

LECTURE 08

DIJKSTRA'S ALGORITHM







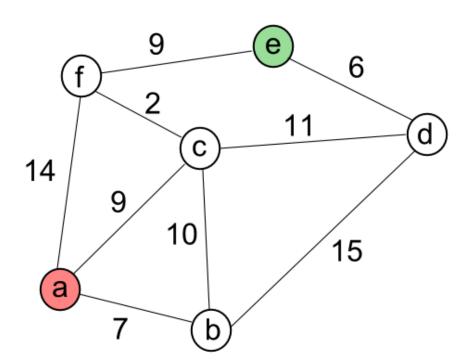
Big-O Coding

Website: www.bigocoding.com



Thuật toán Dijkstra

Dijkstra's Algorithm (thuật toán Dijkstra): là thuật toán tìm đường đi có chi phí nhỏ nhất từ **một đỉnh** đến **tất cả các đỉnh** còn lại trong đồ thị có **trọng số** (trọng số **không âm**).





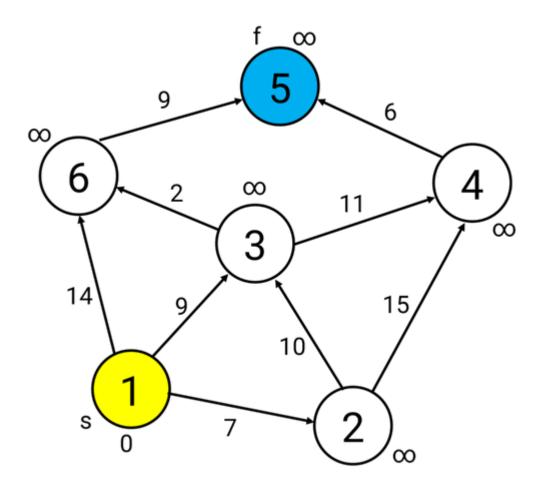
Độ phức tạp thuật toán Dijkstra

Thuật toán **Dijkstra** bình thường sẽ có độ phức tạp là **O(V²)**. Tuy nhiên ta có thể sử dụng kết hợp các cấu trúc dữ liệu khác để giảm độ phức tạp:

- Dùng Heap (priority queue) có độ phức tạp: O(ELogV).
- Dùng kết hợp với cấu trúc dữ liệu cây nhị phân tìm kiếm độ phức tạp là: O(ELogV).



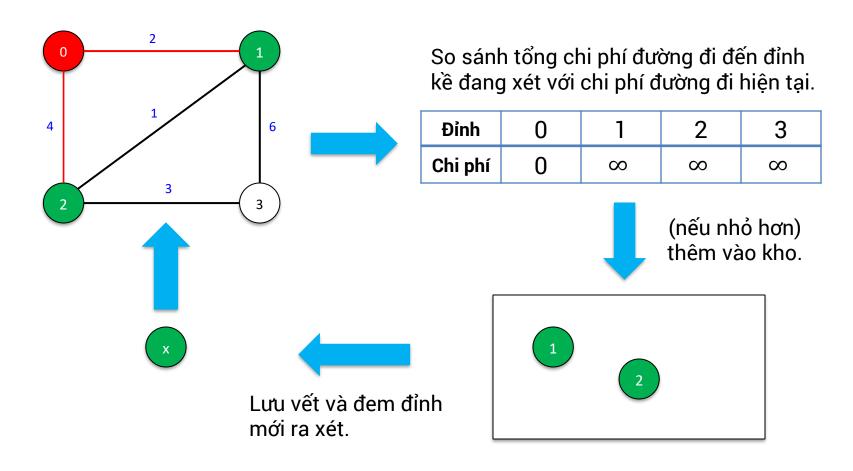
Mô phỏng cách chạy thuật toán





Ý tưởng của thuật toán

Xuất phát từ một đỉnh bất kỳ. Đi đến các đỉnh kề của đỉnh này.

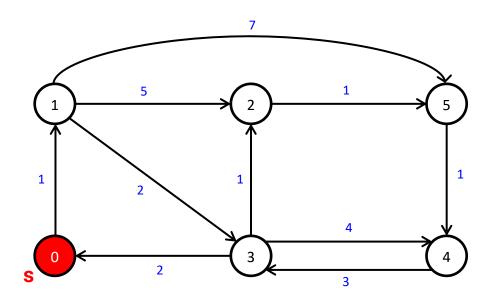


→ Dừng khi kho không còn đỉnh nào. Xuất kết quả bài toán.



Bài toán minh họa

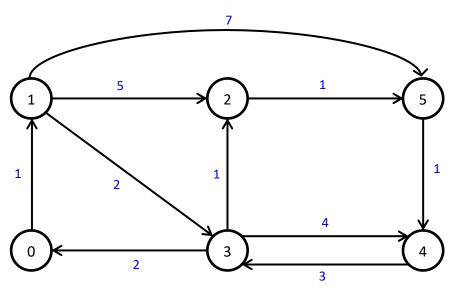
Cho đồ thị có hướng, có trọng số như hình vẽ. Tìm đường đi ngắn nhất (chi phí thấp nhất) từ đỉnh 0 đến tất cả các đỉnh còn lại.



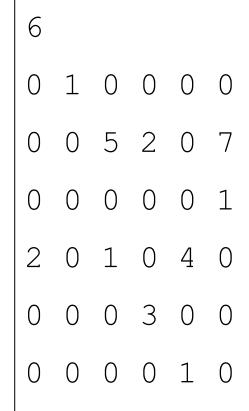


Bước 0: Chuẩn bị dữ liệu (1)

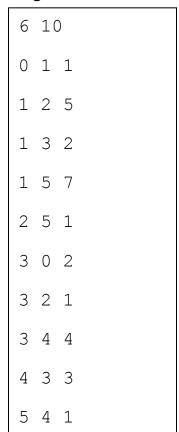
Dữ liệu đầu vào là ma trận kề, danh sách cạnh kề hoặc định dạng dữ liệu khác.



Adjacency Matrix



Edge List





Bước 0: Chuẩn bị dữ liệu (2)

Chuyển ma trận kề / danh sách cạnh kề vào graph.

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|------------------------|--------|----------------------------|--------|----------------------------|--------|--------|
| (Đỉnh kề, trọng số) | (1, 1) | (2, 5) (3, 2) (5, 7) | (5, 1) | (0, 2) (2, 1) (4, 4) | (3, 3) | (4, 1) |

Mảng chứa chi phí đường đi dist.

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|---|---|---|---|---|---|
| Chi phí | ∞ | ∞ | ∞ | ∞ | ∞ | ∞ |

Mảng lưu vết đường đi path.

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|----|----|----|----|----|----|
| Lưu vết | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 | -1 |

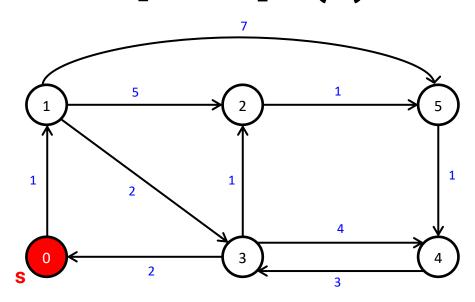
Hàng đợi ưu tiên priority queue, lưu cặp giá trị (đỉnh, chi phí).

...

(x, y)



Bước 0: Chuẩn bị dữ liệu (3)



dist - lấy đỉnh bắt đầu đi là đỉnh 0. Gán chi phí cho đỉnh 0 là 0.

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|---|---|---|---|---|---|
| Chi phí | 0 | 8 | 8 | 8 | ∞ | ∞ |

priority queue - bỏ cặp (0, 0) vào hàng đợi ưu tiên.

0

(0, 0)



Bước 1: Chạy thuật toán lần 1



priority queue

| (0, 0 |)) |
|-------|----|

Lấy cặp đỉnh 0, chi phí 0 ra khỏi hàng đợi và xét các đỉnh có kết nối với đỉnh 0.

graph

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|----------------------|---|----------------------------|--------|----------------------------|--------|--------|
| (Đỉnh kề trọng số | | (2, 5) (3, 2) (5, 7) | (5, 1) | (0, 2) (2, 1) (4, 4) | (3, 3) | (4, 1) |

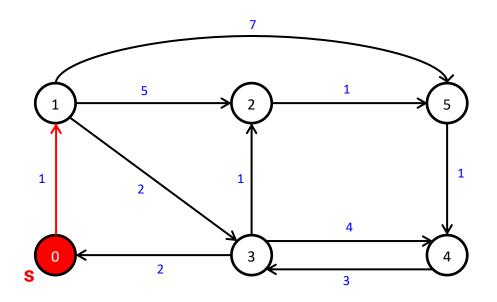
Chi phí trong bảng dist thay đổi (đang đứng ở đỉnh 0, chi phí 0).

(1, 1): 0 + 1 < ∞ → Cập nhật chi phí đỉnh 1 của mảng dist.

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|---|--------------|---|---|---|---|
| Chi phí | 0 | ∞ → 1 | ∞ | ∞ | ∞ | ∞ |



Bước 1: Chạy thuật toán lần 1



Lưu cặp giá trị (1, 1) vào hàng đợi ưu tiên.

priority queue

(1, 1)

Lưu vết đường đi của đỉnh 1 lại.

| noth | |
|------|--|
| Daui | |

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|----|---|----|----|----|----|
| Lưu vết | -1 | 0 | -1 | -1 | -1 | -1 |



Bước 2: Chạy thuật toán lần 2



priority queue

Lấy cặp đỉnh 1, chi phí 1 ra khỏi hàng đợi và xét các đỉnh có kết nối với đỉnh 1.

graph

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|------------------------|--------|----------------------------|--------|----------------------------|--------|--------|
| (Đỉnh kề, trọng số) | (1, 1) | (2, 5) (3, 2) (5, 7) | (5, 1) | (0, 2) (2, 1) (4, 4) | (3, 3) | (4, 1) |

Chi phí trong bảng dist thay đổi (đang đứng ở đỉnh 1, chi phí 1).

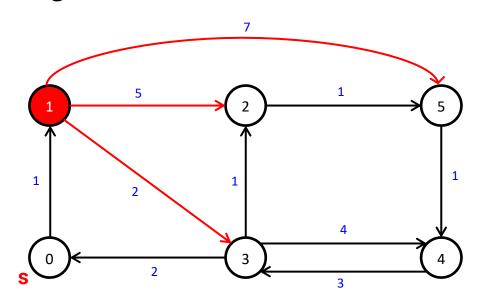
- (2, 5): 1 + 5 < ∞ → Cập nhật chi phí đỉnh 2 của mảng dist.
- (3, 2): 1 + 2 < ∞ → Cập nhật chi phí đỉnh 3 của mảng dist.
- (5, 7): 1 + 7 < ∞ → Cập nhật chi phí đỉnh 5 của mảng dist.

| d | IST | Ì |
|---|-----|---|

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|---|---|-------|-------|---|-------|
| Chi phí | 0 | 1 | ∞ → 6 | ∞ → 3 | ∞ | ∞ → 8 |



Bước 2: Chạy thuật toán lần 2



Lưu cặp giá trị (2, 6), (3, 3), (5, 8) vào hàng đợi ưu tiên, thứ tự trong hàng đợi ưu tiên thay đổi.

priority queue

| U | | |
|--------|--------|--------|
| (3, 3) | (2, 6) | (5, 8) |

Lưu vết đường đi của đỉnh 2, 3, 5 lại.

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|----|---|---|---|----|---|
| Lưu vết | -1 | 0 | 1 | 1 | -1 | 1 |



Bước 3: Chạy thuật toán lần 3

Λ



priority queue

| (3, 3) | (2, 6) | (5, 8) |
|--------|--------|--------|

Lấy cặp đỉnh 3, chi phí 3 ra khỏi hàng đợi và xét các đỉnh có kết nối với đỉnh 3.

graph

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|------------------------|--------|----------------------------|--------|----------------------------|--------|--------|
| (Đỉnh kề, trọng số) | (1, 1) | (2, 5) (3, 2) (5, 7) | (5, 1) | (0, 2) (2, 1) (4, 4) | (3, 3) | (4, 1) |

Chi phí trong bảng dist thay đổi (đang đứng ở đỉnh 3, chi phí 3).

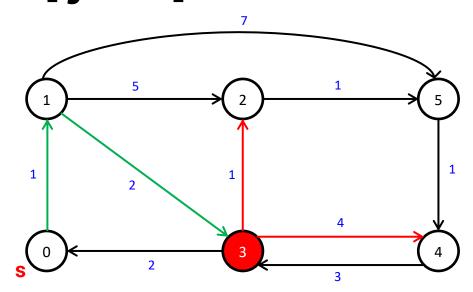
- (0, 2): 3 + 2 > 0 → KHÔNG cập nhật mảng dist.
- (2, 1): 3 + 1 < 6 → Cập nhật chi phí đỉnh 2 của mảng dist.
- (4, 4): 3 + 4 < ∞ → Cập nhật chi phí đỉnh 4 của mảng dist.

| Ы | i | c | ŧ |
|---|---|---|---|
| u | | U | · |

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|---|---|-------|---|--------------|---|
| Chi phí | 0 | 1 | 6 → 4 | 3 | ∞ → 7 | 8 |



Bước 3: Chạy thuật toán lần 3



Lưu cặp giá trị (2, 4), (4, 7) vào hàng đợi ưu tiên, thứ tự trong hàng đợi ưu tiên thay đổi.

priority queue

| U | ı | 2 | 3 |
|--------|--------|--------|--------|
| (2, 4) | (2, 6) | (4, 7) | (5, 8) |

Lưu vết đường đi của đỉnh 2, 4 lại.

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|----|---|---|---|---|---|
| Lưu vết | -1 | 0 | 3 | 1 | 3 | 1 |



Bước 4: Chạy thuật toán lần 4



priority queue

| U | I | 2 | 3 |
|--------|--------|--------|--------|
| (2, 4) | (2, 6) | (4, 7) | (5, 8) |

Lấy cặp đỉnh 2, chi phí 4 ra khỏi hàng đợi và xét các đỉnh có kết nối với đỉnh 2.

graph

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|----------------------|---|----------------------------|--------|----------------------------|--------|--------|
| (Đỉnh kờ trọng số | • | (2, 5) (3, 2) (5, 7) | (5, 1) | (0, 2) (2, 1) (4, 4) | (3, 3) | (4, 1) |

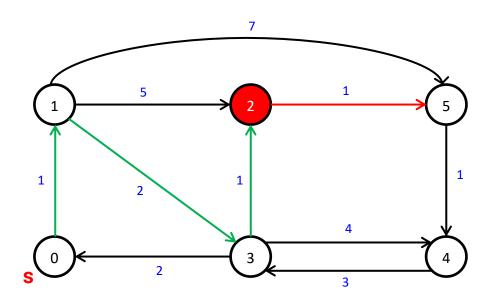
Chi phí trong bảng dist thay đổi (đang đứng ở đỉnh 2, chi phí 4).

• (5, 1): 4 + 1 < 8 → Cập nhật chi phí đỉnh 5 của mảng dist.

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|---|---|---|---|---|-------|
| Chi phí | 0 | 1 | 4 | 3 | 7 | 8 → 5 |



Bước 4: Chạy thuật toán lần 4



Lưu cặp giá trị (5, 5) vào hàng đợi ưu tiên, thứ tự trong hàng đợi ưu tiên thay đổi.

priority queue

| U | ı | 2 | 3 |
|--------|--------|--------|--------|
| (5, 5) | (2, 6) | (4, 7) | (5, 8) |

Lưu vết đường đi của đỉnh 5 lại.

| na | th | |
|----|-----|--|
| pa | ith | |

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|----|---|---|---|---|---|
| Lưu vết | -1 | 0 | 3 | 1 | 3 | 2 |



Bước 5: Chạy thuật toán lần 5



priority queue

| U | I | 2 | 3 |
|--------|----------|--------|--------|
| (5, 5) | (2, 6) | (4, 7) | (5, 8) |

Lấy cặp đỉnh 5, chi phí 5 ra khỏi hàng đợi và xét các đỉnh có kết nối với đỉnh 5.

graph

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|------------------------|--------|----------------------------|--------|----------------------------|--------|--------|
| (Đỉnh kề, trọng số) | (1, 1) | (2, 5) (3, 2) (5, 7) | (5, 1) | (0, 2) (2, 1) (4, 4) | (3, 3) | (4, 1) |

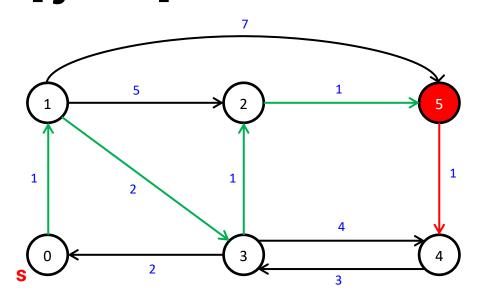
Chi phí trong bảng dist thay đổi (đang đứng ở đỉnh 5, chi phí 5).

• (4, 1): 5 + 1 < 7 → Cập nhật chi phí đỉnh 4 của mảng dist.

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|---|---|---|---|--------------|---|
| Chi phí | 0 | 1 | 4 | 3 | 7 → 6 | 5 |



Bước 5: Chạy thuật toán lần 5



Lưu cặp giá trị (4, 6) vào hàng đợi ưu tiên, thứ tự trong hàng đợi ưu tiên thay đổi.

priority queue

| 0 | 1 | 2 | 3 |
|--------|--------|--------|--------|
| (2, 6) | (4, 6) | (4, 7) | (5, 8) |

Lưu vết đường đi của đỉnh 4 lại.

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|----|---|---|---|---|---|
| Lưu vết | -1 | 0 | 3 | 1 | 5 | 2 |



Bước 6: Chạy thuật toán lần 6



priority queue

| 0 | 1 | 2 | 3 |
|--------|--------|--------|--------|
| (2, 6) | (4, 6) | (4, 7) | (5, 8) |

Lấy cặp đỉnh 2, chi phí 6 ra khỏi hàng đợi và xét các đỉnh có kết nối với đỉnh 2.

graph

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|------------------------|--------|----------------------------|--------|----------------------------|--------|--------|
| (Đỉnh kề, trọng số) | (1, 1) | (2, 5) (3, 2) (5, 7) | (5, 1) | (0, 2) (2, 1) (4, 4) | (3, 3) | (4, 1) |

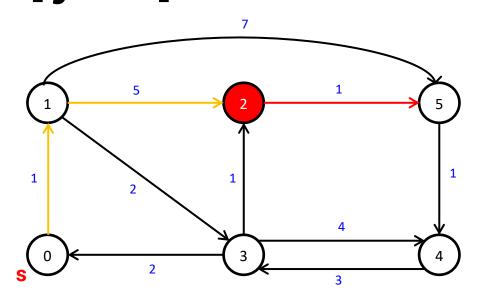
Chi phí trong bảng dist không thay đổi (đang đứng ở đỉnh 2, chi phí 6).

• (5, 1): 6 + 1 > 5 → KHÔNG cập nhật mảng dist.

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|---|---|---|---|---|---|
| Chi phí | 0 | 1 | 4 | 3 | 6 | 5 |



Bước 6: Chạy thuật toán lần 6



Không có cặp giá trị nào mới được lưu vào, trong hàng đợi ưu tiên còn 3 cặp.

priority queue

| Ü | l | 2 |
|--------|--------|--------|
| (4, 6) | (4, 7) | (5, 8) |

Các giá trị mảng path không có sự thay đổi.

path

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|----|---|---|---|---|---|
| Lưu vết | -1 | 0 | 3 | 1 | 5 | 2 |



Bước 7: Chạy thuật toán lần 7



priority queue

| U | l | 2 |
|--------|--------|--------|
| (4, 6) | (4, 7) | (5, 8) |

Lấy cặp đỉnh 4, chi phí 6 ra khỏi hàng đợi và xét các đỉnh có kết nối với đỉnh 4.

graph

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|------------------------|--------|----------------------------|--------|----------------------------|--------|--------|
| (Đỉnh kề, trọng số) | (1, 1) | (2, 5) (3, 2) (5, 7) | (5, 1) | (0, 2) (2, 1) (4, 4) | (3, 3) | (4, 1) |

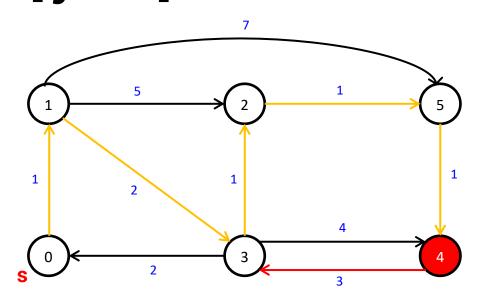
Chi phí trong bảng dist không thay đổi (đang đứng ở đỉnh 4, chi phí 6).

• (3, 3): 6 + 3 > 3 → KHÔNG cập nhật mảng dist.

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|---|---|---|---|---|---|
| Chi phí | 0 | 1 | 4 | 3 | 6 | 5 |



Bước 7: Chạy thuật toán lần 7



Không có cặp giá trị nào mới được lưu vào, trong hàng đợi ưu tiên còn 2 cặp.

priority queue

| U | . |
|--------|----------|
| (4, 7) | (5, 8) |

Các giá trị mảng path không có sự thay đổi.

| nath | |
|------|--|
| paui | |

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|----|---|---|---|---|---|
| Lưu vết | -1 | 0 | 3 | 1 | 5 | 2 |



Bước 8: Chạy thuật toán lần 8



priority queue

| U | l |
|--------|--------|
| (4, 7) | (5, 8) |

Lấy cặp đỉnh 4, chi phí 7 ra khỏi hàng đợi và xét các đỉnh có kết nối với đỉnh 4.

graph

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|------------------------|--------|----------------------------|--------|----------------------------|--------|--------|
| (Đỉnh kề, trọng số) | (1, 1) | (2, 5) (3, 2) (5, 7) | (5, 1) | (0, 2) (2, 1) (4, 4) | (3, 3) | (4, 1) |

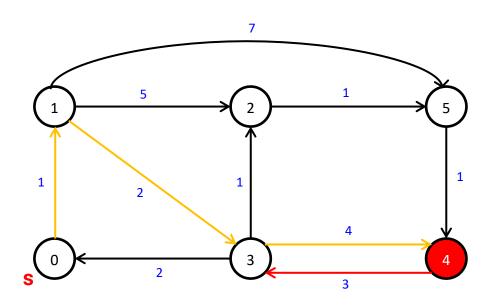
Chi phí trong bảng dist không thay đổi (đang đứng ở đỉnh 4, chi phí 7).

• (3, 3): 7 + 3 > 3 → KHÔNG cập nhật mảng dist.

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|---|---|---|---|---|---|
| Chi phí | 0 | 1 | 4 | 3 | 6 | 5 |



Bước 8: Chạy thuật toán lần 8



Không có cặp giá trị nào mới được lưu vào, trong hàng đợi ưu tiên còn 1 cặp.

priority queue (5, 8)

Các giá trị mảng path không có sự thay đổi.

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|----|---|---|---|---|---|
| Lưu vết | -1 | 0 | 3 | 1 | 5 | 2 |



Bước 9: Chạy thuật toán lần 9



priority queue

0 (5, 8)

Lấy cặp đỉnh 5, chi phí 8 ra khỏi hàng đợi và xét các đỉnh có kết nối với đỉnh 5.

graph

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|------------------------|--------|----------------------------|--------|----------------------------|--------|--------|
| (Đỉnh kề, trọng số) | (1, 1) | (2, 5) (3, 2) (5, 7) | (5, 1) | (0, 2) (2, 1) (4, 4) | (3, 3) | (4, 1) |

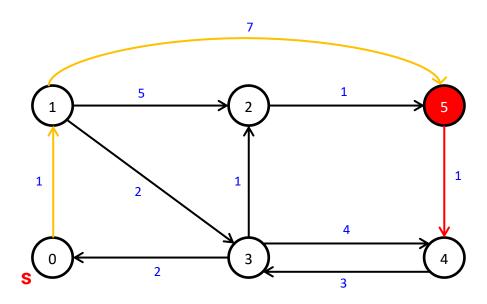
Chi phí trong bảng dist không thay đổi (đang đứng ở đỉnh 5, chi phí 8).

• (4, 1): 8 + 1 > 6 → KHÔNG cập nhật mảng dist.

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|---|---|---|---|---|---|
| Chi phí | 0 | 1 | 4 | 3 | 6 | 5 |



Bước 9: Chạy thuật toán lần 9



Không có cặp giá trị nào mới được lưu vào, hàng đợi ưu tiên rỗng → Dừng thuật toán.

priority queue

...

Các giá trị mảng path không có sự thay đổi.

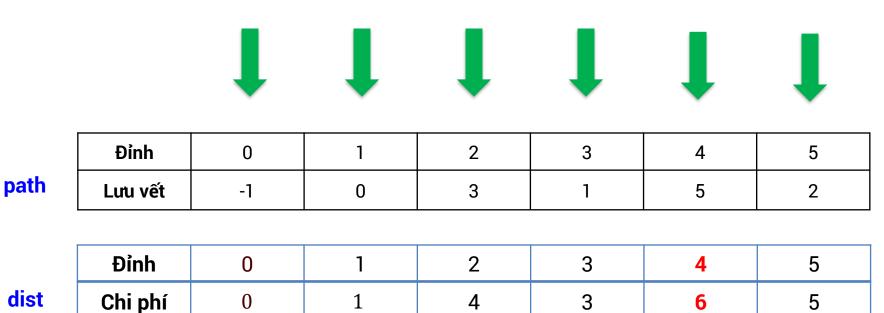
path

| Đỉnh | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---------|----|---|---|---|---|---|
| Lưu vết | -1 | 0 | 3 | 1 | 5 | 2 |



Kết quả chạy Dijkstra

Tìm đường đi ngắn nhất từ 0 đến 4.

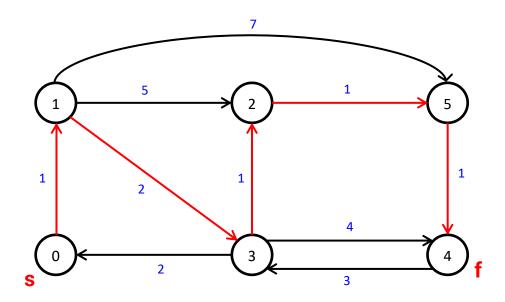


| 0 -> 1 | \rightarrow 3 | → 2 | \rightarrow | 5 | \rightarrow 4 | 4 |
|--------|-----------------|------------|---------------|---|-----------------|---|
| Cost: | 6 | | | | | |



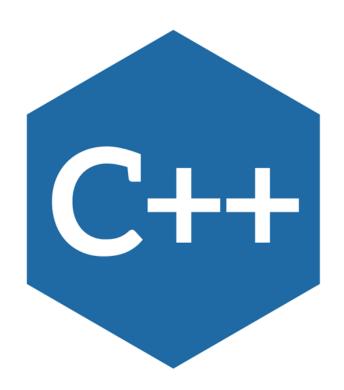
Kết quả chạy Dijkstra

 $0 \rightarrow 1 \rightarrow 3 \rightarrow 2 \rightarrow 5 \rightarrow 4$ Cost: 6





MÃ NGUỒN MINH HỌA BẰNG C++





Khai báo thư viện và các biến toàn cục:

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <queue>

using namespace std;

#define MAX 100

const int INF = 1e9;

vector<vector<pair<int, int> > > graph;

vector<int> dist(MAX, INF);

int path[MAX];
```

```
10. struct option
11. {
12.    bool operator() (const pair<int, int> &a, const pair<int, int> &b) const
13.    {
14.        return a.second > b.second;
15.    }
16. };
```



```
17. void Dijkstra(int s)
18. {
        priority queue<pair<int, int>, vector<pair<int, int> >, option > pq;
19.
        pq.push(make_pair(s, 0));
20.
        dist[s] = 0;
21.
        while (!pq.empty())
22.
        {
23.
            pair<int, int> top = pq.top();
24.
            pq.pop();
25.
            int u = top.first;
26.
            int w = top.second;
27.
        // to be continued
```



```
for (int i = 0; i < graph[u].size(); ++i)</pre>
28.
29.
                 pair<int, int> neighbor = graph[u][i];
30.
                 if (w + neighbor.second < dist[neighbor.first])</pre>
31.
32.
                      dist[neighbor.first] = w + neighbor.second;
33.
                      pq.push(pair<int, int>(neighbor.first, dist[neighbor.first]));
34.
                      path[neighbor.first] = u;
35.
36.
37.
38.
39.
```



```
int main()
41.
        int n, s, t;
42.
        cin >> n;
43.
        s = 0, t = 4;
        graph = vector<vector<pair<int, int> > >(MAX + 5, vector<pair<int, int> >());
45.
        int d = 0;
        for (int i = 0; i < n; i++)
47.
             for (int j = 0; j < n; j++)
48.
49.
                 cin >> d;
50.
                  if(d > 0)
51.
                      graph[i].push back(pair<int, int>(j, d));
52.
53.
        Dijkstra(s);
54.
        int ans = dist[t];
        cout << ans;</pre>
56.
        return 0;
57.
```



MÃ NGUỒN MINH HỌA BẰNG PYTHON





Khai báo class Node với id là tên đỉnh, dist là chi phí. define operator __lt__ (less than) cho class, so sánh theo dist nhỏ hơn, dùng trong PriorityQueue.

```
import queue
max = 100

INF = int(1e9)
class Node:
def __init__(self, id, dist):
    self.dist = dist
    self.id = id
def __lt__(self, other):
return self.dist <= other.dist</pre>
```



Thuật toán Dijkstra.

```
def Dijkstra(s):
                                                                        python
        pq = queue.PriorityQueue()
11.
       pq.put(Node(s, 0))
12.
       dist[s] = 0
13.
       while pq.empty() == False:
14.
            top = pq.get()
15.
            u = top.id
16.
            w = top.dist
17.
            for neighbor in graph[u]:
18.
                if w + neighbor.dist < dist[neighbor.id]:</pre>
19.
                     dist[neighbor.id] = w + neighbor.dist
20.
                     pq.put(Node(neighbor.id, dist[neighbor.id]))
21.
                     path[neighbor.id] = u
22.
```



Hàm main để chạy chương trình.

```
23. if __name__ == '__main__':
                                                                python
       n = int(input())
      s, t = 0, 4
25.
      graph = [[] for i in range(n + 5)]
26.
       dist = [INF for i in range(n + 5)]
27.
       path = [-1 \text{ for i in range}(n + 5)]
28.
       for i in range(n):
29.
            d = list(map(int, input().split()))
30.
            for j in range(n):
31.
                if d[j] > 0:
32.
                    graph[i].append(Node(j, d[j]))
33.
       Dijkstra(s)
34.
       ans = dist[t]
35.
       print(ans)
36.
```



MÃ NGUỒN MINH HỌA BẰNG JAVA





Khai báo class Node với id là tên đỉnh, dist là chi phí, kế thừa abstract Comparable. Vừa dùng để lưu đồ thị vừa dùng để lưu trữ trong PriorityQueue.

```
class Node implements Comparable<Node> {
       public Integer id;
2.
       public Integer dist;
       public Node(Integer id, Integer dist) {
           this.id = id;
           this.dist = dist;
7.
       @Override
       public int compareTo(Node other) {
9.
           return this.dist.compareTo(other.dist);
10.
11.
12.
```



Thuật toán Dijkstra (part 1)

```
public static void Dijkstra(int s) {
       PriorityQueue<Node> pq = new PriorityQueue<Node>();
14.
       int n = graph.size();
15.
       dist = new int[n];
16.
       path = new int[n];
17.
       for (int i=0; i<n; i++) {
18.
            dist[i] = Integer.MAX VALUE;
19.
            path[i] = -1;
20.
21.
       pq.add(new Node(s, 0));
22.
       dist[s] = 0;
23.
    // to be continued
```



Thuật toán Dijkstra (part 2)

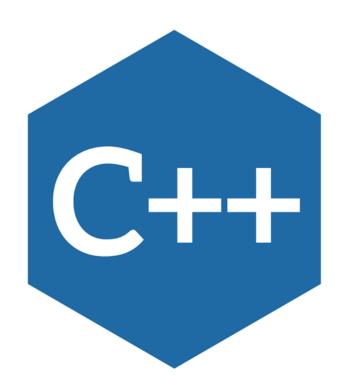
```
while (!pq.isEmpty()) {
24.
            Node top = pq.poll();
25.
            int u = top.id;
26.
            int w = top.dist;
27.
            for (int i = 0; i < graph.get(u).size(); i++) {</pre>
28.
                Node neighbor = graph.get(u).get(i);
29.
                 if (w + neighbor.dist < dist[neighbor.id]) {</pre>
30.
                     dist[neighbor.id] = w + neighbor.dist;
31.
                     pq.add(new Node(neighbor.id, dist[neighbor.id]));
32.
                     path[neighbor.id] = u;
33.
34.
35.
36.
```



```
38. private static int[] dist;
39. private static int[] path;
40. private static ArrayList<ArrayList<Node>> graph;
41. public static void main(String[] args) {
      Scanner sc = new Scanner(System.in);
42.
      int n = sc.nextInt();
43.
      int s = 0, t = 4;
44.
      graph = new ArrayList<ArrayList<Node>>();
45.
      for (int i = 0; i < n; i++) {
46.
           graph.add(new ArrayList<Node>());
47.
           for (int j = 0; j < n; j++) {
48.
               int d = sc.nextInt();
49.
               if (d > 0)
50.
                   graph.get(i).add(new Node(j, d));
51.
52.
53.
      Dijkstra(s);
54.
      System.out.println(dist[t]);
55.
56. }
```



BONUS CẤU TRÚC PAIR CHO C++





Bonus: Cấu trúc pair (1)

pair là một cấu trúc gồm 2 thuộc tính, 2 thuộc tính này có thể cùng hoặc khác kiểu dữ liệu với nhau.

p first ...
second ...



Bonus: Cấu trúc pair (2)

Khai báo dạng có tham số đầu vào:

```
pair<data_type1, data_type2> variable_name(value1, value2);
```

```
pair<int, string> p(10, "abc");
```

```
p first 10 second "abc"
```



Bonus: Cấu trúc pair (3)

first, second: Truy cập và gán giá trị cho thuộc tính của pair.

```
pair<int, string> p;

p.first = 2;

p.second = "abc";

cout << p.first << "-" << p.second;</pre>
```

2-abc



Bonus: Cấu trúc pair (4)

Kết hợp với vector: Tạo thành mảng động chứa các cặp giá trị.

```
vector<pair<int, string> > v;
pair<int, string> p;
p = make_pair(2, "abc");
v.push_back(p);
p = make_pair(3, "def");
v.push_back(p);
```

```
0 1
2, "abc" 3, "def"
```



Bonus: Cấu trúc pair (5)

Kết hợp với mảng tĩnh: Tạo thành mảng tĩnh chứa các cặp giá trị.

```
typedef pair<int, int> Student;
```

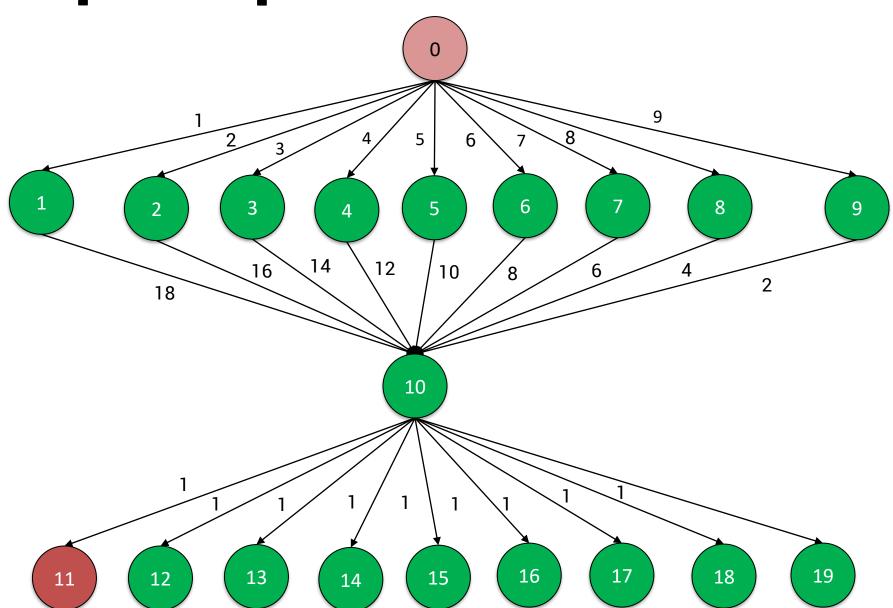
```
int main() {
    Student a[100];
    return 0;
}
```



HẠN CHẾ CỦA THUẬT TOÁN DIJKSTRA NGUYÊN THỦY



Ví dụ minh họa





```
17. void Dijkstra(int s)
18. {
        priority_queue<pair<int, int>, vector<pair<int, int> >, option > pq;
19.
        pq.push(make_pair(s, 0));
20.
        dist[s] = 0;
21.
        while (!pq.empty())
22.
        {
23.
            pair<int, int> top = pq.top();
24.
            pq.pop();
25.
            int u = top.first;
26.
            int w = top.second;
27.
            if (dist[u]!=w)
                  continue;
```



Thuật toán Dijkstra.

```
def Dijkstra(s):
                                                                    ? python™
       pq = queue.PriorityQueue()
11.
       pq.put(Node(s, 0))
12.
       dist[s] = 0
13.
       while pq.empty() == False:
14.
           top = pq.get()
15.
           u = top.id
16.
           w = top.dist
17.
            if dist[u] != w:
                 continue
```



```
while (!pq.isEmpty()) {
24.
            Node top = pq.poll();
25.
            int u = top.id;
26.
            int w = top.dist;
27.
             if (dist[u]!=w)
                  continue;
            for (int i = 0; i < graph.get(u).size(); i++) {</pre>
30.
                Node neighbor = graph.get(u).get(i);
31.
                if (w + neighbor.dist < dist[neighbor.id]) {</pre>
32.
                     dist[neighbor.id] = w + neighbor.dist;
33.
                     pq.add(new Node(neighbor.id, dist[neighbor.id]));
34.
                     path[neighbor.id] = u;
35.
36.
37.
38.
39. }
```

Hỏi đáp



