

**DISCIPLINA:** 09457 - Cálculo Numérico

**PROFESSOR**: Prof. Nelson, Maj R. Gomes e Prof. Guilherme VISTO:

**ANO/CURSO:** <u>3° Ano - CG e CFG</u> **DATA DA PROVA:** <u>17/09/2019</u>

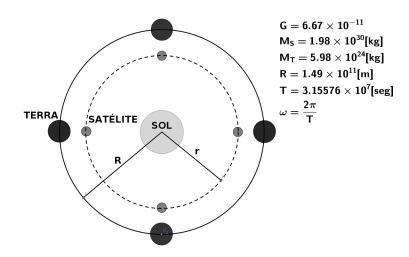
TIPO DA PROVA:  $\underline{VC}$  - DURAÇÃO:  $\underline{180 \text{ min}}$  HORA:  $\underline{08:00}$ 

CONSULTA: [ ] LIVRE [X] RESTRITA [ ] PROIBIDA

## **COM CONSULTA**

Questão 4 (4,0 pontos) Um dos planos anteriores da NASA foi lançar um satélite, chamado Wind, que fica numa posição fixa ao longo de uma linha que vai da terra ao sol, como mostra a Figura abaixo, de modo que o vento solar passe pelo satélite a caminho para a terra. Encontre a distância r do satélite com base nas leis físicas relacionadas.

$$G\frac{M_S m}{r^2} = G\frac{M_T m}{(R-r)^2} + mr\omega^2$$



Considere que a ordem da solução é de  $10^{11}$ , portanto utilize uma escala nessa ordem na equação e nos parametos dos métodos.

- **a.** Encontre o intervalo,  $(r_1, r_2)$ , que possivelmente contém a solução, onde  $r_2 r_1 = 0.01$ . Utilize como intervalo inicial (0.1, 1.49);
- b. Com o intervalo anterior, utilize o método da Bisseção para obter a solução;
- c. Com um chute inicial  $r_0 = 10^5$ , utilize o método de Newton para obter a solução;
- **d.** O método de Steffesen é uma técnica que busca as raízes semelhante ao método de Newton, mas sem o uso de derivadas, onde a interação é dada por:

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{g(x_n)},$$

onde  $g(x) = \frac{f(x+f(x))}{f(x)} - 1$ . Utilize mesmos parâmetros do item anterior para obter a solução pelo método de Steffesen.

## **OBS:**

- 1. Considere para os métodos de Newton e Steffesen que:  $|r_{n+1} r_n| < 10^{-4}$ .
- 2. PREENCHA A TABELA ANEXA