

#### **LECTURE 02**

#### STRONGLY CONNECTED COMPONENT **BRIDGE - CUT VERTEX**





**Big-O Coding** 

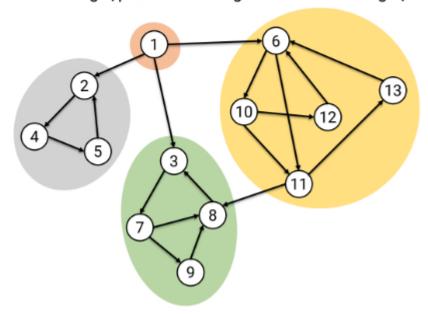
Website: www.bigocoding.com



# STRONGLY CONNECTED COMPONENT

#### Giới thiệu

Strongly Connected Component (SCC - Thành phần liên thông mạnh) của đồ thị có hướng G = (V, E) là một tập các đỉnh mà với mỗi cặp đỉnh (u, v) bất kì của trong tập luôn có đường đi từ u đến v và ngược lại.

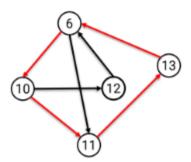


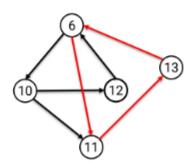
3

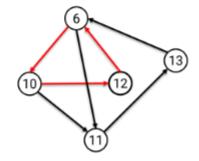
#### Nhận xét:



- Nếu 2 đỉnh u v thuộc thành phần liên thông mạnh (TPLTM) C thì mọi đỉnh trên đường đi u → v và v → u đều thuộc C
- → Tất cả các đỉnh trên 1 chu trình sẽ thuộc một TPLTM C
- Nếu u và v thuộc cùng TPLTM, v và t thuộc cùng TPLTM thì 3 đỉnh u, v
  và t thuộc cùng TPLTM
- → Thành phần liên thông mạnh là tập các chu trình có đỉnh chung
- $\exists r \in \mathcal{C}$ , sao cho mọi đỉnh thuộc C đều thuộc nhánh DFS gốc r



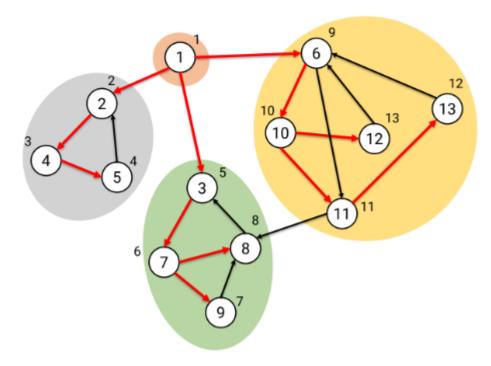




Λ

## Nhận xét

Tồn tại r thuộc C, sao cho mọi đỉnh thuộc C đều thuộc nhánh DFS gốc r

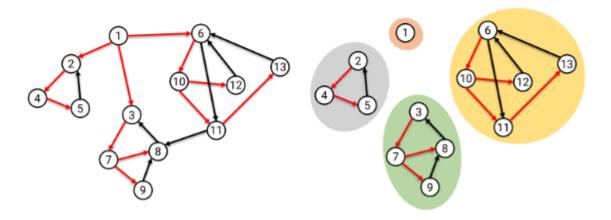


5

### Thuật toán Tarjan



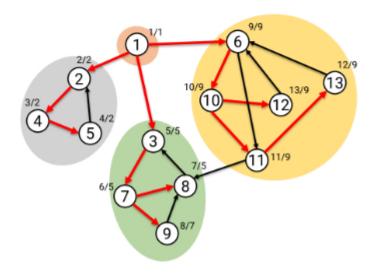
- Thuật toán Tarjan là thuật toán dùng để liệt kê các thành phần liên thông mạnh của đồ thị có hướng G = (V, E).
- Thuật toán sẽ "bẻ" cây DFS thành các nhánh rời rạc, mà mỗi nhánh là một thành phần liên thông mạnh



# Ý tưởng



- Gọi num[u] là số thứ tự của đỉnh u trong quá trình duyệt DFS.
- Gọi low[u] là giá trị num nhỏ nhất có thể đi đến được từ một đỉnh v nào đó thuộc nhánh dfs(u)



7