /* 数据有误, 在中序数组中没能找到先序数组中的元素 */
24
       if (i == inEnd) {
25
           printf("Invalid input data in preArr or inArr.\n");
26
           return NULL;
27
       }
28
29
       int lpreIdx = preIdx+1;
30
       int rpreIdx = preIdx+1 + (i-inIdx);
31
       root->lchild = _ReBuildBiTree(preArr, lpreIdx, len, inArr, inIdx, i);
32
       root->rchild = _ReBuildBiTree(preArr, rpreIdx, len, inArr, i+1, inEnd);
33
34
       return root;
35
36
   BiTree ReBuildBiTree(int *preArr, int *inArr, int len)
37
38
       if (len <= 0 || NULL == preArr || NULL == inArr) return NULL;
39
       return _ReBuildBiTree(preArr, 0, len, inArr, 0, len);
40
   }
41
```

11. 由满二叉树的先序序列求出其后序序列,也就是对顺序存储的满二叉树数组进行后续遍 历

```
#include "tree.h"
   /* 这里的顺序存储的满二叉树下标从 O 开始, 所以和前面所讲有所差异 */
   void postOrder(int *preArr, int currNodeIdx, int len, int *postArr, int *idx)
   {
4
        if (currNodeIdx >= len) return;
5
       postOrder(preArr, 2*currNodeIdx+1, len, postArr, idx);
postOrder(preArr, 2*currNodeIdx+2, len, postArr, idx);
6
        postArr[*idx] = preArr[currNodeIdx];
        (*idx) += 1;
9
   }
10
   void FromPreOrderToPostOrder(int *preArr, int *postArr, int len)
11
12
        if (len <= 0 || NULL == preArr || NULL == postArr) return;
13
        int idx = 0;
14
        postOrder(preArr, 0, len, postArr, &idx);
15
   }
16
```

4.2 例题 4.2 材

12. 统计二叉树的节点数、叶子数、双分叉节点数

```
#include "tree.h"
  int CountNodes(BiTree tree)
2
   {
3
       if (NULL == tree) return 0;
4
       return (1 + CountNodes(tree->lchild) + CountNodes(tree->rchild));
5
   }
6
   int CountLeafs(BiTree tree)
9
        if (NULL == tree) return 0;
10
        if (NULL == tree->lchild && NULL == tree->rchild)
11
           return 1;
12
       return CountLeafs(tree->lchild) + CountLeafs(tree->rchild);
   }
14
15
   int CountForks(BiTree tree)
16
17
18
        int cnt = 0;
       if (NULL == tree) return 0;
19
        if (NULL != tree->lchild && NULL != tree->rchild)
20
            cnt = 1;
21
       return (cnt + CountForks(tree->lchild) + CountForks(tree->rchild));
22
   }
23
```

13. 交换左右子树

```
#include "tree.h"
1
2
   void SwapBiTree(BiTree tree)
3
       if (NULL == tree) return;
4
       BiTree t = tree->lchild;
5
       tree->lchild = tree->rchild;
6
       tree->rchild = t;
       SwapBiTree(tree->lchild);
       SwapBiTree(tree->rchild);
9
   }
10
```

14. 删除二叉树所有值为 x 的子树 (不是节点)

```
#include "tree.h"
1
   void DestroyBiTree(BiTree tree)
2
   {
3
       if (NULL == tree) return;
       DestroyBiTree(tree->lchild);
       DestroyBiTree(tree->rchild);
6
       free(tree);
7
  }
8
   void DeleteAllSubtreeXFromBiTree(BiTree *ptree, int x)
9
```

```
if (NULL == ptree || NULL == *ptree) return;
11
        if (x == (*ptree) -> data) {
12
            DestroyBiTree(*ptree);
13
            *ptree = NULL;
14
            return;
15
16
       DeleteAllSubtreeXFromBiTree(&(*ptree)->lchild, x);
17
18
       DeleteAllSubtreeXFromBiTree(&(*ptree)->rchild, x);
19
```

15. 删除二叉树(不是二叉排序树)所有值为 x 的节点,由于不是二叉排序树,所以删除节点后的树不唯一,只需要保证是二叉树即可

```
#include "tree.h"
1
   /**
2
        二叉树中取下某一个节点,存储到 store 指向的空间里
3
4
   bool StealNodeFromBiTree(BiTree *ptree, BiTree *store)
       /* 空树,没节点可取 */
       if (NULL == *ptree) return false;
8
       if (NULL != (*ptree)->lchild)
9
           return StealNodeFromBiTree(&(*ptree)->lchild, store);
10
       if (NULL != (*ptree)->rchild)
11
           return StealNodeFromBiTree(&(*ptree)->rchild, store);
12
       /* 只有根节点 */
13
       *store = *ptree;
14
       *ptree = NULL;
15
       return true;
16
17
   void DeleteAllXFromBiTree(BiTree *ptree, int x)
18
   {
19
       if (NULL == ptree || NULL == *ptree) return;
20
21
       DeleteAllXFromBiTree(&(*ptree)->lchild, x);
22
       DeleteAllXFromBiTree(&(*ptree)->rchild, x);
23
^{24}
       if (x == (*ptree) -> data) {
25
           BiTree lsubtree = (*ptree)->lchild;
26
           BiTree rsubtree = (*ptree)->rchild;
27
           free(*ptree);
28
29
           /* 从左子树或者右子树偷一个节点来替代被删除的根节点 */
30
           BiTree node;
31
           if (StealNodeFromBiTree(&lsubtree, &node)
32
                   || StealNodeFromBiTree(&rsubtree, &node)) {
33
               *ptree = node;
34
               (*ptree)->lchild = lsubtree;
35
               (*ptree)->rchild = rsubtree;
36
37
               return;
           /* 左右子树都没有节点可偷,说明这棵树只有一个节点,直接删除即可 */
39
           *ptree = NULL;
40
```

```
41 }
42 }
```

16. 查找二叉树节点 p 和 q 的最近公共祖先

```
#include "tree.h"
1
   /**
    * 按照从节点 node 往上到根 tree 的顺序,
    * 储所有祖先到 ancestorArr 数组内 (包含 node 节点),
    * 并且存储祖先数量到 arrLen 指针指向的整数里
    * 返回 true, 表明获取成功
           false, 表明 node 不是树 tree 的节点
    * 思路和 PrintAncestors 一样
9
   bool GetAllAncestors(BiTree tree, BiTree node, BiTree *ancestorArr, int *arrLen)
10
11
       if (NULL == tree) return false;
12
       if (tree == node
13
               || GetAllAncestors(tree->lchild, node, ancestorArr, arrLen)
14
               | | GetAllAncestors(tree->rchild, node, ancestorArr, arrLen)) {
15
           ancestorArr[*arrLen] = node;
16
           (*arrLen) += 1;
17
       }
19
       return false;
20
   BiTree CommonAncestor(BiTree tree, BiTree p, BiTree q)
21
22
   #define BiTreeHeightMax 4096
23
       if (NULL == tree | | NULL == p | | NULL == q) return NULL;
24
25
       int pLen = 0, qLen = 0;
26
       BiTree pAncestors[BiTreeHeightMax], qAncestors[BiTreeHeightMax];
27
28
       /* 如果没有获取成功, p 就不是 tree 的节点 */
       if (!GetAllAncestors(tree, p, pAncestors, &pLen))
30
           return NULL;
31
       if (!GetAllAncestors(tree, q, qAncestors, &qLen))
32
           return NULL;
33
34
       while (pAncestors[pLen] == qAncestors[qLen]) {
35
           pLen -= 1;
36
           qLen -= 1;
37
       }
38
       /**
39
        * 循环结束, 此时 pAncestors[pLen] != qAncestors[qLen]
40
        * 确有, pAncestors[pLen+1] == qAncestors[qLen+1]
41
42
43
       return pAncestors[pLen+1];
44
   }
45
```

17. 将二叉树的叶子节点从左向右顺序连接,即把所有叶子节点组织成非循环双链表

```
#include "tree.h"
   /* pprevLeaf: pointer on prevLeaf */
   void _LinkLeafs(BiTree tree, BiTree *pprevLeaf)
4
5
       if (NULL == tree) return;
6
       if (NULL == tree->lchild && NULL == tree->rchild) {
           if (NULL != *pprevLeaf)
               (*pprevLeaf)->rchild = tree;
9
           tree->lchild = *pprevLeaf;
10
           pprevLeaf = &tree;
11
           return;
12
       }
13
       _LinkLeafs(tree->lchild, pprevLeaf);
14
       _LinkLeafs(tree->rchild, pprevLeaf);
15
   }
16
   void LinkLeafs(BiTree tree)
17
18
                                  /* 存储上一片叶子节点地址 */
       BiTree prevLeaf = NULL;
19
       _LinkLeafs(tree, &prevLeaf);
20
   }
21
18. 判断两棵二叉树结构是否相似(只判断形状不判断节点值)
   #include "tree.h"
   bool IsSameBiTree(BiTree tree1, BiTree tree2)
2
3
       if (NULL == tree1 && NULL == tree2)
4
           return true;
       if (NULL != tree1 && NULL != tree2) {
           return IsSameBiTree(tree1->lchild, tree2->rchild)
               && IsSameBiTree(tree1->lchild, tree2->rchild);
9
       return false;
10
   }
11
19. 在中序线索树查找给定节点在后序遍历序列中的前驱节点
   #include "tree.h"
  ThreadTree PrevNodeOfPostOrderInThreadTree (ThreadTree tree, ThreadTree node)
2
   {
3
       // TODO 完成 PrevNodeOfPostOrderInThreadTree
4
   }
```

20. 计算二叉树的带权路径长度 (Weighted Path Length, WPL)

```
#include "tree.h"
int _WPLOfBiTree(BiTree tree, int deepth)
```

5

```
if (NULL == tree) return 0;
4
       if (NULL == tree->lchild && NULL == tree->rchild)
           return tree->data * (deepth+1);
6
       return _WPLOfBiTree(tree->lchild, deepth+1)
            + _WPLOfBiTree(tree->rchild, deepth+1);
8
   }
9
   int WPLOfBiTree(BiTree tree)
10
11
       return _WPLOfBiTree(tree, 0);
12
   }
13
```

21. 输出给定表达树的中缀表达式子(通过括号体现优先级)

```
#include "tree.h"
1
2
   /**
   * 表达树: 叶子节点为数据, 非叶子节点为运算符号
3
    * 实际上就是中序遍历
    */
   void PrintExpressionBiTree(BiTree tree)
6
   {
7
       if (NULL == tree) return;
8
       /* 操作数 */
10
       if (NULL == tree->lchild && NULL == tree->rchild) {
11
           printf("%d", tree->data);
12
           return;
13
14
15
       printf("(");
16
       PrintExpressionBiTree(tree->lchild);
17
       printf("%c", tree->data); /* 操作符 */
18
       PrintExpressionBiTree(tree->rchild);
19
       printf(")");
20
^{21}
```

22. 求指定值在二叉排序树中的高度

```
#include "tree.h"
   int HeightOfValueInBSTTree(BiTree tree, int value)
2
   {
3
       if (NULL == tree) return 0;
4
5
       int height = 1;
6
       while (NULL != tree) {
            if (value == tree->data)
                return height;
9
            if (value < tree->data)
10
                tree = tree->lchild;
11
12
                tree = tree->rchild;
13
           height += 1;
14
       }
15
```

```
16
17 return -1; /* 在树 tree 中没有找到值为 value 的节点 */
18 }
```

23. 判断给定二叉树是否是二叉排序树

```
#include "tree.h"
   /* 中序遍历看是否有序 */
   bool _IsBSTTree(BiTree tree, int *pprev)
4
       if (NULL == tree) return true;
5
       if (!_IsBSTTree(tree->lchild, pprev))
           return false;
       if (*pprev > tree->data)
           return false;
9
       *pprev = tree->data;
10
       if (!_IsBSTTree(tree->rchild, pprev))
11
           return false;
       /* 上述条件都满足才是二叉排序树 */
13
       return true;
14
15
   bool IsBSTTree(BiTree tree)
16
17
       /* INT_MIN 来自 limits.h, 最小整数 */
18
       int prev = INT_MIN;
19
       return _IsBSTTree(tree, &prev);
20
   }
21
```

24. 判断给定二叉树是否是平衡二叉树

```
#include "tree.h"
  int abs(int x)
  {
      return (x<0)? (-x): x;
  }
5
  int max(int x, int y)
6
  {
7
      return (x>y)? x: y;
8
  }
10
   * pprev: 指向存储当前节点的前驱节点的值
11
   * pheight: 指向存储子树高度的变量
12
   * 这个函数实际上就是通过中序遍历即判断了是否是二叉排序树,
13
   * 同时求出左右子树高度并判断高度之差是否小于等于 1
   * 也就是组合了判断是否是二叉排序树的函数和求树高的函数
15
16
  bool _IsAVLTree(BiTree tree, int *pprev, int *pheight)
17
18
      if (NULL == tree) {
19
         *pheight = 0;
20
21
         return true;
```

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

```
}
22
23
        int lheight, rheight;
        if (!_IsAVLTree(tree->lchild, pprev, &lheight))
25
            return false;
26
        if (*pprev > tree->data)
27
            return false;
28
        *pprev = tree->data;
        if (!_IsAVLTree(tree->rchild, pprev, &rheight))
30
            return false;
31
32
        *pheight = 1 + max(lheight, rheight);
33
       return (abs(lheight - rheight) <= 1);</pre>
35
   }
36
   bool IsAVLTree(BiTree tree)
37
38
        int prev = INT_MIN;
39
        int height;
40
       return _IsAVLTree(tree, &prev, &height);
41
42
```

25. 求二叉排序树的最大值和最小值

```
#include "tree.h"
1
   int MaxValue(BiTree tree)
2
3
       /* 返回 INT_MIN 表示没有最大值, INT_MAX 来自头文件 limits.h */
4
       if (NULL == tree)
5
           return INT_MIN;
6
       while (NULL != tree->rchild)
           tree = tree->rchild;
       return tree->data;
10
   }
11
   bool MinValue(BiTree tree)
12
13
       if (NULL == tree) return INT_MAX;
14
15
       while (NULL != tree->lchild)
16
           tree = tree->lchild;
17
       return tree->data;
18
   }
19
```

26. 从大到小输出二叉排序树中大于等于 10 小于等于 hi 的节点的值

```
#include "tree.h"

/**

* 版本一: 遍历整棵树,输出满足条件的节点值

* 类似于中序遍历,只是先右子树后左子树

void PrintFromHiToLoInBSTTree(BiTree tree, int lo, int hi)
```

4.2 例题 4.2 4 树

```
{
       if (NULL == tree | | lo > hi) return;
       PrintFromHiToLoInBSTTree(tree->rchild, lo, hi); /* 右子树 */
9
                                                         /* 只输出满足条件的 */
       if (lo <= tree->data && tree->data <= hi)</pre>
10
           printf("%d ", tree->data);
11
       PrintFromHiToLoInBSTTree(tree->lchild, lo, hi); /* 左子树 */
12
   }
13
14
   * 版本二: 不需要遍历整棵树
15
16
   void PrintFromHiToLoInBSTTree(BiTree tree, int lo, int hi)
17
18
       if (NULL == tree | | lo > hi) return;
19
20
       if (tree->data <= hi)
21
           PrintFromHiToLoInBSTTree(tree->rchild, lo, hi);
22
       printf("%d ", tree->data);
^{24}
25
       if (tree->data >= lo)
26
27
           PrintFromHiToLoInBSTTree(tree->lchild, lo, hi);
   }
```

27. 以 $O(\log_2(n))$ 时间复杂度查找二叉树(假定二叉树树没有退化成链表)中序遍历序列中 第 k ($1 \le k \le n$) 个节点。二叉树节点中有附加域 nodes 表明当前子树的节点个数,比 如空树没有节点,所以无法存储 nodes,就认为空树节点数为 0;只有一个节点的子树其 根节点 nodes 为 1;其他树的根节点的 nodes 等于左右子树的 nodes 之和再加 1

```
#include "tree.h"
   BiTree FindKthNodeInBiTree(BiTree tree, int k)
3
        if (NULL == tree | | k <= 0) return NULL;</pre>
4
        int lsubtreeNodes = 0;
6
       if (NULL != tree->lchild)
            lsubtreeNodes = tree->nodes;
       if (lsubtreeNodes + 1 == k)
            return tree;
9
        if (k <= lsubtreeNodes)</pre>
10
            return FindKthNodeInBiTree(tree->lchild, k);
11
       else
12
            return FindKthNodeInBiTree(tree->rchild, k - lsubtreeNodes - 1);
13
14
```

5 广义表

- 5.1 数据结构定义
- 5.2 例题

6 图

- 6.1 数据结构定义
- 6.2 例题

7 排序和查找