# 数据结构和算法代码汇总

 $\alpha lpha0x00$ leetiankai@gmail.com

2020年9月16日

本文档来自于对 HarvestWu 的《数据结构算法汇总》文档的整理和完善,代码严格按照 C99 标准来书写,并不会 C++ 代码的任何特性(包括引用)。

# 目录

1	线性	表	3
	1.1	数据结构定义	3
		1.1.1 顺序表	3
		1.1.2 单链表	6
		1.1.3 双链表	7
		1.1.4 静态链表	10
	1.2	例题	11
2	栈	-	14
	2.1		14
			14
			17
	2.2		18
	2.2	Mag	10
3	队列	]	19
	3.1	数据结构定义	19
		3.1.1 顺序存储的队列	19
		3.1.2 链式存储的队列	21
	3.2	例题	23
4	树		23
	4.1		23
	1.1		23
		32 324 14 11 11 1	$\frac{26}{27}$
		42.1.2 = 17.14.11.11.2	21 27
			2 i 33
	4.2		38
	4.2		JC
5	广义	表 *	53
	5.1	数据结构定义	53
	5.2	例斯	5.5

目录

6	冬		50	6
	6.1	数据结构定义		6
	6.2	例题		7
7	排序	和查找	5′	7
	7.1	排序		7
		7.1.1 插入排序		7
		7.1.2 折半插入排序		7
		7.1.3 希尔排序 *		7
		7.1.4 冒泡排序		8
		7.1.5 快速排序		9
		7.1.6 选择排序		9
		7.1.7 堆排序*		0
		7.1.8 归并排序		0
		7.1.9 基数排序 *		2
	7.2	查找		3
		7.2.1 顺序查找		3
		7.2.2 二分查找		3

# 1 线性表

## 1.1 数据结构定义

### 1.1.1 顺序表

**静态分配** 静态分配是指初始化链表时内部不需要来自头文件 <stdlib.h> 的 malloc 或 calloc 函数动态分配空间。其结构定义如下:

```
#define MaxSize 1024
typedef struct SeqList {
   int data[MaxSize];
   int length; /* 记录存储元素的个数 */
} SeqList;
```

动态分配 相对于静态分配,初始化链表时需要 malloc 或 calloc 函数。

```
typedef struct SeqList {
    int *data;
    int length, capacity; /* capacity 记录顺序表可存储元素最大个数 */
    SeqList;
```

#### 基本操作

1. 初始化顺序表 bool InitList(SeqList \*list, int capacity); 成功返回 true, 失败 返回 false. 注意:下面没有使用 list->data = (int \*)malloc(capacity \* sizeof(int)) 风格,即强制转换 malloc 返回值类型为 int \* 类型,原因参见 1。

```
* bool 在 C99 以标准类型添加到 C 语言中,来自头文件 <stdbool.h>
  bool InitList(SeqList *list, int capacity)
5
       if (NULL == list || capacity <= 0) return false;</pre>
6
       list->data = malloc(capacity * sizeof(int));
       if (NULL == list->data) return false;
9
10
       list->length = 0;
11
       list->capacity = capacity;
12
13
       return true;
   }
```

https://stackoverflow.com/questions/605845/do-i-cast-the-result-of-malloc

如果是静态分配的顺序表,初始化函数可以按照如下定义:

```
bool InitList(SeqList *list)
  {
2
      if (NULL == list) return false;
3
      list->length = 0;
4
      return true;
5
  }
6
2. 销毁顺序表 void DestroyList(SeqList *list); 对于静态顺序表, 可以没有销毁操作,
  或者简单地把 list->length 置为 0 即可
  void DestroyList(SeqList *list)
1
  {
2
      free(list->data);
3
  }
3. 求顺序表长度 int ListLength(SeqList *list);
  int ListLength(SeqList *list)
1
2
      if (NULL == list) return 0;
3
      return list->length;
4
  }
5
4. 获取顺序表容量 int ListCapacity(SeqList *list);
  int ListCapacity(SeqList *list)
1
2
      if (NULL == list) return 0;
3
      return list->capacity;
      /* 对于静态顺序表 */
5
      //return MaxSize;
6
  }
5. 顺序表是否为空 bool ListEmpty(SeqList *list);
  bool ListEmpty(SeqList *list)
2
  {
      return (0 == list->length);
3
  }
4
6. 顺序表是否已满 bool ListFull(SeqList *list);
  bool ListFull(SeqList *list)
```

2 {

```
return (ListLength(list) == ListCapacity(list));
3
   }
7. 查找某个元素的下标 int LocateElem(SeqList *list, int ele);
   * 返回 -1 表明没有找到或者出错
2
3
   int LocateElem(SeqList *list, int ele)
       if (NULL == list) return -1;
      for (int i = 0; i < Length(list); i++) {</pre>
          if (ele == list->data[i])
              return i;
9
          /* 对于静态顺序表 */
10
          //if (ele == list.data[i])
11
                return i;
12
13
       /* 没有找到 */
14
      return -1;
15
   }
16
8. 根据下标获取元素 int GetElem(SeqList *list, int idx);
   int GetElem(SeqList *list, int idx)
1
   {
2
       /* 假定元素都是大于 O, 返回 -1 表明发生下标越界错误
3
       * 如果存储的元素是任意整数,那么返回 -1 就不合理,可以修改 GetElem 函数为
       * bool GetElem(SeqList *list, int idx, int *store);
       * 返回 ture, 表明正确获取数据,存储到指针 *store 里,
6
       * 返回 false, 表明下标越界
       */
       if (idx < 0 || idx > ListLength(list))
9
          return -1;
10
      return list->data[idx];
11
       /* 对于静态顺序表 */
^{12}
       //return list.data[idx];
13
   }
14
9. 在指定下标处插人元素 bool ListInsert(SeqList *list, int idx, int ele);
   bool ListInsert(SeqList *list, int idx, int ele)
1
2
       if (idx < 0 || idx > ListLength(list)) return false;
3
       /* 存储空间已满 */
4
       if (ListFull(list)) return false;
5
       for (int i = Length(list); i > idx; i--) {
          list->data[i] = list->data[i-1];
          /* 对于静态顺序表 */
          // list.data[i] = list.data[i-1];
```

```
10
       list->data[idx] = ele;
11
       return true;
12
   }
13
10. 删除下标处的元素 bool ListDelete(SeqList *list, int idx, int *ele);
   bool ListDelete(SeqList *list, int idx, int *ele)
2
       if (idx < 0 || idx > ListLength(list)) return false;
3
       for (int i = idx; i < ListLength(list)-1; i++) {</pre>
4
           list->data[i] = list->data[i+1];
           /* 对于静态顺序表 */
           // list.data[i] = list.data[i+1];
       list->length = list->length-1;
9
       return true;
10
```

### 1.1.2 单链表

```
typedef struct LinkNode {
    int data;
    struct LinkNode *next;
} LinkNode;
typedef LinkNode *LinkList;

/* 分配一个节点 */
LinkList node = malloc(sizeof(LinkNode));
node->next = NULL;
```

### 基本操作

- 1. 初始化一个单链表 bool InitList(LinkList \*list);单链表常常有两种组织方式,带有头节点和不带头节点。带有头节点的单链表很多操作可以方便一下,不带头节点的单链表虽然也可以向带有头节点的一样,但是要稍稍繁琐一点。
  - 带头节点的单链表初始化

```
/**

* 带头节点的初始化

* LinkList 实际上是指向 LinkNode 类型的指针

* 所以 list 指针也就是一个指向 LinkNode 类型的 "二级指针",

* 也就是所谓的指向指针的指针, list 指向 LinkList 类型的指针

*/

bool InitList(LinkList *list)

{
```

```
if (NULL == list) return false;
  *list = malloc(sizeof(LinkNode));
  (*list)->next = NULL;
  return true;
}
```

• 不带头节点的单链表初始化

```
* 不带头结点的单链表初始化
2
3
   bool InitList(LinkList *list)
4
5
      if (NULL == list) return false;
6
      *list = NULL;
7
      return true;
8
   }
9
   /**
10
    * 对于不带头节点的单链表也可以不使用函数来初始化链表,而是按照如下方式
11
    * 因为无头节点,直接以空指针当作空链表
13
   LinkList list = NULL;
14
```

2. 销毁单链表,释放节点占据的空间 void DestroyList(LinkList list);

```
/**

* 无论有没有头节点,释放方法都一样

void DestroyList(LinkList list)

LinkList next;
for (; NULL != list; list = next) {
 next = list->next;
 free(list);
}

}
```

### 1.1.3 双链表

双链表不像单链表有带头节点和不带头节点之分,因为不带头节点处理链表通常更繁琐一些,双链表插入删除涉及的指针数量是单链表的两倍,所以双链表实际中一般都是带有头节点。此外,双链表有普通的双链表和循环双链表两种实现。

```
typedef struct DLinkNode {
   int data;
   struct DLinkNode *prev, *next;
} DLinkNode;
typedef DLinkNode *DLinkList;
```

**基本操作** 这里以循环双链表为主要例子作为演示,同时注释里会注明普通双链表的实现。

1. 初始化双链表 bool InitDLinkList(DLinkList \*dlist);

```
bool InitDLinkList(DLinkList *dlist)
1
2
       if (NULL == dlist) return false;
3
       *dlist = malloc(sizeof(DLinkNode));
4
       if (NULL == *dlist) return false;
5
       /* 循环双链表 */
6
       (*dlist)->prev = (*dlist)->next = *dlist;
       /* 普通双链表 */
       // (*dlist)->prev = (*dlist)->next = NULL;
9
       return true;
10
11
```

按照如下方式定义双链表并初始化:

```
DLinkList list; /* 定义双链表 list */
InitDLinkList(&list); /* 初始化双链表 list */
```

2. 判断是否是空链表 bool DLinkListEmpty(DLinkList list);

```
bool DLinkListEmpty(DLinkList list)

{

if (NULL == list) return true;

return (list->next = list) && (list->prev = list);

/* 普通双链表 */

//return (list->next == NULL) & (list->prev == NULL);

}
```

3. 求表长度 int DLinkListLength(DLinkList list);

```
int DLinkListLength(DLinkList list)
1
2
       if (NULL == list) return 0;
3
4
       int len = 0;
       /* 让 p = list->next 是为了去掉头节点 */
5
       for (DLinkList p = list->next; list != p; p = p->next)
6
           len++;
       /* 普通双链表 */
       //for (DLinkList p = list->next; NULL != p; p = p->next)
             len++;
11
12
       return len:
13
   }
14
```

- 4. 在双链表指定节点后插入元素 bool InsertDLinkListAt(DLinkList at, int ele);
  - 在循环双链表中插入元素

```
/**
    *插入元素 ele 到插入点 at 之后
2
   bool InsertDLinkListAt(DLinkList at, int ele)
4
5
       if (NULL == at) return false;
6
       /* 分配好新插入的节点 node */
       DLinkNode *node = malloc(sizeof(DLinkNode));
8
       if (NULL == node) return false;
9
       node->data = ele;
10
11
       DLinkList next = at->next;
12
13
        * 插入后节点构成顺序 at, node, next
14
        * 所以上述语句 next = at - next,是为了获取 node 的后继节点
        * 然后直接连接起来即可
16
17
       node->next = next;
18
       node->prev = at;
19
       next->prev = node;
20
       at->next = node;
21
       return true;
^{22}
23
```

• 在非循环双链表中插入元素

```
* 插入元素 ele 到插入点 at 之后
2
   bool InsertDLinkListAt(DLinkList at, int ele)
5
       if (NULL == at) return false;
      /* 分配好新插入的节点 node */
      DLinkNode *node = malloc(sizeof(DLinkNode));
      if (NULL == node) return false;
9
      node->data = ele;
10
11
      DLinkList next = at->next;
12
13
       * 插入后节点构成顺序 at, node, next
14
        * 所以上述语句 next = at - next,是为了获取 node 的后继节点
15
        * 然后直接连接起来即可
16
17
      node->next = next;
18
      node->prev = at;
19
20
       * 当 at 就是最后一个节点时, at->next 肯定是空指针
21
        * 所以没有"后继"节点指向 node
22
23
```

- 5. 删除双链表中指定节点 bool DeleteDLinkList(DLinkList node);
  - 从循环双链表中删除元素

```
bool DeleteDLinkList(DLinkList node)
   {
2
       if (NULL == node) return false;
3
       /* 获取被删除节点的前驱和后继 */
4
       DLinkList prev = node->prev;
       DLinkList next = node->next;
6
       /* 连接前驱和后继元素 */
      prev->next = next;
       next->prev = prev;
       /* 释放被删除的节点 */
10
       free(node);
11
       return true;
12
   }
13
```

• 从非循环双链表中删除元素

```
bool DeleteDLinkList(DLinkList node)
1
   {
2
       if (NULL == node) return false;
3
       /* 获取被删除节点的前驱和后继 */
4
       DLinkList prev = node->prev;
       DLinkList next = node->next;
6
       /**
       * 连接前驱和后继元素
        *注意:如果 node 是第一个元素,那么 prev 是空指针 NULL
9
               同理,如果 node 是最后一个元素,那么 next 是 NULL
10
       */
11
       if (NULL != prev)
12
          prev->next = next;
13
       if (NULL != next)
14
          next->prev = prev;
15
       /* 释放被删除的节点 */
16
       free(node);
17
       return true;
18
   }
19
```

#### 1.1.4 静态链表

静态链表(或者叫「游标」的技术)在 C 语言中使用的比较少,但是对于没有指针概念的编程语言中使用会使用。与之类似且在 C 语言中使用较多的技术,叫「池」。比如链表节点池:

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

1.2 例题 1 线性表

为了减少 malloc 函数的调用以提高效率,预先分配一大块内存,自己在这块内存中分配各个节点。指向这些节点的时候可以不使用指针,而是使用节点在这一大块节点池中的编号。

### 1.2 例题

1. 删除不带头结点单链表 list 中所有值为 x 的结点

```
#include "list.h"
  void DeleteAllxFromList(LinkList *plist, int x)
2
3
4
       * 使用二级指针后代码虽然简洁, 但是理解有点复杂, 尝试画图理解吧
5
       * 二级指针的思想就是: 把节点想象成汤圆, 指针就是用来插汤圆的牙签,
6
       * 二级指针就是握住牙签的手
       * 空链表: 就是一根光溜溜的牙签
8
       */
9
      if (NULL == plist) return;
10
11
      while (*plist != NULL) {
12
13
          * plist 是手, *plist 就是手上的牙签, (*plist)->next 下一个汤圆的牙签
14
           * 让"手"握住下一个"汤圆"的"牙签"
15
16
         LinkList *pnext = &(*plist)->next; /* -> 优先级高于 & */
17
         if (x == (*plist) -> data) {
18
             free(*plist);
             *plist = *pnext;
20
         } else {
21
             plist = pnext;
22
23
24
      }
25
  }
26
```

2. 删除带头结点单链表 list 中所有值为 x 结点

```
#include "list.h"
   void DeleteAllxFromList2(LinkList list, int x)
2
   ₹
3
        if (NULL == list || NULL == list->next) return;
4
        while (NULL != list->next) {
5
           LinkList curr = list->next;
            if (x == curr->data) {
                free(curr);
8
                list->next = curr->next;
9
            } else {
10
                list = list->next;
11
            }
12
       }
13
   }
14
```

1.2 例题 1 线性表

- 3. 反向输出带有头结点单链表 list 中的所有值
  - 方法一: 函数递归输出, 由于链表长度可以很长, 所以存在栈溢出的问题

```
#include "list.h"
   /**
2
    * 注意这里带有头节点
3
    */
4
   void _PrintListRevsersely(LinkList list)
5
6
       /* 按照没有头节点单链表来处理 */
       if (NULL == list) return;
8
       _PrintListRevsersely(list->next);
9
       printf("%d ", list->data);
10
   }
11
   void PrintListReversely(LinkList list)
12
   {
13
       /* 对于空链表 (带有头节点) 直接返回不进行处理 */
14
       if (NULL == list || NULL == list->next) return;
15
       list = list->next; /* 去除头节点 */
16
       _PrintListRevsersely(list);
17
   }
18
```

• 方法二: 用一个数组暂存元素然后逆向输出(就是后面会讲到的栈的思想)

```
void PrintListReversely(LinkList list)
   {
2
       if (NULL == list || NULL == list->next) return;
3
       list = list->next; /* 去除头节点 */
4
       /* 存储元素的地址,减少直接复制元素带来的开销 */
5
       int values[MaxSize];
6
       int cnt;
       for (cnt = 0; cnt < MaxSize && NULL != list; list = list->next) {
           values[cnt] = list->data;
           cnt ++;
10
11
       if (cnt > MaxSize) {
12
           printf("the amount of data in list is greater than MaxSize(%d).",
13
14
                   MaxSize);
           return;
15
16
       /* 反向输出 */
17
       while (cnt-- > 0)
18
           printf("%d ", values[cnt]);
19
   }
20
```

4. 删除带头结点单链表 list 中最小值的节点

```
#include "list.h"
void DeleteMinimalValueFromList(LinkList list)
{
    if (NULL == list || NULL == list->next) return;
```

1.2 例题 1 线性表

```
/* INT_MAX 来自头文件 limits.h, 典型值为 2~31 (2 的 31 次方) */
5
       int minValue = INT_MAX; /* 存储最小值 */
6
                          /* 指向最小值节点的前驱节点 */
      LinkList minPrev;
       /* 找到最小值的节点的前驱节点 */
      for (; NULL != list->next; list = list->next) {
          LinkList curr = list->next;
10
          if (curr->data < minValue) {</pre>
11
              minValue = curr->data;
12
              minPrev = list;
13
          }
14
15
       /* 删除最小值的节点 */
16
      LinkList minNode = minPrev->next;
17
      minPrev->next = minNode->next;
18
       free(minNode);
19
   }
20
```

5. 就地逆置带头结点单链表 list

```
#include "list.h"
  void ReverseListInPlace(LinkList list)
2
   {
3
       if (NULL == list || NULL == list->next) return;
4
       LinkList node, next;
/* 把 list 断开成两个链表: list 空链表, node 余下节点 */
5
6
       node = list->next;
       list->next = NULL;
       for (; NULL != node; node = next) {
9
           next = node->next;
10
           /* 插入头节点之后, 普通节点之前 */
11
           node->next = list->next;
           list->next = node;
       }
14
   }
15
```

6. 排序带头结点单链表 list 为升序

```
#include "list.h"
  /* 采用插入排序法 */
  void SortList(LinkList list)
       if (NULL == list || NULL == list->next) return;
       LinkList node = list->next;
6
       list->next = NULL;
7
       /* 把余下节点 node, 插入到新链表 list */
8
9
       LinkList next;
       for (; NULL != node; node = next) {
10
          next = node->next;
11
           /* 寻找 */
12
           LinkList prev = list;
13
           while (node->data > prev->data && NULL != prev->next)
14
```

```
prev = prev->next;

/* 插入 */

node->next = prev->next;

prev->next;

prev->next;

prev->next;

prev->next;

prev->next = node;
```

7. 删除带头结点单链表 list 中介于给定的两个值 lo, hi (大于等于 lo, 小于等于 hi) 中的元素

```
#include "list.h"
   /**
    * 整体思路和从 list 中删除 x 一样, 只是条件不同
3
4
   void DeleteValuesBetweenLoHiFromList(LinkList list, int lo, int hi)
5
   {
6
       if (NULL == list | NULL == list->next | lo > hi) return;
7
       while (NULL != list->next) {
           LinkList curr = list->next;
9
           if (lo <= curr->data && curr->data <= hi) {
10
               list->next = curr->next;
11
               free(curr);
12
           } else {
13
               list = list->next;
14
15
       }
16
   }
17
```

# 2 栈

## 2.1 数据结构定义

栈可以采用数组连续存储或者单链表来实现,其中使用动态分配的顺序存储来实现更为常见。下面按照动态分配的连续存储实现的栈演示。

### 2.1.1 顺序存储的栈

静态分配 类似于静态分配的顺序表。

```
#define MaxSize 1024
typedef struct SeqStack {
    int data[MaxSize];
    int top;
} SeqStack;
```

2.1 数据结构定义 2.1 数据结构定义 2 栈

#### 动态分配

```
typedef struct SeqStack {
   int *data;
   int top, capacity;
} SeqStack;
```

### 基本操作

1. 以最大容量 capacity 初始化栈 bool InitStack(SeqStack \*stack, int capacity);

```
bool InitStack(SeqStack *stack, int capacity)
{
    if (NULL == stack || capacity <= 0) return false;
    stack->top = -1;
    stack->capacity = capacity;
    stack->data = malloc(capacity * sizeof(int));
    if (NULL == stack->data) return false;
    return true;
}
```

- 2. 销毁栈 void DestroyStack(SeqStack \*stack);和销毁动态分配的顺序表类似,就不再赘述
- 3. 获取栈内元素个数 int StackSize(SeqStack \*stack);

```
int StackSize(SeqStack *stack)
{
    if (NULL == stack) return 0;
    return (stack->top + 1);
}
```

4. 获取栈最大容量 int StackCapacity(SeqStack \*stack);

```
int StackCapacity(SeqStack *stack)
{
    if (NULL == stack) return 0;
    return stack->capacity;
    /* 对于静态分配的栈 */
    //return MaxSize;
}
```

5. 判断栈是否为空 bool StackEmpty(SeqStack \*stack);

```
bool StackEmpty(SeqStack *stack)
{
```

2.1 数据结构定义 2.1 数据结构定义 2 栈

```
if (NULL == stack) return true;
3
       return (0 == StackSize(stack));
       /* 或者 */
5
       //return (-1 == stack -> top);
6
  }
7
6. 判断栈是否为满 bool StackFull(SeqStack *stack);
  bool StackFull(SeqStack *stack)
2
       if (NULL == stack) return false;
3
       return (StackSize(stack) == StackCapacity(stack));
       /* 或者 */
5
       //return (stack->top +1 == stack->capacity);
6
  }
7. 进栈 bool Push(SeqStack *stack, int ele);
  bool Push(SeqStack *stack, int ele)
1
2
       if (NULL == stack || StackFull(stack)) return false;
3
       stack->top += 1;
       stack->data[stack->top] = ele;
5
      return true;
6
   }
8. 出栈 bool Pop(SeqStack *stack, int *store);
  bool Pop(SeqStack *stack, int *store)
1
2
       if (NULL == stack || NULL == store) return false;
3
       if (StackEmpty(stack)) return false;
       *store = stack->data[stack->top];
       stack->top -= 1;
6
      return true;
  }
9. 获取栈顶元素 bool GetTop(SeqStack *stack, int *store);
  bool GetTop(SeqStack *stack, int *store)
1
2
       if (NULL == stack || NULL == store) return false;
3
       if (StackEmpty(stack)) return false;
4
       *store = stack->data[stack->top];
5
       return true;
6
  }
```

2.1 数据结构定义 2 栈

### 2.1.2 链式存储的栈

```
typedef struct LinkStack {

int size; /* 存储了多少个元素 */

LinkList top;

LinkStack;
```

### 基本操作

1. 初始化栈 bool InitStack(LinkStack \*stack);

```
bool InitStack(LinkStack *stack)
{
    if (NULL === stack) return false;
    stack->size = 0;
    stack->top = NULL; /* 不带头节点的单链表 */
    return true;
}
```

- 2. 获取栈内元素个数、判断栈是否为空等函数不再赘述
- 3. 进栈 bool Push(LinkStack \*stack, int ele);

```
bool Push(LinkStack *stack, int ele)
2
       if (NULL == stack) return false;
3
       /* 链表实现的栈的容量为无穷大,所以不存在栈满的情况 */
4
       LinkNode *node = malloc(sizeof(LinkNode));
5
       if (NULL == node) return false;
6
      node->data = ele;
      node->next = stack->top;
9
       stack->top = node;
10
11
       stack->size += 1;
12
13
       return true;
14
```

4. 出栈 bool Pop(LinkStack \*stack, int \*store);

```
bool Pop(LinkStack *stack, int *store)
{
    if (NULL == stack || NULL == store) return false;
    if (StackEmpty(stack)) return false;
    LinkList node = stack->top;
    stack->top = node->next;

*store = node->data;
```

2.2 例题 2 2 栈

```
g free(node);
10 return true;
11 }
```

5. 获取栈顶元素 int GetElem(LinkStack \*stack); 无须再给出吧

# 2.2 例题

栈的应用更多是在数和图里面作为辅助数据结构使用,所以单独考察变体不多。这里以判断括号是否匹配为例子,演示栈数据结构的使用。注意,这里栈内存储元素类型为 char,而不是前文示例所讲的元素类型 int,也就是说下面函数中的栈需要做适当的修改。

```
#include "stack.h"
    #define CapacityMax 4096
2
   bool IsBracketsValid(char *brackets)
3
    {
4
        bool valid = true;
        SeqStack stack;
        InitStack(&stack, CapacityMax);
        int ch;
        for (int i = 0; '\0' != brackets[i]; i++) {
9
            switch (brackets[i]) {
10
             /* 左"括号"入栈 */
11
             case '(': Push(&stack, '('); break;
12
            case '[': Push(&stack, '['); break; case '{': Push(&stack, '{'); break;
13
14
             /* 右 "括号" 出栈 */
15
             case ')':
16
                 if (StackEmpty(&stack)) {
17
                      DestroyStack(&stack);
18
                      return false;
19
20
                 Pop(&stack, &ch);
21
                 if ('(' != ch) {
22
                      DestroyStack(&stack);
23
                      return false;
^{24}
                 }
25
                 break;
26
             case ']':
27
                 if (StackEmpty(&stack)) {
28
                      DestroyStack(&stack);
29
                      return false;
30
31
                 Pop(&stack, &ch);
32
                 if ('[' != ch) {
33
                     DestroyStack(&stack);
34
                      return false;
35
36
                 break;
37
38
             case '}':
```

```
if (StackEmpty(&stack)) {
39
                     DestroyStack(&stack);
40
                     return false;
41
42
                Pop(&stack, &ch);
43
                if ('{' != ch) {
44
                     DestroyStack(&stack);
45
                     return false;
46
                }
47
                break;
48
            default:
49
                break;
50
51
        }
52
        /* 栈不为空表明全是左括号 ((({{{[[[] 的情况 */
53
        if (!StackEmpty(&stack)) {
54
            DestroyStack(&stack);
55
            return false;
56
        }
57
58
       DestroyStack(&stack);
59
       return true;
60
   }
61
```

# 3 队列

# 3.1 数据结构定义

### 3.1.1 顺序存储的队列

同顺序表和顺序存储的栈,顺序存储的队列也有两种结构。下文只介绍动态分配的顺序存储队列的实现。

### 动态分配

```
typedef struct SeqQueue {
    int *data;
    int capacity;
    int front, rear;
    /* 通过 size 记录存储元素的个数,进而作为另一种判断队列是否为空的方法 */
    // int size;
} SeqQueue;
```

## 基本操作

1. 初始化队列 bool InitQueue(SeqQueue \*queue, int capacity);

3.1 数据结构定义 3.1 数据结构定义 3 队列

```
bool InitQueue(SeqQueue *queue, int capacity)
1
2
       if (NULL == queue || capacity <= 0) return false;</pre>
3
       queue->data = malloc(capacity * sizeof(int));
4
       if (NULL == queue->data) return false;
       queue->capacity = capacity;
       queue->front = queue->rear = 0;
       //queue \rightarrow size = 0;
       return true;
9
   }
10
2. 判断队列是否为空 bool QueueEmpty(SeqQueue *queue);
   bool QueueEmpty(SeqQueue *queue)
   ₹
2
       if (NULL == queue) return true;
3
       return (queue->front == queue->rear);
       /* 如果采用 size 记录存储元素的个数 */
       //return (0 == queue->size);
6
   }
3. 判断队列是否为满 bool QueueFull(SeqQueue *queue);
   bool QueueFull(SeqQueue *queue)
1
2
   {
       if (NULL == queue) return false;
3
       return (queue->front == (queue->rear+1) % queue->capacity);
       //return (queue->capacity == queue->size);
5
   }
6
4. 获取队列当前元素个数 int QueueSize(SeqQueue *queue);
   int QueueSize(SeqQueue *queue)
1
   {
2
       if (NULL == queue) return 0;
3
       return (queue->rear - queue->front + queue->capacity) % queue->capacity;
       //return queue->size;
5
   }
6
5. 人队 bool EnQueue(SeqQueue *queue, int ele);
   bool EnQueue(SeqQueue *queue, int ele)
   {
2
       if (NULL == queue || QueueFull(queue)) return false;
3
       queue->data[queue->rear] = ele;
4
       queue->rear = (queue->rear+1) % queue->capacity;
       //queue->size += 1;
```

3.1 数据结构定义 3 队列

```
return true;
  }
6. 出队 bool DeQueue(SeqQueue *queue, int *store);
  bool DeQueue (SeqQueue *queue, int *store)
1
2
       if (NULL == queue || NULL == store) return false;
3
       if (QueueEmpty(queue)) return false;
4
       *store = queue->data[queue->front];
       queue->front = (queue->front+1) % queue->capacity;
6
       //queue->size -= 1;
       return true;
  }
9
7. 获取队首元素 bool GetHead(SeqQueue *queue, int *store);
  bool GetHead(SeqQueue *queue, int *store)
2
       if (NULL == queue || NULL == store) return false;
3
       if (QueueEmpty(queue)) return false;
4
       *store = queue->data[queue->front];
6
       return true;
  }
7
```

### 3.1.2 链式存储的队列

单链表实现的队列,如果需要求得当前队列元素个数,必须要遍历队列,效率较低,也可以通过一个变量 size 记录存储元素的个数。

```
typedef struct LinkQueue {
   LinkList rear, front;
   int size;
} LinkQueue;
```

### 基本操作

1. 初始化队列 bool InitQueue(LinkQueue \*queue);

```
bool InitQueue(LinkQueue *queue)
{
    if (NULL == queue) return false;
    LinkNode *dummy = malloc(sizeof(LinkNode)); /* 头节点 */
    if (NULL == dummy) return false;
    dummy->next = NULL;
}
```

3.1 数据结构定义 3 队列

```
/**
8
        * front->[dummy]->NULL
        * rear ----
10
11
       queue->front = queue->rear = dummy;
12
       queue->size = 0;
13
       return true;
14
   }
2. 销毁队列 void DestroyQueue(LinkQueue *queue);
   void DestroyQueue(LinkQueue *queue)
   {
2
       if (NULL == queue) return;
3
       DestroyList(queue->front);
4
   }
5
3. 判断队列是否为空 bool QueueEmpty(LinkQueue *queue);
   bool QueueEmpty(LinkQueue *queue)
1
   {
2
       if (NULL == queue) return true;
3
       return (queue->front == queue->rear);
4
   }
5
4. 人队 bool EnQueue(LinkQueue *queue, int ele);
   bool EnQueue(LinkQueue *queue, int ele)
1
2
       if (NULL == queue) return false;
3
       LinkNode *node = malloc(sizeof(LinkNode));
4
       if (NULL == node) return false;
       node->data = ele;
       node->next = NULL;
9
        * front->[dummy]->[node1]->...->[ele]->NULL
10
        * rear -----
11
12
13
       queue->rear->next = node;
       queue->rear = node;
14
15
       queue->size += 1;
16
       return true;
17
   }
18
5. 出队 bool DeQueue(LinkQueue *queue, int *store);
```

3.2 例题 4 树

```
bool DeQueue(LinkQueue *queue, int *store)
1
2
       if (NULL == queue || NULL == store) return false;
3
       if (QueueEmpty(queue)) return false;
4
6
        * front->[dummy]->[node2]->...->[noden]->NULL
        * rear -----
        * node ->[node1]
9
10
       LinkList node = queue->front->next;
11
       queue->front->next = node->next;
12
       /* 如果是最后一个元素 */
13
       if (node == queue->rear)
14
           queue->rear = queue->front;
15
       queue->size -= 1;
16
       *store = node->data;
18
       free(node);
19
       return true;
20
21
```

## 3.2 例题

后续章节树和图的遍历会大量使用队列和栈,所以这里不再单独练习。

# 4 树

## 4.1 数据结构定义

# 4.1.1 双亲存储结构

**数组形式** 数组形式存储的 k ( $k \ge 2$ ) 叉树,通常孩子节点下标 n 和双亲节点下标 m 满足如下关系(下标从 1 开始计数):

- 通过孩子节点下标计算双亲节点下标:  $m = \left\lceil \frac{n-1}{k} \right\rceil$
- 计算双亲节点的第 i (1  $\leq i \leq k$ ) 个孩子的下标: n = (m-1)k + i + 1

下面证明如何通过孩子节点计算双亲节点公式正确:

证明. 对于任意孩子节点 n,假设其双亲节点为 m。那么双亲 m 的第一个孩子节点下标为

(m-1)k+2,最后一个孩子节点下标为 mk+1,那么有不等式

$$(m-1)k+2 \le n \le mk+1$$

$$\implies m-1+\frac{2}{k} \le \frac{n}{k} \le m+\frac{1}{k}$$

$$\implies m+\frac{1}{k}-1 \le \frac{n-1}{k} \le m$$

$$\implies m \le \left\lceil \frac{n-1}{k} \right\rceil \le m$$

$$\implies m = \left\lceil \frac{n-1}{k} \right\rceil$$

特别地,对于二叉树上述公式也是成立,但是此外有更为便捷的方法。考虑到对计算机而言,下取整比上取整更为方便,对上述证明中采取如下计算方法:

$$(m-1)k+2 \le n \le mk+1$$

$$\implies m \le \frac{n}{k}+1-\frac{2}{k} \le m+1-\frac{1}{k}$$

$$\implies m \le \left\lfloor \frac{n}{k}+1-\frac{2}{k} \right\rfloor \le \left\lfloor m+1-\frac{1}{k} \right\rfloor = m$$

$$\implies m = \left\lfloor \frac{n}{k}+1-\frac{2}{k} \right\rfloor (考虑到k=2)$$

$$\implies m = \left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor$$

即由双亲节点得孩子节点 n=2m 或 2m+1,由孩子节点得双亲节点  $m=\left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor$ 

```
#define TreeNodeMax 2048

/* Parent Tree Node */

typedef struct PTNode {

int data;
int parent; /* -1 表明没有双亲节点 */

PTNode;
/* Parent Tree */

typedef struct PTree {

PTNode *nodes;
int capacity; /* nodes 的总个数 */

PTree;
```

应用

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

25

1. 并查集 (Union Find Set): 并查集使用来判断两个元素是否在同一个集合的数据结构。顺序存储的树结构可以用于实现并查集,不同之处在于并查集不需要通过双亲节点找到孩子节点,因此可以更为灵活。注意: 下列代码中空集定义为双亲元素为 -1, 单元素集合定义为双亲元素为自身。

• 结构的定义

```
typedef struct UFSet {
       int *nodes;
       int capacity;
3
   } UFSet;
 • 初始化并查集 bool InitUFSet(UFSet *set, int capacity);
   bool InitUFSet(UFSet *set, int capacity)
2
   {
       if (NULL == set || capacity <= 0) return false;</pre>
3
       set->nodes = malloc(capacity * sizeof(int));
4
       if (NULL == set->nodes) return false;
       set->capacity = capacity;
       /* 所有集合初始化为空集 */
       for (int i = 0; i < capacity; i++)</pre>
           set->nodes[i] = -1;
10
       return true;
   }
11
  销毁并查集 void DestroyUFSet(UFSet *set);
   void DestroyUFSet(UFSet *set)
1
2
   {
       if (NULL == set) return;
       free(set->nodes);
4
   }
5
 • 添加单元素集合 {id} bool MakeSet(UFSet *set, int id);
   bool MakeSet(UFSet *set, int id)
   {
2
       if (NULL == set) return false;
3
       if (id < 0 || id >= set->capacity) return false;
4
       /* 元素 id 已经添加 */
       if (set->nodes[id] != -1) return false;
       set->nodes[id] = id;
       return true;
   }
9
 • 查找元素 id 所在集合的代表元素 int Find(UFSet *set, int id);
   * 返回 -1 表示 id 不在任何集合内
```

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

```
* 返回 >= 0 表示 id 所在集合的代表元素
    */
4
   int Find(UFSet *set, int id)
5
   {
6
       if (NULL == set) return -1;
7
       if (id < 0 || id >= set->capacity) return -1;
8
       while (true) {
9
           int parent = set->nodes[id];
10
           if (parent == id || parent == -1)
11
               return parent;
12
           id = parent;
13
       }
14
   }
15
```

• 判断两个元素是否同一集合 bool Same(UFSet \*set, int x, int y);

```
bool Same(UFSet *set, int x, int y)
{
    int xparent = Find(set, x);
    int yparent = Find(set, y);
    if (-1 == xparent || -1 == yparent)
        return false;
    return (xparent == yparent);
}
```

• 合并 x 和 y 所在的集合 bool Union(UFSet \*set, int x, int y); 下面单纯的合并算法会导致查找函数 Find 效率降低, 实际中有两种方法优化: 按秩合并和路径压缩的方法。优化方法具体实现请参见<sup>2</sup>。

```
bool Union(UFSet *set, int x, int y)
1
2
        int xparent = Find(set, x);
3
       int yparent = Find(set, y);
if (-1 == xparent || -1 == yparent)
4
5
           return false;
6
       /* y 所在集合的代表元素 yparent 指向 x 集合代表元素 xparent */
       set->nodes[yparent] = xparent;
       return true;
9
   }
10
```

- 2. 存储满二叉树
- 3. 大堆或小堆

**指针形式** 指针形式通常不能直接找到双亲节点的孩子节点,通过孩子节点寻找双亲节点很方便。

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>https://en.wikipedia.org/wiki/Disjoint-set\_data\_structure

4.1 数据结构定义 4.1 4 树

```
typedef struct PTreeNode {
   int data;
   struct PTreeNode *parent;
} PTreeNode;
typedef PTreeNode *PTree;
```

### 4.1.2 孩子兄弟存储结构

```
/* Child Sibling Tree */
typedef struct CSTreeNode {
    int data;
    struct CSTreeNode *firstchild, *nextsibling;
} CSTreeNode;
typedef CSTreeNode *CSTree;
```

## 4.1.3 二叉树、二叉排序数和平衡二叉树

```
/* Binary Tree */
typedef struct BiTreeNode {
    int data;
    struct BiTreeNode *lchild, *rchild;
} BiTreeNode;
typedef BiTreeNode *BiTree;
```

#### 基本操作

# 二叉树遍历

- 1. 先序遍历 void PreOrder(BiTree tree);
  - 递归实现

```
void PreOrder(BiTree tree)
{

if (NULL == tree) return;

/*访问节点 tree */

//visit(tree);

PreOrder(tree->lchild);

PreOrder(tree->rchild);

}
```

- 非递归实现
  - 。 版本一

```
void PreOrder(BiTree tree)
       1
          {
       2
          #define TreeHeightMax 2048
       3
              SeqStack stack;
       4
               InitStack(&stack, TreeHeightMax);
       5
       6
              Push(&stack, tree);
              while (!StackEmpty(&stack)) {
                   BiTree node;
       9
                   Pop(&stack, &node);
      10
                   if (NULL == node)
      11
                       continue;
      12
                   /* 访问节点 node */
//visit(node);
/* 先右节点入栈, 然后是左节点入栈 */
      13
      14
      15
                   Push(&stack, node->rchild);
      16
                   Push(&stack, node->lchild);
      17
              }
      18
      19
              DestroyStack(&stack);
      20
          }
      21
        。版本二*
          void PreOrder(BiTree tree)
       1
       2
          {
          #define TreeHeightMax 2048
       3
               SeqStack stack;
       4
               InitStack(&stack, TreeHeightMax);
       5
       6
              BiTree curr = tree;
       7
              while (NULL != curr || !StackEmpty(&stack)) {
                   if (NULL != curr) {
       9
                       /* 访问当前节点 curr */
      10
                       //visit(curr);
      11
                       Push(&stack, curr);
      12
                       curr = curr->lchild;
                   } else {
                       Pop(&stack, &curr);
      15
                       curr = curr->rchild;
      16
      17
               }
      18
      19
              DestroyStack(&stack);
      20
      21
2. 中序遍历 void InOrder(BiTree tree);
    • 递归实现
      void InOrder(BiTree tree)
```

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

if (NULL == tree) return;

3

```
4
          InOrder(tree->lchild);
          /* 访问节点 tree */
   5
          //visit(tree);
   6
          InOrder(tree->rchild);
   7
      }
    • 非递归实现
      void InOrder(BiTree tree)
   2
      #define TreeHeightMax 2048
   3
          SeqStack stack;
   4
          InitStack(&stack, TreeHeightMax);
   5
   6
          BiTree curr = tree;
          while (NULL == curr || !StackEmpty(&stack)) {
              if (NULL != curr) {
                   Push(&stack, curr);
   10
                   curr = curr->lchild;
   11
               } else {
   12
                   Pop(&stack, &curr);
   13
                   /* 访问节点 node */
   14
                   //visit(node);
   15
                   curr = curr->rchild;
   16
              }
   17
   18
   19
          DestroyStack(&stack);
  20
      }
  21
3. 后序遍历 void PostOrder(BiTree tree);
    • 递归实现
      void PostOrder(BiTree tree)
      {
   2
          if (NULL == tree) return;
   3
          PostOrder(tree->lchild);
   4
          PostOrder(tree->rchild);
          /* 访问节点 tree */
          //visit(tree);
      }
```

void PostOrder(BiTree tree)

#define TreeHeightMax 2048
SeqStack stack;

非递归实现3

1 **V**(2 { 3 #

 $<sup>^3 \</sup>verb|https://en.wikipedia.org/wiki/Tree_traversal #Post-order_(LRN)|$ 

```
InitStack(&stack, TreeHeightMax);
   5
   6
          BiTree lastVisited = NULL;
          BiTree curr = tree;
   7
   8
          while (NULL != curr || !StackEmpty(&stack)) {
   9
               if (NULL != curr) {
   10
                   Push(&stack, curr);
   11
                   curr = curr->lchild;
   12
              } else {
   13
                   GetTop(&stack, &curr); /* 只获取栈顶, 不弹栈 */
   14
                   if (NULL != curr->rchild && lastVisited != curr->rchild) {
   15
                       curr = curr->rchild;
   16
   17
                   } else {
                       /* 访问当前节点 */
                       //visit(curr);
   19
                       Pop(&stack, &lastVisited);
   20
                   }
   21
              }
   22
           }
   23
   24
          DestroyStack(&stack);
   25
      }
   26
4. 层次遍历 void LevelOrder(BiTree tree);
  void LevelOrder(BiTree tree)
  #define TreeWidthMax 4096
      if (NULL == tree) return;
      SeqQueue queue;
      InitQueue(&queue, TreeNodesMax);
      EnQueue(&queue, tree);
      while (!QueueEmpty(&queue)) {
          BiTree node;
          DeQueue(&queue, &node);
          /* 访问节点 */
           //visit(node);
          if (NULL != node->lchild)
              EnQueue(&queue, node->lchild);
           if (NULL != node->rchild)
              EnQueue(&queue, node->rchild);
      }
      DestroyQueue(&queue);
```

- 二叉查找树 二叉查找树 (Binary Search Tree, BST), 也叫排序二叉树或二叉排序树
- 1. 查找元素 bool BiTreeSearch(BiTree tree, int data);

1 2

3

4

5

6

10 11

12

14

15

16

17

18 19

20 } 21

• 递归实现

```
bool BiTreeSearch(BiTree tree, int data)
       if (NULL == tree) return false;
       if (data == tree->data)
4
           return true;
5
       if (data < tree->data)
6
           return BiTreeSearch(tree->lchild, data);
       else
           return BiTreeSearch(tree->rchild, data);
9
   }
10
   非递归实现
   bool BiTreeSearch(BiTree tree, int data)
2
       while (NULL != tree) {
3
           if (data == tree->data)
4
                return true;
5
            if (data < tree->lchild)
6
                tree = tree->lchild;
           else
               tree = tree->rchild;
9
       }
10
11
       return false;
12
   }
```

2. 插入元素 bool BiTreeInsert(BiTree \*ptree, int data);

```
#include "tree.h"
   bool BiTreeInsert(BiTree *ptree, int data)
        /* 和向不带头节点单链表中插入数据极其类似 */
4
       while (NULL != *ptree) {
   if (data == (*ptree)->data)
5
6
                return true;
            if (data < (*ptree)->data) {
                ptree = &(*ptree)->lchild;
            } else {
10
                ptree = &(*ptree)->rchild;
11
12
        }
13
14
       BiTreeNode *node = malloc(sizeof(BiTreeNode));
15
        if (NULL == node) return false;
16
       node->data = data;
17
       node->lchild = node->rchild = NULL;
18
19
        *ptree = node;
20
       return true;
^{21}
   }
22
```

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

3. 二叉排序树构造 BiTree CreateBSTree(int \*array, int n); BiTree CreateBSTree(int \*array, int n) 1 2 if (NULL == array || n <= 0) return NULL;</pre> 3 BiTree tree = NULL; 5 for (int i = 0; i < n; i++)</pre> 6 BiTreeInsert(&tree, array[i]); return tree; 9 } 10 4. 删除元素 \* bool BiTreeDelete(BiTree \*ptree, int data); #include "tree.h" 2 \* 从树中偷取其最大值的节点,并存储到 store 里 3 void StealMaxNode(BiTree \*ptree, BiTree \*store) while (NULL != (\*ptree)->rchild) 7 ptree = &(\*ptree)->rchild; 8 \*store = \*ptree; 9 \*ptree = (\*store)->lchild; 10 } 11 bool BiTreeDelete(BiTree \*ptree, int data) 12 13 if (NULL == ptree) return false; 14 while (NULL != \*ptree && data != (\*ptree)->data) { 15 if (data < (\*ptree)->data) 16 ptree = &(\*ptree)->lchild; 17 18 else ptree = &(\*ptree)->rchild; 19 20 /\* 没有值为 data 的节点 \*/ 21 if (NULL == \*ptree) return false; 22 23 BiTree lsubtree = (\*ptree)->lchild; 24 BiTree rsubtree = (\*ptree)->rchild; 25 free(\*ptree); 26 27 /\* 左右都有子树的节点的删除 \*/ if (NULL != lsubtree && NULL != rsubtree) { 29 BiTree maxNode; 30 StealMaxNode(&lsubtree, &maxNode); 31 \*ptree = maxNode; 32 (\*ptree)->lchild = lsubtree; 33 (\*ptree)->rchild = rsubtree; 34 return true;

```
}
36
       /* 只有左子树的节点的删除 */
       if (NULL != lsubtree) {
39
           *ptree = lsubtree;
40
           return true;
41
       }
42
43
       /* 只有右子树的节点的删除 */
       if (NULL != rsubtree) {
45
           *ptree = rsubtree;
46
           return true;
47
       }
48
49
       /* 没有左右子树的节点 */
50
       *ptree = NULL;
51
       return true;
52
   }
53
```

**平衡二叉树** 平衡二叉树 AVL-Tree, 查找算法和二叉查找树一样, 但是插入和删除算法 不同而且代码实现较为复杂(比二叉查找树删除元素还要复杂), 这里暂时不给出。

应用

实现集合\*

### 4.1.4 线索二叉树

```
typedef struct ThreadTreeNode {
       int data;
2
       struct ThreadTreeNode *lchild, *rchild;
3
   #define TaqChild
4
   #define TagPrevNode 1
5
   #define TagNextNode 1
       int ltag, rtag;
   } ThreadTreeNode;
    * ltag 为 TagChild
                         (0) 时, lchild 指向左孩子节点
10
    * ltag 为 TagPrevNode (1) 时, lchild 指向前驱节点
11
    * rtag 为 TagChild
                       (0) 时, rchild 指向右孩子结点
12
    * rtag 为 TagNextNode (1) 时, rchild 指向后继节点
13
14
    typedef ThreadTreeNode *ThreadTree;
15
```

线索化的思想:任意一个节点有前驱节点且左孩子指针 1child 没有指向左孩子,那么就指向此节点的前驱节点;任意一个节点有后继节点且右孩子指针 rchild 没有指向右孩子,那么就

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

4.1 数据结构定义 4.1 数据结构定义 4.1 树

指向后继节点。

### 基本操作

1. 先序遍历线索化 \* void CreatePreThreadTree(ThreadTree tree);

```
#include "tree.h"
   void _CreatePreThreadTree(ThreadTree tree, ThreadTree *pprev)
2
3
       if (NULL == tree) return;
4
5
       /* 前驱指向当前节点 */
6
       if (NULL != *pprev && NULL == (*pprev)->rchild) {
            (*pprev)->rchild = tree;
            (*pprev)->rtag = TagNextNode;
9
       }
10
       /* 当前节点指向前驱 */
11
       if (NULL == tree->lchild) {
12
           tree->lchild = *pprev;
13
           tree->ltag = TagPrevNode;
15
       pprev = &tree;
16
17
       if (TagChild == tree->ltag)
            _CreatePreThreadTree(tree->lchild, pprev);
       if (TagChild == tree->rtag)
20
            _CreatePreThreadTree(tree->rchild, pprev);
21
22
   void CreatePreThreadTree(ThreadTree tree)
23
24
       ThreadTree prev = NULL;
25
       _CreatePreThreadTree(tree, &prev);
26
   }
27
```

2. 中序遍历线索化 \* void CreateInThreadTree(ThreadTree tree);

```
#include "tree.h"
1
   void _CreateInThreadTree(ThreadTree tree, ThreadTree *pprev)
2
3
       if (NULL == tree) return;
5
       if (TagChild == tree->ltag)
6
            _CreateInThreadTree(tree->lchild, pprev);
       if (NULL != *pprev && NULL == (*pprev)->rchild) {
            (*pprev)->rchild = tree;
10
            (*pprev)->rtag = TagNextNode;
11
12
       if (NULL == tree->lchild) {
13
            tree->lchild = *pprev;
14
           tree->ltag = TagPrevNode;
```

4.1 数据结构定义 4.1 数据结构定义 4.1 树

```
16
17
       pprev = &tree;
18
       if (TagChild == tree->rtag)
19
           _CreateInThreadTree(tree->rchild, pprev);
20
   }
21
   void CreateInThreadTree(ThreadTree tree)
22
23
       ThreadTree prev = NULL;
^{24}
       _CreateInThreadTree(tree, &prev);
25
   }
26
3. 后序遍历线索化 * void CreatePostThreadTree(ThreadTree tree);
   #include "tree.h"
   void _CreatePostThreadTree(ThreadTree tree, ThreadTree *pprev)
2
3
       if (NULL == tree) return;
4
5
       if (TagChild == tree->lchild)
6
            CreatePostThreadTree(tree->lchild, pprev);
       if (TagChild == tree->rchild)
           _CreatePostThreadTree(tree->rchild, pprev);
10
       if (NULL != *pprev && NULL == (*pprev)->rchild) {
11
           (*pprev)->rchild = tree;
12
           (*pprev)->rtag = TagNextNode;
13
14
       if (NULL == tree->lchild) {
15
           tree->lchild = *pprev;
16
           tree->ltag = TagPrevNode;
17
18
       pprev = &tree;
19
   }
20
   void CreatePostThreadTree(ThreadTree tree)
21
22
       ThreadTree prev = NULL;
23
       _CreatePostThreadTree(tree, &prev);
24
   }
25
4. 先序遍历先序线索树 void PreOrderOfPreThreadTree(ThreadTree tree);
   #include "tree.h"
   /* 在先序序列中,找给定节点的后继元素 */
   ThreadTree NextNode(ThreadTree node)
3
   {
4
       if (TagChild == node->ltag)
5
           return node->lchild;
6
7
       return node->rchild;
   /* 在先序序列中,找给定节点的前驱元素 */
9
   ThreadTree PrevNode(ThreadTree node)
```

4.1 数据结构定义 4.1 4 树

```
{
11
      /**
12
       *注意:比较困难,可能需要遍历整棵树
       * 因为,如果 node->ltag == TagPrevNode,
                  只需要返回 node->lchild
15
               否则前驱节点就是 node 的父节点,
16
              然而在二叉树孩子节点表示法中,难以找到父节点
17
18
19
   /* 在先序线索树中, 找先序序列的最后一个节点 */
20
   ThreadTree LastNode(ThreadTree tree)
21
22
      ThreadTree nextNode;
23
      while (true) {
^{24}
          nextNode = NextNode(tree);
25
          if (NULL == nextNode)
26
             return tree;
27
          tree = nextNode;
28
29
30
   /* 在先序线索树中,找先序序列的第一个节点 */
31
  ThreadTree FirstNode(ThreadTree tree)
33
      return tree;
34
   }
35
   void PreOrderOfPreThreadTree(ThreadTree tree)
36
37
38
       * 把线索化后的节点看成可以通过 PrevNode() 找到前驱和 NextNode() 找到后继的
39
       * 非循环双链表,如果某一个节点 PrevNode() 为 NULL,说明这个节点为第一个节
40
       * 点; 同理, 如果 NextNode() 为 NULL, 说明这个节点为最后一个节点
41
42
      ThreadTree node;
43
      for (node = FirstNode(tree); NULL != node; node = NextNode(node)) {
44
          /* 访问节点 */
45
          //visit(node);
46
      }
47
   }
5. 中序遍历中序线索树 void InOrderOfInThraedTree(ThreadTree tree);
   #include "tree.h"
   /* 在中序线索树中, 求给定节点的后继
  ThreadTree NextNode(ThreadTree node)
      if (TagNextNode == node->rtag)
5
          return node->rchild;
6
      /* 右子树的第一个节点就是当前节点的后继节点 */
7
      return FirstNode(node->rchild);
8
9
   /* 在中序线索树中, 求给定节点的前驱 */
10
   ThreadTree PrevNode(ThreadTree node)
11
   {
12
```

4.1 数据结构定义 4 树

```
if (TagPrevNode == node->ltag)
13
           return node->lchild;
14
       /* 左子树的最后一个节点解释当前节点的前驱节点 */
15
       return LastNode(node->lchild);
16
17
   /* 在中序线索树中, 求中序序列第一个节点 */
18
   ThreadTree FirstNode(ThreadTree tree)
19
20
       if (NULL == tree) return NULL;
^{21}
       /* 左边"链"往左下的最后一个节点 */
22
       while (TagPrevNode != tree->ltag)
23
           tree = tree->lchild;
^{24}
       return tree;
   /* 在中序线索树中, 求中序序列最后一个节点 */
27
   ThreadTree LastNode(ThreadTree tree)
28
29
       if (NULL == tree) return NULL;
/* 右边"链"往右下的最后一个节点
30
31
       while (TagNextNode != tree->rtag)
32
           tree = tree->rchild;
33
       return tree;
34
   }
35
   void InOrderOfInThraedTree(ThreadTree tree)
38
       ThreadTree node;
       for (node = FirstNode(tree); NULL != node; node = NextNode(node)) {
39
           /* 访问节点 node */
40
           //visit(node);
41
42
       /* 如果是按照中序序列逆序 */
43
       //for (node = LastNode(tree); NULL != node; node = PrevNode(node)) {
44
             /* 访问节点 node */
45
       //
             //visit(node);
46
       //}
47
48
```

对中序线索树中序遍历时,某一节点的前驱或者后继节点一定是其子树中的节点,所以一定方便找到前驱和后继。对比先序线索树的先序遍历,某一节点的前去节点可能是其父节点,所以难以找到前驱节点。

6. 后序遍历后序线索树 void PostOrderOfPostThread(ThreadTree tree);

```
#include"tree.h"
ThreadTree NextNode(ThreadTree node)
{

/**

* 注意: 和先序遍历寻找前驱类似,也是比较困难,原因一样

* 如果 node->rtag == TagNextNode, 直接返回 node->rchild 即可

* 否则就是 node 的父节点,父节点难以求得

*/
```

4.2 例题 4.2 材

```
}
9
   ThreadTree PrevNode(ThreadTree node)
10
11
       if (TagChild == node->rtag)
12
           return node->rchild;
13
       return node->lchild;
14
15
   ThreadTree FirstNode(ThreadTree tree)
16
17
       if (NULL == tree) return tree;
18
       /* 第一个节点是"最左边"的第一个叶节点 */
19
       while (true) {
20
           if (TagChild == tree->ltag)
               tree = tree->lchild;
22
           else if (TagChild == tree->rtag)
23
               tree = tree->rchild;
24
           else
25
               break;
26
       }
28
       return tree;
29
   ThreadTree LastNode(ThreadTree tree)
30
31
       return tree;
32
   }
33
   void PostOrderOfPostThread(ThreadTree tree)
34
   {
35
36
        *后序线索树想要后序遍历,因为 NextNode() 函数难以实现,
37
        * 所以后序遍历也难以实现
38
        * 但是, 逆后序遍历是容易的, 下面给出逆后序遍历
39
40
       ThreadTree node;
41
       for (node = LastNode(tree); NULL != node; node = PrevNode(node)) {
42
           /* 访问节点 */
           //visit(node);
44
       }
45
   }
46
```

对比先序线索树的先序遍历,可以发现后序线索树的后续遍历与其有一定的对称性。

#### 4.2 例题

1. 求二叉树的高度

```
#include "tree.h"

/* 这里给出递归求树的高度,也可以通过非递归的任意遍历求树高 */

int BiTreeHeight(BiTree tree)

{

if (NULL == tree) return 0;

int lheight = BiTreeHeight(tree->lchild);
```

```
int rheight = BiTreeHeight(tree->rchild);
return (lheight>rheight)? (lheight+1): (rheight+1);
}
```

2. 求二叉树宽度和高度,二叉树宽度定义为同一层中节点数最大值

```
#include "tree.h"
   #include "queue.h"
   int max(int x, int y)
   {
4
       return (x>y)? x: y;
5
   }
   bool BiTreeWidthAndHeight(BiTree tree, int *width, int *height)
8
   #define TreeWidthMax
                             10240
9
       if (NULL == height || NULL == width) return false;
10
       *height = 0;
11
       *width = 0;
12
       if (NULL == tree) return true;
13
14
       SeqQueue queue;
15
       BiTree lastEnQueue;
16
17
       InitQueue(&queue, TreeWidthMax);
       EnQueue(&queue, tree);
19
                                     /* 每一层的最后一个入队列的元素 */
       lastEnQueue = tree;
20
       while (!QueueEmpty(&queue)) {
22
            int width2 = 0;
23
            BiTree thisLayerLastEnQueue = NULL;
24
25
            /* 处理一层 */
26
            while (true) {
27
                BiTree node;
28
                DeQueue(&queue, &node);
29
                width2 ++;
30
                if (NULL != node->lchild) {
31
                    EnQueue(&queue, node->lchild);
                    thisLayerLastEnQueue = node->lchild;
33
                }
34
                if (NULL != node->rchild) {
35
                    EnQueue(&queue, node->rchild);
36
                    thisLayerLastEnQueue = node->rchild;
37
                if (lastEnQueue == node)
39
                    break;
40
            }
41
42
            lastEnQueue = thisLayerLastEnQueue;
44
            *height += 1;
            *width = max(*width, width2);
45
       }
46
47
```

```
DestroyQueue(&queue);
return true;
}
```

3. 求左子树中节点经过根节点到右子树中节点的最长路径的长度

```
#include "tree.h"
   int MaxDistThroughRoot(BiTree tree)
2
   {
3
4
       * 注意: 树的高度等于根节点到最远叶节点距离加一
        * 高度和路劲长度不是完全一回事
6
        if (NULL == tree) return 0;
        int lheight = BiTreeHeight(tree->lchild);
        int rheight = BiTreeHeight(tree->rchild);
10
        if (lheight >= 1) lheight -= 1;
11
        if (rheight >= 1) rheight -= 1;
12
13
        return lheight + rheight;
   }
14
```

4. 输出根节点到每个叶子结点的路径

```
#include "tree.h"
   #define BiTreeHeightMAX 4096
   int trace[BiTreeHeightMAX];
   int idx = 0;
/* DFS 深度遍历 */
4
5
   void PrintAllTraces(BiTree tree)
6
7
        if (NULL == tree) {
8
            for (int i = 0; i < idx; i++)
9
                printf("%d ", trace[i]);
10
            printf("\n");
11
            return;
        }
       trace[idx] = tree->data;
14
        idx++;
15
        PrintAllTraces(tree->lchild);
16
        PrintAllTraces(tree->rchild);
17
        idx--;
18
   }
19
```

5. 输出二叉树给定节点的所有祖先

```
#include "tree.h"

/* 如果是二叉排序树 */

void PrintAncestors(BiTree tree, int x)

{
```

```
while (NULL == tree | | x == tree->data) {
5
             printf("%d ", tree->data);
6
             if (x < tree->data)
                 tree = tree->lchild;
             else
9
                 tree = tree->rchild;
10
        }
11
   }
12
13
   /* 一般二叉树 */
14
   bool _PrintAncestors(BiTree tree, int x)
15
16
17
        if (NULL == tree) return false;
        if (x == tree->data)
            return true;
19
        /* 如果左子树或者右子树找到 x, 那么当前节点是 x 的祖先, 那么输出它 */ if (_PrintAncestors(tree->lchild, x) || _PrintAncestors(tree->rchild, x)) {
20
21
             printf("%d ", tree->data);
22
             return true;
23
24
        return false;
25
   }
26
   void PrintAncestors(BiTree tree, int x)
27
28
        _PrintAncestors(tree, x);
29
30
```

6. 判断给定二叉树是否为完全二叉树

```
#include "tree.h"
   #include "queue.h"
2
   /**
    * 完全二叉树: 除了最有一层右边部分外, 其余层都是满的
    * 层次遍历时,如果出现空节点,那么其后续元素都应当是空节点
6
   bool IsCompleteBiTree(BiTree tree)
9
   #define BiTreeWidthMax 4096
       if (NULL == tree) return true;
10
       SeqQueue queue;
11
       InitQueue(&queue, BiTreeWidthMax);
12
       EnQueue(&queue, tree);
13
14
       while (!QueueEmpty(&queue)) {
15
           BiTree node;
16
           DeQueue(&queue, &node);
17
           if (NULL != node) {
18
              EnQueue(&queue, node->lchild);
19
              EnQueue(&queue, node->rchild);
           } else {
21
              while (!QueueEmpty(&queue)) {
22
                  DeQueue(&queue, &node);
23
24
                  if (NULL != node) {
```

4.2 例题 4.2 材

```
DestroyQueue(&queue);
25
26
                           return false;
                      }
27
28
                 DestroyQueue(&queue);
29
                 return true;
30
31
        }
        DestroyQueue(&queue);
34
        return true;
35
36
```

7. 判断二叉树 subtree 是否为 tree 的一棵子树

```
#include "tree.h"
1
   bool IsEqualBiTree(BiTree tree1, BiTree tree2)
2
3
       if (NULL == tree1 && NULL == tree2)
4
            return true;
5
       if ((NULL != tree1 && NULL != tree2) && (tree1->data == tree2->data)) {
6
            return IsEqualBiTree(tree1->lchild, tree2->lchild)
                && IsEqualBiTree(tree1->rchild, tree2->rchild);
       return false;
10
   }
11
12
   bool IsSubTree(BiTree tree, BiTree subtree)
13
14
       if (IsEqualBiTree(tree, subtree))
15
            return true;
16
       if (NULL != tree) {
17
            if (IsSubTree(tree->lchild, subtree))
18
                return true;
19
            if (IsSubTree(tree->rchild, subtree))
21
                return true;
22
       return false;
23
24
```

8. 判断二叉树 part 是否为 tree 的子结构,子结构是指能在 tree 找到 part 这样的树结构,并不一定是子树。

```
#include "tree.h"
bool IsPartOf(BiTree tree, BiTree part)
{
    if (NULL == part)
        return true;
    if (NULL == tree) /* part 一定不等于 NULL */
        return false;
    if (tree->data != part->data)
```

4.2 例题 4.2 材

```
return false;
10
       return IsPartOf(tree->lchild, part->lchild)
            && IsPartOf(tree->rchild, part->rchild);
11
12
   bool IsPartOfBiTree(BiTree tree, BiTree part)
13
14
        if (IsPartOf(tree, part))
15
16
            return true;
       if (NULL != tree) {
17
            if (IsPartOf(tree->lchild, part))
18
                return true;
19
            if (IsPartOf(tree->rchild, part))
20
                return true;
22
       return false;
23
   }
24
```

9. 按照从下往上、从右往左的方式遍历二叉树(逆层次遍历)

```
#include "tree.h"
   #include "stack.h"
   #include "queue.h"
   void ReLevelOrder(BiTree tree)
        /* 层次遍历加逆序输出 */
6
   #define BiTreeNodesMax 10240
        if (NULL == tree) return;
8
        SeqStack stack;
9
       SeqQueue queue;
10
        InitQueue(&queue, BiTreeNodesMax);
11
        InitStack(&stack, BiTreeNodesMax);
12
13
       EnQueue(&queue, tree);
14
       while (!QueueEmpty(&tree)) {
15
            BiTree node;
            DeQueue(&queue, &node);
17
            Push(&stack, node->data);
18
            if (NULL != node->lchild)
19
                EnQueue(&queue, node->lchild);
20
            if (NULL != node->rchild)
^{21}
                EnQueue(&queue, node->rchild);
22
       }
23
24
       while (!StackEmpty(&stack)) {
25
            int data;
26
            Pop(&stack, &data);
27
            printf("%d ", data);
28
29
       printf("\n");
30
31
       DestroyStack(&stack);
32
   }
33
```

10. 通过先序序列和中序序列重构二叉树\*

```
#include "tree.h"
1
   /**
2
    * 重构过程也是先序的过程, 所以即从 preArr 中不断取元素构建即可,
    * 同时根据 inArr 数组来确定某个节点有没有左右子树,
    * 进而决定 preArr 余下的的节点在这个节点左子树还是右子树
5
6
   BiTree _ReBuildBiTree(int *preArr, int preIdx, int len,
           int *inArr, int inIdx, int inEnd)
   {
9
       if (preIdx >= len || inIdx >= inEnd)
10
           return NULL;
11
12
       int rootData = preArr[preIdx];
13
       BiTree root = malloc(sizeof(BiTreeNode));
14
       if (NULL == root) return NULL;
15
       root->data = rootData;
16
17
       /* 在中序数组 inArr 中找到 rootData, 然后划分成两部分 */
18
19
       int i;
       for (i = inIdx; i < inEnd; i++) {
20
           if (rootData == inArr[i])
21
               break:
22
23
       /* 数据有误,在中序数组中没能找到先序数组中的元素 */
24
       if (i == inEnd) {
25
           printf("Invalid input data in preArr or inArr.\n");
26
           return NULL;
27
       }
28
29
       int lpreIdx = preIdx+1;
30
       int rpreIdx = preIdx+1 + (i-inIdx);
       root->lchild = _ReBuildBiTree(preArr, lpreIdx, len, inArr, inIdx, i);
root->rchild = _ReBuildBiTree(preArr, rpreIdx, len, inArr, i+1, inEnd);
32
33
34
35
       return root;
   }
36
   BiTree ReBuildBiTree(int *preArr, int *inArr, int len)
37
38
       if (len <= 0 || NULL == preArr || NULL == inArr) return NULL;
39
       return _ReBuildBiTree(preArr, 0, len, inArr, 0, len);
40
```

11. 由满二叉树的先序序列求出其后序序列,也就是对顺序存储的满二叉树数组进行后续遍历

```
#include "tree.h"
/* 这里的顺序存储的满二叉树下标从 O 开始,所以和前面所讲有所差异 */
void postOrder(int *preArr, int currNodeIdx, int len, int *postArr, int *idx)
{
if (currNodeIdx >= len) return;
```

```
postOrder(preArr, 2*currNodeIdx+1, len, postArr, idx);
6
       postOrder(preArr, 2*currNodeIdx+2, len, postArr, idx);
       postArr[*idx] = preArr[currNodeIdx];
       (*idx) += 1;
9
   }
10
   void FromPreOrderToPostOrder(int *preArr, int *postArr, int len)
11
12
       if (len <= 0 || NULL == preArr || NULL == postArr) return;
13
       int idx = 0;
14
       postOrder(preArr, 0, len, postArr, &idx);
15
16
12. 统计二叉树的节点数、叶子数、双分叉节点数
   #include "tree.h"
1
   int CountNodes(BiTree tree)
2
   {
3
       if (NULL == tree) return 0;
4
       return (1 + CountNodes(tree->lchild) + CountNodes(tree->rchild));
5
   }
6
   int CountLeafs(BiTree tree)
9
       if (NULL == tree) return 0;
10
       if (NULL == tree->lchild && NULL == tree->rchild)
11
           return 1;
12
       return CountLeafs(tree->lchild) + CountLeafs(tree->rchild);
13
   }
14
15
   int CountForks(BiTree tree)
16
17
       int cnt = 0;
18
       if (NULL == tree) return 0;
19
       if (NULL != tree->lchild && NULL != tree->rchild)
20
           cnt = 1;
21
       return (cnt + CountForks(tree->lchild) + CountForks(tree->rchild));
22
   }
23
13. 交换左右子树
   #include "tree.h"
   void SwapBiTree(BiTree tree)
2
3
       if (NULL == tree) return;
       BiTree t = tree->lchild;
       tree->lchild = tree->rchild;
6
       tree->rchild = t;
       SwapBiTree(tree->lchild);
8
9
       SwapBiTree(tree->rchild);
```

10 }

4.2 例题 4.2 4 树

14. 删除二叉树所有值为 x 的子树(不是节点)

```
#include "tree.h"
   void DestroyBiTree(BiTree tree)
2
   {
3
        if (NULL == tree) return;
4
       DestroyBiTree(tree->lchild);
5
       DestroyBiTree(tree->rchild);
6
7
        free(tree);
   }
   void DeleteAllSubtreeXFromBiTree(BiTree *ptree, int x)
9
10
        if (NULL == ptree || NULL == *ptree) return;
11
        if (x == (*ptree) -> data) {
12
            DestroyBiTree(*ptree);
            *ptree = NULL;
14
            return;
15
16
       DeleteAllSubtreeXFromBiTree(&(*ptree)->lchild, x);
17
18
       DeleteAllSubtreeXFromBiTree(&(*ptree)->rchild, x);
19
```

15. 删除二叉树(不是二叉排序树)所有值为 x 的节点 \*, 由于不是二叉排序树, 所以删除 节点后的树不唯一, 只需要保证是二叉树即可

```
#include "tree.h"
1
2
    * 从二叉树中取下某一个节点,存储到 store 指向的空间里
4
   bool StealNodeFromBiTree(BiTree *ptree, BiTree *store)
5
6
       /* 空树, 没节点可取 */
if (NULL == *ptree) return false;
7
       if (NULL != (*ptree)->lchild)
9
           return StealNodeFromBiTree(&(*ptree)->lchild, store);
10
       if (NULL != (*ptree)->rchild)
11
           return StealNodeFromBiTree(&(*ptree)->rchild, store);
12
       /* 只有根节点 */
13
       *store = *ptree;
14
       *ptree = NULL;
15
       return true;
16
   }
   void DeleteAllXFromBiTree(BiTree *ptree, int x)
18
19
       if (NULL == ptree || NULL == *ptree) return;
20
^{21}
       DeleteAllXFromBiTree(&(*ptree)->lchild, x);
22
       DeleteAllXFromBiTree(&(*ptree)->rchild, x);
23
24
       if (x == (*ptree) -> data) {
25
           BiTree lsubtree = (*ptree)->lchild;
26
           BiTree rsubtree = (*ptree)->rchild;
```

```
free(*ptree);
28
29
           /* 从左子树或者右子树偷一个节点来替代被删除的根节点 */
30
          BiTree node;
31
          if (StealNodeFromBiTree(&lsubtree, &node)
32
                  | | StealNodeFromBiTree(&rsubtree, &node)) {
33
              *ptree = node;
34
              (*ptree)->lchild = lsubtree;
35
              (*ptree)->rchild = rsubtree;
36
              return;
37
38
           /* 左右子树都没有节点可偷,说明这棵树只有一个节点,直接删除即可 */
39
40
          *ptree = NULL;
       }
41
42
```

16. 查找二叉树节点 p 和 q 的最近公共祖先

```
#include "tree.h"
1
   /**
2
    * 按照从节点 node 往上到根 tree 的顺序,
    * 储所有祖先到 ancestorArr 数组内 (包含 node 节点),
    * 并且存储祖先数量到 arrLen 指针指向的整数里
    * 返回 true, 表明获取成功
6
           false, 表明 node 不是树 tree 的节点
    * 思路和 PrintAncestors 一样
8
9
   bool GetAllAncestors(BiTree tree, BiTree node, BiTree *ancestorArr, int *arrLen)
10
11
       if (NULL == tree) return false;
12
       if (tree == node
13
               | GetAllAncestors(tree->lchild, node, ancestorArr, arrLen)
14
               || GetAllAncestors(tree->rchild, node, ancestorArr, arrLen)) {
15
           ancestorArr[*arrLen] = tree;
           (*arrLen) += 1;
17
18
       return false;
19
20
   BiTree CommonAncestor(BiTree tree, BiTree p, BiTree q)
^{21}
22
   #define BiTreeHeightMax 4096
23
       if (NULL == tree || NULL == p || NULL == q) return NULL;
24
25
       int pLen = 0, qLen = 0;
26
       BiTree pAncestors[BiTreeHeightMax], qAncestors[BiTreeHeightMax];
28
       /* 如果没有获取成功, p 就不是 tree 的节点 */
29
       if (!GetAllAncestors(tree, p, pAncestors, &pLen))
30
           return NULL;
31
       if (!GetAllAncestors(tree, q, qAncestors, &qLen))
32
           return NULL;
       do {
```

```
      36
      pLen --;

      37
      qLen --;

      38
      } while (pAncestors[pLen] == qAncestors[qLen]);

      39
      /**

      40
      * 循环结束, 此时 pAncestors[pLen] != qAncestors[qLen]

      41
      * 却有, pAncestors[pLen+1] == qAncestors[qLen+1]

      42
      */

      43
      return pAncestors[pLen+1];

      45
      }
```

17. 将二叉树的叶子节点从左向右顺序连接,即把所有叶子节点组织成非循环双链表

```
#include "tree.h"
   /* pprevLeaf: pointer on prevLeaf */
   void _LinkLeafs(BiTree tree, BiTree *pprevLeaf)
4
5
       if (NULL == tree) return;
6
       if (NULL == tree->lchild && NULL == tree->rchild) {
7
           if (NULL != *pprevLeaf)
                (*pprevLeaf)->rchild = tree;
9
           tree->lchild = *pprevLeaf;
10
           pprevLeaf = &tree;
11
           return;
12
13
       _LinkLeafs(tree->lchild, pprevLeaf);
       LinkLeafs(tree->rchild, pprevLeaf);
   }
16
   void LinkLeafs(BiTree tree)
17
18
                                    /* 存储上一片叶子节点地址 */
       BiTree prevLeaf = NULL;
19
       _LinkLeafs(tree, &prevLeaf);
20
   }
21
```

18. 判断两棵二叉树结构是否相似(只判断形状不判断节点值)

19. 在中序线索树查找给定节点在后序遍历序列中的前驱节点

4.2 例题 4.2 例题 4 树

思想:若此节点有右子树,那么前驱就是右节点;若有左子树,那么就是左节点;如果左右子树都没有,那么节点左指针指向某一个祖先节点,如果双亲节点有左子树,那么前驱就是祖先节点的左节点,如果左节点没有则继续往上寻找,知道某一个祖先节点满足具有左子树,除非左子树为空指针,那么这个节点是后序遍历的第一个节点,没有前驱。

```
#include "tree.h"
1
   ThreadTree PrevNodeOfPostOrderInThreadTree (ThreadTree tree, ThreadTree node)
2
3
       if (NULL == tree || NULL == node) return NULL;
4
       if (TagChild == node->rtag)
            return node->rchild;
       if (TagChild == node->ltag)
            return node->lchild;
8
       while (NULL != node->lchild) {
9
10
            node = node->lchild;
            if (TagChild == node->ltag)
11
                return node->lchild;
12
       }
13
       return NULL;
14
   }
15
```

20. 计算二叉树的带权路径长度 (Weighted Path Length, WPL)

```
#include "tree.h"
1
   int _WPLOfBiTree(BiTree tree, int deepth)
2
3
       if (NULL == tree) return 0;
4
       if (NULL == tree->lchild && NULL == tree->rchild)
5
           return tree->data * (deepth+1);
6
       return _WPLOfBiTree(tree->lchild, deepth+1)
            + _WPLOfBiTree(tree->rchild, deepth+1);
   }
9
   int WPLOfBiTree(BiTree tree)
10
   {
11
       return _WPLOfBiTree(tree, 0);
12
13
```

21. 输出给定表达树的中缀表达式子(通过括号体现优先级)

4.2 例题 4.2 4 树

```
if (NULL == tree->lchild && NULL == tree->rchild) {
11
            printf("%d", tree->data);
12
            return;
13
14
15
       printf("(");
16
       PrintExpressionBiTree(tree->lchild);
17
                                     /* 操作符 */
       printf("%c", tree->data);
18
       PrintExpressionBiTree(tree->rchild);
19
       printf(")");
20
^{21}
```

22. 求指定值在二叉排序树中的高度

```
#include "tree.h"
   int HeightOfValueInBSTTree(BiTree tree, int value)
2
   {
3
       if (NULL == tree) return 0;
4
5
       int height = 1;
6
       while (NULL != tree) {
           if (value == tree->data)
               return height;
9
           if (value < tree->data)
10
               tree = tree->lchild;
           else
12
               tree = tree->rchild;
13
           height += 1;
14
       }
15
16
       return -1; /* 在树 tree 中没有找到值为 value 的节点 */
17
18
```

23. 判断给定二叉树是否是二叉排序树

```
#include "tree.h"
/* 中序遍历看是否有序 */
2
   bool _IsBSTTree(BiTree tree, int *pprev)
3
4
       if (NULL == tree) return true;
5
       if (!_IsBSTTree(tree->lchild, pprev))
6
           return false;
       if (*pprev > tree->data)
           return false;
       *pprev = tree->data;
10
       if (!_IsBSTTree(tree->rchild, pprev))
11
           return false;
12
       /* 上述条件都满足才是二叉排序树 */
13
14
       return true;
15
   bool IsBSTTree(BiTree tree)
16
   {
17
```

24. 判断给定二叉树是否是平衡二叉树

```
#include "tree.h"
   int abs(int x)
2
   {
3
       return (x<0)? (-x): x;
4
   }
   int max(int x, int y)
   {
7
       return (x>y)? x: y;
8
   }
9
   /**
10
    * pprev: 指向存储当前节点的前驱节点的值
11
    * pheight: 指向存储子树高度的变量
12
    * 这个函数实际上就是通过中序遍历即判断了是否是二叉排序树,
    * 同时求出左右子树高度并判断高度之差是否小于等于 1
14
    * 也就是组合了判断是否是二叉排序树的函数和求树高的函数
15
    */
16
   bool _IsAVLTree(BiTree tree, int *pprev, int *pheight)
17
18
       if (NULL == tree) {
19
           *pheight = 0;
20
           return true;
21
22
23
       int lheight, rheight;
       if (!_IsAVLTree(tree->lchild, pprev, &lheight))
25
           return false;
26
       if (*pprev > tree->data)
27
           return false;
28
       *pprev = tree->data;
29
       if (!_IsAVLTree(tree->rchild, pprev, &rheight))
           return false;
31
32
       *pheight = 1 + max(lheight, rheight);
33
34
       return (abs(lheight - rheight) <= 1);</pre>
35
   }
36
   bool IsAVLTree(BiTree tree)
37
38
       int prev = INT_MIN;
39
       int height;
40
       return _IsAVLTree(tree, &prev, &height);
41
   }
42
```

25. 求二叉排序树的最大值和最小值

4.2 例题 4.2 4 树

```
#include "tree.h"
1
   int MaxValue(BiTree tree)
2
3
       /* 返回 INT_MIN 表示没有最大值, INT_MAX 来自头文件 limits.h */
4
       if (NULL == tree)
5
           return INT MIN;
6
       while (NULL != tree->rchild)
           tree = tree->rchild;
9
       return tree->data;
10
   }
11
   bool MinValue(BiTree tree)
12
13
       if (NULL == tree) return INT_MAX;
14
15
       while (NULL != tree->lchild)
16
           tree = tree->lchild;
17
       return tree->data;
18
   }
19
```

- 26. 从大到小输出二叉排序树中大于等于 1o 小于等于 hi 的节点的值
  - 版本一: 遍历整棵树, 根据判断是否输出节点值

```
#include "tree.h"

/* 类似于中序遍历,只是先右子树后左子树 */
void PrintFromHiToLoInBSTTree(BiTree tree, int lo, int hi)

if (NULL == tree || lo > hi) return;
PrintFromHiToLoInBSTTree(tree->rchild, lo, hi); /* 右子树 */
if (lo <= tree->data && tree->data <= hi) /* 只输出满足条件的 */
printf("%d", tree->data);
PrintFromHiToLoInBSTTree(tree->lchild, lo, hi); /* 左子树 */
}
```

• 版本二: 仅仅遍历要输出的节点

```
#include "tree.h"
   void PrintFromHiToLoInBSTTree(BiTree tree, int lo, int hi)
2
   {
3
       if (NULL == tree | | lo > hi) return;
4
5
       if (tree->data <= hi)</pre>
6
            PrintFromHiToLoInBSTTree(tree->rchild, lo, hi);
       printf("%d ", tree->data);
9
10
        if (tree->data >= lo)
11
            PrintFromHiToLoInBSTTree(tree->lchild, lo, hi);
12
   }
13
```

27. 以  $O(\log_2(n))$  时间复杂度查找二叉树(假定二叉树树没有退化成链表)中序遍历序列中 第 k ( $1 \le k \le n$ ) 个节点。二叉树节点中有附加域 nodes 表明当前子树的节点个数,比 如空树没有节点,所以无法存储 nodes,就认为空树节点数为 0;只有一个节点的子树其 根节点 nodes 为 1;其他树的根节点的 nodes 等于左右子树的 nodes 之和再加 1

```
#include "tree.h"
  BiTree FindKthNodeInBiTree(BiTree tree, int k)
        if (NULL == tree | | k <= 0) return NULL;</pre>
        int lsubtreeNodes = 0;
5
       if (NULL != tree->lchild)
6
            lsubtreeNodes = tree->nodes;
       if (lsubtreeNodes + 1 == k)
            return tree;
       if (k <= lsubtreeNodes)</pre>
           return FindKthNodeInBiTree(tree->lchild, k);
11
12
           return FindKthNodeInBiTree(tree->rchild, k - lsubtreeNodes - 1);
13
```

# 5 广义表\*

## 5.1 数据结构定义

广义表的字段 isAtom 用于表明此节点是一个原子节点还是普通节点。当 isAtom 为真时,此节点为原子节点,此时 left 和 right 字段没有意义;同理,当 isAtom 为假时,此节点为普通节点 data 字段没有意义<sup>4</sup>。

```
/* General List Node */
typedef struct GListNode {
   int data;
   struct GListNode *left, *right;
   bool isAtom;
} GListNode;
/* General List */
typedef GListNode *GList;
```

#### 基本操作

1. 判断一个节点是不是原子 bool IsAtom(GList list);

```
bool IsAtom(GList list)
{
```

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>在 C 语言中更常用联合体 union 来表示这种结构

5.1 数据结构定义 5 广义表\*

```
/* 空列表不是原子 */
3
       if (NULL == list) return false;
       return list->isAtom;
5
  }
6
2. 判断一个节点是不是"节点对"(pair) bool IsPair(GList list);
  bool IsPair(GList list)
  {
2
       /* 空列表不是节点对 */
3
       if (NULL == list) return false;
4
       return !IsAtom(list);
5
  }
6
3. 判断一个列表是不是空列表 bool IsNull(GList list);
  bool IsNull(GList list)
1
  {
2
       return (NULL == list);
3
  }
4
4. 根据数据构建原子节点 GList MakeAtom(int data);
  GList MakeAtom(int data)
1
2
       GList node = malloc(sizeof(GListNode));
3
       if (NULL == node) return NULL;
       node->data = data;
5
       node->isAtom = true;
6
       return node;
7
  }
5. 构建对(pair)GList MakePair(GList a, GList b);或者命名为GList cons(GList a, GList b);。
   想知道为何是 cons 见 56。
  GList MakePair(GList a, GList b)
1
2
       GList node = malloc(sizeof(GListNode));
3
       if (NULL == node) return NULL;
       node->left = a;
      node->right = b;
6
       node->isAtom = false;
       return node;
  }
^5 {\tt https://en.wikipedia.org/wiki/Lisp\_(programming\_language) \# Conses\_and\_lists}
<sup>6</sup>https://en.wikipedia.org/wiki/Cons
```

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

5.2 例题 5 广义表\*

6. 构建列表 GList MakeList(int \*arr, int len);把数组中的元素构建成列表

```
GList MakeList(int *arr, int len)
  {
2
      if (NULL == arr || len <= ) return NULL; /* 空列表 */
3
      GList list = NULL;
4
      for (int i = len-1; i >= 0; i--)
5
6
          list = MakePair(MakeAtom(arr[i]), list);
7
      return list;
  }
7. 取表头 GList GetHead(GList list);或者命名为 GList car(GList list);
  GList GetHead(GList list)
  {
2
      if (IsNull(list)) return NULL; /* 空表表头还是空表 */
3
      if (IsAtom(list)) return NULL; /* 原子没法取"表头" */
4
      return list->left;
5
  }
6
8. 取除去表头剩下的部分 GList GetTail(GList list);或者命名为 GList cdr(GList list);
  GList GetTail(GList list)
2
  {
      if (IsNull(list)) return NULL; /* 空表表尾还是空表 */
      if (IsAtom(list)) return NULL;
4
      return list->right;
5
  }
6
9. 判断是不是列表 bool IsList(GList list);
```

```
bool IsList(GList list)
{
    if (IsNull(list)) return true; /* 空表 */
    /* 顺着列表往后找到最后一个非原子节点 */
    while (IsPair(list))
        list = GetTail(list);
    /* 这个非原子节点必须是空表,那么才是列表 */
    return IsNull(list);
}
```

# 5.2 例题

1. 构建广义列表 list = (A, (G, H, (M)), D)

```
GList listM = MakePair(MakeAtom('M'), NULL); /* (M) */
GList listHM = MakePair(MakeAtom('H'), listM); /* (H, (M)) */
```

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

```
GList listGHM = MakePair(MakeAtom('G'), listHM); /* (G, H, (M)) */
GList listD = MakePair(MakeAtom('D'), NULL); /* (D) */
GList listGHMD = MakePair(listGHM, listD); /* ((G, H, (M)), D) */
GList list = MakePair(MakeAtom('A'), listGHMD); /* (A, (G, H, (M)), D) */
```

2. 在广义表 list = (A, B, (F, C), D) 中获取 C

3. 求广义表的深度,即 left 嵌套的深度,直观来说就是左括号(的嵌套的最大深度。比如本章第 1 题表深度为 3

```
int DepthOfGList(GList list)
{
    if (IsNull(list) || IsAtom(list)) return 0;
    int leftDepth = DepthOfGList(GetHead(list));
    int rightDepth = DepthOfGList(GetTail(list));
    return max(1 + leftDepth, rightDepth);
}
```

4. 求广义表的长度,比如本章第 1 题表长度为 3

```
int LengthOfGList(GList list)
2
        if (!IsList(list)) return 0;
3
        int len = 0;
4
       while (!IsNull(list)) {
5
            len ++;
6
            list = GetTail(list);
       }
       return len;
9
   }
10
```

# 6 图

## 6.1 数据结构定义

#### 遍历

- 1. 深度优先遍历
- 2. 广度优先遍历

6.2 例题 7 排序和查找

#### 6.2 例题

# 7 排序和查找

### 7.1 排序

#### 7.1.1 插入排序

```
void InsertSort(int *arr, int len)
2
       if (NULL == arr || len <= 0) return;</pre>
3
       for (int i = 1; i < len; i ++) {
4
            /* 把 arr[i] 存储到 tmp, 留出 arr[i] 空位 */
           int tmp = arr[i];
           int j;
            /* 把比 tmp 大的元素往后移,给 tmp_留出空位 */
           for (j = i; j-1 \ge 0 \&\& tmp < arr[j-1]; j = 1) { arr[j] = arr[j-1]; }
10
           /* 插入 tmp 元素到空位 */
11
           arr[j] = tmp;
12
       }
13
   }
14
```

#### 7.1.2 折半插入排序

仅仅在查找元素的时候采用二分查找,但是移动元素开销不能避免,同时代码也会比简单的插入排序复杂一点点,所以不给出代码。

## 7.1.3 希尔排序\*

希尔排序实际上是插入排序的范化版本,插入排序可以看成增量固定为 1 的希尔排序。希尔排序像是多次使用插入排序,每次插入排序的增量不断减小直到为 1.

• 以增量减半作为增量序列的希尔排序

```
void ShellSort(int *arr, int len)
{

if (NULL == arr || len <= 0) return;

int inc = len;

/* 最外层循环控制增量 */

for (int inc = len; inc >= 1; inc /= 2) {

/* 内层增量为 inc 的普通插入排序 */

for (int i = inc; i < len; i ++) {

int tmp = arr[i];

int j;

for (j = i; j-inc >= 0 && tmp < arr[j-inc]; j -= inc)
```

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

7.1 排序 7 排序和查找

• 执行指定增量序列的希尔排序

```
/**
1
    * inc: 增量数组,按照从增量从大到小排序,最后一个元素一定为 1
    * incLen: 增量数组的大小
4
   void ShellSortWithInc(int *arr, int len, int *inc, int incLen)
5
6
       if (NULL == arr || len <= 0 || NULL == inc || incLen <= 0) return;</pre>
       /* 最后一个增量必须是 1 */
       if (1 != inc[incLen-1])
9
           return;
10
       /* 控制增量 */
11
       for (int k = 0; k < incLen; k++) {
12
           for (int i = inc[k]; i < len; i ++) {
13
               int tmp = arr[i];
14
               int j;
15
               for (j = i; j-inc[k] >= 0 \&\& tmp < arr[j-inc[k]]; j -= inc[k])
16
                   arr[j] = arr[j-inc[k]];
17
               arr[j] = tmp;
           }
19
       }
20
   }
21
```

#### 7.1.4 冒泡排序

```
void Swap(int *a, int *b)
1
   {
2
        int t = *a;
3
        *a = *b;
4
        *b = t;
5
   }
6
   void BubbleSort(int *arr, int len)
7
   {
8
        if (NULL == arr || len <= 0) return;</pre>
9
        for (int i = 0; i < len; i++) {
10
            for (int j = len-1; j-1 \ge i; j--) {
11
                if (arr[j-1] > arr[j]) {
12
                     /* Garr[j-1] 等价于 G(arr[j-1]) 表示求元素 arr[j-1] 的地址 */
13
                     Swap(&arr[j-1], &arr[j]);
14
                }
15
            }
16
       }
17
18
   }
```

7.1 排序 7 排序和查找

#### 7.1.5 快速排序

```
int Partition(int *arr, int lo, int hi)
1
    {
2
        int pivot = arr[lo];
3
        while (lo < hi) {
4
            while (lo < hi && arr[hi] >= pivot)
                -- hi;
            arr[lo] = arr[hi];
            while (lo < hi && arr[lo] <= pivot)</pre>
                 ++ lo;
            arr[hi] = arr[lo];
10
        }
11
        arr[lo] = pivot;
12
        return lo;
13
   }
14
   void _QuickSort(int *arr, int lo, int hi)
15
16
        if (lo >= hi) return;
17
        int pivotIdx = Partition(arr, lo, hi);
18
        _QuickSort(arr, lo, pivotIdx-1);
19
        _QuickSort(arr, pivotIdx+1, hi);
20
   }
21
   void QuickSort(int *arr, int len)
22
   {
23
        if (NULL == arr || len <= 0) return;</pre>
24
        _QuickSort(arr, 0, len-1);
25
    }
26
```

**应用** 快速排序中 Partition 是一个重要的想法。通过这个方法可以做到高效地求得无序数组中第 k 大的元素,采取的方法类似于树中第27题。

1. 求无序数组中第 k  $(1 \le k \le n)$  大的元素。

#### 7.1.6 选择排序

```
void SelectSort(int *arr, int len)
1
   {
2
        if (NULL == arr || len <= 0) return;</pre>
3
        for (int i = 0; i < len; i++) {
4
            int minIdx = i;
5
            for (int j = i; j < len; j++) {
6
                 if (arr[j] < arr[minIdx])</pre>
                     minIdx = j;
            Swap(&arr[i], &arr[minIdx]);
10
        }
11
   }
12
```

7.1 排序 7.1 排序 7 排序和查找

#### 7.1.7 堆排序\*

TODO 实现堆排序

## 7.1.8 归并排序

1. 递归版本实现, 也是最常见的实现方式

```
void CopyArray(int *arr, int lo, int hi, int *tmpArr)
1
   {
2
        for (int i = 0; i <= hi-lo; i++)</pre>
3
            arr[lo+i] = tmpArr[i];
4
   }
5
6
    * 版本一: 递归实现的归并排序
7
   void _MergeSort(int *arr, int lo, int hi, int *tmpArr)
10
        if (lo >= hi) return;
11
        int mid = lo+(hi-lo)/2;
12
        int lo1 = lo;
13
        int lo2 = mid+1;
14
        _MergeSort(arr, lo1, mid, tmpArr);
_MergeSort(arr, lo2, hi, tmpArr);
16
        /* 合并 */
17
        int idx = 0;
18
        while (lo1 <= mid \&\& lo2 <= hi) {
19
            if (arr[lo1] < arr[lo2]) {</pre>
20
                tmpArr[idx] = arr[lo1];
21
                 lo1 ++;
22
            } else {
                 tmpArr[idx] = arr[lo2];
                 102 ++;
25
26
            idx ++;
27
28
        while (lo1 <= mid) {
29
            tmpArr[idx] = arr[lo1];
30
            idx ++;
31
            lo1 ++;
32
33
        while (lo2 <= hi) {
34
            tmpArr[idx] = arr[lo2];
            idx ++;
36
            102 ++;
37
38
        /* 把合并后的数组复制回原来数组的区间 [lo, hi] 里 */
39
        CopyArray(arr, lo, hi, tmpArr);
40
   }
41
   void MergeSort(int *arr, int len)
42
   {
43
        if (NULL == arr | len <= 0) return;
44
```

7.1 排序 7.1 排序 7 排序和查找

```
int *tmpArr = malloc(len * sizeof(int));
if (NULL == tmpArr) return;
MergeSort(arr, 0, len-1, tmpArr);
free(tmpArr);
}
```

2. 非递归实现\*,从底向上合并的思想

```
int min(int x, int y)
1
   {
2
       return (x < y)? x: y;
3
   }
   /**
    *版本二:非递归实现的归并排序,自底向上
6
7
   void MergeSort(int *arr, int len)
8
9
        if (NULL == arr || len <= 0) return;</pre>
10
        int *tmpArr = malloc(len * sizeof(int));
^{11}
        if (NULL == tmpArr) return;
12
        for (int step = 1; step < len; step *= 2) {</pre>
13
            for (int i = 0; i < len; i += 2*step) {
14
15
                int idx = 0;
                int lo1 = i;
                int hi1 = min(i+step, len) -1;
17
                int lo2 = i+step;
18
                int hi2 = min(i+2*step, len) -1;
19
                while (lo1 <= hi1 && lo2 <= hi2) {
20
                     if (arr[lo1] < arr[lo2]) {</pre>
21
                         tmpArr[idx] = arr[lo1];
22
                         lo1 ++;
23
                     } else {
24
                         tmpArr[idx] = arr[lo2];
25
                         102 ++;
26
                     idx ++;
28
29
                while (lo1 <= hi1) {
30
                     tmpArr[idx] = arr[lo1];
31
                     idx ++;
32
                     lo1 ++;
33
                }
34
                while (lo2 <= hi2) {
35
                     tmpArr[idx] = arr[lo1];
36
                         idx ++;
                         102 ++;
38
39
                CopyArray(arr, i, hi2, tmpArr);
40
41
42
        free(tmpArr);
43
44
```

7.1 排序 7.1 排序 7 排序和查找

#### 7.1.9 基数排序\*

基数排序只能用于特定类型的数据的排序,比如整数或字符串,并不是一个通用型排序算法,并且实现需要基数个队列。

```
#include "queue.h"
   /* 基数选择为 10 */
2
   #define Radix
3
   /**
4
    * 按照最低位优先 LSD 的基数排序
5
6
   void RadixSort(int *arr, int len)
7
   {
8
       if (NULL == arr | len <= 0) return;
       /* 需要 Radix 个队列 */
10
       LinkQueue queues[Radix];
11
       int radixLo = 1;
^{12}
       for (int i = 0; i < Radix; i++)</pre>
13
            InitQueue(&queues[i]);
14
15
       bool doned = false;
16
       while (!doned) {
17
           /* 把元素按照数位上的数放入对应的队列中 */
18
           for (int i = 0; i < len; i++) {
19
                int digit = (arr[i] / radixLo) % Radix;
20
21
                EnQueue(&queues[digit], arr[i]);
           }
22
23
            /* 收集 */
24
           int idx = 0;
25
            int ele;
26
           for (int i = 0; i < Radix; i++) {
27
                while (!QueueEmpty(&queues[i])) {
28
                    DeQueue(&queues[i], &ele);
29
                    arr[idx] = ele;
30
                    idx ++;
31
                }
32
           }
33
34
           radixLo *= Radix;
35
36
             * 如果所有元素都比 radixLo 小, 那么说明所有元素的最高位已经排序,
37
             * 否则元素还没有处理完, 还需要继续排序 doned = false
38
39
           doned = true;
for (int i = 0; i < len; i++) {</pre>
40
41
                if (arr[i] > radixLo)
42
                    doned = false;
43
           }
44
       }
45
       for (int i = 0; i < Radix; i++)</pre>
47
           DestroyQueue(&queues[i]);
48
```

项目地址: https://github.com/leetking/code-for-kaoyan

7.2 查找 7 排序和查找

49 }

## 7.2 查找

## 7.2.1 顺序查找

顺序查找一般用于无序的数组内查找元素。

```
/* 查找并返回元素下标 */
int SequenceSearch(int *arr, int len, int x)
{
    if (NULL = arr || len <= 0) return -1;
    for (int i = 0; i < len; i++) {
        if (x == arr[i])
            return i;
    }
    return -1;
}
```

# 7.2.2 二分查找

对于已经有序的数组,二分查找是更为高效的算法,一般假定数据从小到大排序。

```
int BinarySearch(int *arr, int len, int x)
1
2
        if (NULL == arr || len <= 0) return;</pre>
3
        int lo = 0, hi = len-1;
4
        while (lo <= hi) {
5
            int mid = lo+(hi-lo)/2;
6
            if (x == arr[mid])
                 return mid;
            if (x < arr[mid])</pre>
9
                 hi = mid-1;
10
            else
11
                 lo = mid+1;
12
        }
13
        return -1;
14
   }
15
```